PROCESSI DURI CON ADRONI NELLO

STATO INIZIALE:

MODELLO A PARTONI HIGLIORATO

DIS: lh-l'X Consideriamo

do oc 15 L Wm (P,9)

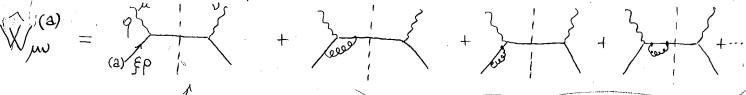
Modello ?)

$$d\sigma = 2 \int d\xi \int_{\Omega} (\xi) d\hat{Q}_{a} = 2 \int d\xi \int_{\Omega} (\hat{p}, q)$$

$$= \frac{1}{25} \lim_{s \to \infty} \frac{15}{5} f_a(5) \hat{W}_{\mu\nu}^{(a)}(50,9)$$

$$\Rightarrow W_{\mu\nu}(\rho,q) = \sum_{a} \int_{0}^{1} \frac{d\xi}{\xi} f_{a}(\xi) \hat{W}_{\mu\nu}(\xi\rho,q)$$

Usiamo il metodo penturbativo per colchere il TENSORE PARTONICO



HODELLO A PARTOM INGENUO

$$\mathcal{S}(\xi b+d)_s = \frac{\kappa}{\kappa} \mathcal{S}(\xi-\kappa)$$

CORREZIONI REALI

- · Le correrioni vintuali e reali sono separatamente divergenti IR
- · La somma inclusiva sugli stati finali porto alla concellazione delle rispettive divergenze IR da stati finali

· Considerendo Pa = & P come unica particella della stato iminiale adronico, mon si effettua la somma sugli stati iminiali depeneri richiesta dal tecrema KLN. Rimangono delle SINGOLARITA DI STATO INIZIALE NON CANCELLATE

Per capirlo meglio, sensa fore un conto esplicito, shuttionno quello che albianno imporato della universalità della singolarità IR

 $=: \qquad \sim M^{(o)}(P,P_{K})$ 

NLO: configurazioni IR divergenti

REALE

RE

STATO INIZIALE

VIRTUALE (1) = jest ~ - M.(P, Px) [ Vij (Zi)

REALE

REALE

PRI Pi = 2(P)

Overe finato l'impulso dell'eenico partone duisible cousa una mon-corrispondenza tra divergenze IR virtuali e reali che non si cancellano, se non nel limite soffice un cui  $P_i \rightarrow O$ ,  $2i \rightarrow O$ .

Soprarvivono simpolarità collineari mon cancellate.

## PROBLEMA 1:

Si potrebbe argamentare, giustamente, le le divergenze IR sono regolete dalla dinamica non perturbativo della terre, che mon lascia alloutenare le particelle altre le dimensioni adronicle R~ Macs ossia he taglia gli impubri inferiori alla scala adronica Macs.

Rimarremmo con con un osservabile sensibile alla dinamica non perturbativa delle lenghe distanze, con en ulteriore

La serie perturbativa 1 + ds(Q²) lm Q² + ds(Q²) lm Q² + ...

perde di significato, contribuendo con termini
di confrontabile granderse ad ogni ordine perturbativo.

Sorebbe necessario sommare tutto i termini della

lorma d's lm Q² (delti loporitmi dominanti: LLQ)

La proprietà notevole della QCD che risolve (4 entrambi i problemi (sensibilità IR)

E la (risommarione e tutti pliondini)

FATTORIZZAZIONE UNIVERSALE indipendente del processo

BELLE SINGOLARITÀ COLLINEARI,

gravie alla quale le singolarità collineari che

mon si cancellamo, qualora si identifichi un partone

in uno stato imiziale (o finale), sono indipendenti

in uno stato imiziale (o finale), sono indipendenti

gravie alle quale le singolarità (allineari che mon si cancellamo, qualora si identifichi un partone in uno stato imiziale (o finale), sono indipendenti dal processo in esame, e dipendono solamente dal tipo di partone considerato (9,7,8), dal tipo dei suoi figli (i,j, prodotti dalla scissione) e dalla frazione di impulso di uno dei due (p. es. 2i).

Querte singolorità, di natura IR, essendo universali, passono essere associate alla densità partonica fa che viene trasformata un una nuova quantità, analogamente ella procedure di rinormalizzazione.

