

**МІНІСТЕРСТВО ОСВІТИ І НАУКИ, МОЛОДІ ТА СПОРТУ  
УКРАЇНИ НАЦІОНАЛЬНИЙ ТЕХНІЧНИЙ УНІВЕРСИТЕТ  
УКРАЇНИ**

**«КИЇВСЬКИЙ ПОЛІТЕХНІЧНИЙ ІНСТИТУТ ІМЕНІ ІГОРЯ  
СІКОРСЬКОГО»**

**ФІЗИКО-ТЕХНІЧНИЙ ІНСТИТУТ**

**КРИПТОГРАФІЯ**

**КОМП'ЮТЕРНИЙ ПРАКТИКУМ №4**

**Вивчення криптосистеми RSA та алгоритму електронного  
підпису; ознайомлення з методами генерації параметрів для  
асиметричних криптосистем**

Виконали:

Орлов Дмитро ФБ-14

Макуха Андрій ФБ-14

Перевірила

Селюх П. В.

Київ 2023

## Мета

Ознайомлення з тестами перевірки чисел на простоту і методами генерації ключів для асиметричної криптосистеми типу RSA; практичне ознайомлення з системою захисту інформації на основі криптосхеми

RSA, організація з використанням цієї системи

засекреченого зв'язку й електронного підпису, вивчення протоколу розсилання ключів.

## Порядок виконання:

1. Написати функцію пошуку випадкового простого числа з заданого інтервалу або заданої довжини, використовуючи датчик випадкових чисел та тести перевірки на простоту. В якості датчика випадкових чисел використовуйте вбудований генератор псевдовипадкових чисел вашої мови програмування. В якості тесту перевірки на простоту рекомендовано використовувати тест Міллера-Рабіна із попередніми пробними діленнями. Тести необхідно реалізовувати власноруч, використання готових реалізацій тестів не дозволяється.

Написали метод для знаходження довільних випадкових простих чисел з перевіркою на тест Міллера-Рабіна, а також на ділення на не досить великі прості числа.

2. За допомогою цієї функції згенерувати дві пари простих чисел  $p, q$  і  $1 < p, q$  довжини щонайменше 256 біт. При цьому пари чисел беруться так, щоб  $pq \leq p_1q_1$ ;  $p$  і  $q$  – прості числа для побудови ключів абонента А,  $1 < p$  і  $q$  – абонента В.

Згенерували пари чисел для двох абонентів перевіряючи кожен раз на умову  $pq(A) \leq pq(B)$

```
p: 78937448252577398949529797726751641464398465993529175515967475700228934151979
q: 91844484802505726742052805905682295605018376237627830832408248123140762736917
```

3. Написати функцію генерації ключових пар для RSA. Після генерування функція повинна повертати та/або зберігати секретний ключ  $(d, p, q)$  та відкритий ключ  $(n, e)$ . За допомогою цієї функції побудувати схеми RSA для абонентів А і В – тобто, створити та зберегти для подальшого використання відкриті ключі  $(e, n)$ ,  $(, )$  і  $n$  і секретні  $d$  і  $d_1$ .

```

User: UserA
PrivateKey: (4327905431372338813891621896843524405089807341981975931991773527979821009279805896219144531077522790713153406657539935544287490849545744106641813988215
3, 7238514004816879795804536866295007241677928077242493062535853572817102103663, 99579551108897869238459652972188011308781112073758553229168800394827022360629)
PublicKey: (7208079752372273668259599091573927800162048338029803218677124820920299835266596775376851096785354322993992794932961313939248408819170507065629612788402
7, 65537)
q: 99579551108897869238459652972188011308781112073758553229168800394827022360629
p: 7238514004816879795804536866295007241677928077242493062535853572817102103663

User: UserB
PrivateKey: (90950791676968404297763577247497503571287146772589135818566801585135121450006262791816382592768352691894478663558497094199312424541512797870728627672155
3, 79584732623501829305750522691532268748684742657860398955028851050580563669011, 108577562934672825084932082663799054434613129478429435071775118807976685319653)
PublicKey: (864111631506737940339595761390148433104007790379120642815513551099594151126296062472998882989106729955039512281873740640002892301346595188817392702537318
3, 65537)
q: 108577562934672825084932082663799054434613129478429435071775118807976685319653
p: 79584732623501829305750522691532268748684742657860398955028851050580563669011

