

## Universidade Estadual de Campinas

#### FACULDADE DE ENGENHARIA MECÂNICA

# ES664 - Laboratório de Eletrônica para Automação Industrial

# Relatório - Simulação 1 Retificadores não controlados

Nome: Daniel Dello Russo Oliveira 101918 Marcelli Tiemi Kian 117892

RA

## 0.1 Objetivos

Essa simulação tem como objetivo a familiarização com o ambiente de Simulink, com a toolbox SimPowerSystems e com retificadores não controlados.

#### 0.2 Retificador monofásico

Através do Simulink implementamos o retificador monofásico de onda completa detalhado em [FUJIWARA, 2016] conforme mostrado na figura 1.

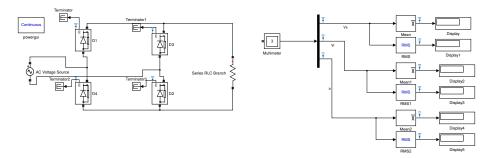


Figura 1: Esquema para simulação do retificador monofásico

Extraímos dessa simulação as curvas de tensão na fonte (figure 2), tensão na carga (figura 3) e corrente na carga (figura 4) para dois períodos da fonte.

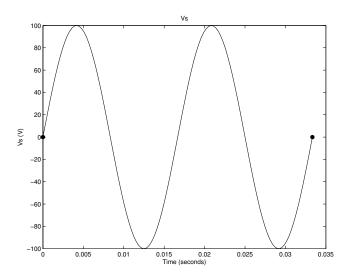


Figura 2: Tensão da fonte para retificador monofásico

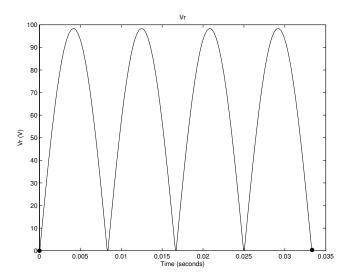


Figura 3: Tensão na carga para retificador monofásico

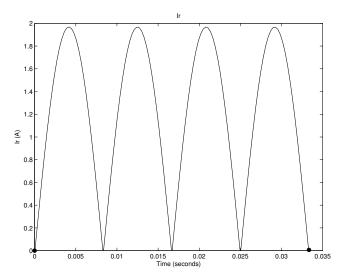


Figura 4: Corrente na carga para retificador monofásico

Medimos as tensões e correntes médias e efetivas na carga, obtendo os seguintes valores:

$$\overline{Vr} = 62.0713 \ V \tag{1}$$

$$\overline{Ir} = 1.2414 \ A \tag{2}$$

$$Vr_{rms} = 69.2708 V$$
 (3)

$$Ir_{rms} = 1.3854 A$$
 (4)

Obtivemos também as curvas de tensão e corrente para cada diodo do arranjo, representadas nas figuras 5, 6, 7 e 8

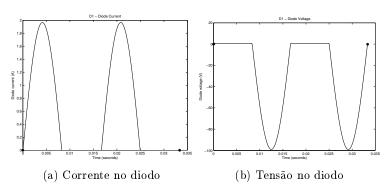


Figura 5: Curvas do diodo 1 para retificador monofásico

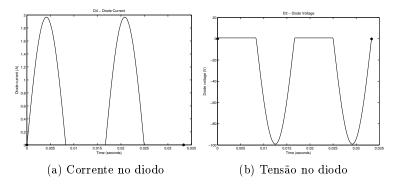


Figura 6: Curvas do diodo 2 para retificador monofásico

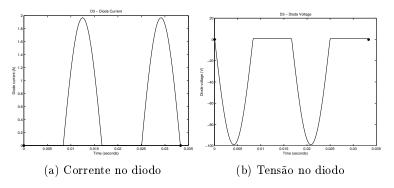


Figura 7: Curvas do diodo 3 para retificador monofásico

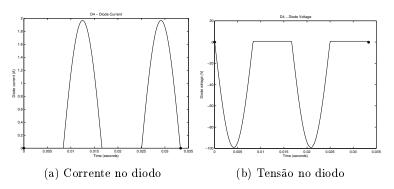


Figura 8: Curvas do diodo 4 para retificador monofásico

Conforme podemos ver analisando as curvas dos diodos (figuras 5, 6, 7 e 8) e a tensão da fonte (figura 2), para uma carga puramente resistiva, durante o semi-ciclo positivo da fonte, os diodos 1 e 2 estão conduzindo enquanto 3 e 4 estão bloqueando, dessa forma a tensão sobre a carga é Vs. Já no semi-ciclo negativo da fonte, os diodos 3 e 4 estão conduzindo enquanto 1 e 2 estão bloqueando, fazendo que a tensão na carga seja de -Vs. Dessa forma conseguímos transformar uma tensão senoidal sobre a carga em uma tensão sempre positiva, de maneira que seu valor médio não seja nulo. Podemos calcular a tensão média teórica sobre a carga através da equação 5

$$\overline{Vr} = \frac{1}{\pi} \int_0^{\pi} V s sin(\theta) d\theta = \frac{2Vs}{\pi}$$
 (5)

