

TP 3

TIP

pour lire ce document en html, ouvrir le fichier `README.html` dans le repository.

Elasticité Linéaire

Partie 1

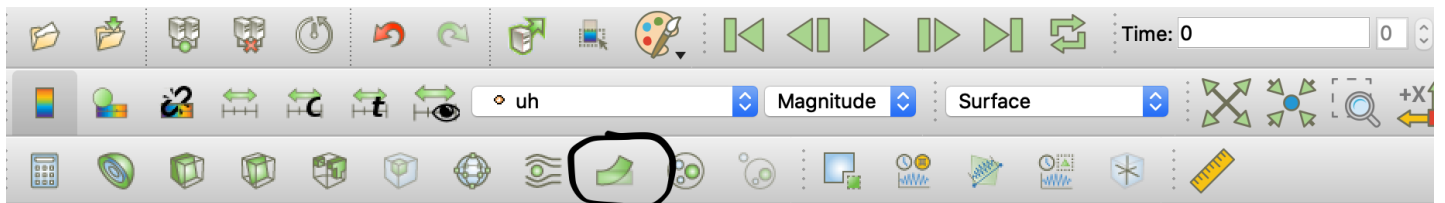
On considère le domaine suivant soit $\Omega =]0, L[\times]0, 1[$ et l'on note Γ_i les quatre côtés du bord, numérotés dans le sens inverse des aiguilles d'une montre et avec Γ_1 le bord du bas.

Le problème d'élasticité linéaire s'écrit:

$$\begin{aligned}\nabla \cdot \sigma(u) &= f \text{ dans } \Omega \\ \sigma(u) &= 2\mu\varepsilon(u) + \lambda(\nabla \cdot u)\text{Id} \\ u &= 0 \text{ sur } \Gamma_1 \\ \sigma(u)n &= 0 \text{ sur } \Gamma_2 \cup \Gamma_3 \cup \Gamma_4\end{aligned}$$

avec λ, μ les coefficients de Lamé

1. Créer le maillage du domaine Ω .
2. Ecrire la formulation variationnelle, puis mettre en place la configuration pour Feel++ en prenant pour données $f = (0, 1)^T$ et $\mu = \lambda = 1$
3. Visualiser la déformation du maillage obtenue à l'aide la fonction WarpByVector



1. Ajouter sur le maillage déformé la visualisation de la norme de Frobenius du tenseur des contraintes $\sigma(u)$ ainsi que des champs Von-Mises et Tresca. Commenter en vous aidant d'une petite recherche sur les champs précédents (Von-Mises...) par exemple sur Wikipedia.

Partie 2: Perte de coercivité.

On ajoute à présent deux trous circulaires dans le domaine précédent.



Figure 1. Poutre trouée

On fixe la poutre sur les bords gauche et droite et on la pince: on exerce donc une pression constante sur le bord du bas (force dirigée vers le haut) et sur le bord du haut (force dirigée vers le bas).

1. Créer le maillage et la configuration Feel++ associé au problème.
2. Comparer les solutions obtenues avec $\lambda/\mu = 1$ et $\lambda/\mu = 10^3$. Afficher les lignes de niveau associé au déplacement vectiel u_2 . À cette fin, on utilisera le préconditionneur diagonal (Jacobi) `--solid.pc-type jacobi` et on affichera les itérations `--solid.ksp-monitor=1`. Commenter.

Stokes

Partie 1: Éléments finis stables.

On considère le problème de Stokes suivant:

$$\begin{aligned} -\Delta u + \nabla p &= f \text{ dans } \Omega \times \mathbb{R}^+ \\ \nabla \cdot u &= 0 \\ u &= g \text{ sur } \partial\Omega \times \mathbb{R}^+ \end{aligned}$$

Une solution exacte est donnée par la solution de Kovasznay:

$$u = \begin{bmatrix} 1 - e^{\lambda x} \cos(2\pi y) \\ \frac{\lambda}{2\pi} e^{\lambda x} \sin(2\pi y) \end{bmatrix}, \quad p(x, y) = -\frac{e^{2\lambda x}}{2} + C$$

avec $\lambda = 1/(2\nu) - \sqrt{1/(4\nu^2) + 4\pi^2}$, $C \in \mathbb{R}$ une constante et le second membre f est déterminé de telle sorte que u soit solution.

