



FACULTAD DE  
CIENCIAS ECONÓMICAS  
Y DE ADMINISTRACIÓN



UNIVERSIDAD  
DE LA REPÚBLICA  
URUGUAY

## Curso Demografía - Licenciatura en Estadística

---

Docentes:

Daniel Ciganda

Facundo Morini

5<sup>ta</sup> Clase

02 de Septiembre de 2025

## ¿Por qué modelar a nivel individual? Parámetros interpretables

### Modelo micro:

#### parámetros = mecanismos

- **Edad a la unión:**  $\mu_u, \sigma_u$
- **Fecundabilidad pico:**  $\phi_{\max}$
- **Declive con la edad:**  $x_0$  (inflexión),  $r$  (pendiente)
- **Amenorrea posparto:**  $ns$  (meses)

Cada parámetro tiene significado biológico/conductual.

### Modelos macro (ASFR): parámetros de curva

- Ajustes paramétricos: Beta, Gompertz, Hadwiger
- Ejemplo (tipo Beta, edades reescaladas  $y \in [0, 1]$ ):

$$\text{ASFR}(x) = \kappa y^{p-1} (1 - y)^{q-1}$$

- $p, q$ : (*ascenso, caída*);  $\kappa$ : *escala (nivel)*

Propiedades de la *curva*, no mecanismos.

- Técnica para estudiar **cómo varían los resultados** de un modelo cuando cambiamos sus **parámetros de entrada**.
- **Objetivos principales:**
  1. Identificar los **parámetros que más influyen** en los resultado de un modelo.
  2. Identificar **parámetros poco influyentes**  $\Rightarrow$  se pueden **fijar/ignorar** sin perder precisión (modelos más *parsimoniosos* y rápidos).
  3. **Diagnóstico inicial de especificación/identificación:** si dos parámetros producen efectos casi indistinguibles en la salida (p. ej., desplazan el calendario de forma similar), hay *equifinalidad*  $\Rightarrow$  riesgo de **no identificación**. *Señales:* curvas ASFR/TFR casi idénticas tras compensar  $p_1$  con  $p_2$ .
  4. Explorar escenarios “¿qué pasa si...?”.
- Se puede aplicar tanto en **modelos macro** (curvas ASFR ajustadas) como en **modelos micro**, pero con diferencias en la **interpretación** de los parámetros.

## Interpretación de los Parámetros $x_0$ y $r$ en la Función Logística

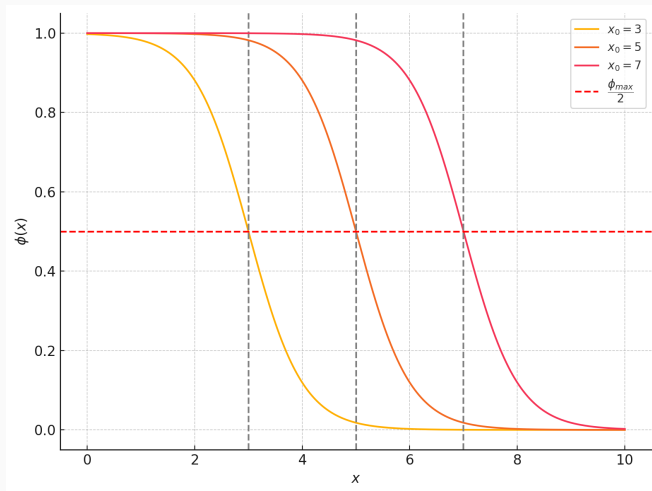
La función logística decreciente está dada por:

$$\phi(x) = \frac{\phi_{\max}}{1 + e^{r(x-x_0)}}$$

El parámetro  $x_0$  representa el **punto de inflexión** de la curva. Este es el valor de  $x$  donde la curva cambia de decrecer rápidamente a hacerlo más lentamente. En  $x_0$ , la función alcanza la mitad de su valor máximo, es decir,  $\phi(x_0) = \frac{\phi_{\max}}{2}$ .

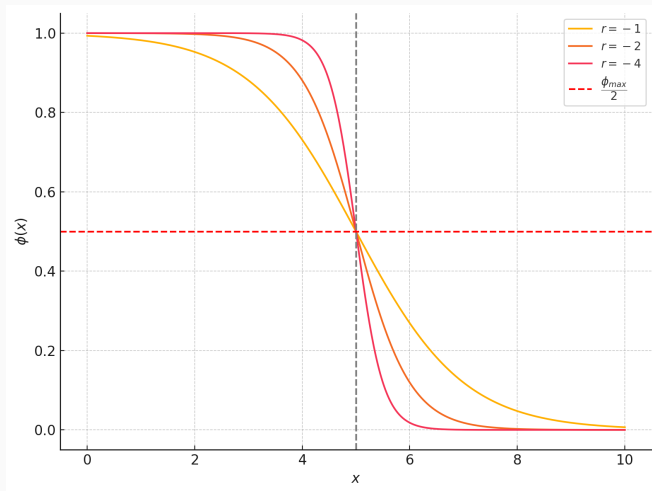
El parámetro  $r$  controla la **tasa de cambio** o la pendiente de la curva logística. Un valor alto de  $r$  indica una transición más rápida desde valores cercanos a  $\phi_{\max}$  hasta valores bajos, produciendo una curva más empinada.

# Variación del Punto de Inflexión



**Figure 1:** Efecto de la variación del punto de inflexión en la función logística decreciente.

## Variación del de la Tasa de cambio ( $r$ )



**Figure 2:** Efecto de la variación de  $r$  en la pendiente de la función logística decreciente.