Para calcular o valor efetivo da tensão sobre a carga utilizamos a equação 6.

$$Vr_{rms} = \sqrt{\frac{1}{\pi} \int_0^{\pi} (Vssin(\theta))^2 d\theta} = \frac{Vs}{\sqrt{2}}$$
 (6)

Utilizando os valores da simulação ( $Vs=100\ V$ ), encontramos as tensões e correntes esperadas:

$$\overline{Vr} = 63.6620 \ V \tag{7}$$

$$\overline{Ir} = 1.2732 \ A \tag{8}$$

$$Vr_{rms} = 70.7107 V$$
 (9)

$$Ir_{rms} = 1.4142 A$$
 (10)

Conforme podemos ver os valores medidos e esperados diferem levemente, isso se deve às imprecisões numéricas da simulação, à queda de tensão introduzida pelos diodos, ao pequeno período de amostragem, entre outros fatores.

Calculamos o fator de retificação teórico (12) e medido (13) usando a equação 11.

$$\sigma = \frac{\overline{P}}{P_{rms}} = \frac{\overline{Vr}^2}{Vr_{rms}^2} \tag{11}$$

$$\sigma_t = 0.8106 \tag{12}$$

$$\sigma_m = 0.8029 \tag{13}$$

Encontramos por fim o fator de forma teórico (15) e medido (16) usando a equação 14.

$$FF = \frac{\overline{Vr}}{Vr_{rms}} \tag{14}$$

$$FF_t = 1.1107$$
 (15)

$$FF_m = 1.1160$$
 (16)

#### 0.3 Retificador trifásico

Através do Simulink implementamos o retificador trifásico de onda completa detalhado em [FUJIWARA, 2016] conforme mostrado na figura 9.

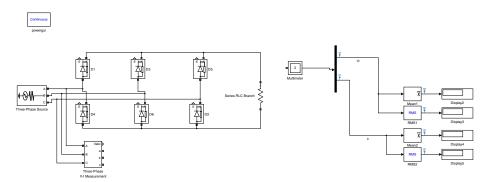


Figura 9: Esquema para simulação do retificador trifásico

Extraímos dessa simulação as curvas das tensões de fase na fonte trifásica (figure 10), da tensão na carga (figura 11) e da corrente na carga (figura 12) para dois períodos da fonte.

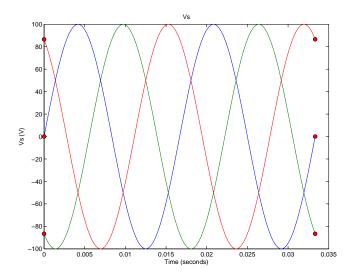


Figura 10: Tensões das fontes para retificador trifásico

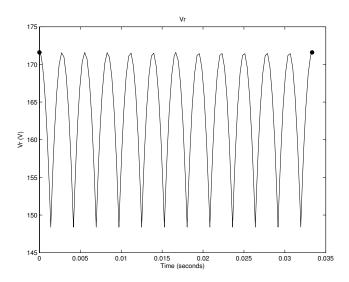


Figura 11: Tensão na carga para retificador trifásico

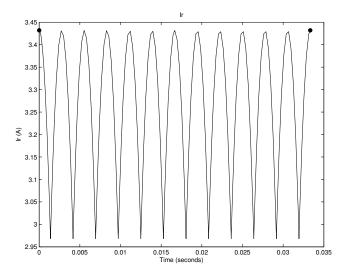


Figura 12: Corrente na carga para retificador trifásico

Medimos as tensões e correntes médias e efetivas na carga, obtendo os seguintes valores:

$$\overline{Vr} = 163.7921 \ V \tag{17}$$

$$\overline{Ir} = 3.2758 \ A \tag{18}$$

$$Vr_{rms} = 163.9391 V$$
 (19)

$$Ir_{rms} = 3.2788 \ A$$
 (20)

Obtivemos também as curvas de tensão e corrente para cada diodo do arranjo, representadas nas figuras 13, 14, 15, 16, 17 e 18

