

Universidad Nacional de Colombia
Fundamentos de Mecánica
(PEAMA Sumapaz 2023-I)

Problemas Semestrales

6 de abril de 2023

INDICACIONES

Las sesiones taller tiene como objetivo evaluar la comprensión de diversas temáticas a través la expresión escrita. Por lo tanto, la solución de cada problema debe ser un texto expositivo bien redactado, esto incluye a las ecuaciones y procedimientos matemáticos ya que estos también son texto. Como texto la solución debe tener un propósito claro (calcular, explicar, identificar, describir, relacionar. . .) y su redacción debe ser siempre coherente con tal propósito.

Teniendo en cuenta lo anterior, los criterios de evaluación de las soluciones son los siguientes:

- I) **Descripción de la situación:** Todo problema tiene un contexto o una situación específica. El estudiante debe realizar una descripción de tal contexto y hacer uso de un esquema o figura donde relaciones todos los conceptos, cantidades físicas y/o matemáticas del problema.
- II) **Redacción de la solución:** Todo argumento dado por el estudiante debe ser claro, justificado y debidamente citado o referenciado con la información dada en las clases y/o desde bibliografía relacionada.
- III) **Uso del lenguaje disciplinar y matemático:** Todos los conceptos físicos y matemáticos en la solución deben usarse bien (buen lenguaje y buen manejo de unidades físicas) y las ecuaciones deben ser parte del texto (no una lista de símbolos únicamente).
- IV) **Uso de esquemas y figuras:** El estudiante debe hacer buen uso de las imágenes, es decir que debe usar la imagen dentro del texto y todas las variables y/o cantidades que se encuentren en la imagen debe ser definidas en el texto principal.

Las soluciones a los problemas deben ser entregadas de forma **individual** a lo largo de todo el semestre.

PROBLEMAS

1. ¿Cuál de los siguientes enunciados es correcto? Justifique su respuesta: **a)** Es posible que un objeto tenga movimiento en ausencia de fuerzas sobre el objeto. **b)** Es posible tener fuerzas sobre un objeto en ausencia de movimiento del objeto. **c)** Ni a) ni b) son correctos. **d)** Tanto a) como b) son correctos.
2. Es muy probable que usted haya estado en un elevador que acelera hacia arriba mientras se mueve a pisos superiores. En este caso, se siente más pesado. De hecho, si se para en una báscula en ese momento, la báscula mide una fuerza que tiene una magnitud mayor que su peso. Por lo tanto, tiene evidencia sensorial y medida que lo lleva a creer que es más pesado en esta situación. ¿Es usted más pesado?
3. Una persona pesa un pescado de masa m en una balanza de resorte unida al techo de un elevador, como se ilustra en la figura. Muestre que, si el elevador acelera ya sea hacia arriba o hacia abajo, la balanza de resorte da una lectura que es diferente del peso del pescado.

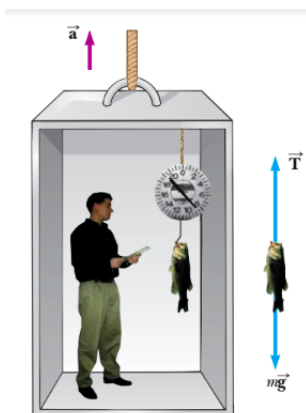


Figura 1: Problema 3.

4. Un semáforo que pesa 122 N (Newtons) cuelga de un cable unido a otros dos cables sostenidos a un soporte como en la figura. Los cables superiores forman ángulos de 37.0° y 53.0° con la horizontal. Estos cables superiores no son tan fuertes como el cable vertical y se romperán si la tensión en ellos supera los 100 N. ¿El semáforo permanecerá colgado en esta situación, o alguno de los cables se romperá?

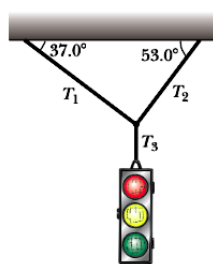


Figura 2: Problema 4.

5. Una mujer en un aeropuerto jala su maleta de 20.0 kilogramos (kg) con rapidez constante al jalar de una correa en un ángulo θ sobre la horizontal (ver figura). Ella jala de la correa con una fuerza de 35.0 N. La fuerza de fricción sobre la maleta es 20.0 N. Dibuje un diagrama de cuerpo libre de la maleta. a) ¿Qué ángulo forma la correa con la horizontal? b) ¿Qué fuerza normal ejerce el suelo sobre la maleta?



Figura 3: Problema 5.