```

4. Написати програму шифрування, розшифрування і створення повідомлення з цифровим підписом для абонентів А і В. Кожна з операцій (шифрування, розшифрування, створення цифрового підпису, перевірка цифрового підпису) повинна бути реалізована окремою процедурою, на вхід до якої повинні подаватись лише ті ключові дані, які необхідні для її виконання. За допомогою датчика випадкових чисел вибрати відкрите повідомлення М і знайти криптограму для абонентів А і В, перевірити правильність розшифрування. Скласти для А і В повідомлення з цифровим підписом і перевірити його.

Далі наведено приклад шифрування та дешифрування за допомогою пар:

```

Original message: 21106
Encrypted by B: 42880419516902409524921839773467070974776863567046503243711814678719973956674641738494637037491058936006196051778737214165967897508519000795101101856
56551
Decrypted by A: 21106
Sign: 1875886065611095106073636731489778823108294104745063197001898344920084271128719542922116250987636854990366940922380858539095231052389748564716603455904411
Sign is correct.

```

5. За допомогою раніше написаних на попередніх етапах програм організувати роботу протоколу конфіденційного розсилання ключів з підтвердженням справжності по відкритому каналу за допомогою алгоритму RSA. Протоколи роботи кожного учасника (відправника та приймаючого) повинні бути реалізовані у вигляді окремих процедур, на вхід до яких повинні подаватись лише ті ключові дані, які необхідні для виконання. Перевірити роботу програм для випадково обраного ключа  $0 < k < n$ .

Беремо випадкові значення  $k$  з інтервалу, та намагаємось відправити ключі (другий приклад навмисно провалено, для перевірки коректності):

```

Original k = 9627650885217751666301096878717886346639609114909606469380786201897842193606671570072559704805613593898575456431430020718347730397665459063826802137237
95
Sent: .....
S1 = 500007902742548175263622038016522450770999003943965821563370702780882497182729837656552411119489040007871958640036348282060289126291003382785325111782894
k1 = 6604127658438624822595894297347670339080852638807793231109810031876419762307062471369551069445839189088884997368891774791323919566012110129104222916450285
S = 64275368994495639092919053402713628056081680337706086990797729226615268032176418060444324041697840779140847512616497252548956816150555976408705855074181

Received: .....
k = 962765088521775166630109687871788634663960911490960646938078620189784219360667157007255970480561359389857545643143002071834773039766545906382680213723795
S = 64275368994495639092919053402713628056081680337706086990797729226615268032176418060444324041697840779140847512616497252548956816150555976408705855074181
Sign is correct.

You were Authenticated

Original k = 4258490031194567565062365896389777197345770607163587998724317871550223323680510246554441447072827168455409879379877972775214255410289945242198376654774
329
Sent: .....
S1 = 817486955807286340970150029094866117865911870424568520494736882724298451365593024347707332486844872153174899924579506867495233296476347281184194807033547
k1 = 4894703487651700969502367225642952502260397685446128586812353252402869898913492573199656293960764962617244504118198075245304901684068399860459676857848042
S = 4380569685671801810326188274389276159294578734628985048799288876411282810493030177643023998152716124099074324103435586912469258879422395164774823945376424

Received: .....
k = 62957096598604104453257408479342289214941914928762934896268003242749143726224640487687644474614383934512834334517551042483069519805611779258059920280536
S = 4380569685671801810326188274389276159294578734628985048799288876411282810493030177643023998152716124099074324103435586912469258879422395164774823945376424
Sign is incorrect!.

Authentication failed

```

**Висновки:**

В даній лабораторній роботі ми на практиці змогли перевірити роботу криптосистеми RSA та розглянути наочно його працездатність. В результаті отримали передачу ключів, успішне шифрування та дешифрування даних між двома абстрактними користувачами.