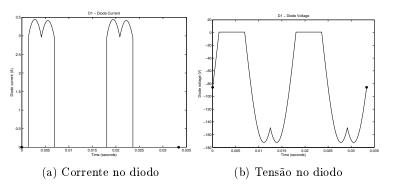


Figura 13: Curvas do diodo 1 para retificador trifásico

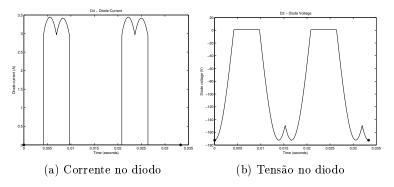


Figura 14: Curvas do diodo 2 para retificador trifásico

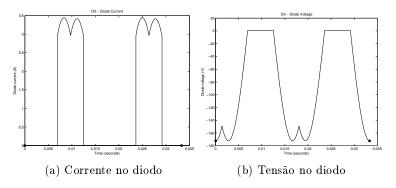


Figura 15: Curvas do diodo 3 para retificador trifásico

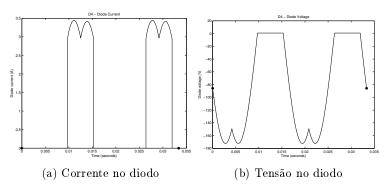


Figura 16: Curvas do diodo 4 para retificador trifásico

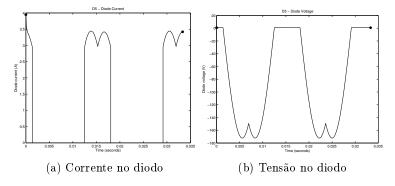


Figura 17: Curvas do diodo 5 para retificador trifásico

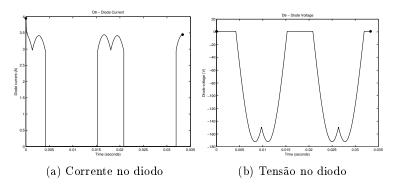


Figura 18: Curvas do diodo 6 para retificador trifásico

Conforme podemos ver analisando as curvas dos diodos (figuras 13, 14, 15, 16, 17 e 18) e a tensão da fonte (figura 2), para uma carga puramente resistiva, quando a tensão da fonte A é a maior e a tensão da fonte C é a menor os diodos 1 e 2 estão conduzindo e os outros bloqueando, uma vez que a tensão da fonte B ultrapassa a de A, os diodos 2 e 3 passam a conduzir, quando a fonte C ultrapassa A por sua vez, temos os diodos 3 e 4 conduzindo e assim sucessivamente.

Podemos calcular a tensão média teórica sobre a carga através da equação  $21\,$ 

$$\overline{Vr} = \frac{3}{\pi} \int_{\frac{\pi}{6}}^{\frac{4\pi}{6}} Vs(\sin(\theta) - \sin(\theta - \frac{2\pi}{3}))d\theta = \frac{3\sqrt{3}Vs}{\pi}$$
 (21)

Para calcular o valor efetivo da tensão sobre a carga utilizamos a equação 22.

$$Vr_{rms} = \sqrt{\frac{3}{\pi} \int_{\frac{\pi}{6}}^{\frac{3\pi}{6}} Vs^{2}(\sin(\theta) - \sin(\theta - \frac{2\pi}{3}))^{2} d\theta} = \sqrt{\frac{3}{2} + \frac{9\sqrt{3}}{4\pi}} Vs \qquad (22)$$

Utilizando os valores da simulação ( $Vs=100\ V$ ), encontramos as tensões e correntes esperadas:

$$\overline{Vr} = 165.3987 \ V$$
 (23)

$$\overline{Ir} = 3.3080 \ A \tag{24}$$

$$Vr_{rms} = 165.5443 V$$
 (25)

$$Ir_{rms} = 3.3109 A$$
 (26)

Conforme podemos ver os valores medidos e esperados diferem levemente, isso se deve às imprecisões numéricas da simulação, à queda de tensão introduzida pelos diodos, ao pequeno período de amostragem, entre outros fatores.

Calculamos o fator de retificação teórico (27) e medido (28) usando a equação 11.

$$\sigma_t = 0.9982 \tag{27}$$

$$\sigma_m = 0.9982 \tag{28}$$

Encontramos por fim o fator de forma teórico (29) e medido (30) usando a equação 14.

$$FF_t = 1.0009$$
 (29)

$$FF_m = 1.0009$$
 (30)

Como podemos ver o retificador trifásico apresenta um desempenho significativamente melhor que o monofásico, apresentando uma tensão sobre a carga mais próxima de constante e fatores de retificação e forma muito próximos de 1, com o acréscimo de somente dois componentes semicondutores de potência, porém ele necessita de uma fonte trifásica que nem sempre está disponível.

# Referências Bibliográficas

[FUJIWARA, 2016] FUJIWARA, E. **Retificadores não controlados**. Roteiro Simulação 1, Unicamp/FEM/DSI, 2016.