Міністерство освіти і науки України Національний технічний університет України «Київський політехнічний інститут ім. Ігоря Сікорського» Факультет інформатики та обчислювальної техніки Кафедра обчислювальної техніки

Лабораторна робота №6

З дисципліни «Методи наукових досліджень» Проведення трьохфакторного експерименту при використанні рівняння регресії з квадратичними членами

ВИКОНАВ:

Студент II курсу ФІОТ

Групи ІВ-91

Липчак Дмитро Олександрович

Номер заліковки: 9118 Номер у списку: 17

> ПЕРЕВІРИВ: ас. Регіда П. Г.

Мета роботи: Провести трьохфакторний експеримент і отримати адекватну модель — рівняння регресії, використовуючи **рототабельний** композиційний план.

Завдання до лабораторної роботи:

- 1. Ознайомитися з теоретичними відомостями.
- 2. Вибрати з таблиці варіантів і записати в протокол інтервали значень x1, x2,
- x3. Обчислити і записати значення, відповідні кодованим значенням факторів +1; -1; +; -; 0 для 1, 2, 3.
- 3. Значення функції відгуку знайти за допомогою підстановки в формулу: $y_i = f(x_1, x_2, x_3) + random(10)-5$,

де f(x1, x2, x3) вибирається по номеру в списку в журналі викладача.

- 4. Провести експерименти і аналізуючи значення статистичних перевірок, отримати адекватну модель рівняння регресії. При розрахунках використовувати натуральні значення факторів.
- 5. Зробити висновки по виконаній роботі.

Алгоритм отримання адекватної моделі рівняння регресії

- 1) Вибір рівняння регресії (лінійна форма, рівняння з урахуванням ефекту взаємодії і з урахуванням квадратичних членів);
- 2) Вибір кількості повторів кожної комбінації (m = 2);
- 3) Складення матриці планування експерименту і вибір кількості рівнів (N)
- 4) Проведення експериментів;
- 5) Перевірка однорідності дисперсії. Якщо не однорідна повертаємося на п. 2 і збільшуємо т на 1);
- 6) Розрахунок коефіцієнтів рівняння регресії. При розрахунку використовувати **натуральні** значення x1, x2 и x3.
- 7) Перевірка нуль-гіпотези. Визначення значимих коефіцієнтів;
- 8) Перевірка адекватності моделі рівняння оригіналу. При неадекватності повертаємося на п.1, змінивши при цьому рівняння регресії;

Виконання роботи

Таблиця варіантів

Nº	x ₁		x ₂		Х3		f(x ₁ , x ₂ , x ₃)
варіанту	min	max	min	max	min	max	
117	20	70	25	65	25	35	0,6+4,0*x1+2,8*x2+4,7*x3+3,1*x1*x1+0,4*x2*x2+5,4*x3*x3+5,7*x1*x2+0,1*x1*x3+8,8*x2*x3+0,1*x1*x2*x3

Лістинг програми

```
from math import fabs
from random import randrange
import numpy as np
from numpy.linalg import solve
from scipy.stats import f, t

m = 3
n = 15

x1_min = 20
x1_max = 70
x2_min = 25
x2_max = 65
x3_min = 25
```

```
x3 max = 35
x01 = (x1 max + x1 min) / 2
x02 = (x2 max + x2 min) / 2
x03 = (x3 max + x3 min) / 2
x1 delt = x1 max - x01
x2 \text{ delt} = x2 \text{ max} - x02
x3 delt = x3 max - x03
xn = [[-1, -1, -1, +1, +1, +1, -1, +1, +1, +1],
x1 = [x1_{min}, x1_{min}, x1_{min}, x1_{min}, x1_{max}, x1_{max}, x1_{max}, x1_{max}, -1.73 *
x1 \text{ delt} + x01, 1.73 * x1 \text{ delt} + x01, x01, x01,
x2 = [x2 \text{ min, } x2 \text{ min, } x2 \text{ max, } x2 \text{ max, } x2 \text{ min, } x2 \text{ min, } x2 \text{ max, } x2 \text{ max, } x02, x02,
              x02, x02]
x3 = [x3 \text{ min}, x3 \text{ max}, x3 \text{ min}, x3 \text{ max}, x3 \text{ min}, x3 \text{ max}, x3 \text{ min}, x3 \text{ max}, x03, x03,
x03, x03, -1.73 \times x3 delt + x03,
print("Матриця планування з натуралізованими коефіцієнтами X")
```

```
print("Матриця планування Y")
print(" Y1
   aver y.append(np.mean(Y[i], axis=0))
print("Середні значення відгуку за рядками")
dispersions = []
def find kn(num):
       a += aver y[j] * list for a[j][num - 1] / n
my = sum(aver y) / n
mx = []
   mx.append(sum(number_lst) / len(number_lst))
```

```
det 2 = [my, find kn(1), find kn(2), find kn(3), find kn(4), find kn(5),
find kn(6), find kn(7),
beta = solve(det 1, det 2)
print("")
print("Отримане рівняння регресії")
print("{:.3f} + {:.3f} * X1 + {:.3f} * X2 + {:.3f} * X3 + {:.3f} * X1X2 + {:.3f}
beta[7], beta[8], beta[9], beta[10]))
beta[3] * list_for_a[k][2] + \
list for a[k][8] + beta[10] * list for <math>a[k][9]
Gp = max(dispersions) / sum(dispersions)
sb = sum(dispersions) / len(dispersions)
sbs = (sb / (n * m)) ** 0.5
d = 11
res = [0] * 11
```

```
coef 2.append(beta[j])
    st y.append(res[0] + res[1] * x1[i] + res[2] * x2[i] + res[3] * x3[i] +
x1kv[i] + res[9] *
print("\033[1m\033[30m\033[43m{}\033[0m".format("Перевірка адекватності за
Fp = Sad / sb
F4 = n - d
```

