

## 30 正则表达式匹配

更新时间：2019-09-18 10:38:49



“

人的差异在于业余时间。

——爱因斯坦

”

### 刷题内容

难度: **Hard**

原题连接: <https://leetcode-cn.com/problems/regular-expression-matching/>

内容描述

给定一个字符串 (**s**) 和一个字符模式 (**p**)。实现支持 '.' 和 '\*' 的正则表达式匹配。

'.' 匹配任意单个字符。

'\*' 匹配零个或多个前面的元素。

匹配应该覆盖整个字符串 (**s**)，而不是部分字符串。

说明:

**s** 可能为空，且只包含从 **a-z** 的小写字母。

**p** 可能为空，且只包含从 **a-z** 的小写字母，以及字符 '.' 和 '\*'。

示例 1:

输入:

**s** = "aa"

**p** = "a"

输出: **false**

解释: "a" 无法匹配 "aa" 整个字符串。

示例 2:

输入:

**s** = "aa"

**p** = "a\*"

输出: **true**

解释: '\*' 代表可匹配零个或多个前面的元素, 即可以匹配 'a'。因此, 重复 'a' 一次, 字符串可变为 "aa"。

示例 3:

输入:

**s** = "ab"

**p** = ".\*"

输出: **true**

解释: ".\*" 表示可匹配零个或多个('.')任意字符('。')。

示例 4:

输入:

**s** = "aab"

**p** = "c\*a\*b"

输出: **true**

解释: 'c' 可以不被重复, 'a' 可以被重复一次。因此可以匹配字符串 "aab"。

示例 5:

输入:

**s** = "mississippi"

**p** = "mis\*is\*p\*."

输出: **false**

## 题目详解

- 这道题很有意思，基本相当于实现一个小小的正则表达式了
- **p**就是我们的一个匹配模式，然后看看我们的**s**是否能够匹配上这个模式
- 至于解释匹配问题，看完上面所有的示例就全都可以明白了

## 解题方案

思路 1:时间复杂度:  $O(2^{\text{len}s})$

我们从左到右匹配，模式串**p**有四种情况：（以下用**[a]**表示单个字符）

- **[a]**: 这种情况直接匹配**s**的下一个字符，如果不匹配，退出
- **.**: 匹配下一个字符所有的情况
- **.\***: 这种情况又有两种分情况（任一种情况能匹配就算匹配成功）：
  - 匹配下一个字符，**s**跳过一个字符，**p**仍然在**.\***这里

- 不匹配下个字符，s不变，p跳过.\*
- [a]\*: 判断s的下一个字符是不是[a]
  - 如果是，同.\*的处理方式
  - 如果不是，s不变，p跳过[a]\*

由于第三种和第四种情况都有多个分支，需要回溯，因此我们采用递归的写法

### ***Python beats 72.07%***

```
class Solution:
    def isMatch(self, s: str, p: str) -> bool:
        def helper(s, i, p, j):
            if j == -1: # p匹配完了
                return i == -1 # 如果此时s也匹配完了就说明可以匹配
            if i == -1:
                if p[j] != '*':
                    return False
                return helper(s, i, p, j-2)
            if p[j] == '*':
                if p[j-1] == '.' or p[j-1] == s[i]:
                    if helper(s, i-1, p, j):
                        return True
                return helper(s, i, p, j-2)
            if p[j] == '.' or p[j] == s[i]:
                return helper(s, i-1, p, j-1)
            return False

        return helper(s, len(s)-1, p, len(p)-1)
```

### ***Java beats 65.39%***

```

class Solution {
    /**
     * @param s
     * @param p
     * @param i 表示 s 现在的位置
     * @param j 表示 p 现在的位置
     * @return 该函数返回 s[0..i] 能否和 p[0..j] 匹配
     */
    public boolean isMatch(String s, String p, int i, int j) {
        if (i == -1 && j == -1) {
            return true;
        }
        if (i == -1) {
            if (p.charAt(j) == '*') {
                return isMatch(s, p, i, j - 2);
            } else {
                return false;
            }
        }
        if (j == -1) {
            return false;
        }
        // 处理 '.'
        if (j > 0 && p.charAt(j - 1) == '.' && p.charAt(j) == '*') {
            return isMatch(s, p, i - 1, j) || isMatch(s, p, i, j - 2);
        }
        // 处理 'a*'
        if (j > 0 && p.charAt(j) == '*') {
            if (s.charAt(i) == p.charAt(j - 1)) {
                return isMatch(s, p, i - 1, j) || isMatch(s, p, i, j - 2);
            } else {
                return isMatch(s, p, i, j - 2);
            }
        }
        // 处理 '.'
        if (p.charAt(j) == '.') {
            return isMatch(s, p, i - 1, j - 1);
        }
        // 处理 'a'
        if (p.charAt(j) == s.charAt(i)) {
            return isMatch(s, p, i - 1, j - 1);
        } else {
            return false;
        }
    }

    public boolean isMatch(String s, String p) {
        return isMatch(s, p, s.length() - 1, p.length() - 1);
    }
}

