КРИПТОГРАФІЯ КОМП'ЮТЕРНИЙ ПРАКТИКУМ №4

Вивчення криптосистеми RSA та алгоритму електронного підпису; ознайомлення з методами генерації параметрів

асиметричних криптосистем

Мета роботи:

Ознайомлення з тестами перевірки чисел на простоту і методами генерації ключів для асиметричної криптосистеми типу RSA; практичне ознайомлення з системою захисту інформації на основі криптосхеми RSA, організація з використанням цієї системи засекреченого зв'язку й електронного підпису, вивчення протоколу розсилання ключів.

Порядок і рекомендації щодо виконання роботи

- **0.** Ознайомився з методичними вказівками до виконання комп'ютерного практикуму та рекомендаціями стосовно виконання
- 1. Написати функцію пошуку випадкового простого числа з заданого інтервалу або заданої довжини, використовуючи датчик випадкових чисел та тести перевірки на простоту. В якості датчика випадкових чисел використовуйте вбудований генератор псевдовипадкових чисел вашої мови програмування. В якості тесту перевірки на простоту рекомендовано використовувати тест Міллера-Рабіна із попередніми пробними діленнями. Тести необхідно реалізовувати власноруч, використання готових реалізацій тестів не дозволяється.
- 2. За допомогою цієї функції згенерувати дві пари простих чисел p, q i p1, q1 довжини щонайменше 256 біт. При цьому пари чисел беруться так, щоб pq ≤ p1q1; p i q прості числа для побудови ключів абонента A, p1 i q1 абонента B.
- 3. Написати функцію генерації ключових пар для RSA. Після генерування функція повинна повертати та/або зберігати секретний ключ (d, p,q) та відкритий ключ (n,e). За допомогою цієї функції побудувати схеми RSA для абонентів A і B тобто, створити та зберегти для подальшого використання відкриті ключі (e, n), (e1, n1) та секретні d i d1.
- 4. Написати програму шифрування, розшифрування і створення повідомлення з цифровим підписом для абонентів A і B. Кожна з операцій (шифрування, розшифрування, створення цифрового підпису, перевірка цифрового підпису) повинна бути реалізована окремою процедурою, на вхід до якої повинні подаватись лише ті ключові дані, які необхідні для її виконання. За допомогою датчика випадкових чисел вибрати відкрите повідомлення М і знайти криптограму для абонентів A и B, перевірити правильність

Виконав ст. ФБ-12 Слєпий Роман Варіант № 14 розшифрування. Скласти для A і В повідомлення з цифровим підписом і перевірити його.

5. За допомогою раніше написаних на попередніх етапах програм організувати роботу протоколу конфіденційного розсилання ключів з підтвердженням справжності по відкритому каналу за допомогою алгоритму RSA. Протоколи роботи кожного учасника (відправника та приймаючого) повинні бути реалізовані у вигляді окремих процедур, на вхід до яких повинні подаватись лише ті ключові дані, які необхідні для виконання. Перевірити роботу програм для випадково обраного ключа 0 < k < n.

Кожна з наведених операцій повинна бути реалізована у вигляді окремої процедури, інтерфейс якої повинен приймати лише ті дані, які необхідні для її роботи; наприклад, функція Encrypt(), яка шифрує повідомлення для абонента, повинна приймати на вхід повідомлення та відкритий ключ адресата (і тільки його), повертаючи в якості результату шифротекст. Відповідно, програмний код повинен містити сім високорівневих процедур: GenerateKeyPair(), Encrypt(), Decrypt(), Sign(), Verify(), SendKey(), ReceiveKey().

Хід роботи:

- **1.**Ознайомився з методичними вказівками до виконання комп'ютерного практикуму та рекомендаціями стосовно виконання(лайфхаками)
- 2. Написав функцію пошуку випадкового простого числа з заданого інтервалу або заданої довжини, використовуючи датчик випадкових чисел та тести перевірки на простоту. В якості датчика випадкових чисел використовував вбудований генератор псевдовипадкових чисел вашої мови програмування. В якості тесту перевірки на простоту рекомендовано використовував тест Міллера-Рабіна із попередніми пробними діленнями.