On considère le domaine $\Omega = (-0.5, 1) \times (-0.5, 1.5)$ et $\nu = 0.035$. Les conditions de Dirichlet sur le bord sont obtenues en évaluant la solution exacte.

1. Déterminer f de telle sorte que u soit solution puis $C \in \mathbb{R}$ tel que p soit à moyenne nulle sur Ω .
2. Créer le maillage du domaine Ω .
3. Ecrire la formulation variationnelle pour le problème suivant:

$$\begin{aligned} -\Delta u + \nabla p &= f, \quad \text{dans } \Omega \\ \nabla \cdot u &= 0 \\ u &= g \text{ sur } \partial\Omega \end{aligned}$$

1. Considérer les éléments P_2/P_1 et calculer la moyenne de la pression. Commenter.
2. Faire une analyse de convergence en vitesse et pression pour les éléments P_2/P_1 .

Partie 2: Navier-Stokes instationnaire.


On considère le problème suivant

$$\begin{aligned} \partial_t u + (u \cdot \nabla)u - \nu \Delta u + \nabla p &= f, & \text{dans } \Omega \times [0, T] \\ \nabla \cdot u &= 0 \\ u &= g_D, & \text{sur } \Gamma_{in} \times [0, T] \\ u &= 0, & \text{sur } \Gamma_0 \times [0, T] \\ \nu \partial_n u - pn &= g_N, & \text{sur } \Gamma_{out} \times [0, T] \\ u(0, x) &= u_{init}(x), & \text{sur } \Gamma \end{aligned}$$

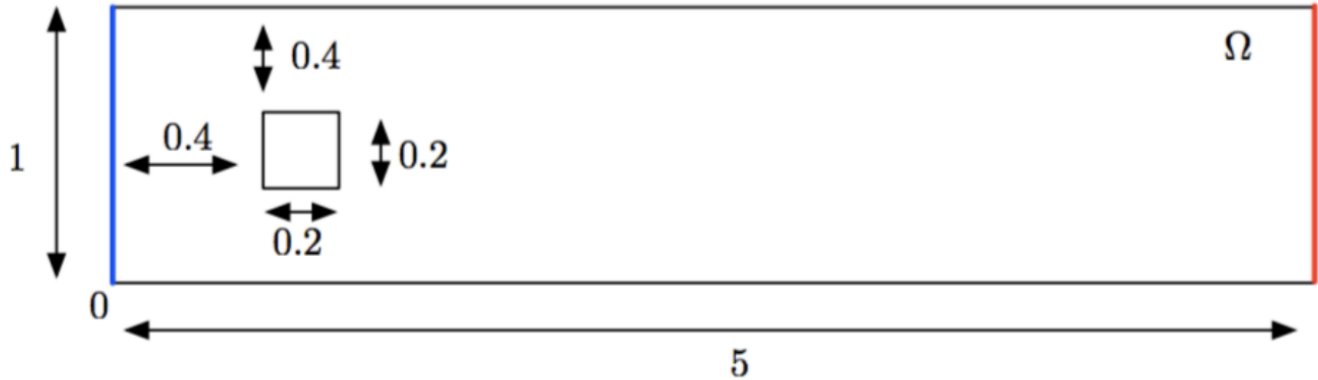
où

- $u : \Omega \times [0, T] \rightarrow \mathbb{R}^2$ est le champ de vitesse,
- $p : \Omega \times [0, T] \rightarrow \mathbb{R}$ la pression.

Le bord du domaine est décomposée en 3 partie : $\partial\Omega = \Gamma_{in} \cup \Gamma_{out} \cup \Gamma_0$.

1. Effectuer une semi-discrétisation en temps et écrire le problème variationnel. On approchera $u^{n+1} \cdot \nabla u^{n+1}$ par $u^n \cdot \nabla u^{n+1}$. 

On considère le domaine suivant



- Sur la partie bleue du bord (Γ_{in}), on impose un profile de vitesse parabolique $g_D(x, y) = (4y(1 - y), 0)^T$
- Sur les parties noires du bord (Γ_0), on impose des conditions de Dirichlet homogène : $g_D(x, y) = (0, 0)^T$
- Sur la partie rouge du bord (Γ_{out}) aucune contrainte n'est exercée (sortie libre): cela correspond à des conditions de type Neumann homogène : $g_N(x, y) = (0, 0)^T$.
- Enfin, aucune force extérieure n'est exercée sur le fluide : $f = 0$

La donnée initiale est donnée par:

$$u_{init}(x, y) = \begin{cases} (4y(1 - y), 0)^T, & \text{si } (x, y) \in \Gamma_{in} \\ (0, 0)^T, & \text{sinon.} \end{cases}$$

et les paramètres sont $\nu = 0.05$ et $T = 10s$.

