Esame di Applicazioni di Meccanica Quantistica

Prova scritta del 16/10/2006

Problema 1

Sia dato un atomo di He, nel quale si considerano gli spin ma si trascura in un primo momento l'interazione fra i due elettroni. Si consideri in particolare il livello in cui ciascun elettrone si trova nello stato di atomo idrogenoide con n=2.

- a) Si dica quali sono il valore dell'energia e la degenerazione di questo livello nei due casi che gli elettroni vengano considerati distinguibili ovvero indistinguibili.
- b) Tenendo conto dello spin e dell'identità degli elettroni, si scrivano le funzioni d'onda complete dell'atomo, indicando semplicemente con u_{nlm} le autofunzioni standard dell'idrogeno.
- c) Supponiamo che entrambi gli elettroni si trovino nello stato con n=2, l=0. Considerando l'interazione puramente elettrostatica fra i due elettroni, si imposti completemente il calcolo della correzione del livello di energia al primo ordine perturbativo e si discuta come il calcolo andrebbe sviluppato.

Problema 2

Due particelle di spin $\frac{1}{2}$ interagiscono mediante la hamiltoniana

$$H = A \, \sigma_{1x} \sigma_{2x}$$

dove σ_{1x} e σ_{2x} sono le matrici di Pauli σ_x relative alle particelle 1 e 2 rispettivamente. Supponiamo poi che all'istante t=0 la particella 1 abbia lo spin diretto lungo l'asse z positivo e la particella 2 nel verso opposto.

- a) Si determini la funzione d'onda di spin delle due particelle in funzione del tempo.
- b) Si determini il valore di aspettazione della componente z dello spin della particella 1 $\langle s_{1z} \rangle$ in funzione del tempo.