```

**Go beats 100%**

```

func helper(s string, i int, p string, j int) bool {
    if j == -1 { // p匹配完了
        return i == -1 // 如果此时s也匹配完了就说明可以匹配
    }
    if i == -1 {
        if p[j] != '*' {
            return false
        }
        return helper(s, i, p, j-2)
    }
    if p[j] == '*' {
        if p[j-1] == '.' || p[j-1] == s[i] {
            if helper(s, i-1, p, j) {
                return true
            }
        }
        return helper(s, i, p, j-2)
    }
    if p[j] == '.' || p[j] == s[i] {
        return helper(s, i-1, p, j-1)
    }
    return false
}

func isMatch(s string, p string) bool {
    return helper(s, len(s)-1, p, len(p)-1)
}

```

**c++ beats 22.29%**

```

class Solution {
public:
    //i表示s现在的位置
    //j表示p现在的位置
    //该函数返回s[0..i]是否能跟p[0..j]匹配
    bool isMatch(string s, string p, int i, int j) {
        if (i == -1 && j == -1) {
            return true;
        }
        if (i == -1) {
            if (p[j] == '*') {
                return isMatch(s, p, i, j - 2);
            } else {
                return false;
            }
        }
        if (j == -1) {
            return false;
        }
        //处理.*
        if (j > 0 && p[j - 1] == '.' && p[j] == '*') {
            return isMatch(s, p, i - 1, j) || isMatch(s, p, i, j - 2);
        }
        //处理a*
        if (j > 0 && p[j] == '*') {
            if (s[i] == p[j - 1]) {
                return isMatch(s, p, i - 1, j) || isMatch(s, p, i, j - 2);
            } else {
                return isMatch(s, p, i, j - 2);
            }
        }
        //处理.
        if (p[j] == '.') {
            return isMatch(s, p, i - 1, j - 1);
        }
        //处理a
        if (p[j] == s[i]) {
            return isMatch(s, p, i - 1, j - 1);
        } else {
            return false;
        }
    }
    bool isMatch(string s, string p) {
        return isMatch(s, p, s.size() - 1, p.size() - 1);
    }
};

```

这个解法相当于一种穷举了，时间消耗非常大，我们能否考虑将中间的一些重复计算省下来呢？答案是肯定的。

思路 2:时间复杂度:  $O(\text{len}(s) * \text{len}(p))$  空间复杂度:  $O(\text{len}(s) * \text{len}(p))$

思路一我们写的很暴力，就是穷举，现在我们可以把一些中间状态记录下来，这样的话就是dp的思路了

画一个表格来看一下状况

```

c * a * b
0 1 2 3 4 5
0 1 0 1 0 1 0
a 1 0 0 0 1 1 0
a 2 0 0 0 0 1 0
b 3 0 0 0 0 0 1

```

这里有几个取巧/容易出问题的地方，这里画的表用的是1-based index（即不是从0开始写index）。一上来，做的事包括：

- 初始化，空字符匹配： $dp[0][0] = 1$
- 第一行， $c^*$  可以匹配空字符， $c^* a^*$  可以匹配空字符， $p[j-1] \neq s[i]$ ，匹配空字符
- 然后进入第二行再来看，实际上我们可以看到，如果没有碰到  $*$  匹配还是很朴素的，但是碰到  $*$ ：
  - 1 这个匹配可以从左侧传来， $dp[i][j] = dp[i][j-1]$ ，that is 匹配 1 个
  - 1 也可以有上方传来，这种情况是  $p[j-1] = s[i]$ ，匹配多个  $dp[i][j] = dp[i-1][j]$
  - 1 这个匹配也可以从间隔一个的左侧传来，that is 也可以有个性的匹配 0 个，如同匹配空字符一样  $dp[i][j] = dp[i][j-2]$ ，但是注意匹配 0 个实际上有两种状况，如果  $p[j-1] \neq s[i]$ ，强制匹配 0 个，即使  $p[j-1] == s[i]$ ，我们也可以傲娇的用它来匹配 0 个。

再代码化一点：

- $s[i] == p[j]$  或者  $p[j] == '.'$  :  $dp[i][j] = dp[i-1][j-1]$
- $p[j] == '*'$ : 然后分几种情况
  - $p[j-1] \neq s[i]$  :  $dp[i][j] = dp[i][j-2]$  匹配 0 个的状况
  - $p[j-1] == s[i]$  or  $p[i-1] == '.'$ :
    - $dp[i][j] = dp[i-1][j]$  匹配多个  $s[i]$
    - $dp[i][j] = dp[i][j-2]$  匹配 0 个

AC代码，注意一下，因为上表为了表达方便，用的是1-based string系统，实际写代码的时候我们心里还是清楚这个string还是从0开始的，不过也可以尝试往前面添东西来方便。