Виконав ст. ФБ-12 Слєпий Роман Варіант № 14

```
import random
def miller_rabin(n, k=100):
    if n \le 1 or any(n \% i == 0 \text{ for } i \text{ in } [2, 3, 5, 7]):
        return False
    r, s = 0, n - 1
    while s % 2 == 0:
        r += 1
        s //= 2
    for _ in range(k):
        a = random.randrange(2, n - 1)
        x = Exponentiation(a, s, n)
        if x == 1 or x == n - 1:
            continue
        for _ in range(r - 1):
            x = Exponentiation(x, 2, n)
            if x == n - 1:
                break
        else:
            return False
    return True
def generate random prime(bits):
    while True:
        candidate = random.getrandbits(bits)
        candidate |= (1 << bits - 1) | 1
        if miller rabin(candidate):
            return candidate
```

3. За допомогою цієї функції згенерувати дві пари простих чисел p, q i p1, q1 довжини щонайменше 256 біт. При цьому пари чисел беруться так, щоб pq ≤ p1q1; p i q − прості числа для побудови ключів абонента A, p1 i q1 − абонента B.

p:86383532357274244772853225605454779227526421299693091432960163789379127950749,q:60730692727162318314308289471323721008624684451519646921313800485012741980963 p1:81613815073576417131616571288402737586247220776866947632569741924350981761053,q1:98823200205102601174927811987300580404388158317401944811020823147131678047849

4. Написаd функцію генерації ключових пар для RSA. Після генерування функція повинна повертати та/або зберігати секретний ключ (d, p,q) та відкритий ключ (n,e). За допомогою цієї функції побудувати схеми RSA для абонентів A і B — тобто, створити та зберегти для подальшого використання відкриті ключі (e, n), (e1, n1) та секретні d i d1.

```
A public key [5246131760276505771927363489884335205056475881456853046241202903474742266620011441544478303129156055987936579787163401916638762491392722103202984959591287, 65537]

A private key [8638353257274244772853225605454779227526421299693091432960163789379127950749, 60730692727162318314308289471323721008624684451519646921313800485012741980963, 4445087456675684964449494096
362011290367061441587180518756946415459243451262661795566564557584476032013639696132918355089927607882359965831281638986660913]

B public key [8065338386518262748881226372466493104201534348769547716554867975202706350708465091213007792020357428841888109916975914895922814366731995408393063218624997, 65537]

B private key [81613815073576417131616571288402737586247220776866947632569741924350981761053, 98823200205102601174927811987300580404388158317401944811020823147131678047849, 1759835496394573405999687766
08915652822195006160496410190784765926726430589023712643281691843888186130610429855448814405741257915806833070264886403006913]
```

5. За допомогою раніше написаних на попередніх етапах програм організувати роботу протоколу конфіденційного розсилання ключів з підтвердженням справжності по відкритому каналу за допомогою алгоритму RSA. Протоколи роботи кожного учасника (відправника та приймаючого) повинні бути реалізовані у вигляді окремих процедур, на вхід до яких повинні подаватись лише ті ключові дані, які необхідні для виконання. Перевірити роботу програм для випадково обраного ключа 0 < k < n.

```
def Encode(message, public_key):
    n, e = public_key[0], public_key[1]
    cipher_text = Exponentiation(message, e, n)
    return cipher_text

def Decode(ct, private_key):
    p, q, d = private_key[0], private_key[1], private_key[2]
    plain_text = Exponentiation(ct, d, p * q)
    return plain_text

def Exponentiation(base, exponent, module):
    return pow(base, exponent, module)
```

```
4079256546713173221379556289649856273254490701277915951159564758521487042052692595499682967042217363335601638059927030125621018175605086793469523028529252
A ciphertext: 4802394454391638095685511829452966900883263548186020867577398387700740641483549082906405640475124314499200171910308689203790851456220780424423052166904732
A Plaintext: 4079256546713173221379556289649856273254490701277915951159564758521487042052692595499682967042217363335601638059927030125621018175605086793469523028529252, check: True
B ciphertext: 7116765200772163366486560203248432895734246199685166404392050099298876349864484037212588539003039873199879115499472183017068224707805006985661418841553186
B Plaintext: 4079256546713173221379556289649856273254490701277915951159564758521487042052692595499682967042217363335601638059927030125621018175605086793469523028529252, check: True
```

```
def SigEncode(message, private_key):
    p, q, d = private_key[0], private_key[1], private_key[2]
    sig_text = Exponentiation(message,d, p*q)
    return sig_text

def SigDecode(sig_text,public_key):
    n, e = public_key[0], public_key[1]
    verified_text = Exponentiation(sig_text, e, n)
    return verified_text
```

