

TEORIA DA COMPUTAÇÃO

AULA 2

Aula 2 – Autômatos Finitos Determinísticos

1 Autômatos Finitos Determinísticos

Um **autômato finito determinístico** (AFD) M é constituído dos seguintes ingredientes:

- um conjunto finito Q cujos elementos são chamados de **estados**,
- um alfabeto Σ ,
- uma **função de transição** $\delta : Q \times \Sigma \rightarrow Q$,
- um estado $s \in Q$, chamado de **estado inicial**, e
- um subconjunto F de Q , chamado de conjunto dos estados **finais** ou de **aceitação**.

É conveniente coletar estes elementos em uma tupla e escrever

$$M = (Q, \Sigma, \delta, s, F).$$

Exemplo de Autômato

Exemplo 1. Considere o autômato $M = (Q, \Sigma, \delta, S, F)$

$(\{s, t\}, \{a, b\}, \{(s, a, t), (s, b, s), (t, a, s), (t, b, t)\}, \{s\}, \{t\})$

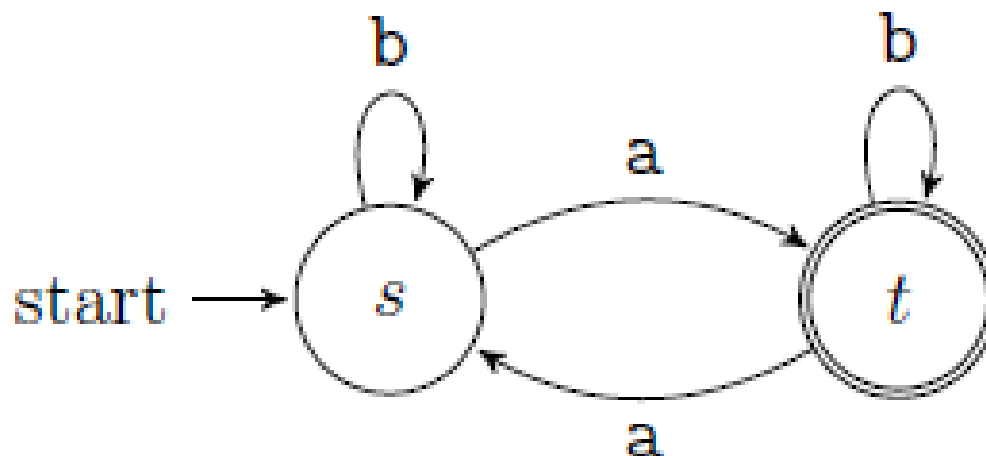
Q - estados $\{s, t\}$

Σ - alfabeto $\{a, b\}$

δ - função de transição $\{(s, a, t), (s, b, s), (t, a, s), (t, b, t)\}$

S - estado inicial $\{s\}$

F - estado final $\{t\}$



Reconhedor

Exemplo 1. Considere o autômato $M = (Q, \Sigma, \delta, S, F)$
($\{s, t\}$, $\{a, b\}$, $\{(s, a, t), (s, b, s), (t, a, s), (t, b, t)\}$, $\{s\}$, $\{t\}$)

Q - estados $\{s, t\}$

Σ - alfabeto $\{a, b\}$

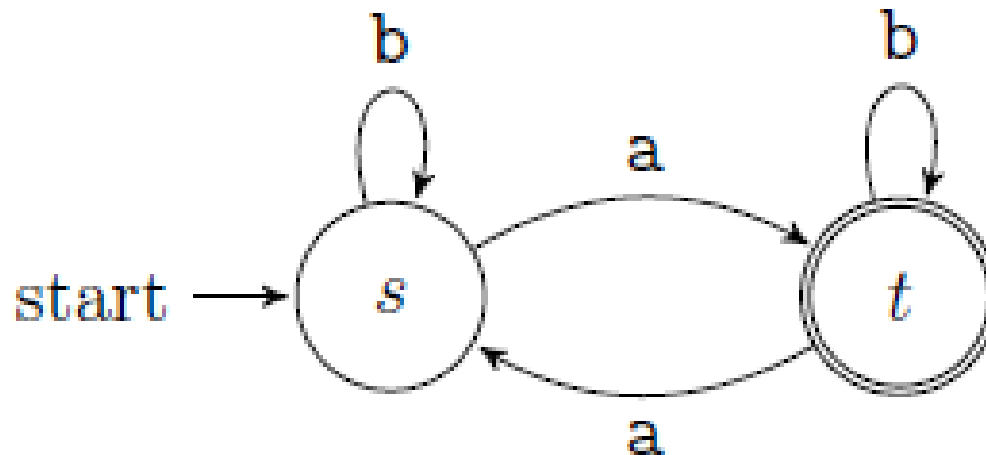
δ - função de transição $\{(s, a, t), (s, b, s), (t, a, s), (t, b, t)\}$

