

**宇宙論的シミュレーションデータベース
Illustris-TNG を用いた銀河周辺物質の速度と元
素分布構造の解明**

埼玉大学理学部物理学科
宇宙物理実験研究室

20RP021 西濱大将

2024/02/13

目次

第 1 章	はじめに	3
1.1	銀河	4
1.2	太陽組成比 (solar abundance)	7
1.3	ビリアル半径 R_{200}	8
第 2 章	手法	11
2.1	IllustrisTNG のデータの取り扱い	11
2.2	face-on と edge-on の導出	15
2.3	質量光度関係	16
2.4	速度場の計算	17
第 3 章	結果	19
3.1	アウトフローの確認	19
3.2	動径方向の元素分布	20
3.3	温度分布	20
第 4 章	議論	23
4.1	subhalo342447 における $[X/Fe] > 0$ について	23
4.2	アウトフローと太陽組成比との関係	23
4.3	subhalo342447 の「へこみ」と温度分布の高温部	24
第 5 章	まとめと展望	25
参考文献		28
付録 A		29
A.1	ビリアル定理	29

A.2	解析対象の subhalo 一覧	30
-----	----------------------------	----

第1章

はじめに

宇宙背景放射を観測した最新の人工衛星 Planck のデータを解析すると、宇宙のエネルギー密度は、通常物質 (バリオン) が 4.93%、ダークマターが 26.43%、ダークエネルギーが 68.64% であることがわかっている ([Planck Collaboration et al. 2021](#))。このことからも宇宙の大局的構造進化は、ダークエネルギーとダークマターが担っていると言われている。しかし、バリオンは元素の元となり、天体形成、超新星爆発やブラックホールなど、宇宙のさまざまな事象を引き起こす主役であり、宇宙の構造形成と進化を理解する上で我々が現在のところ直接観測できるのはバリオンだけである。

特に近傍宇宙におけるバリオンの構造進化は観測的にも不明確なことが多い。そのため現在の宇宙では、バリオンの大半が未発見である ([Shull et al. 2012](#))。この問題は「ミッシングバリオン問題」と呼ばれ、宇宙物理学に残された重要な課題である。

銀河サーベイによってバリオンの約 10% が銀河、銀河群、銀河団などの天体に存在することがわかり、特に過去 15 年間で、銀河間物質 (Inter Galactic Medium, IGM)、銀河ハロー、銀河周辺物質 (Circum Galactic Medium, CGM)^{*1} にかなりの量のガスが存在することがわかった。残りの 80%–90% のうち約半数は、IGM や中高温銀河間物質 (Warm-Hot Intergalactic Medium, WHIM) に存在すると言われている ([Shull et al. 2012; Danforth & Shull 2008](#))。

WHIM はほとんど完全電離した $10^5 - 10^7$ K で非常に希薄なガスであり、遠紫外線や軟 X 線を出すが、観測で捉えるのが非常に難しい。それゆえ、未発見のバリオンの大部分が存在すると考えられている。WHIM は、個々の銀河周辺 (~ 10 kpc), 銀河の大集団で

^{*1} 銀河周辺物質 (Circum Galactic Medium, CGM) には銀河から吹き出された物質のことを指す場合や、ビリアル半径内の物質のことを指す場合など文脈によって複数の意味を持つ。

ある銀河団周辺 ($\sim 1 \text{ Mpc}$), 銀河団をもつなぐ宇宙の大規模構造 ($\sim 100 \text{ Mpc}$), と宇宙の各階層構造に広く分布していると考えれる. 各階層でのバリオンの分布を定量的に調べ, 宇宙論的進化を明らかにすることで構造形成を支配するダークマターに新たな制限を与えることができる.

本研究では, 宇宙の階層構造の中でも, 我々の銀河系のような渦巻き銀河や橢円銀河周辺の物質構造について着目した. 可視光や電波でのスタッキング観測も報告されているが (Tanimura et al. 2019), ガス構造や元素分布の解明には至っていない. 特に, 銀河内で生成された元素がどのように銀河間空間に供給されたのか, そのメカニズムに着目してその解明を目指す.

1.1 銀河

夜空に輝く星は, ほとんどが私たちの住む銀河系の星々である. しかし, ひとたび銀河系を離れて広大な宇宙を丹念に観測すると, そこには銀河の世界が広がっている. この宇宙には 1000 億個もの銀河が存在しており, 銀河を理解することは, 宇宙そのものの理解にもつながる.

1.1.1 銀河の種類と形態分類

銀河は大別すると, 可視光の青色波長帯である B バンドの絶対等級で約-18 等を境にして, それより明るい巨大銀河 (giant galaxy) と, それより暗い矮小銀河 (dwarf galaxy) に分けられる. 矮小銀河の質量は $10^9 M_\odot$ (M_\odot は太陽質量 ($2 \times 10^{30} \text{ kg}$) を表す) よりも小さい. 矮小銀河は暗さのために, 観測研究の対象としての歴史は巨大銀河に比べるとまだ浅い. ここではまず巨大銀河の形態分類について述べる. 形態分類とは, 銀河を見かけの形で分類することがある. ただし形態と銀河のさまざまな物理量には後で述べるように良い相関がある. したがって, 形態分類は銀河に関連する物理過程を理解する上で一助となる.

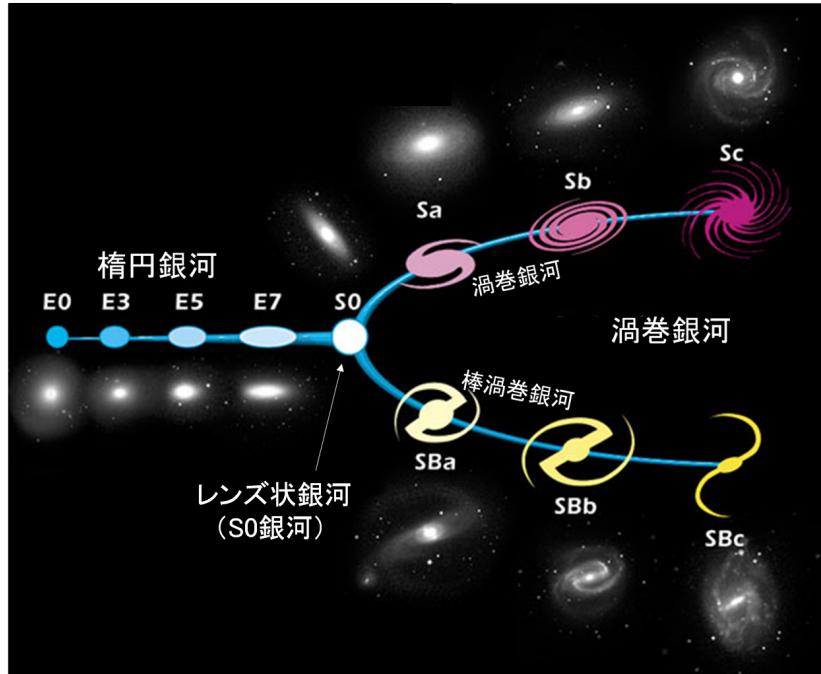


図 1.1: ハッブルの音叉図に対応する実際の銀河. (The Astronomical Society of Japan 2017) より引用.

1.1.2 ハッブル分類

巨大銀河の形態分の基本は、1936 年にハッブル (E. Hubble) が提唱した、いわゆるハッブル分類である。ハッブルは、数 100 個の銀河を可視光の写真^{*2}を使ってグループ分けをした。大部分の銀河は回転対称性が良く、中心に光が集中した核を持つ規則銀河としてさらに詳細な分類を行ったが、2–3% の銀河は不規則銀河であるとした、そして規則銀河を図 1.1 に示すように、左側に楕円銀河 (記号 E)，右側に通常の渦巻銀河 (記号 S, 上の系列) と、中心に棒状構造のある棒渦巻銀河 (記号 SB, 下の系列) を配置して分類した。図 1.1 はハッブルの「音叉図」と呼ばれ、音叉図に示された左から右への形態の系列をハッブル系列という。

銀河が音叉図の左側にあるほど早期型 (early type)，右側にあるほど晚期型 (late type) と呼ばれる。当時、楕円銀河のような渦巻腕のない銀河が進化をし、回転速度が増すにつれて赤道面からガスが吹き出して渦巻腕となってゆくとするジーンズ (J.H. Jeans) の星

^{*2} 当時使われていた写真乾板は、おもに青色の光に感度があるものであったため、正確には青色の波長帯で観測した写真ということになる。

雲進化の仮説が流布していた。ハッブルは早期型と晚期型の分類を便宜上としているが、実際にはジーンズの仮説を意識していたようだ。ジーンズの仮説は現在では否定されているが、ハッブルの命名した早期型、晚期型という言葉は現在でも使用されている。その際にはたとえば、Sa型銀河はSb型銀河よりも早期である、という具合に図上での左右の相対関係で使われることもあるれば、銀が全体の中で橢円銀河とS0銀河を早期型銀河と総称して使う場合もある。

1.1.3 涡巻銀河

渦巻銀河は記号Sの後にa, b, cをつけて分類される。可視光で見た渦巻銀河はバルジと呼ばれる中心の回転橢円体状の成分と広がった円盤成分からなる。円盤では回転運動が卓越しているが、バルジではランダムな運動が卓越している。円盤ではガスや塵が多く、星形成活動が活発である。このガスと塵、およびそれから生まれたばかりの若い星は円盤の赤道面の薄い層に強く集中しており、渦巻腕として顕著に見える。

