Sorbonne Université Laboratoire Jacques-Louis Lions

Compte rendu semaine #13

Etudiant: Roussel Desmond Nzoyem

UE: *Stage M2* – Superviseur: *Pr. Stéphane Labbé*Date: 28/4/2021 - 3/5/2021

Cette semaine, j'ai cherché les raisons de la non-convergence en simulant un système masse-ressort isolé en 2D. Avec l'aide de Dimitri, j'ai maintenant une idée de la source du problème, et de comment je pourrais le résoudre. J'ai aussi de nouvelles idées sur comment avancer par la suite.

Tâches effectuées

- 1. Vérification du modèle et du code de calcul 2D. J'ai joué avec les signes dans la simulation afin de trouver une configuration qui marchait; je me suis aperçu que le signe du vecteur normal changeait beaucoup de choses, mais que ma configuration initiale (celle de la semaine passée) était la bonne; Pour déboguer, j'ai non seulement simuler les positions des noeuds, mais j'ai aussi dessiner le système masse ressort en Python.
- 2. La deuxième tache était de relire le code et la thèse de Dimitri afin de trouver des nouvelles idées.

Difficultés rencontrées

- 1. La première difficultés était de trouver pourquoi les simulations 2D n'aboutissaient pas; Mon schéma d'Euler explicite¹ à pas constant (bien que très faible) n'aboutit pas probablement parce qu'il n'est pas adapté à la situation. On devrait utiliser un schéma d'Euler semi-symplectique (semi-implicite) pour avoir une chance d'observer un comportement qui conserve le Hamiltonien du système. On peut aussi utiliser les fonctions de scipy, en l'occurrence odeint et solve_ivp comme l'a fait Dimitri, et comme je l'ai fait en 1D.
- 2. La deuxième grosse difficulté rencontrée est de faire fonctionner le code simu-ressort de Dimitri.

Travail à venir

Après avoir discuter avec Dimitri, :

- 1. j'ai une meilleure compréhension de son code, et du système linéarisé autour de la position d'équilibre dont il s'est servi pour ses simulations.
- 2. Une meilleur compréhension de sa thèse [Bal20], en particulier l'introduction du ε au Chapitre 6 qui permet non seulement d'augmenter la raideur et la dissipation du système, mais aussi d'augmenter la force appliquée sur la particule la plus à gauche dans la système masse-ressort à l'instant initial.

¹La non-convergence est probablement due à une accumulation des erreurs à chaque pas de temps.

- 3. j'ai une idée de comment transformer le problème de percussion en un problème de Dirichlet sans passer par les vitesses après contact. En effet, il me suffit de calculer la force de contact, afin d' utiliser directement le code de Dimitri (qui fonctionne à présent). En se servant des 8 où 9 valeurs propres non évanescentes (qui restent proches de 0 peu importe la raideur et dissipation du système), on peut calculer le déplacement maximal $\max_{t \in \mathbb{R}^+} \|\mathbf{q}(t) \mathbf{q}(0)\|$ de la particule percutée. Et c'est ce déplacement maximal² qui nous servira dans le calcul de l'initiation et de la propagation de la fracture.
- 4. j'ai appris que dans l'interface web du code de Dimitri, le système (dans l'ensemble) ne se déplace pas. C'est parce qu'une particule (celle en bas à droite) à été fixée. Il faudrait penser à résoudre ce problème plus tard en intégrant ce mouvement solide dans le calcul du déplacement maximal de la particule percutée.
- 5. j'ai appris qu'il faut faire des recherches sur les différents régimes qu'on observe lorsqu'on modifie la raideur et la dissipation du système masse-ressort (en percutant le particule la plus à gauche); en particulier le régime *visco-élastique*, et l'évanescence.

²On se contente du déplacement maximal parce que d'après les calculs de Dimitri, le système vibre indéfiniment malgré le dispositif visqueux.

References

[Bal20] Dimitri Balasoiu. "Modélisation et simulation du comportement mécanique de floes de glace". Theses. Université Grenoble Alpes [2020-....], Oct. 2020. URL: https://tel.archives-ouvertes.fr/tel-03116132.