### Python beats 79.65%

```
class Solution:
    def isMatch(self, s: str, p: str) -> bool:
        m, n = len(s), len(p)
        dp = [ [ 0 for i in range(n+1)] for j in range(m+1)]

        dp[0][0] = 1

        # 初始化第一行
        for i in range(2, n+1):
            if p[i-1] == '*':
                dp[0][i] = dp[0][i-2]

        for i in range(1, m+1):
            for j in range(1, n+1):
                if p[j-1] == '*':
                    if p[j-2] != s[i-1] and p[j-2] != '.':
                        dp[i][j] = dp[i][j-2]
                    elif p[j-2] == s[i-1] or p[j-2] == '.':
                        dp[i][j] = dp[i-1][j] or dp[i][j-2]

                elif s[i-1] == p[j-1] or p[j-1] == '.':
                    dp[i][j] = dp[i-1][j-1]

        return dp[-1][-1] == 1
```

### Java beats 65.39%

```

class Solution {
public boolean isMatch(String s, String p) {
    boolean[][] dp = new boolean[s.length() + 1][p.length() + 1];
    for (int i = 0; i <= s.length(); i++) {
        for (int j = 0; j <= p.length(); j++) {
            if (i == 0 && j == 0) {
                dp[i][j] = true;
            }
            if (i == 0) {
                if (j >= 2 && p.charAt(j - 1) == '*') {
                    dp[i][j] = dp[i][j - 2];
                }
                continue;
            }
            if (j == 0) {
                continue;
            }
            // 处理.
            if (j >= 2 && p.charAt(j - 2) == '.' && p.charAt(j - 1) == '*') {
                dp[i][j] = dp[i - 1][j] || dp[i][j - 2];
                continue;
            }
            // 处理 a*
            if (j >= 2 && p.charAt(j - 1) == '*') {
                if (s.charAt(i - 1) == p.charAt(j - 2)) {
                    dp[i][j] = dp[i - 1][j] || dp[i][j - 2];
                } else {
                    dp[i][j] = dp[i][j - 2];
                }
                continue;
            }
            // 处理.
            if (p.charAt(j - 1) == '.') {
                dp[i][j] = dp[i - 1][j - 1];
            }
            // 处理a
            if (p.charAt(j - 1) == s.charAt(i - 1)) {
                dp[i][j] = dp[i - 1][j - 1];
            }
        }
    }
    return dp[s.length()][p.length()];
}
}

```

**Go beats 100%**



```

func isMatch(s string, p string) bool {
    m, n := len(s), len(p)
    dp := make([][]int, m+1)
    for i := 0; i < m + 1; i += 1 {
        dp[i] = make([]int, n+1)
    }
    dp[0][0] = 1
    // 初始化第一行
    for i := 2; i < n+1; i += 1 {
        if p[i-1] == '*' {
            dp[0][i] = dp[0][i-2]
        }
    }

    for i := 1; i < m+1; i += 1 {
        for j := 1; j < n+1; j += 1 {
            if p[j-1] == '*' {
                if p[j-2] != s[i-1] && p[j-2] != '.' {
                    dp[i][j] = dp[i][j-2]
                } else if p[j-2] == s[i-1] || p[j-2] == '.' {
                    if dp[i-1][j] == 1 || dp[i][j-2] == 1 {
                        dp[i][j] = 1
                    } else {
                        dp[i][j] = 0
                    }
                }
            } else if s[i-1] == p[j-1] || p[j-1] == '.' {
                dp[i][j] = dp[i-1][j-1]
            }
        }
    }
    return dp[m][n] == 1
}

```

**c++ beats: 89.19%**

```

class Solution {
public:
    bool isMatch(string s, string p) {
        vector<vector<bool>> dp(s.size() + 1, vector<bool>(p.size() + 1, false));
        for (int i = 0; i <= s.size(); i++) {
            for (int j = 0; j <= p.size(); j++) {
                if (i == 0 && j == 0) {
                    dp[i][j] = true;
                    continue;
                }
                if (i == 0) {
                    if (j >= 2 && p[j - 1] == '*') {
                        dp[i][j] = dp[i][j - 2];
                    }
                    continue;
                }
                if (j == 0) {
                    continue;
                }
                //处理.*
                if (j >= 2 && p[j - 2] == '.' && p[j - 1] == '*') {
                    dp[i][j] = dp[i - 1][j] || dp[i][j - 2];
                    continue;
                }
                //处理a*
                if (j >= 2 && p[j - 1] == '*') {
                    if (s[i - 1] == p[j - 2]) {
                        dp[i][j] = dp[i - 1][j] || dp[i][j - 2];
                    } else {
                        dp[i][j] = dp[i][j - 2];
                    }
                    continue;
                }
                //处理.
                if (p[j - 1] == '.') {
                    dp[i][j] = dp[i - 1][j - 1];
                }
                //处理a
                if (p[j - 1] == s[i - 1]) {
                    dp[i][j] = dp[i - 1][j - 1];
                }
            }
        }
        return dp[s.size()][p.size()];
    }
};

```

思路二通过将我们计算过程中的状态记录下来，使得我们的时间消耗大大减小

## 总结

当我们看到一个问题，发现这个问题用穷举暴力等解法可以解决，但是中间会有很多重复计算的话，我们就可以通过将中间状态保存下来的方法来避免重复计算，如果这些状态之间有关系，可以互相转化，我们就可以想到用dp的思路了

}