また密度が大変低いので通常の画像では見えにくいが、円盤よりもさらに遠くまで広がり、ほぼ球状に分布しているハローと呼ばれる成分がある。ハローの星もランダムな運動をしている。バルジとハローをあわせて回転橢円体成分と呼ぶことがあり、どちらも比較的古い星が主体となっている。たとえば球状星団は年齢の古い星団であるが、おもにハローに分布している。これに対して比較的若い星団であるが、おもに円盤に分布している。

渦巻銀河では、早期型(Sa)から晚期型(Sc)に向かうに従い、次に示すように性質が変化する。

- (1) 円盤の明るさに対するバルジの明るさの比が小さくなる。
- (2) 渦巻腕の巻き込みの度合いが緩やかになる。
- (3) 円盤で巨大な電離水素領域(HII領域)や若い明るい星と星団が目立ってくる。
- (4) 星に対するガスや塵の相対質量が大きくなる。

渦巻銀河は、大きく分けて普通の渦巻銀河と棒渦巻銀河に分かれる。棒渦巻銀河の割合は、およそ20%–30%であるが、詳しく調べると大部分の渦巻銀河には多少とも棒状構造が見られ、顕著な棒状構造のあるものを棒渦巻銀河と呼んでいる。したがって棒渦巻銀河と普通の渦巻銀河に大きな性質の差があるとは考えない方が良い。棒状構造は銀河同士の相互作用などでも生じると考えられるが、銀河に内在する要因によって次第に成長するという説もあり、成因はまだ十分に理解されていない。

1.2 太陽組成比 (solar abundance)

我々の宇宙や太陽がどういう組成でできており、元素ごとの存在比で示した量として太陽組成（宇宙組成）があり、英語で solar abundance やアバンダンス (Abundance of chemical elements の略) と言われることが多い。この太陽組成（宇宙組成）は太陽光球の分光観測で得られた元素組成を指すだけの時もあれば、隕石（コンドライト）の分析値を合わせて、隕石が太陽系全体の元素存在度（宇宙組成比）をよく近似していると仮定して、太陽組成ということもある。

太陽は始原的（太陽系生成前の環境）な元素分布を保持していると考えられており、隕石の中でも始原的な隕石は太陽系形成時のタイムカプセルのようにそのときの元素分布を保持していると考えると両者には近い関係が期待できる。太陽系ができた 45 億年前に多くの星が一生を終えて様々な元素が散りばめられ混ざった状態から太陽が生まれたと考えられているため、太陽組成は宇宙の平均的な組成に近いと考えられる。

分析手法や評価方法の違いや、作成された時期によって太陽組成は一意的には決まらない。そのため、分析や評価ごとに太陽組成がまとめられているものをアバンダンステーブルと呼び、NASA の X 線スペクトル解析ソフト Xspec には、以下の 9 種類のアバンダンステーブルが用意されている。

- angr Anders E. & Grevesse N. (1989, *Geochimica et Cosmochimica Acta* 53, 197) (Photospheric, using Table 2)
- aspl Asplund M., Grevesse N., Sauval A.J. & Scott P. (2009, *ARA&A*, 47, 481) (Photospheric, using Table 1)
- feld Feldman U. (1992, *Physica Scripta* 46, 202)
- aneb Anders E. & Ebihara (1982, *Geochimica et Cosmochimica Acta* 46, 2363)
- grsa Grevesse, N. & Sauval, A.J. (1998, *Space Science Reviews* 85, 161)
- wilm Wilms J., Allen A. & McCray R. (2000, *ApJ* 542, 914)
- label Lodders K (2003, *ApJ* 591, 1220) (Photospheric, using Table 1)
- lodd Lodders K (2003, *ApJ* 591, 1220) (Photospheric, using Table 1)
- lpdp Lodders K., Palme H., Gail H.P. (2009, *Landolt-Barnstein, New Series*, vol VI/4B, pp 560-630) (Photospheric, using Table 4)
- lpgs Lodders K., Palme H., Gail H.P. (2009, *Landolt-Barnstein, New Series*, vol VI/4B, pp 560–630) (Proto-solar, using Table 10)

本研究では aspl のアバンダンステーブルを用いる.

太陽組成比 (solar abundance) の計算方法

太陽組成比 (solar abundance) を計算するには数密度を用いて $(X/H)/(X/H)_\odot$ ^{*3} で計算できる. また以降, $[X/H]$ という表記については一般的な定義と同様に以下の通りとする.

$$[X/H] = \log(X/H) - \log(X/H)_\odot \quad (1.1)$$

ただしここでは X は任意の元素, X_\odot は太陽組成の任意の元素とする.

1.3 ピリアル半径 R_{200}

物質の分布に対して球対称性を仮定する. この場合, 球の中心となる地点から半径 R 内に存在する物質の質量を M とすると, 運動方程式

$$\frac{d^2R}{dt^2} = -\frac{GM}{R^2} \quad (1.2)$$

が成り立つ. ここで R は宇宙膨張と切り離された静止座標系での長さで, ハップル半径よりも十分に小さい (つまり, ニュートン力学が適用できる) とする. この方程式の束縛解 (有界な解) は, 媒介変数 θ を用いて

$$R = \frac{GM}{C}(1 - \cos \theta), \quad t = \frac{GM}{C^{3/2}}(\theta - \sin \theta) \quad (1.3)$$

と表される. ここで C は初期条件により決まる定数である. これらより, 半径 R 内の物質密度は次式で表せられる.

$$\rho(< R, t) = \frac{3M}{4\pi R^3} = \frac{1}{6\pi Gt^2} \left[\frac{9(\theta - \sin \theta)^2}{2(1 - \cos \theta)^3} \right] \quad (1.4)$$

さらに, 物質優勢期における宇宙の臨界質量密度 $\rho_{\text{cr}}(t) \simeq \bar{\rho}_m(t) \simeq 1/6\pi Gt^2$ が与えられることを用いると, この時期における球対称領域の「密度超過」は, 初期条件によらず

$$\Delta(t) \equiv \frac{\rho(< R, t)}{\rho_{\text{cr}}(t)} = \left[\frac{9(\theta - \sin \theta)^2}{2(1 - \cos \theta)^3} \right] \quad (1.5)$$

と表される. 以下では, この時間発展の様子を見る.

^{*3} $(X/H)_\odot$ は (X_\odot/H_\odot) と同義.

まず、式(1.3)より t は θ の単調増加関数であり、 $\theta \ll 1$ は宇宙初期に対応する。このとき式(1.3)のマクローリン展開は

$$R \simeq \frac{GM}{C} \left(\frac{\theta^2}{2!} - \frac{\theta^4}{4!} + \dots \right), \quad t \simeq \frac{GM}{C^{3/2}} \left(\frac{\theta^3}{3!} - \frac{\theta^5}{5!} + \dots \right) \quad (1.6)$$

であり、この時期には R も θ, t とともに単調増加する。また、式(1.4)は

$$\rho(< R, t) \simeq \frac{1}{6\pi G t^2} \left[1 + \frac{3C}{20} \left(\frac{6t}{GM} \right)^{2/3} + \dots \right] \quad (1.7)$$

と近似され、式(1.7)のそれぞれ第一項から

$$\frac{\dot{R}}{R} = \frac{2}{3t} \quad (1.8)$$

が物質優勢期のハップルパラメータ $H(t) \simeq 2/3t$ と同じ形をしており、球形領域が当初は宇宙とともに膨張していたことを示す。また $\theta = \pi$ に達すると、半径 R は増加から減少に転じ、球形領域は収縮を始める。この時点の物理量を添字 ta (転回を意味する英語“turn-around”的略) で表す。このときのポテンシャルと運動エネルギーの和は $U_{\text{ta}} + K_{\text{ta}} = U_{\text{ta}}$ がいえる。

ここでビリアル定理を銀河内の物質に対して式(A.15)の

$$2\bar{K}_{\text{vir}} + \bar{U}_{\text{vir}} = 0 \quad (1.9)$$

を適用する。ここで \bar{K} は全運動エネルギーの時間平均、 \bar{U} は全ポテンシャルエネルギーの時間平均であり、添字 vir はビリアル (virial) の略である。これを一様球に対するエネルギー保存則

$$\bar{K}_{\text{vir}} + \bar{U}_{\text{vir}} = U_{\text{ta}} \quad (1.10)$$

および自己重力ポテンシャル $U \propto 1/R$ と合わせると、平衡下での平均半径に対して

$$R_{\text{vir}} = \frac{1}{2} R_{\text{ta}} \quad (1.11)$$

が得られる。このような状態は慣用的に「ビリアル平衡 (virial equilibrium)」と呼ばれ、これに達した物理量は

$$t_{\text{vir}} \simeq t(\theta = 2\pi) = 2t_{\text{ta}}, \quad (1.12)$$

$$\Delta_{\text{vir}} = 18\pi^2 \simeq 178, \quad (1.13)$$

となる。

赤方偏移 z においてビリアル平衡に達したダークマターハローの平均密度は：

$$\rho_{\text{vir}}(z) = \rho_{\text{cr}} \Delta_{\text{vir}} \quad (1.14)$$

$$\simeq 1.8 \times 10^{-27} \left(\frac{\Delta_{\text{vir}}}{200} \right) \left(\frac{h}{0.7} \right)^2 E^2(z) \text{ g cm}^{-3} \quad (1.15)$$