6. Como se muestra en la figura, la base de una máquina de 900 kg se mueve sobre el piso de concreto mediante una serie de tubos de acero de 100 milímetros (mm) de diámetro exterior. Si se sabe que el coeficiente de resistencia a la rodadura entre los tubos y la base es de 0.5 mm y entre los tubos y el piso de concreto es de 1.25 mm, determine la magnitud de la fuerza P requerida para mover lentamente la base a lo largo del piso.

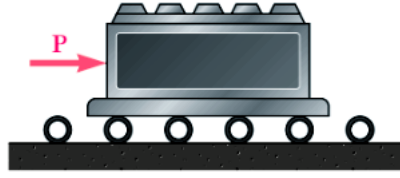


Figura 4: Problema 6.

7. Una técnica común aplicada para medir la constante de fuerza de un resorte se demuestra por la configuración de la figura 5. El resorte cuelga verticalmente (figura 5a) y un objeto de masa m se une a su extremo inferior. Bajo la acción de la “carga” mg (siendo g la aceleración gravitacional), el resorte se estira una distancia d desde su posición de equilibrio (figura 5b). Si un resorte se estira 2.0 centímetros (cm) por un objeto suspendido que tiene una masa de 0.55 kg, ¿cuál es la constante de fuerza del resorte?

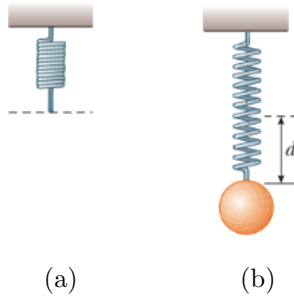


Figura 5: Problema 7.

NOTA: La **magnitud** de la fuerza F que ejerce un resorte que se comprime o se estira una distancia Δx sobre un objeto está dada por $F = -k\Delta x$, donde k es la constante del resorte.

8. Un hombre quiere cargar un refrigerador en una camioneta con el uso de una rampa a un ángulo θ , como se muestra en la figura. Él afirma que se debe requerir menos trabajo para cargar la camioneta si la longitud L de la rampa aumenta. ¿Esta afirmación es válida?

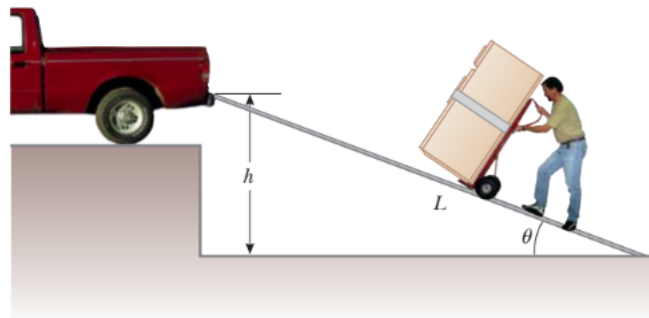


Figura 6: Problema 8.

NOTA: El trabajo es la energía transferida a un objeto por la aplicación de una fuerza que lo desplaza una cierta distancia. Cuantitativamente, si \mathbf{F} es la magnitud de la fuerza aplicada y \mathbf{d} es el vector desplazamiento del objeto, el trabajo W ejercido por la fuerza \mathbf{F} está dado por $W = \mathbf{F} \cdot \mathbf{d}$.

9. Un ascensor tiene una masa de 1600 kg y transporta pasajeros con una masa combinada de 200 kg. Una fuerza de fricción constante de 4000 N retarda su movimiento. ¿Cuánta potencia debe proporcionar un

motor para levantar el elevador y a sus pasajeros con una rapidez constante de 3.00 metros por segundo (m/s)? (**Pista:** La potencia P se define como la derivada de la energía E respecto al tiempo t , $P = dE/dt$. Demuestre que si el ascensor ejerce una fuerza constante \mathbf{F} , entonces $P = \mathbf{F} \cdot \mathbf{v}$, donde \mathbf{v} la velocidad a la que se mueve el ascensor.)

10. En la figura 7 se muestra un ingenioso dispositivo que explica la conservación de la cantidad de movimiento y la energía cinética. Consiste de cinco bolas duras idénticas sostenidas por cuerdas de iguales longitudes. Cuando la bola 1 se retira y se libera, después de la colisión casi elástica entre ella y la bola 2, la bola 1 se detiene y la bola 5 se mueve hacia afuera, como se muestra en la figura 7b. Si las bolas 1 y 2 se retiran y liberan, se detienen después de la colisión y las bolas 4 y 5 se balancean hacia afuera, y así por el estilo. ¿Alguna vez es posible que, cuando la bola 1 se libere, se detenga después de la colisión y las bolas 4 y 5 se balanceen en el lado opuesto y viajen con la mitad de la rapidez de la bola 1, como en la figura 7c?