2. Programmer la méthode avec la toolbox fluid(CFD) en mode Navier-Stokes
3. Calculer le trainée et la portance(les composantes de la force qui s'applique sur l'obstacle), les afficher et commenter
4. Diminuer la viscosité du fluide(prenez quatre valeurs différentes $5e - 3, 5e - 4, 1e - 4, 5e - 5$), qu'observez vous ? Commenter en introduisant le nombre de Reynolds $Re = \frac{\rho UL}{\nu}$ avec $\rho = 1, U = 1, L = 0.4$ et en vous documentant sur ce dernier.
5. Calculer le trainée et la portance(les composantes de la force qui s'applique sur l'obstacle), les afficher et commenter

TIP

la force qui s'applique sur l'obstacle peut être calculée via l'étape de postprocessing de Feel++, voir [ici](http://docs.feelpp.org/toolboxes/0.108/cfd/toolbox/#_post_processing) (http://docs.feelpp.org/toolboxes/0.108/cfd/toolbox/#_post_processing).

Vous utiliserez ce fichier de configuration comme base pour vos différentes simulations

fichier de configuration `cf.d.cfg`

```
directory=toolboxes/fluid/flow_past_square/cfd3/P2P1G1
```

```
[case]
dimension=2
```

```
[fluid]
filename=$cfgdir/cfd3.json
```

```
mesh.filename=$cfgdir/cfd.geo
gmsh.hsize=0.03
linearsystem-cst-update=false
jacobian-linear-update=false
solver=0seen #0seen,Picard,Newton
pc-type=lu #gasm,lu
```

```
[fluid.bdf]
order=2
#strategy-high-order-start=1
```

```
[ts]
time-step=0.01
time-final=10
#restart=true
restart.at-last-save=true
#time-initial=0.0002
#save.freq=2
```

la ligne de commande :

```
mpirun -np 4 feelpp_toolbox_fluid --config-file cfd.cfg
```

Execution des codes

Vous pouvez travailler sous vscode avec container ou bien sur atlas.math.unistra.fr.

VSCode/Docker

Concernant VSCode/Docker, afin d'accéder à vos résultats:

- lancer un terminal sous vscode. le répertoire dans lequel vous êtes est accessible depuis l'extérieur (et donc eg paraview pour la visu).
- taper la commande

```
export FEELPP_REPOSITORY=$PWD
```

VSCode Atlas

Concernant la connection à atlas.math.unistra.fr, vous avez eu un compte créé lors du S1 qui est toujours ouvert. Vous vous connectez sur ce compte via VPN

(<https://services-numeriques.unistra.fr/documentations/toutes-les-documentations/services-au-poste-de-travail/acces-distants-securises-vpn.html>)

.

une fois la connection vpn en place, créer une connection remote-ssh via vscode sur atlas.math.unistra.fr ou bien connectez vous via ssh.

Module Feel++

Pour accéder aux applications Feel++, tapez

```
module load feelpp-toolboxes/develop_gcc830_openmpi402
```

Les applications `feelpp_toolbox_fluid` et `feelpp_toolbox_solid` sont à présent disponibles.

`git` est disponible et vous pourrez cloner votre repo du TP sur Atlas.

Visualisation

Nous n'avons pas encore d'outils de visualisation à distance, pour visualiser les résultats il vous faut rapatrier les résultats de calculs sur votre machine et les visualiser avec paraview. Pour cela, utilisez `rsync` qui ne va rapatrier que les fichiers qui ont été modifiés

Ligne de commande avec rsync pour rapatrier les données

```
rsync -avz <votre login>atlas.math.unistra.fr:~/feel $HOME/
```

Cette commande va créer le répertoire `$HOME/feel` et va télécharger les fichiers depuis la dernière commande `rsync`.

Pour visualiser le contenu de fichier CSV (les mesures de force par exemple) vous pouvez utiliser excel, google/spreadsheet, python/matplotlib ou paraview. En abscisse le temps en ordonnée la série que vous désirez observer.

Last updated 2020-04-15 09:43:30 +0200