と表せる。

ここでビリアル半径内の全質量（ビリアル質量）を M_{vir} を用いると

$$R_{\text{vir}} = \left(\frac{3M_{\text{vir}}}{4\pi\rho_{\text{vir}}(z)} \right)^{1/3} \quad (1.16)$$

$$\simeq 2.1 \left(\frac{M_{\text{vir}}}{10^{15} M_{\odot}} \right)^{1/3} \left(\frac{\Delta_{\text{vir}}}{200} \right)^{-1/3} \left(\frac{h}{0.7} \right)^{-2/3} E^{-2/3}(z) \text{ Mpc} \quad (1.17)$$

となり、観測される銀河団のサイズと質量等の関係を近似的に再現する。

ここでは近傍宇宙を考えているので、 $z = 0$ では $E(z) = 1$ であり、 $\Delta_{\text{vir}} = 200$ のときのビリアル半径を R_{200} とすると次の式が成り立つ：

$$R_{200} \simeq 2.1 \left(\frac{M_{\text{vir}}}{10^{15} M_{\odot}} \right)^{1/3} \left(\frac{h}{0.7} \right)^{-2/3} \text{ Mpc} \quad (1.18)$$

近傍の宇宙の場合、ビリアル半径は R_{180} や R_{200} 程度であると考えることができ、より遠方の宇宙では宇宙項が無視できないため、 R_{100} や R_{110} がビリアル半径となる。本研究では近傍宇宙、赤方偏移 $z = 0.00$ を解析するため式 (1.18) を用いる。

第2章

手法

2.1 IllustrisTNG のデータの取り扱い

Illustris-TNG は Volker Springel が率いて作られた最先端の宇宙論的銀河形成シミュレーションで、銀河形成を促進する様々な物理過程を考慮しながら、ビッグバン直後から現在までの模擬宇宙の広い範囲をシミュレーションしている^{*1}（図 2.1）。シミュレーションデータは TNG50, TNG100, TNG300 の 3 つが存在し、それぞれ空間体積が 50 Mpc, 100 Mpc, 300 Mpc の立方体内でシミュレーションを行っている。最も大きい TNG300 は、銀河団などの珍しい天体の解析が可能であり、最大の銀河サンプルが得られる。一方、体積の小さい TNG50 では、希少天体のサンプリングは比較的限定されるが、TNG300 に比べ質量分解能は数百倍高く、銀河の構造的性質、銀河周辺のガスの詳細な構造、物理モデルの収束性などをより詳細に調べることができる。そこで本研究では TNG50-1 を利用して解析を行う。

Illustris プロジェクトのシミュレーションを含め、Illustris-TNG プロジェクトのシミュレーションデータがいくつか公開されている。

シミュレーションデータのディレクトリ下には次のようなディレクトリとファイルが存在する：`output/`, `processing/`, `simulation.hdf5`

`output` ディレクトリ

`output`/ディレクトリ下には、グループカタログ、スナップショット、Subbox などのデータが存在する。グループカタログには Halo(銀河団) カタログや Subhalo(銀河) カタ

^{*1} TNG50-1において公開されているデータは全データで 134.4 TB であり、スナップショットは赤方偏移 $z = 20.05$ (13.6 Gyr) から $z = 0.00$ (13.80 Gyr) である。

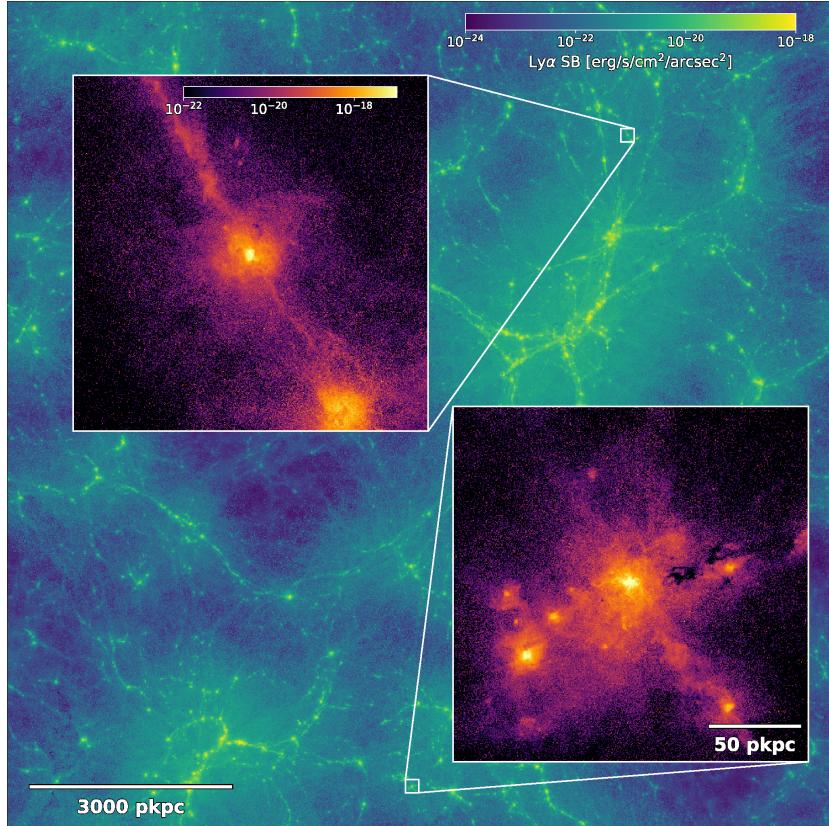


図 2.1: Illustris-TNG のシミュレーション内部のイメージ図. (Byrohl et al. 2021) より引用.

ログが存在する. スナップショットには宇宙誕生を 0 として, 現在を 99 として 100 個のスナップショットファイルが存在する. 例えば TNG50-1 の場合, 宇宙誕生から 0.179 Gyr をスナップショット 0 として 13.803 Gyr をスナップショット 99 としている. ディレクトリ「groups_*」, 「snapdir_*」の*には 3 桁でスナップショット番号が入る. 現在の宇宙(スナップショット 99)を使用したい場合は, ディレクトリ「groups_099」, 「snapdir_099」を見れば良い.

そのディレクトリ下には, グループカタログやスナップショットのデータは大きいため, 複数のファイルに分割されていて, これをチャンクファイルという. グループカタログのチャンクファイルは「fof_subhalo_tab_*」もしくは「groups_*」のファイル名で定義され連番表記されている.

2.1.1 観測対象の選択

Illustris-TNG には「TNG50 MW/M31-like catalog (天の川銀河に似た銀河のカタログ)」が公開されている (Pillepich et al. 2023). そのうち, Fermi/eROSITA-like bubbles が観測されている subhalo のカタログが公開されており (Pillepich et al. 2021), その 127 個の subhalo を解析することにする. その一覧を図 2.3 に示し, ビリアル半径と subhalo の質量について詳細にまとめたものを表 A.1 に示す. またこのカタログの subhalo のビリアル半径と質量の分布を図 2.2 に示す。

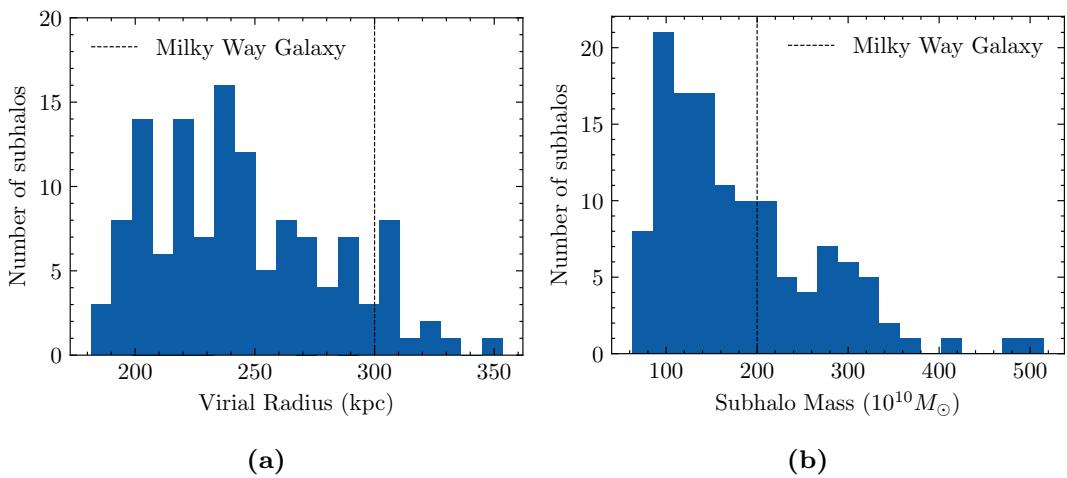


図 2.2: (a) ビリアル半径, (b)subhalo 全体の質量に関するヒストグラムで縦軸は横軸に対応する subhalo の個数. ピン数は 20 である. 点線は我々の銀河系 (天の川銀河, Milky Way Galaxy) のビリアル半径約 300 kpc, subhalo 質量約 $200 10^{10} M_{\odot}$ を表す.

我々の天の川銀河のビリアル半径 (~ 300 kpc) と質量 ($\sim 200 10^{10} M_{\odot}$) に対して比較的小さいものが多い。この中でも表 2.1 に示す 3 つの subhalo について, 本研究では詳細に解析を行う。

2.1.2 周期的境界条件の取り扱い

宇宙論的シミュレーション Illustris-TNG は周期シミュレーション (periodic simulation) であり, 一様無限の空間を再現する手法として最も一般的な手法を用いている. 境界を挟んで存在する subhalo については座標を調整する必要があり, それを考慮するためのアルゴリズムをアルゴリズム 1 に示す.