Vediamo il funsionamento di questo procedure mel calcolo di Win.

Mel calcolo di  $CE \rightarrow 998$  avevamo visto de, nel limite in cui il pluone venivo emesso quesi collineare al quark, la sessone d'urto assumero la forma  $d\sigma_{NLO}| = \sigma_{LO} \cdot \frac{ds}{2TT} \cdot \frac{1+(1-X_8)^2}{X_8} \cdot \frac{dc_{2}O}{1-cosO}$ 

 $\mathcal{O}_{gq}(x_g)$ 

ove  $X_g$  et la frazione di energia del gluone, (5  $X_q = 1 - X_g$  " " del quarke  $X_{\overline{q}} = 1$  " " ontriquark O è l'engolo tre Pg e Pq, e pro 0-0 traviamo la singolarité collineare quarie 9
quarion-shell 9
quarion-shell 9  $\int \frac{d\cos\theta}{1-\cos\theta} \simeq \int \frac{d\theta^2}{\theta^2} \simeq \int \frac{d\vec{k}_1^2}{\vec{k}_1^2}$ Lo stesso fattore collineare si la nel tensore partonico:  $\hat{W}_{\mu\nu}^{(9)}(\xi p, 9) \simeq \hat{W}_{\mu\nu}^{(9,0)}(\xi p, 9) \left[1 + \frac{ds}{2\pi}(virtuali)\right]$  $+ \frac{ds}{2\pi} \int_{K_{T}^{2}}^{\infty} \int_{0}^{1} dx_{9} = \int_{1-x_{9}}^{1+x_{9}^{2}} \frac{\hat{V}_{\mu\nu}^{(9,0)}(x_{9}\xi p, 9)}{x_{9}}$  $\Lambda_{QCD} \ll K_T^2 \ll Q^2$   $\Lambda_{QCD}^2 \ll Q^$ Prendiama in eseme la componente di Win or Min cise Fi: per  $\hat{\mathbb{W}}^{(0)}$  $W_{\mu\nu}(P,q) = (9\mu q_{\nu} - g_{\mu\nu}) F_{1}(x,Q^{2})$   $\Rightarrow \hat{x} = \frac{x}{\xi}$   $\Rightarrow x_{q} \xi P$  $\Rightarrow F_1(x) = \int_{\xi}^{(q)} d\xi f_q(\xi) \hat{F}_1^{(q)}(\xi)$  $=\int_{x}^{1}\frac{d\xi}{\xi}\int_{q}^{q}(\xi)\left\{ \hat{F}_{1}^{(q,0)}\left(\frac{x}{\xi}\right) + \frac{ds}{2\pi}\ln\frac{Q^{2}}{\Lambda^{2}}\int_{0}^{1}\frac{dx_{q}}{x_{q}}P_{qq}(x_{q})\hat{F}_{1}^{(q,0)}\left(\frac{x}{x_{q}\xi}\right) \right\}$ in cui per ora includiama solo le corresioni reali de quark entrente

Combiando variabile 
$$z = x_1^c$$
 abbiano (omith) (6)  $F_1(x) = \int \frac{d^c}{c} f(\hat{c}) \int \frac{dz}{2} \left[ S(1-\frac{z}{c}) + \frac{ds}{2\pi} h_{X^2}^2 P(\frac{z}{c}) \right] \hat{F}_1(\frac{z}{z})$ 

Dofinando la convoluzione di due funcioni  $f, g: [0,1] \rightarrow |R$  la funcione (\* omithina e) ed asservando che  $\int_{x}^{1} \frac{dz}{2} f(z) g(\frac{x}{2})$  (\* o associativa e) ed asservando che  $\int_{x}^{1} \frac{dz}{2} S(1-z) g(\frac{x}{z}) = g(x) = [1 g](x)$ 
 $F_1 = f * [1 + \frac{ds}{2\pi} h_{X^2} P] * \hat{F}_1^{(0)}$ 