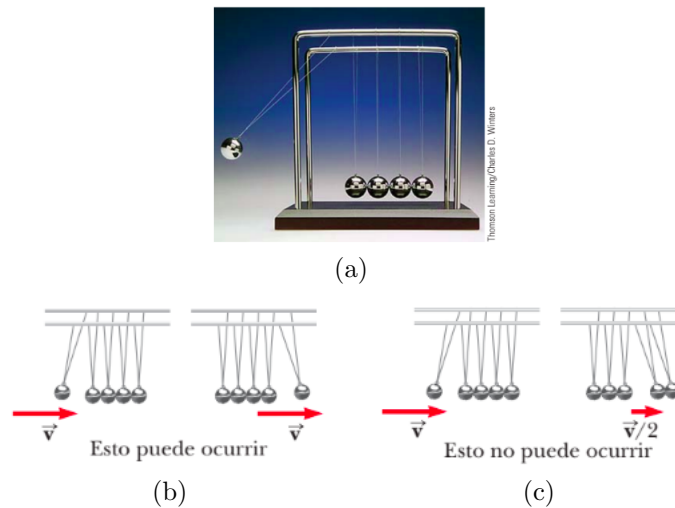


Figura 7: Problema 10.

11. Tres objetos de densidad uniforme (una esfera sólida, un cilindro sólido y un cilindro hueco) se colocan en lo alto de un plano inclinado (ver figura). Todos se liberan desde el reposo en la misma elevación y ruedan sin deslizarse. ¿Cuál objeto llega primero a la parte baja? ¿Cuál llega al último? Intente este experimento en casa y observe que el resultado es independiente de las masas y los radios de los objetos. **Pista:** Consulte el momento de inercia de una esfera, un cilindro sólido y un cilindro hueco. ¿Cuál es la relación entre el momento angular y el momento de inercia?

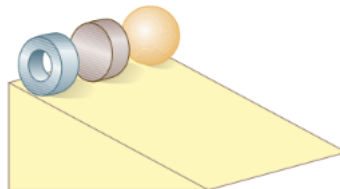


Figura 8: Problema 11.

12. La cabeza de una cortadora de pasto tiene 100 gramos (g) de cuerda devanados en un carrete cilíndrico ligero con diámetro interior de 3.00 cm y diámetro exterior de 18.0 cm, como se muestra en la figura. La cuerda tiene una densidad lineal de 10.0 gramos por metro (g/m). Una sola hebra de la cuerda se extiende 16.0 cm desde el borde exterior del carrete. a) Cuando se enciende, la cortadora aumenta su velocidad de 0 a 2500 revoluciones por minuto (rev/min) en 0.215 segundos (s). ¿Qué potencia promedio entrega el motor de la cortadora a la cabeza mientras acelera?.

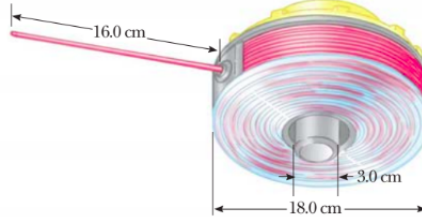


Figura 9: Problema 12.

Pista: Demuestre que la potencia P en un movimiento de rotación sobre un eje fijo está dada por $P = \tau\omega$, donde τ es el torque que ejerce una fuerza para producir el giro y ω es la rapidez angular del movimiento.

1. Problemas Conjuntos Algebra Lineal

1. La proyección de Mercator es una proyección cartográfica ideada por Gerardus Mercator en 1590 para elaborar mapas de la superficie terrestre. Esta proyección está dada por:

$$x = R\lambda,$$
$$y = R \ln \left| \tan \left(\frac{\pi}{4} + \frac{\phi}{2} \right) \right|,$$

donde $R = 6371 \text{ km}$ es el radio de la tierra y, ϕ y λ son las coordenadas de latitud y longitud de la proyección. Usando esta proyección calcule:

- a) Bogotá se encuentra ubicada aproximadamente entre 3° y 4° de latitud, y entre -73° y -74° de longitud. Determine la distancia $\Delta x = |x(\lambda = -74^\circ) - x(\lambda = -73^\circ)|$ y la distancia $\Delta y = |y(\phi = 4^\circ) - y(\phi = 3^\circ)|$. Compare estas distancias con la extensión de Bogotá.