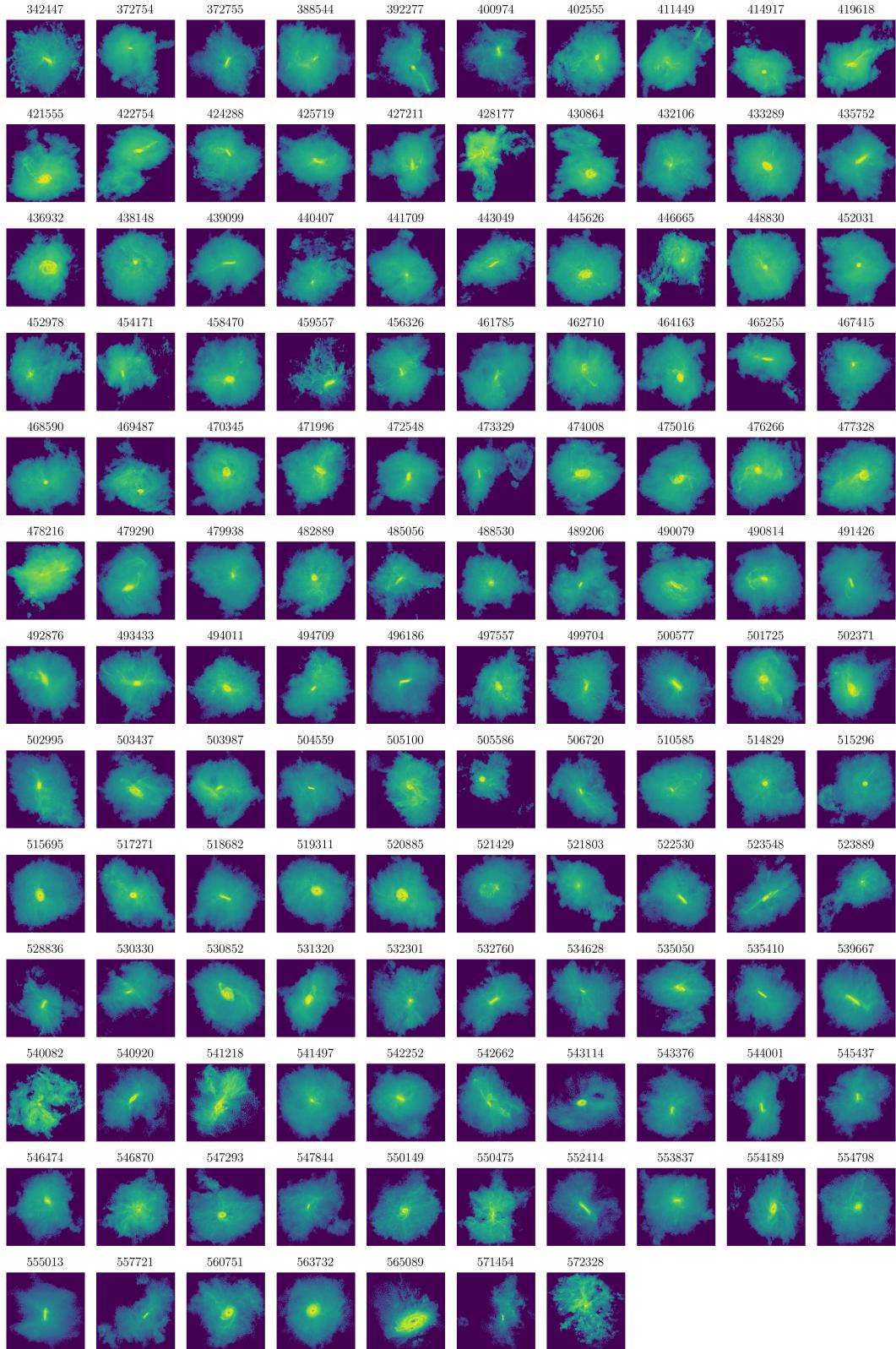


図 2.3: Fermi/eROSITA-like bubbles が観測されている subhalo のカタログ一覧 ([Pillepich et al. 2021](#)) のイメージ図。

表 2.1: 本研究で詳細に解析を行う subhalo について

subhalo ID	ビリアル半径 (kpc)	subhalo Mass ($10^{10} M_{\odot}$)
342447	223.02	112.38
388544	335.84	470.60
421555	321.32	374.33

アルゴリズム 1 周期的境界条件の座標変換

Given $r = \begin{bmatrix} x_1 & y_1 & z_1 \\ x_2 & y_2 & z_2 \\ \vdots & \vdots & \vdots \\ x_n & y_n & z_n \end{bmatrix}$, $r_{CM} = [x_{CM}, y_{CM}, z_{CM}]$, s

for $j = 1$ to 3 **do**

if $\max(r_{ij}) - \min(r_{ij}) > s/2$ **then**

 Set $r_{ij} \leftarrow (r_{ij} - s \leftarrow \forall i (r_{ij} > h))$

if $r_{CMij} > s/2$ **then**

 Set $r_{CMj} \leftarrow r_{CMj} - s$

end if

end if

end for

return r, r_{CM}

アルゴリズム 1 では粒子/セルの位置 r と、その中心座標の r_{CM} 、シミュレーションのボックスサイズ s を入力することで周期的境界上の subhalo を繋ぐ。

2.2 face-on と edge-on の導出

図 2.4 のように、銀河の回転面の上方または下方から見ているとき、その銀河を face-on galaxy と呼び、銀河の回転面を横から見ているとき、その銀河を edge-on galaxy という。シミュレーション上に作られた銀河は任意の方向から見ることができ、回転も自由に行うことができる。

face-on の方向は質量分布が最も安定する方向と見ることもでき、その向きへの回転行

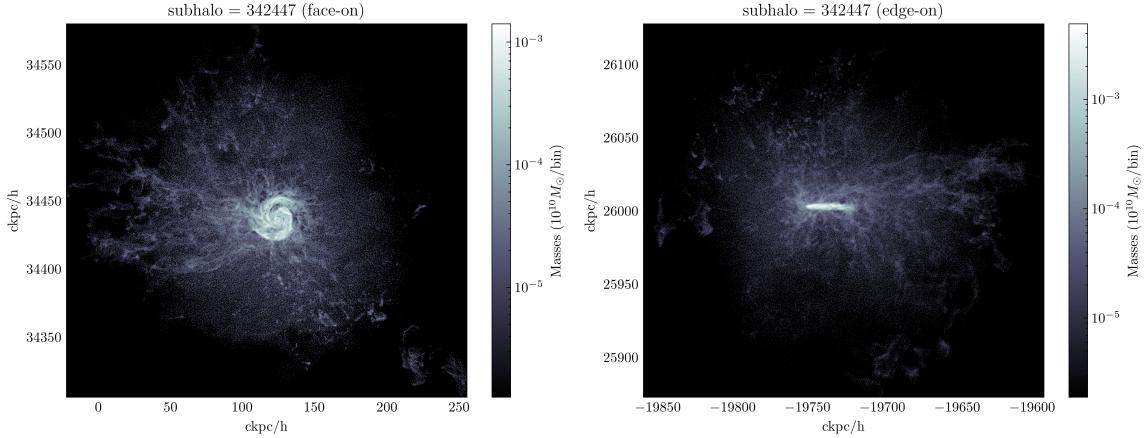


図 2.4: subhalo342447 の観測イメージ図。subhalo342447 の edge-on と face-on で濃淡は質量を対数で表している。

列は次のように計算を行うことができる。粒子 i の座標 (x, y, z) ・質量 m を添字 i を用いて慣性モーメントテンソル I は

$$I = \sum_i \begin{pmatrix} m_i(y_i^2 + z_i^2) & -m_i y_i x_i & -m_i z_i x_i \\ -m_i x_i y_i & m_i(x_i^2 + z_i^2) & -m_i z_i y_i \\ -m_i x_i z_i & -m_i y_i z_i & m_i(x_i^2 + y_i^2) \end{pmatrix} \quad (2.1)$$

で与えられる。慣性モーメント I の固有値 λ_j (ただし $\lambda_0 < \lambda_1 < \lambda_2$)、固有ベクトル χ_j ($j = 0, 1, 2$) を求めると、回転行列は $[\chi_0, \chi_1, \chi_2]$ となる。また edge-on はさらに x 軸に対して 90° 回転すればよい。

2.3 質量光度関係

天体の質量と光度との比を質量-光度比といい、通常太陽の値で規格化した値として M/L と表す。すなわち、銀河の質量を M_g 、光度を L_g とすると

$$M/L = \frac{M_g/M_\odot}{L_g/L_\odot} \quad (2.2)$$

である。星の場合、光度、質量とも太陽と同じでなら $M/L \sim 1$ であり、太陽より軽くて暗い星では 1 より大きく、太陽より重くて明るい星では 1 より小さいことが知られている。銀河の場合はたくさんの星やガスの集まりとして銀河円盤が形成されるので M/L はその総和として決められる。一般的には、銀河内のガスの総質量は、星の総和に比べて小さいことが多く、銀河円盤の M/L は円盤内の平均的な星の質量と光度によって決まつ

