

# Trabalho Prático 1

---

## Como será a entrega?

Existem 5 tarefas no Moodle, uma para cada um dos problemas descritos na prova. Os alunos deverão enviar **UM APENAS UM ARQUIVO .jl** em cada tarefa. A submissão de qualquer outro formato de arquivo ou de mais de um arquivo implicará em **ZERO**. O arquivo também deve ter uma nomenclatura específica. Para cada tarefa, o arquivo submetido pelo aluno de matrícula xxxxxx deve se chamar `tp1_xxxxxx.jl`.

## O que faremos?

Neste trabalho prático os alunos são convidados a implementarem os modelos que eles criaram na primeira prova da disciplina. Para isso nós usaremos a linguagem de programação Julia e o solver HiGHS disponível através do pacote JuMP da linguagem.

Os arquivos enviados pelos alunos para cada problema serão testados para 3 instâncias de testes (que são semelhantes as instâncias de testes que foram disponibilizadas aos alunos, mas não são iguais). Os arquivos serão testados com a seguinte linha de comando:

```
julia tp1_xxxxxx.jl <instancia>
```

Onde `instancia` é o caminho para o arquivo que será testado. O programa deve então executar e imprimir na **TELA**:

```
TP1 xxxxxx = <valor>
```

Onde xxxxxx é o número de matrícula do aluno e `<valor>` é o valor da solução ótima obtida pelo método.

Cada execução será limitada a 5 minutos, tome os devidos cuidados para que seu código execute dentro do tempo limite.

Os alunos terão acesso a 3 instâncias de testes para realizar validações em seus códigos. Os arquivos estão disponíveis no Moodle e as soluções ótimas, assim como a formatação e interpretação das instâncias de testes estão indicadas abaixo:

## Quais são os problemas?

### Empacotamento

Considere um conjunto de objetos  $O = \{o_1, o_2, \dots, o_n\}$  cada objeto com um peso  $w_i$ . Dispostos de um várias caixas de papel, cada uma delas com o limite de peso 20Kg. Desejamos empacotar nossos objetos, utilizando o menor número de caixas possíveis, dado que em nenhuma caixa o valor da soma dos pesos dos objetos ultrapasse seu limite de peso.

### 0.0.1 Formatação da Entrada

A primeira linha do arquivo é no formato

n <num>

onde <num> é um inteiro representando o número de objetos. As demais linhas são no formato

o <id> <peso>

onde <id> é um inteiro para representar o objeto e <peso> é um ponto flutuante que representa o peso do objeto em Kg.

Observe que o separador é uma tabulação e não um espaço.

## Clique Máxima

Dado um grafo  $G = (V, E)$ , uma *clique* é um conjunto de vértices dois a dois adjacentes, ou seja, sem arestas entre eles. Desejamos determinar um subgrafo induzido que seja uma clique de cardinalidade máxima (maior tamanho em número de vértices).

### 0.0.2 Formatação da Entrada

A primeira linha do arquivo é no formato

n <num>

onde <num> é um inteiro representando o número de vértices no grafo. Assumimos que os vértices do grafo estão nomeados de 1 até <num>. As demais linhas são no formato

e <v> <u>

onde <v> e <u> são números inteiros representando vértices e essa linha no arquivo significa que temos uma aresta entre os vértices  $v$  e  $u$ .

Observe que o separador é uma tabulação e não um espaço.

## Lotsizing com Backlog

Estamos auxiliando um produtor a planejar sua produção. Essa produtor quer que planejem sua produção para um horizonte de tempo com  $n$  períodos. O produtor produz um único produto, conhece as demandas dos clientes para cada período de tempo  $i$  ( $d_i$ ), o custo de produzir uma unidade do produto no tempo  $i$  ( $c_i$ ) e o custo de armazenar uma unidade do tempo  $i$  para o tempo  $i + 1$  ( $h_i$ ). Entretanto, devido a sazonalidade de seu produto, pode ser que os pedidos dos clientes não sejam satisfeitos em um período, esse caso, podemos entregar o produto atrasado para o cliente, mas pagamos uma multa de  $p_i$  por unidade de produto pedida pelo cliente e ainda não entregue no período  $i$ .