S - estado inicial $\{s\}$

F - estado final $\{t\}$

babb

baba



2 Computação de um AFD

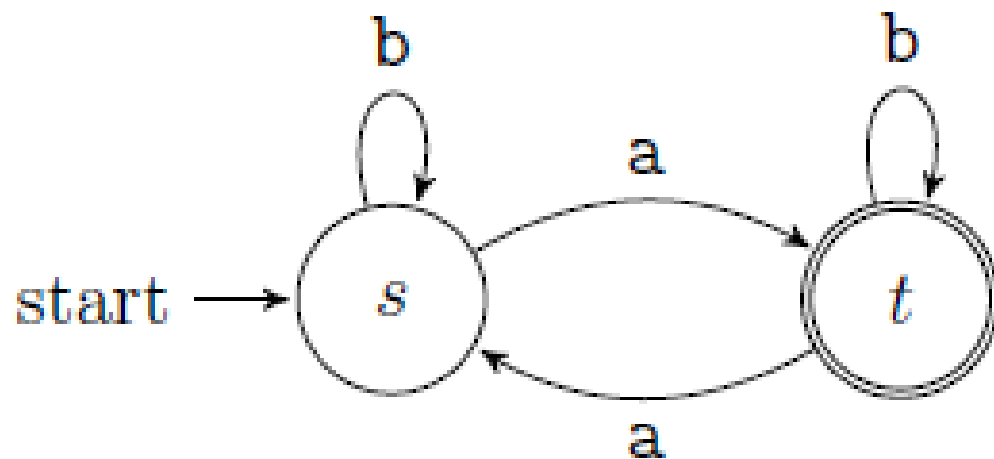
Exemplo 2. Considere o AFD do Exemplo 1. Então

$$\begin{aligned}\delta * (\text{abba}, s) &= \delta^*(\delta(s, \text{a}), \text{bba}) \\ &= \delta^*(t, \text{bba}) \\ &= \delta^*(\delta(t, b), \text{ba}) \\ &= \delta^*(t, \text{ba}) \\ &= \delta^*(\delta(t, b), \text{a}) \\ &= \delta^*(t, \text{a}) \\ &= \delta^*(\delta(t, \text{a}), \epsilon) \\ &= \delta^*(s, \epsilon) \\ &= s.\end{aligned}$$

2 Computação de um AFD

abba

$$\begin{aligned}\delta * (\text{abba}, s) &= \delta^*(\delta(s, a), bba) \\ &= \delta^*(t, bba) \\ &= \delta^*(\delta(t, b), ba) \\ &= \delta^*(t, ba) \\ &= \delta^*(\delta(t, b), a) \\ &= \delta^*(t, a) \\ &= \delta^*(\delta(t, a), \epsilon) \\ &= \delta^*(s, \epsilon) \\ &= s.\end{aligned}$$