ている。また、暗黒物質のように光を一切出さない物質の場合は $M/L \sim \infty$ となる。実際の銀河全体の M/L は、円盤とハローの総和から求まるので、銀河について M/L 比を求めることで、銀河を形成している物質は何が支配的か（星か暗黒物質か）を知ることができる。銀河全体について M/L 比を出す場合は、観測された銀河回転速度から銀河の質量 M を求め、光学観測から決めた L と合わせて得られる。その際、銀河の距離が必要になり、ハッブル定数と銀河の後退速度とから求めるか、タリー・フィッシャー関係 (Tully-Fisher relation) などの経験則を用いて決定する。多くの銀河が M/L 比が 10 から 20 程度の値になることが知られている。

このようなことから、質量によって描画した subhalo の様子は光度によって描画したものと同等の様子を表しているといえる。

2.4 速度場の計算

アウトフローを確認するにあたり、速度場を描画する。その際の速度場の描画方法について説明する（図 2.5）。約 1 億個以上の粒子（ガス）をそれぞれの速度を表示するのは無謀であるため、空間をある一定の数で分ける。経験的に 20 や 30 といった値で x 軸、 y 軸のそれぞれを分割するのが良い。

その分けられたメッシュ内の平均速度 $\mathbf{v} = (v_x, v_y, v_z)$ を計算する。ただし表示は xy 平面で表示を行っているが、粒子（ガス）は 3 次元情報であるため、 z 軸の方向に対しても平均をとっていることに注意が必要である。すなわち、アウトフローを確認するにあたりあまりにも大きくデータを表示すると、アウトフロー以外の部分についても平均を計算する際に加味され、正確にアウトフローを確認することができない。そのため subhalo 中心付近で表示して再確認をするなどの工夫が必要である。

本論文においては、subhalo 中心付近のみ射影（プロジェクション）を行い、なおアウトフローが確認できなかったものについて「アウトフローが確認できなかった」と表現している。

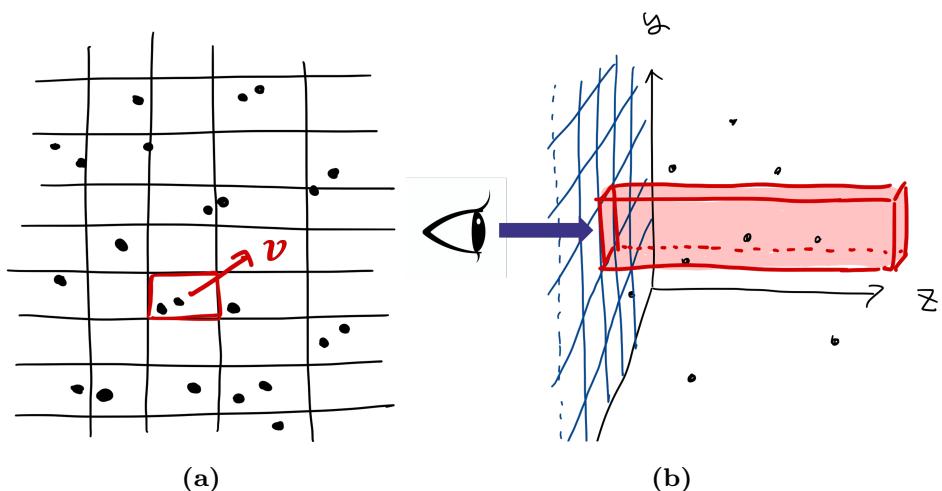


図 2.5: 粒子やセルをメッシュ分けをして各メッシュの平均速度を導出しているイメージ
図と z 軸方向に対しても計算対象であることを示す図

第3章

結果

3.1 アウトフローの確認

subhalo342447について図3.1に示すようにアウトフローを確認した。一方でsubhalo388544はアウトフローが確認できず、subhalo421555は下向きの片方のみ確認できた(図3.2)。

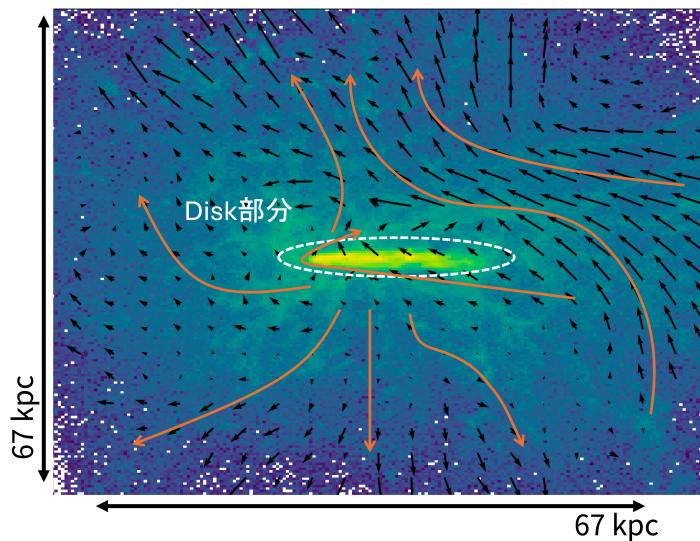


図3.1: subhalo342447をedge-onで表示したもの。Massesを背景に表示して速度場を表示している。中央にある物体がsubhaloである。

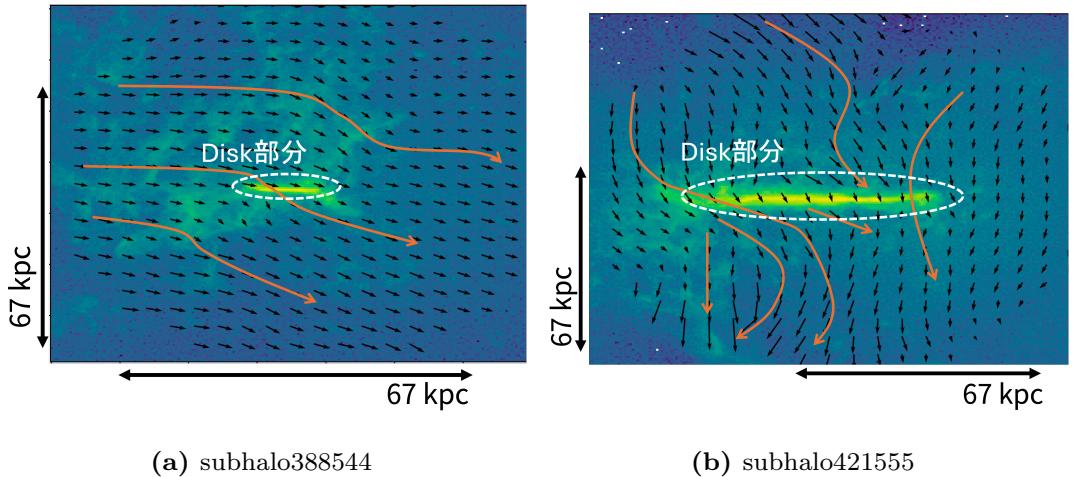


図 3.2: edge-on で表示. Masses を背景に表示して速度場を表示している. 中央部にあるものが subhalo である.

3.2 動径方向の元素分布

subhao342447 の動径方向の元素分布を図 3.3 に示す。 $R/R_{200} < 0.1$ において solar abundance は、2 倍程度であり、中心から外縁に向かうに連れて現象していった。

一方で subhalo388544 と subhalo421555 において $R/R_{200} < 0.1$ では、太陽組成程度で中心から外縁部に向かって減少していることが分かった(図 3.4).

subhalo342447において、鉄の太陽組成比に対する酸素、ネオン、マグネシウムとケイ素の太陽組成比を計算したものを図 3.5 に示す。 $[O/Fe] \sim 0.33$ 程度、 $[Ne/Fe] \sim 0.53$ 程度、 $[Mg/Fe] \sim 0.23$ 程度、 $[Si/Fe] \sim 0.2$ 程度であった。図 3.5 では $0.1 < R/R_{200} < 0.5$ で他の部分と組成が異なる「へこみ」が観測された。

3.3 温度分布

subhalo342447 の温度分布を図 3.6 に示す。図 3.6 の右側で、 $R/R_{200} < 0.1$ においては 10^6 K 以上の高温ガスが確認できた。左側は 1×10^5 から 4×10^5 K の範囲の比較的低い温度が観測された。温度分布は左右で非対称であることが確認できる。

また明らかに銀河の腕部分は 10^5 K 以下と非常に低温なガスであることが確認できる。

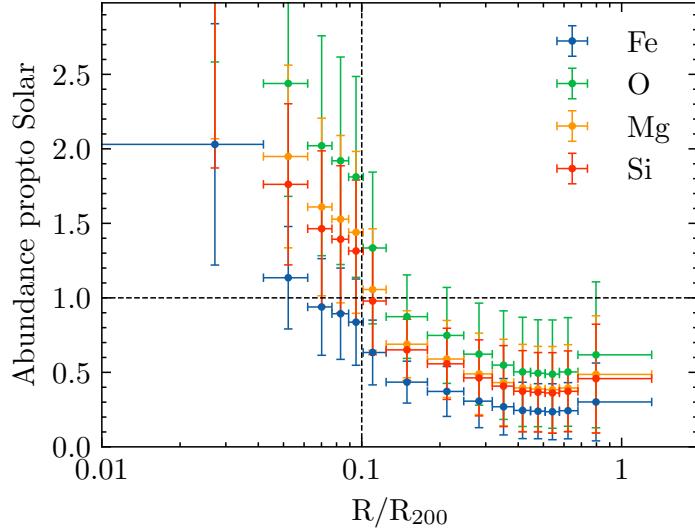


図 3.3: subhalo342447 の Fe, O, Mg, Si の太陽組成比を縦軸にし、横軸を subhalo の中心 (subhalo の移動質量中心で、subhalo 内のすべての粒子/セルの質量加重相対座標の合計として計算される) からの距離をビリアル半径で規格化したものを片対数で表している。データは 15 個にグループまとめし、エラーバーは横軸がデータ幅 (上限と下限)、縦軸が標準偏差を表す。