Результат роботи програми

```
C:\Users\38096\anaconda3\python.exe "C:/Z Крі/А МНД/Ла6/Ла6 6/main.py"
Матриця планування з натуралізованими коефіцієнтами Х
   20.000
              25.000
                          25.000
                                     500.000
                                                 500.000
                                                             625.000
                                                                       12500.000
                                                                                    400.000
                                                                                                625.000
   20.000
              25.000
                          35.000
                                     500.000
                                                 700.000
                                                             875.000
                                                                       17500.000
                                                                                    400.000
                                                                                                625.000
   20.000
              65.000
                          25.000
                                     1300.000
                                                 500.000
                                                             1625.000
                                                                       32500.000
                                                                                    400.000
                                                                                                4225.000
   20.000
              65.000
                          35.000
                                     1300.000
                                                 700.000
                                                             2275.000
                                                                      45500.000
                                                                                    400.000
                                                                                                4225.000
  70.000
              25.000
                          25.000
                                     1750.000
                                                 1750.000
                                                            625.000
                                                                       43750.000
                                                                                    4900.000
                                                                                                625.000
              25.000
                          35.000
                                                            875.000
  70.000
                                     1750.000
                                                 2450.000
                                                                       61250.000
                                                                                    4900.000
                                                                                                625.000
              65.000
                          25.000
                                     4550.000
  70.000
                                                1750.000
                                                            1625.000
                                                                      113750.000
                                                                                    4900.000
                                                                                                4225.000
  70.000
              65.000
                          35.000
                                    4550.000
                                                2450.000
                                                            2275.000 159250.000
                                                                                    4900.000
                                                                                                4225.000
              45.000
                          30.000
                                     78.750
                                                 52.500
                                                            1350.000
                                                                       2362.500
                                                                                     3.062
                                                                                                2025.000
  88.250
              45.000
                          30.000
                                     3971.250
                                                 2647.500
                                                           1350.000 119137.500
                                                                                    7788.062
                                                                                                2025.000
                                                                       14040.000
  45,000
              10.400
                          30.000
                                     468.000
                                                 1350.000
                                                            312.000
                                                                                    2025.000
                                                                                                108.160
  45.000
              79.600
                          30.000
                                     3582.000
                                                 1350.000
                                                             2388.000
                                                                      107460.000
                                                                                    2025.000
                                                                                                6336.160
   45.000
              45.000
                          21.350
                                     2025.000
                                                 960.750
                                                             960.750
                                                                       43233.750
                                                                                    2025.000
                                                                                                2025.000
   45.000
              45.000
                          38.650
                                     2025.000
                                                 1739.250
                                                             1739.250
                                                                       78266.250
                                                                                    2025.000
                                                                                                2025.000
   45.000
              45.000
                          30.000
                                     2025.000
                                                 1350.000
                                                             1350.000
                                                                       60750.000
                                                                                    2025.000
                                                                                                2025.000
```

```
Матриця планування Ү
14779.100 14786.100 14780.100
20791.100 20787.100 20794.100
31699.100 31699.100 31694.100
42020.100 42022.100 42022.100
39304.100 39309.100
                      39304.100
                       46613.100
72615.100
                       72621.100
77129.219 77127.219 77123.219
18487.684 18483.684 18480.684
66525.244 66528.244 66532.244
34373.437 34375.437 34376.437
50493.846 50486.846 50487.846
42030.600 42031.600 42030.600
Середні значення відгуку за рядками
14781.767
20790.767
46613.767
72617.767
86247.100
18525.802
77126.552
18484.017
66528.577
50489.513
42030.933
Отримане рівняння регресії
-60.949 + 4.463 * X1 + 3.678 * X2 + 7.764 * X3 + 5.690 * X1X2 + 0.090 * X1X3 +
Експериментальні значення
14783.014
20790.775
31698.041
42020.802
39307.021
46613.782
72618.381
86246.475
18525.394
77126.128
18482.862
66528.901
34373.254
50490.530
42030.939
```

```
Gp = 0.11315789473684208
Gp=0.113 < GT=0.3346 - Дисперсія однорідна
Значущі коефіцієнти регресії [-60.949, 4.463, 3.678, 7.764, 5.69, 0.09, 8.781, 0.1, 3.098, 0.397, 5.359]
Незначущі коефіцієнти регресії []
Значення з отриманими коефіцієнтами
14783.014
31698.041
42020.802
39307.021
46613.782
72618.381
18482.862
66528.901
50490.530
42030.939
Fp = 1.452591796700626
При рівні значимості 0.05 рівняння регресії адекватне
```