### 0.0.3 Formatação da Entrada

A primeira linha do arquivo é no formato

n <num>

onde <num> é um inteiro que representa o tamanho do horizonte de planejamento. As demais linhas são no formato

<id> <num> <valor>

onde  $\langle \text{valor} \rangle$  é um ponto flutuante,  $\text{num}$  é um inteiro e  $\langle \text{id} \rangle$  pode assumir 4 valores:

Se  $\langle \text{id} \rangle = c$  :  $\text{valor}$  é o custo de produção no período  $\langle \text{num} \rangle$

Se  $\langle \text{id} \rangle = d$  :  $\text{valor}$  é a demanda pelo produto no período  $\langle \text{num} \rangle$

Se  $\langle \text{id} \rangle = s$  :  $\text{valor}$  é o custo de estocagem no período  $\langle \text{num} \rangle$

Se  $\langle \text{id} \rangle = p$  :  $\text{valor}$  é o valor da multa no período  $\langle \text{num} \rangle$

Observe que o separador é uma tabulação e não um espaço.

## Coloração de Grafos

Dado um grafo  $G = (V, E)$ , uma coloração própria é uma atribuição de cores aos vértices do grafo de tal forma que vértices adjacentes recebem cores diferentes. Desejamos determinar o menor número de cores necessárias para colorir de maneira própria um grafo dado de entrada.

A primeira linha do arquivo é no formato

$n \ \langle \text{num} \rangle$

onde  $\langle \text{num} \rangle$  é um inteiro representando o número de vértices no grafo. Assumimos que os vértices do grafo estão nomeados de 1 até  $\langle \text{num} \rangle$ . As demais linhas são no formato

$e \ \langle v \rangle \ \langle u \rangle$

onde  $\langle v \rangle$  e  $\langle u \rangle$  são números inteiros representando vértices e essa linha no arquivo significa que temos uma aresta entre os vértices  $v$  e  $u$ .

Observe que o separador é uma tabulação e não um espaço.

## A-Coloração de Grafos

Dado um grafo  $G = (V, E)$ , uma coloração própria é uma atribuição de cores aos vértices do grafo de tal forma que vértices adjacentes recebem cores diferentes. Se além disso, nos temos a propriedade que para cada conjunto de vértices coloridos com a cor  $i$  temos na vizinhança combinada desses vértices todas as demais cores, ou seja, se  $C_i \subseteq V(G)$  é o conjunto dos vértices que receberam a cor  $i$ , temos que para toda cor  $i$ ,  $N(C_i) \cup C_j \neq \emptyset$  para toda cor  $j$ , com  $j \neq i$ . Diremos que a coloração é uma  $A$ -coloração.

Desejamos determinar o maior número de cores possíveis para se colorir de maneira própria um grafo dado de entrada e garantir que a coloração obtida é uma  $A$ -coloração.

A primeira linha do arquivo é no formato

$n \ \langle \text{num} \rangle$

onde  $\langle \text{num} \rangle$  é um inteiro representando o número de vértices no grafo. Assumimos que os vértices do grafo estão nomeados de 1 até  $\langle \text{num} \rangle$ . As demais linhas são no formato

$e \ \langle v \rangle \ \langle u \rangle$

onde  $\langle v \rangle$  e  $\langle u \rangle$  são números inteiros representando vértices e essa linha no arquivo significa que temos uma aresta entre os vértices  $v$  e  $u$ .

Observe que o separador é uma tabulação e não um espaço.

## Como será a avaliação?

Os códigos serão executados em uma máquina Ubuntu 20.04 com Julia 1.8.1, JuMP 1.9 e HiGHS.jl 1.5. Seu código deve executar nessa configuração, caso ele não execute ou produza uma erro será atribuída a nota 0.

Cada problema valerá ao todo 2 pontos e cada execução de uma instância valerá  $\frac{2}{3}$  ponto. Essa pontuação será atribuída da seguinte forma, considerando uma execução para uma instância:

*Programa não finalizou a execução:* 0.

*Erro de execução:* 0.

*Impressão errada:* 0.

*Execução correta, mas valor errado:*

*Valor maior que o ótimo em problema de maximização:* 0

*Valor maior que o ótimo em problema de minimização:* 0.3

*Valor menor que o ótimo em problema de maximização:* 0.3

*Valor menor que o ótimo em problema de minimização:* 0.