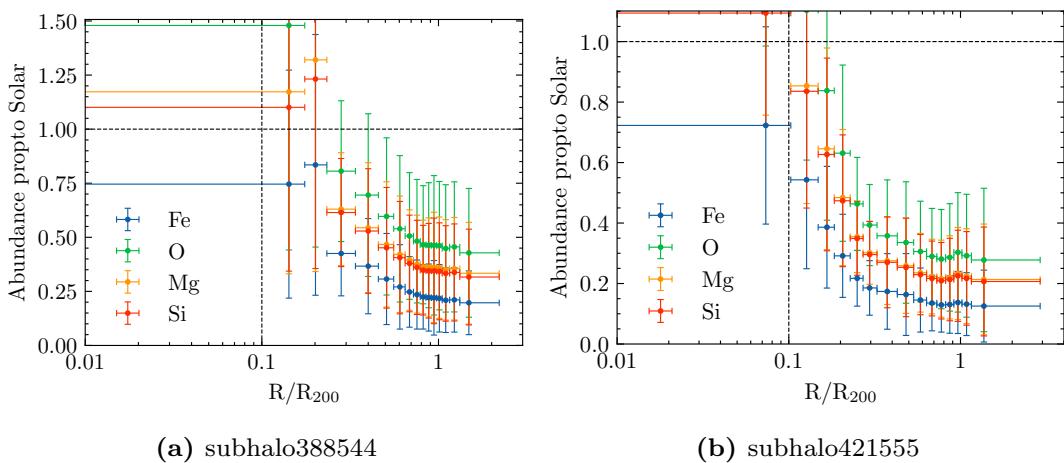


図 3.4: 太陽組成比-対-ビリアル半径で規格化した半径。図 3.3 と同様

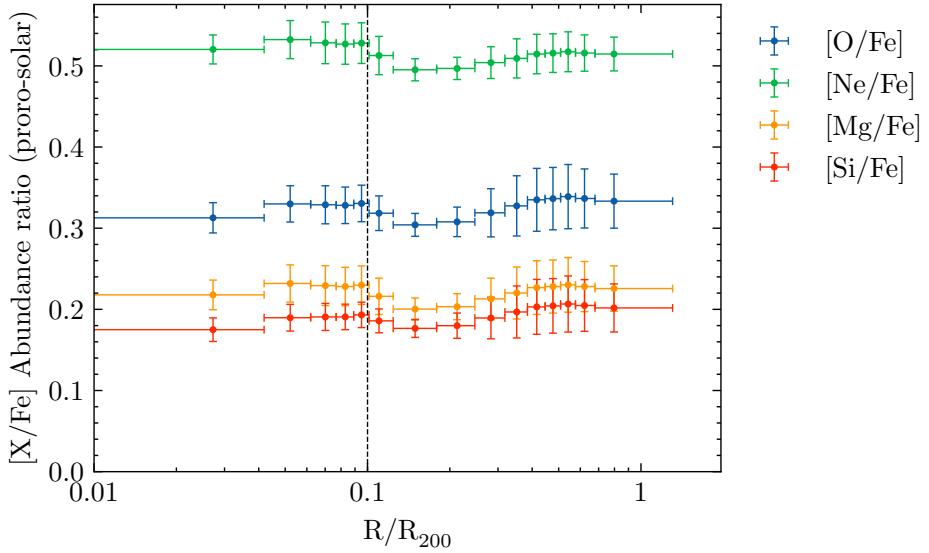


図 3.5: subhalo342447 の $[X/\text{Fe}]$ (ただし $X = \text{O}, \text{Ne}, \text{Mg}, \text{Si}$) を縦軸にし、横軸を subhalo の中心 (subhalo の移動質量中心で、subhalo 内のすべての粒子/セルの質量加重相対座標の合計として計算される) からの距離をビリアル半径で規格化したものを片対数で表している。データは 15 個にグループまとめし、エラーバーは横軸がデータ幅 (上限と下限)、縦軸が標準偏差を表す。

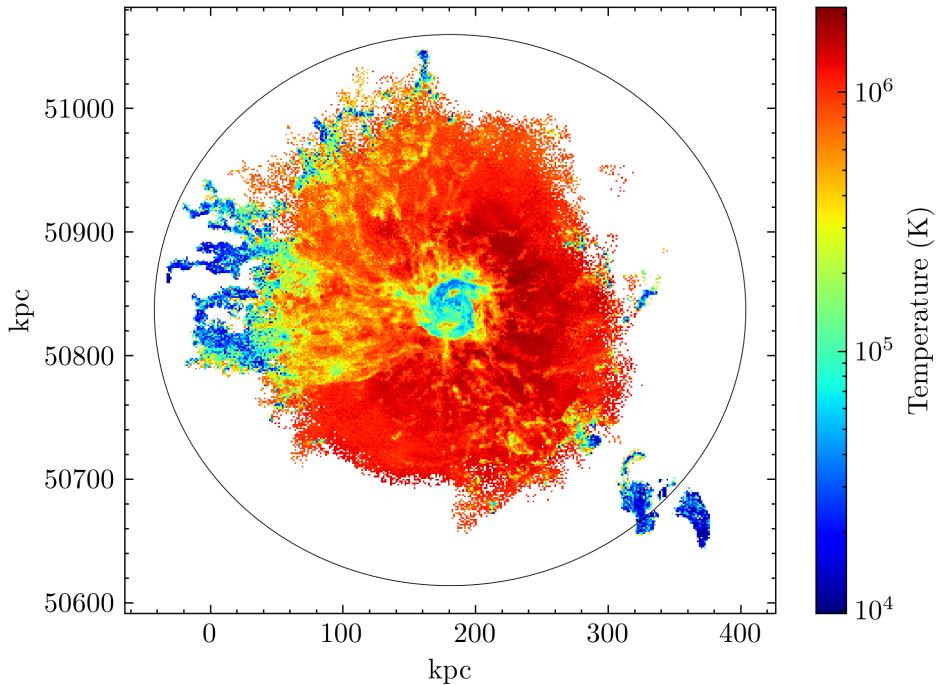


図 3.6: face-on 表示にした subhalo342447 を各メッシュ内の平均温度を表している。円はビリアル半径を表す。計算にはガスのみを対象とした。

第 4 章

議論

4.1 subhalo342447 における $[X/\text{Fe}] > 0$ について

図 3.5 に示すように、 $X = \text{Ne}, \text{O}, \text{Mg}, \text{Si}$ として $[X/\text{Fe}] > 0$ がいえる。このような X をアルファ (α) 元素という。中性子数と陽子数が偶数で等しく、 α 粒子 (${}^4\text{He}$) の集まりと見なせることから、この名前で呼ばれている。Fe よりもアルファ (α) 元素が多いということは、アルファ (α) 元素の生成元される重力崩壊型超新星爆発 (II 型超新星爆発) に由来するものと考えられる。

II 型超新星の中心部では核融合反応が進行し、アルファ (α) 元素を生成する。核融合のエネルギーと重力が平衡状態であったのが、鉄まで生成されると平衡状態が崩れ、収縮を始める。中心核は中性子の縮退圧と重力が枯渇すると急停止し、上層は中心核によって反跳し衝撃波が発生する。ゆえに大量のアルファ (α) 元素を宇宙空間にばらまくことになる。

4.2 アウトフローと太陽組成比との関係

アウトフローが観測された subhalo342447 は図 3.3 に示したように、 $R/R_{200} < 0.1$ において太陽組成の 2 倍近く Fe, O, Mg, Si などの元素が観測された。一方でアウトフローが観測されなかった subhalo388544 や subhalo421555 は $R/R_{200} < 0.1$ において太陽組成程度であることが観測された (図 3.4)。

このようなことからアウトフローと太陽組成には何らかの因果関係がある可能性がある。

4.3 subhalo342447 の「へこみ」と温度分布の高温部

図 3.5において $0.1 < R/R_{200} < 0.5$ で他の部分と組成が異なる「へこみ」が観測されたことに加え、図 3.6 の右側で、 $R/R_{200} < 0.1$ においては 10^6 K 以上の高温ガスが確認できたことから、subhalo342447 が現在の状態になるまでに、他の subhalo と衝突をし、その subhalo の組成の一部を取り込んだ可能性が考えられる。

