NOM: Hanon Ymous SCIPER: 000000 (anonymisation: #0000)

EIDGENÖSSISCHE TECHNISCHE HOCHSCHULE – LAUSANNE POLITECNICO FEDERALE – LOSANNA SWISS FEDERAL INSTITUTE OF TECHNOLOGY – LAUSANNE

Faculté Informatique et Communications Cours ICC aux sections MA et PH Chappelier J.-C.



INFORMATIQUE, CALCUL & COMMUNICATIONS

Sections MA & PH

Examen intermédiaire I

24 octobre 2014

SUJET 1

Instructions:

- Vous disposez d'une heure quinze minutes pour faire cet examen (15h15 16h30).
- L'examen est composé de 2 parties : un questionnaire à choix multiples, à 12 points, prévu sur 45 minutes, et une partie à questions ouvertes, à 8 points, prévue sur 30 minutes. Mais vous êtes libres de gérer votre temps comme bon vous semble.
- AUCUN DOCUMENT N'EST AUTORISÉ, NI AUCUN MATÉRIEL ÉLECTRONIQUE.
- Pour la première partie (questions à choix multiples), chaque question n'a qu'une seule réponse correcte parmi les quatre propositions.
 - Indiquez votre réponse en bas de **cette** page en cochant *clairement* <u>une</u> solution parmi les quatre proposées à chaque fois.
 - Aucune autre réponse ne sera considérée, et en cas de rature, ou de toute ambiguïté de réponse, nous compterons la réponse comme fausse.
 - (Vous êtes autorisés à dégrafer cette page)
- Pour la seconde partie, répondez directement sur la donnée, à la place libre prévue à cet effet.
- Toutes les questions comptent pour la note finale.

Réponses aux quiz :

	A	В	С	D	
question 1:					1
question 2:					2
question 3:					3
question 4:					4
question 5:					5
question 6:					6

	A	В	С	D	
question 7:					7
question 8:					8
question 9:					9
question 10:					10
question 11:					11
question 12:					12



A STATE OF THE STA

PARTIE QUIZ

1 - FOO, BAR, GO et LENT [2 points]

Question 1) Si le problème « FOO » est dans NP et que l'on sait que « FOO » est au moins aussi difficile que « BAR », quelle affirmation \underline{n} 'est \underline{pas} correcte?

- A On peut vérifier une solution à « FOO » en un temps polynomial
- Bl On peut vérifier une solution à « BAR » en un temps polynomial
- \mathbb{C}] « BAR » est à coup sûr dans NP
- D] « BAR » ne peut pas être dans P

Question 2) Soit « GO » un problème dans NP et « LENT » un problème dans P prenant le même genre d'entrées (par exemple une liste). On considère le problème « GO_ET_LENT » qui consiste à résoudre « GO » puis « LENT » sur une même entrée. Que peut-on affirmer de « GO ET LENT » ?

- A rien du tout (aucune des trois autres propositions)
- B] il est dans NP mais pas dans P
- C il n'est pas dans NP
- **D**] il est dans P

2 - Complexités comparées [2 points]

Question 3) Quelle est la complexité de l'algorithme suivant :

F
entrée:
$$n$$
, entier naturel
sortie: une valeur...

Si $n \le 2$
sortir: 1
Sinon
sortir: $\mathbf{F}(n-1) + \mathbf{F}(n-1)$

A]
$$\mathcal{O}(n)$$
 mais pas $\mathcal{O}(1)$

C]
$$\mathcal{O}(2^n)$$
 mais pas $\mathcal{O}(n^2)$

B]
$$\mathcal{O}(n-1)$$
 mais pas $\mathcal{O}(n-2)$

D]
$$\mathcal{O}(n^2)$$
 mais pas $\mathcal{O}(n)$

Question 4) Est-ce que la réponse change si l'on remplace la dernière expression par « $\mathbf{sortir}: 2 \times \mathbf{F}(n-1)$ » ?

- Al non cela ne change rien à la complexité
- B oui cela simplifie grandement la complexité
- C oui cela augmente grandement la complexité
- D] oui cela change mais de façon peu significative

suite au dos 🖙



3 - Manipulation de nombres entiers [4 points]

On s'intéresse ici à des nombres entiers représentés sur 8 bits.

Question 5) En représentation $\underline{\text{non}}$ signée, à quel nombre entier positif correspond le schéma binaire 11010010?

A] 46

B] 75

C] 210

D] 194

Question 6) Toujours pour le même schéma binaire 11010010, à quel nombre entier signé cela correspondrait-il?

A] l'opposé de 00101101, c.-à-d. -210

C l'opposé de 00101101, c.-à-d. -45

B] l'opposé de 01010010, c.-à-d. -82

D] l'opposé de 00101110, c.-à-d. -46

Question 7) Si l'on interprète les schémas binaires comme des nombres uniquement *positifs*, quel est le schéma résultant (sur 8 bits) de l'addition de 10001101 et 11001101?