Se interpretiamo  $f$  come una PDF "nuda"  $f^{(0)}$  ed assorbiamo al fathere divergente  $[1 + \frac{ds}{2\pi} h_{X^2} P]$  in essa, definendo una PDF "vestita"  $f(z, Q^2) := f(z) + \frac{ds}{2\pi} h_{X^2} \frac{Q^2}{2} f(z, Q^2) \hat{F}_1(z)$ 

apone atheria  $= [f^{(0)} * (1 + \frac{ds}{2\pi} h_{X^2} Q^2)](z)$ 

pormamo esprimere

 $F_1(x, Q^2) = [f^{(0)} * \hat{F}_1(x)](x) = \int_{z}^{1} \frac{dz}{2} f(z, Q^2) \hat{F}_1(\frac{x}{2})$ 

Charamente  $\hat{V}_{\mu\nu}$ , of the allo parte divergence IR

proportionale a  $\int \frac{1}{K_{7}^{2}} P(x_{9})$ , he dei contributi IR finiti.

Questo consideratione si tresporte alle  $\hat{F}_{i}$ :  $F_{1} = f * [1 + \frac{\partial s}{2\pi} (\ln \frac{\mu_{F}^{2}}{\Lambda^{2}} P + \ln \frac{Q^{2}}{\mu_{F}^{2}} P) * \hat{F}_{1}^{(0)} + \frac{\partial s}{2\pi} \hat{J}_{1}]$   $= f * [1 + \frac{\partial s}{2\pi} \ln \frac{\mu_{F}^{2}}{\Lambda^{2}} P] * [1 + \frac{\partial s}{2\pi} (\ln \frac{Q^{2}}{\Lambda^{2}} P * \hat{F}_{1}^{(0)} + \hat{J}_{1})]$   $f(2, \mu_{F}^{2})$   $C_{1}(\frac{\chi}{2}, \frac{Q^{2}}{\mu_{F}^{2}})$ 

in air abbiens separato il termine divergente IR introducendo una scala di fattorissassione MF arbitrario, che ha il ruolo di separare

- · la regione IR (K7<M²) la cui dinamica mon perturbativa è inplobate nelle PDF
- · la regione perturbetive  $(K_7^2 > U_7^2)$  à cui contributi ( colcolabili e finiti sono tenuti un conto nelle "femaioni coefficiente"  $Ci(\frac{x}{2}, \frac{Q^2}{U_7^2})$ .

La definizione delle PDF ricalca concettualmente la procedura di rimormalissazione delle cartanti di accoppiamento: ni parte da un parametro "mudo", e si definisce il parametro vestito mediante em fattore moltiplicativo de contiene le divergenza causate dell'integrazione mpli impulsi un una papione cle non seppiamo controllare.

l'analogia le però delle importanti differense: · Qui n'hatte di singolorità colleneari (IR) non UV € Aui le quantité nude sono funzioni (∞ G.L), mon numeri. anche se mon possiamo calcolere le densità portoniche con tecniche perturbative, vediamo che è possibile predirme la varianione rispetto alla scala U.S. Infatti, posiclé le femrioni di strutture sone proservabili mentre uf è arbitraria, vale Ma se vole la formula di fattorissamme delle supplerità collineari de esprime  $F_1 = f * C_1$  $\frac{dF_1}{dlm\mu_F^2} = \frac{\partial f}{\partial lm\mu_F^2} * C_1 + f * \frac{\partial C_1}{\partial lm\mu_F^2} = 0$ Ora  $\frac{\partial G}{\partial h\mu^2} = -\frac{\partial s}{2\pi} P * F_1^{(0)} = -\frac{\partial s}{2\pi} P * C_1 + G(\partial_s^2)$  $=) \frac{\partial f}{\partial h_{\mu F}} * C_{1} = \frac{\partial s}{\partial \pi} f * P * C_{1} + (\alpha \omega_{s}^{2}) =) \frac{\partial f}{\partial h_{\mu F}} = \frac{\partial s}{\partial \pi} P * f + (\alpha \omega_{s}^{2})$ La réssa relazione ni ricava dalla penultima formula di pop 6:  $\frac{\partial f}{\partial \ln Q^2} = f^{(0)} * \frac{ds}{2\pi} P = \frac{ds}{2\pi} P * f + O(ds^2) \quad \text{paide} \quad f = f^{(0)} + O(ds)$ Jimo a qui abbiama tonsiderato solamento - corressoni O(Ns) reali - quarri nello stato inisuale che emette em pluone reale