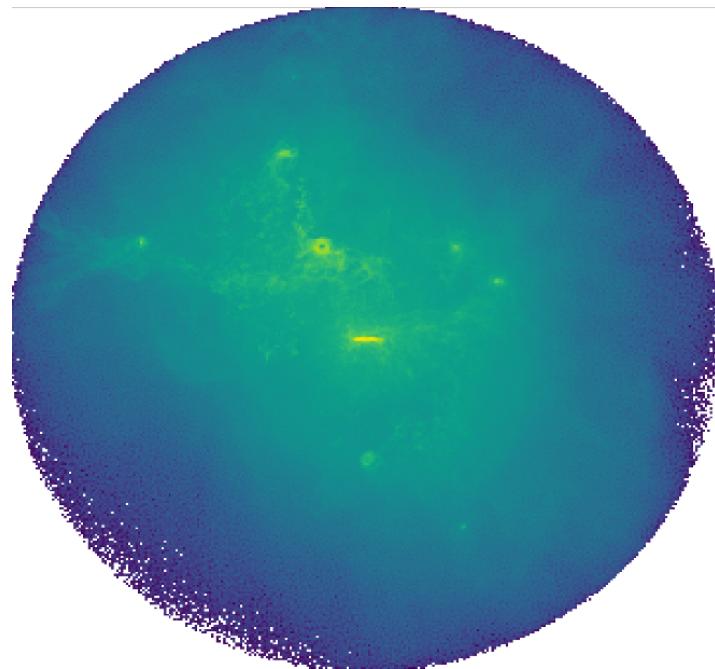


図 4.1: subhalo342447 を edge-on にした状態で中心にとり、ビリアル半径の 3 倍を表示。濃淡は対数で質量を表す。

また図 4.1 に示すように subhalo342447 の周囲に別の subhalo が観測され、ガスの散乱具合も衝突後のような状態となっている。このようなことから衝突した可能性は非常に高いと考えられる。

第5章

まとめと展望

今回主に解析をした subhalo342447 は動径方向の元素分布や温度分布から重力崩壊型の超新星爆発に由来し、形成過程において他の subhalo と衝突した可能性があることが示された。またアウトフローと太陽組成比に何らかの因果関係がある可能性があることも分かった。

今後は subhalo342447 を実際に XRISM 衛星^{*1}で観測した場合、どのようなデータが得られるのかを調査したい。また subhalo342447 のような銀河を実際にアウトフローや物質構造を推定するためにはどれくらいの分解能を有する検出器が必要で、なおかつ必要な観測時間はどれほどであるかを計算することで今後の検出器の開発目標値としての指針を与えることができるであろう。

さらに、subhalo342447 以外の subhalo についても同様の解析を行い、複数のデータを比較することで一般的な傾向や特異性を把握していきたい。

このような詳細な解析と観測により、銀河の形成過程や物質の分布、そしてアウトフローと太陽組成比の関係性についての理解が深まり、宇宙の起源や進化についての新たな知見を提供し、我々の宇宙観を一段と進化させる可能性があるだろう。

^{*1} XRISM（クリズム）は、星や銀河の間を吹き渡る高温プラズマを観測する X 線天文衛星です。2016 年に姿勢制御系の不具合のため短期間で運用終了した X 線天文衛星「ひとみ」の後継機として開発され、JAXA 宇宙科学研究所、NASA、ESA といった国内外の研究機関が共同開発した衛星である。2023 年 9 月 7 日に打ち上げられ、約 4 ヶ月にわたる立ち上げ運用を終えて、本格観測を開始した。

XRISM は、搭載する最新の X 線分光装置や X 線撮像装置で宇宙を観測し、高温プラズマの速度や化学組成を調べる。X 線の精密分光撮像によって、星や銀河の中でつくりだされる物質やエネルギーの流転を調べ、天体の進化を解明する。

XRISM は、これまでにない高い精度で X 線を検出することができ、データから天体の温度や速度などの状態を分析することで、ブラックホールや暗黒物質=ダークマターなど宇宙の謎の解明につながる可能性があると期待されている。

参考文献

- Ade, P. a. R., Aghanim, N., Alves, M. I. R., et al. 2014, *Astronomy & Astrophysics*, 571, A1, doi: [10.1051/0004-6361/201321529](https://doi.org/10.1051/0004-6361/201321529)
- Braspenning, J., Schaye, J., Schaller, M., et al. 2023, The FLAMINGO Project: Galaxy clusters in comparison to X-ray observations, arXiv, doi: [10.48550/arXiv.2312.08277](https://doi.org/10.48550/arXiv.2312.08277). <http://arxiv.org/abs/2312.08277>
- Byrohl, C., Nelson, D., Behrens, C., et al. 2021, *Monthly Notices of the Royal Astronomical Society*, 506, 5129, doi: [10.1093/mnras/stab1958](https://doi.org/10.1093/mnras/stab1958)
- Danforth, C. W., & Shull, J. M. 2008, *The Astrophysical Journal*, 679, 194, doi: [10.1086/587127](https://doi.org/10.1086/587127)
- Genel, S., Vogelsberger, M., Nelson, D., et al. 2013, *Monthly Notices of the Royal Astronomical Society*, 435, 1426, doi: [10.1093/mnras/stt1383](https://doi.org/10.1093/mnras/stt1383)
- Gupta, A., Mathur, S., Kingsbury, J., Das, S., & Krongold, Y. 2023, *Nature Astronomy*, doi: [10.1038/s41550-023-01963-5](https://doi.org/10.1038/s41550-023-01963-5)
- Komatsu, E., Smith, K. M., Dunkley, J., et al. 2011, *The Astrophysical Journal Supplement Series*, 192, 18, doi: [10.1088/0067-0049/192/2/18](https://doi.org/10.1088/0067-0049/192/2/18)
- Kuiper, G. P. 1938, *The Astrophysical Journal*, 88, 472, doi: [10.1086/143999](https://doi.org/10.1086/143999)
- Nelson, D., Springel, V., Pillepich, A., et al. 2021, *The IllustrisTNG Simulations: Public Data Release*, arXiv, doi: [10.48550/arXiv.1812.05609](https://doi.org/10.48550/arXiv.1812.05609). <http://arxiv.org/abs/1812.05609>
- Pillepich, A., Nelson, D., Truong, N., et al. 2021, *Monthly Notices of the Royal Astronomical Society*, 508, 4667, doi: [10.1093/mnras/stab2779](https://doi.org/10.1093/mnras/stab2779)
- Pillepich, A., Sotillo-Ramos, D., Ramesh, R., et al. 2023, Milky Way and Andromeda analogs from the TNG50 simulation, arXiv, doi: [10.48550/arXiv.2303.16217](https://doi.org/10.48550/arXiv.2303.16217). <http://arxiv.org/abs/2303.16217>

- Planck Collaboration, Ade, P. A. R., Aghanim, N., et al. 2014, *Astronomy & Astrophysics*, 571, A16, doi: [10.1051/0004-6361/201321591](https://doi.org/10.1051/0004-6361/201321591)
- . 2016a, *Astronomy & Astrophysics*, 594, A13, doi: [10.1051/0004-6361/201525830](https://doi.org/10.1051/0004-6361/201525830)
- . 2016b, *Astronomy & Astrophysics*, 594, A14, doi: [10.1051/0004-6361/201525814](https://doi.org/10.1051/0004-6361/201525814)
- Planck Collaboration, Aghanim, N., Akrami, Y., et al. 2021, *A&A*, 652, C4, doi: [10.1051/0004-6361/201833910e](https://doi.org/10.1051/0004-6361/201833910e)
- Sato, K., Yamasaki, N. Y., Ishida, M., et al. 2022, *Journal of Low Temperature Physics*, 209, 971, doi: [10.1007/s10909-022-02910-w](https://doi.org/10.1007/s10909-022-02910-w)
- Schumann, M. 2014, *Brazilian Journal of Physics*, 44, 483, doi: [10.1007/s13538-014-0222-x](https://doi.org/10.1007/s13538-014-0222-x)
- Shull, J. M. 2003, 281, 1, doi: [10.1007/978-94-010-0115-1_1](https://doi.org/10.1007/978-94-010-0115-1_1)
- Shull, J. M., Smith, B. D., & Danforth, C. W. 2012, *The Astrophysical Journal*, 759, 23, doi: [10.1088/0004-637X/759/1/23](https://doi.org/10.1088/0004-637X/759/1/23)
- Simionescu, A., Ettori, S., Werner, N., et al. 2021, *Experimental Astronomy*, 51, 1043, doi: [10.1007/s10686-021-09720-0](https://doi.org/10.1007/s10686-021-09720-0)
- Springel, V., White, S. D. M., Tormen, G., & Kauffmann, G. 2001, *Monthly Notices of the Royal Astronomical Society*, 328, 726, doi: [10.1046/j.1365-8711.2001.04912.x](https://doi.org/10.1046/j.1365-8711.2001.04912.x)
- Taniguchi, Y., Okamura, s., & Sohue, Y. 2012, 銀河 I –銀河と宇宙の階層構造 (日本評論社)
- Tanimura, H., Hinshaw, G., McCarthy, I. G., et al. 2019, *Monthly Notices of the Royal Astronomical Society*, 483, 223, doi: [10.1093/mnras/sty3118](https://doi.org/10.1093/mnras/sty3118)
- The Astronomical Society of Japan. 2017, 銀河 | 天文学辞典. <https://astro-dic.jp/galaxy/>
- Tristram, M., Banday, A. J., Douspis, M., et al. 2023, *Astronomy & Astrophysics*, doi: [10.1051/0004-6361/202348015](https://doi.org/10.1051/0004-6361/202348015)
- Tumlinson, J., Peebles, M. S., & Werk, J. K. 2017, *Annual Review of Astronomy and Astrophysics*, 55, 389, doi: [10.1146/annurev-astro-091916-055240](https://doi.org/10.1146/annurev-astro-091916-055240)
- Vogelsberger, M., Genel, S., Springel, V., et al. 2014, *Nature*, 509, 177, doi: [10.1038/nature13316](https://doi.org/10.1038/nature13316)
- Vogelsberger, M., Marinacci, F., Torrey, P., et al. 2018, *Monthly Notices of the Royal Astronomical Society*, 474, 2073, doi: [10.1093/mnras/stx2955](https://doi.org/10.1093/mnras/stx2955)