A] 01011000

B] 101101010

C] 01011010

D] 11011010

Question 8) Même question, mais si l'on interprète les schémas binaires comme des nombres *signés* (positifs ou négatifs) :

A] 10100110

B] 101101010

C 01011010

D] 00100111

4 - Algorithmes [2 points]

Question 9) Quelle est la complexité de l'algorithme de multiplication vu en série d'exercices et rappelé ici :

multiplication
entrée : a, b deux entiers naturels non nuls
sortie: $a \times b$
$x \leftarrow a$
$y \longleftarrow b$
$z \longleftarrow 0$
Tant que $y \ge 1$
$\mathbf{Si} \ y \ \mathrm{est} \ \mathrm{pair}$
$x \longleftarrow 2 x$
$y \longleftarrow y/2$
Sinon
$z \longleftarrow z + x$
$y \longleftarrow y - 1$
$\mathbf{sortir}: z$

A] $\mathcal{O}(\log(b))$ mais pas $\mathcal{O}(1)$

C] $\mathcal{O}(b \log(b))$ mais pas $\mathcal{O}(b)$

B] $\mathcal{O}(a b)$ mais pas $\mathcal{O}(\log(a b))$

D] $\mathcal{O}(b)$ mais pas $\mathcal{O}(\log(b))$



Question 10) En supposant que :

- $\mathbf{taille}(L)$ retourne le nombre d'éléments d'une liste L ;
- $\mathbf{d\acute{e}but}(L)$ retourne le premier élément d'une liste L;
- $\mathbf{fin}(L)$ retourne la liste L sans son premier élément;
- L[i] retourne le *i*-ième élément d'une liste L;
- toutes ces opérations ont une complexité temporelle en $\mathcal{O}(1)$ par rapport à la taille de la liste; considérez les algorithmes suivants :

```
algo2
entrée : liste L non vide
sortie : ??

n \leftarrow taille(L)
Si n > 1

Pour i de 1 à n - 1

Si L[i] < L[i + 1]

x \leftarrow L[i + 1]

L[i + 1] \leftarrow L[i]

L[i] \leftarrow x
sortir : L[n]
```

```
aide
entrée : liste L, valeur x
sortie : ??

n \leftarrow \text{taille}(L)
Si n = 0
sortir : x
Sinon
Si x < \text{début}(L)
sortir : aide(fin(L), x)
Sinon
sortir : aide(fin(L), début(L))
algo4
```

```
entrée : liste\ L\ non\ vide
sortie : \ref{sortion} sortir : aide(fin(L), début(L))
```

et indiquez laquelle des propositions suivantes est correcte :

- A algo1 a une plus grande complexité que algo3
- B algo2 fait moins de comparaisons que algo1
- C algo2 a une complexité moindre que les trois autres
- D algo2 et algo4 retournent le même résultat

suite au dos 🖙



Question 11) Que valent x, y et z après l'exécution de la portion d'algorithme suivante :

$$x \longleftarrow 1$$

$$y \longleftarrow 10$$

$$z \longleftarrow 3$$
Tant que $x \le 11$
Si x est pair
$$x \longleftarrow x + 3$$

$$y \longleftarrow 2y - z$$
Sinon

$$x \longleftarrow x + 2$$

$$y \longleftarrow x - y$$

$$z \longleftarrow y - 4 + x$$

A] 11, -3 et 4

B] 13, -38 et -29

C] 13, 16 et 25

D] 11, -7 et -8

 $\begin{tabular}{ll} \textbf{Que calcule l'algorithme suivant}: \\ \end{tabular}$

devinette
entrée : a et b, entiers naturel
sortie: ???
$x \longleftarrow a$
$y \longleftarrow b$
$z \longleftarrow 1$
Tant que $y \ge 1$
$\mathbf{Si}\ y$ est impair
$z \longleftarrow z \times x$
$x \longleftarrow x \times x$
$y \longleftarrow y/2$ (division entière, quotient)
$\mathbf{sortir}: z$

A] $a \times b$

B] a^b

 $\mathbf{C}] \ a+b$

D] $\log_2(a \times b)$

PARTIE EXERCICES

5 - Ecrire un algorithme et des nombres [4 points]

Question 13) Ecrivez un algorithme qui prend en entrée une liste non vide de mots en majuscules (avec répétitions possibles) et retourne le mot en majuscules le plus fréquent dans cette liste.

Par exemple avec (BOA, ABRI, LOUP, CHAT, CHAT, BOA, CHAT, CHAT, LOUP, CHAT, ABRI) en entrée, l'algorithme retourne « CHAT ».

Question 14) De nos jours, comment représente-t-on sur 8 bits la valeur entière -25 dans un ordinateur? Justifiez votre réponse.

Question 15) Quelle valeur obtient-on si on lui ajoute la valeur binaire 11010101? Exprimez votre réponse en décimal et justifiez la.

suite au dos 🖙



6 - Comprendre un algorithme [4 points]

Considérez l'algorithme suivant :

Mystère
entrée : Une liste L de nombres et un nombre x sortie : ? ? ? $n \leftarrow \mathbf{taille}(L)$ $a \leftarrow 0$ Pour i de n à 1 (en décroissant) $a \leftarrow a \times x + L[i]$ sortir : a

Question 16) Que calcule cet algorithme?

Il **ne** s'agit **pas** ici de paraphraser l'algorithme mais bien de montrer *conceptuellement* ce qui est calculé par cet algorithme. Une formule mathématique explicite/développée peut suffire (mais *une* phrase en français aussi).

Question 17) En supposant que :

- la complexité de la multiplication de deux nombres de taille s (i.e. écrits sur s bits) est en $\mathcal{O}(s \log^2(s))$;
- celle de l'addition $\mathcal{O}(s)$;
- le calcul de la taille d'une liste et l'accès à un de ses éléments (L[i]) se font chacun en $\mathcal{O}(1)$; quelle est la complexité temporelle de cet algorithme? Justifiez votre réponse.