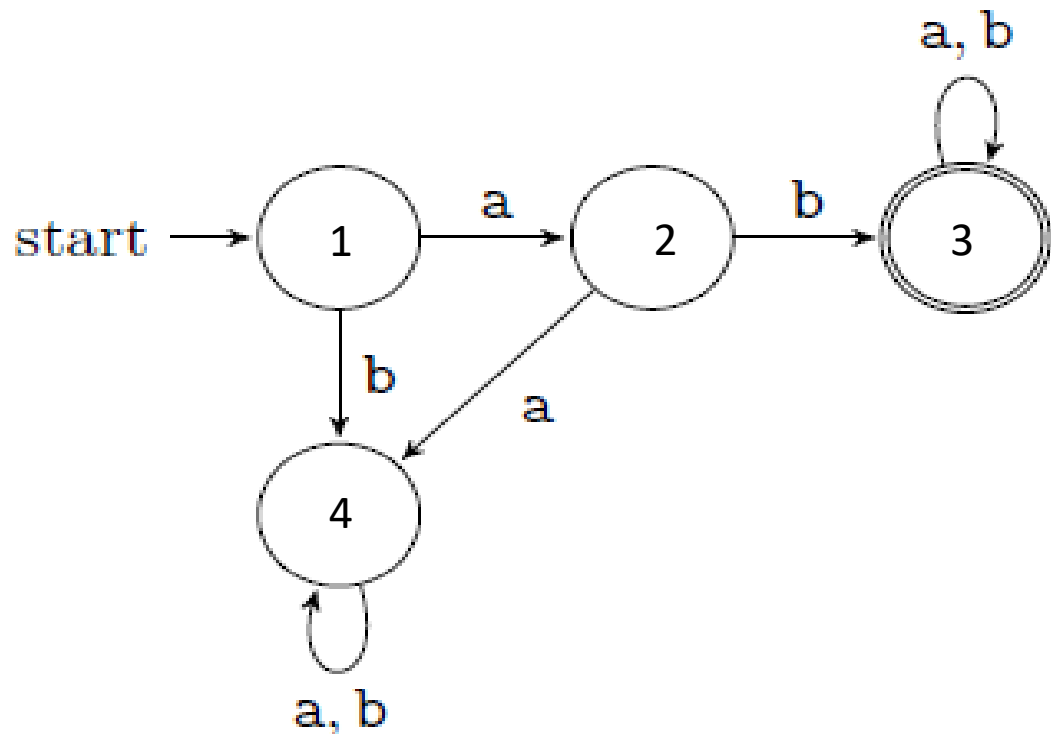


3 Linguagem reconhecida por um AFD

Exemplo 3. Eis um desenho de um AFD que reconhece o conjunto das palavras w sobre $\{a, b\}$ tais que **ab é um prefixo de w** :

ababb
abbaba

aaabb
babb



(Os números nas estados são apenas para ajudar na explicação)

3 Linguagem reconhecida por um AFD

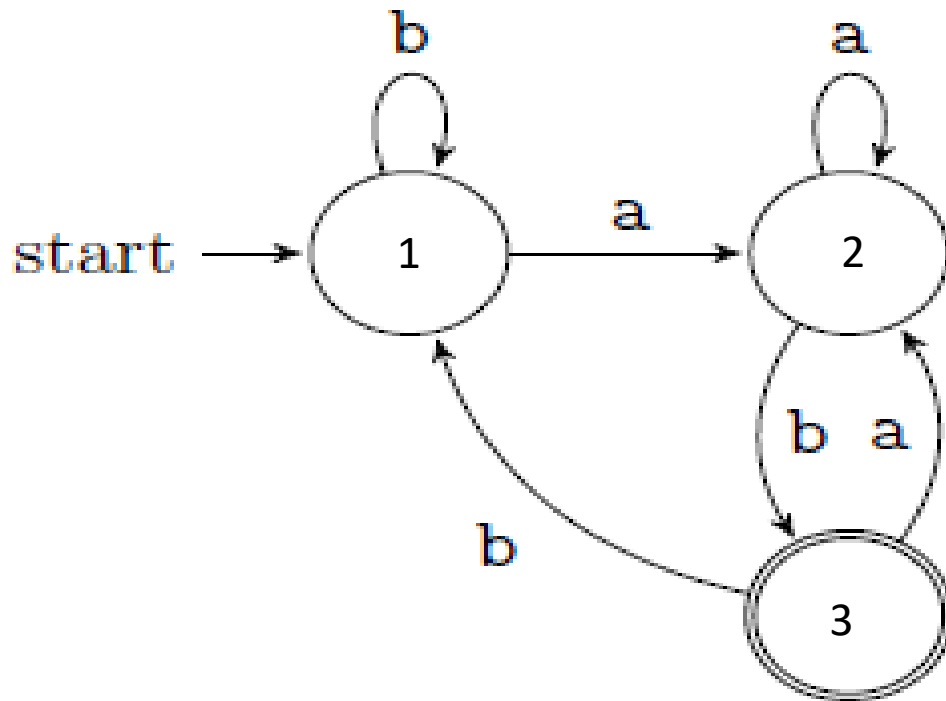
Exemplo 4. Eis um autômato que reconhece o conjunto das palavras w sobre $\{a, b\}$ tais que **ab é um sufixo de w** :