Walker, S., Nagai, D., Simionescu, A., et al. 2019, Bulletin of the AAS, 51

付録 A

A.1 ビリアル定理

系の運動が有界な領域に限られている場合には、運動エネルギーの時間平均などに対してビリアル定理と呼ばれる簡単な関係式が成り立つ。

N 個の古典粒子からなる系において、 i 番目の粒子に対する運動方程式、および系の全運動エネルギーは

$$m_i \ddot{\mathbf{r}}_i = \mathbf{F}_i, \quad (\text{A.1})$$

$$K = \frac{1}{2} \sum_i^N m_i \dot{\mathbf{r}}_i^2, \quad (\text{A.2})$$

でそれぞれ与えられる。今、

$$Q \equiv \sum_i^N m_i \ddot{\mathbf{r}}_i \cdot \mathbf{r}_i + \sum_i^N m_i \dot{\mathbf{r}}_i^2 = \sum_i^N \mathbf{F}_i \cdot \mathbf{r}_i + 2K \quad (\text{A.3})$$

とさらにその時間平均は

$$\bar{Q} \equiv \lim_{\tau \rightarrow \infty} \frac{1}{\tau} \int_0^\tau \dot{Q} dt = \lim_{\tau \rightarrow \infty} \frac{1}{\tau} [Q(\tau) - Q(0)] \quad (\text{A.4})$$

$$= \sum_i^N \mathbf{F}_i \cdot \mathbf{r}_i + 2\bar{K} \quad (\text{A.5})$$

となる。運動が有界な領域に限られているならば式 (A.4) はゼロになるので

$$\bar{K} = -\frac{1}{2} \overline{\sum_i^N \mathbf{F}_i \cdot \mathbf{r}_i} \quad (\text{A.6})$$

が成り立つ。これをビリアル定理と呼ぶ。

特に、粒子間に働く力が保存力

$$\mathbf{F}_i = -\frac{\partial U}{\partial \mathbf{r}_i} \quad (\text{A.7})$$

で、ポテンシャル U が任意の定数 α に対して

$$U(\alpha \mathbf{r}_1, \alpha \mathbf{r}_2, \dots, \alpha \mathbf{r}_N) = \alpha^U(\mathbf{r}_1, \mathbf{r}_2, \dots, \mathbf{r}_N) \quad (\text{A.8})$$

を満たす場合、つまり同次関数を考えると式 (A.8) より

$$\frac{\partial U(\alpha \mathbf{r}_1, \alpha \mathbf{r}_2, \dots, \alpha \mathbf{r}_N)}{\partial \alpha} = k\alpha^{k-1}U(\mathbf{r}_1, \mathbf{r}_2, \dots, \mathbf{r}_N) \quad (\text{A.9})$$

が成り立つが、この左辺は、

$$\frac{\partial U(\alpha \mathbf{r}_1, \dots, \alpha \mathbf{r}_N)}{\partial \alpha} = \frac{\partial U(\alpha \mathbf{r}_1, \dots)}{\partial \alpha \mathbf{r}_1} \frac{\partial \alpha \mathbf{r}_1}{\partial \alpha} + \dots + \frac{\partial U(\alpha \mathbf{r}_N, \dots)}{\partial \alpha \mathbf{r}_N} \frac{\partial \alpha \mathbf{r}_N}{\partial \alpha} \quad (\text{A.10})$$

$$= \frac{\partial U(\alpha \mathbf{r}_1, \dots)}{\partial \alpha \mathbf{r}_1} \mathbf{r}_1 + \dots + \frac{\partial U(\alpha \mathbf{r}_N, \dots)}{\partial \alpha \mathbf{r}_N} \mathbf{r}_N \quad (\text{A.11})$$

とも書けるので、両辺で $\alpha = 1$ とおくと

$$\frac{\partial U(\alpha \mathbf{r}_1, \dots)}{\partial \alpha \mathbf{r}_1} \mathbf{r}_1 + \dots + \frac{\partial U(\alpha \mathbf{r}_N, \dots)}{\partial \alpha \mathbf{r}_N} \mathbf{r}_N = kU(\mathbf{r}_1, \dots, \mathbf{r}_N) \quad (\text{A.12})$$

である。このとき式 (A.6) は

$$\overline{K} = \frac{k}{2}\overline{U} \quad (\text{A.13})$$

と書ける。たとえば、万有引力の場合は、 U が粒子間の距離に反比例することから $k = -1$ であり、

$$\overline{K} = -\frac{1}{2}\overline{U} \quad (\text{A.14})$$

$$\therefore 2\overline{K} + \overline{U} = 0 \quad (\text{A.15})$$

が成り立つ。

A.2 解析対象の subhalo 一覧

表 A.1: 解析対象の subhalo の一覧とビリアル半径と subhalo mass について

subhalo ID	ビリアル半径 (kpc)	subhalo Mass ($10^{10} M_{\odot}$)
342447	223.02	112.38
372754	353.39	515.03
372755	223.05	116.04
388544	335.84	470.60
392277	219.71	126.99
400974	181.43	62.75
402555	288.69	297.14
411449	326.19	415.79
414917	299.48	307.41
419618	306.25	339.10
421555	321.32	374.33
422754	305.96	338.83
424288	294.68	295.65
425719	305.14	319.64
427211	305.13	309.88
428177	274.34	245.19
430864	268.07	234.10
432106	285.09	275.27
433289	305.37	312.08
435752	292.14	285.52
436932	292.64	273.86
438148	302.84	308.67
439099	311.78	333.53
440407	256.90	199.81
441709	289.70	287.98
443049	283.43	264.91
445626	288.02	274.35
446665	250.01	201.35
448830	307.92	317.02

表 A.1: 解析対象の subhalo の一覧とビリアル半径と subhalo mass について

subhalo ID	ビリアル半径 (kpc)	subhalo Mass ($10^{10} M_{\odot}$)
452031	305.48	323.04
452978	264.32	204.33
454171	247.47	187.76
458470	275.94	241.64
459557	188.68	86.48
456326	269.71	209.75
461785	298.13	290.47
462710	273.42	266.96
464163	271.73	238.47
465255	288.77	276.45
467415	266.93	215.54
468590	283.47	259.63
469487	249.65	192.87
470345	281.47	243.82
471996	263.35	199.25
472548	281.98	238.58
473329	256.88	184.87
474008	264.82	209.77
475016	274.74	222.55
476266	219.11	163.25
477328	250.15	182.64
478216	229.65	170.02
479290	264.31	201.04
479938	246.44	174.15
482889	256.56	187.17
485056	229.87	140.66
488530	245.53	167.10
489206	259.90	201.85
490079	246.76	179.70

表 A.1: 解析対象の subhalo の一覧とビリアル半径と subhalo mass について

subhalo ID	ビリアル半径 (kpc)	subhalo Mass ($10^{10} M_{\odot}$)
490814	249.55	176.28
491426	252.23	186.06
492876	260.50	189.61
493433	236.76	161.17
494011	242.13	155.27
494709	238.39	162.59
496186	263.83	199.64
497557	210.34	122.90
499704	233.34	153.66
500577	183.63	64.28
501725	233.39	139.56
502371	234.48	137.90
502995	221.19	130.24
503437	240.83	152.84
503987	249.18	167.86
504559	256.27	182.12
505100	233.32	137.00
505586	235.66	142.14
506720	244.57	167.27
510585	223.99	140.43
514829	236.94	147.54
515296	248.37	166.40
515695	237.31	143.57
517271	233.39	142.04
518682	233.61	144.87
519311	235.99	139.37
520885	224.42	129.57
521429	233.99	131.34
521803	203.01	110.03

表 A.1: 解析対象の subhalo の一覧とビリアル半径と subhalo mass について

subhalo ID	ビリアル半径 (kpc)	subhalo Mass ($10^{10} M_{\odot}$)
522530	230.81	133.25
523548	241.37	151.17
523889	216.71	118.38
528836	201.18	88.54
530330	234.75	141.18
530852	226.21	126.24
531320	220.58	123.85
532301	215.83	113.34
532760	217.07	109.20
534628	226.47	132.14
535050	199.34	87.31
535410	217.19	112.94
539667	197.87	87.74
540082	208.65	99.09
540920	223.36	117.95
541218	226.64	126.79
541497	210.02	100.69
542252	203.84	93.10
542662	209.10	100.17
543114	218.58	111.75
543376	207.77	98.37
544001	195.57	84.42
545437	206.50	94.86
546474	202.35	92.35
546870	216.04	111.26
547293	204.93	90.80
547844	208.70	98.47
550149	206.11	95.62
550475	201.55	95.99

表 A.1: 解析対象の subhalo の一覧とビリアル半径と subhalo mass について

subhalo ID	ビリアル半径 (kpc)	subhalo Mass ($10^{10} M_{\odot}$)
552414	205.15	89.53
553837	196.75	85.63
554189	193.98	78.22
554798	203.05	87.59
555013	203.79	93.06
557721	200.98	93.79
560751	198.46	85.15
563732	200.12	86.76
565089	192.88	75.10
571454	197.59	81.94
572328	192.08	74.00