aba**ab**

bbaa**ab**

aaab**b**

baba**a**



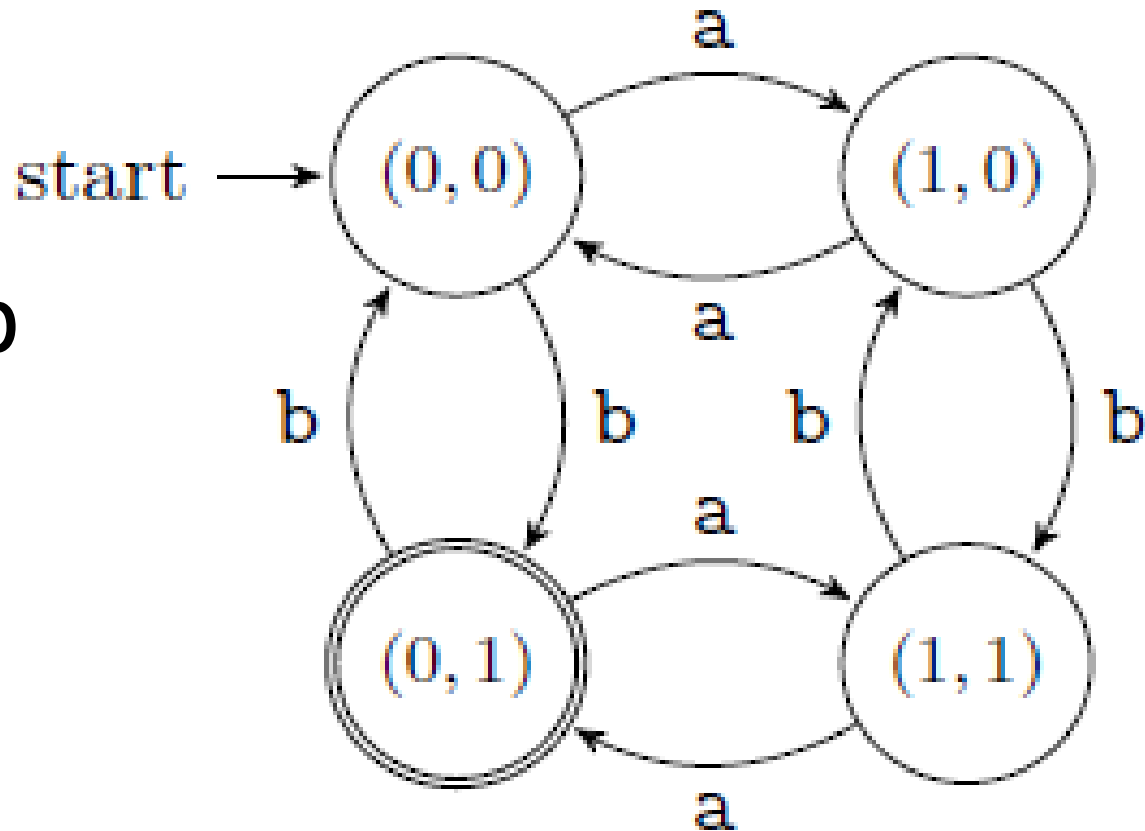
(Os números nas estados são apenas para ajudar na explicação)

3 Linguagem reconhecida por um AFD

Exemplo 5. Eis um autômato que reconhece o conjunto das palavras w sobre $\{a, b\}$ tais que $|w|_a$ é par e $|w|_b$ é ímpar:

abbab
bbaaaab

aaab
baba



(Os números nos estados são apenas para ajudar na explicação)

Exemplificando

Exemplo 6. Eis um autômato que reconhece o conjunto das palavras w sobre os dígitos 0 e 1 tais que $\sum_{i=1}^{|w|} 2^{|w|-i} w_i \bmod 3 = 1$. ou seja, w , quando interpretado como um número na base 2, tem resto 1 se dividido por 3.

7 – 111

25 - 11001

14 - 1110

21 - 10101