Виконав ст. ФБ-12 Слепий Роман Варіант № 14

```
def Sign(message, private key):
    signature = SigEncode(message, private key)
    print('Digital signature created.')
    return signature
def Verify(sig text, message, public key):
    decrypted_sig_text = SigDecode(sig_text, public_key)
    verification result = decrypted sig text == message
    print(f'Signature Verification Result: {verification_result}')
    return verification result
```

```
A keypair = GenerateKeyPair(p,q)
B keypair = GenerateKeyPair(p1,q1)
A public = A keypair[0]
A private = A keypair[1]
B public = B keypair[0]
B_private = B_keypair[1]
message = random.randint(10,A_public[0]-1)
print("Повідомлення", message)
A_sg = Sign(message, A_private)
print("підпис A: ", A_sg)
A ver = Verify(A sg, message ,A public)
if not A ver:
    print("Verification failed on A-side ")
B sg = Sign(message, B private)
print("Повідомлення : ", В sg)
B_ver = Verify(B_sg,message, B_public)
if not B ver:
    print("Verification failed on B-side ")
```

іня 3070977107810151560344361483605009925965039712294643843946434035690752155283545082200608123615459376303582532524563006603822546275430640563773412941270323

Digital signature created.
πίμημας Α: 4082472020838276927790283518872382269281702462891119996410748792539304678940048017510292862056373413643849757984466532673689596770877503831229935135778993
Signature Verification Result: True

Digital signature created.

Повідомлення : 60833000251216127873247865732010517954498478916731096513767528736886159010463434747285801472290670286198542755320966421621874763947447127824880990957804 Signature Verification Result: True

Виконав ст. ФБ-12 Слепий Роман Варіант № 14

```
95  """ Send-ReceiveKey Block """
96  def SendKey(private_key_A, public_key_B, message):
97   k1 = Encode(message, public_key_B)
98   S = Sign(message, private_key_A)
99   S1 = Encode(S, public_key_B)
100   return k1,S1
101
102  def ReceiveKey(public_key_A, private_key_B, k1, S1):
103   k = Decode(k1, private_key_B)
104   S = Decode(S1, private_key_B)
105   if Verify(S, k, public_key_A):
106        print("Key is valid")
107        return k,S
108   else:
109   print("Invalid Key!")
```

```
def Text2Bytes(text):
    byte array = bytearray()
    for char in text:
        byte array.extend(char.encode('utf-8'))
    return int.from bytes(byte array, 'big')
def Bytes2Text(integ):
    byte array = integ.to bytes((integ.bit length() + 7) // 8, 'big')
    decoded text = ""
    i = 0
    while i < len(byte array):
        try:
            char = byte_array[i:].decode('utf-8')
            decoded text += char
            i += len(char.encode('utf-8'))
        except UnicodeDecodeError:
            decoded text += f"\\x{byte array[i]:02x}"
            i += 1
    return decoded text
```

```
k1, S1 = SendKey(A_private,B_public,message)
k, S = ReceiveKey(A_public,B_private, k1, S1)
print("Key transfer:")
print(f" Message: {message}")
print(f" k1: {k1}")
print(f" S1: {S1}")
print(f" k: {k}")
print(f" S: {S}")
```

```
Digital signature created.

Signature Verification Result: True

Key is valid

Key tansfer:

Message: 1725110551586613620153450735938902625082316847335424061034830542388722899879401485772589493294472187066903806086805232509050196846007261948809841223924730

ki: 3861364991174434670584679823947523297652174650102732760388033389062379851743988814873116720181823205637842491029829116439008279988387765180029168425494774

S: 26443989186879988761436802258742266857855488952927517297692166646363723971443226693595434776636332953518811273950502441319064236481478228673245516477213

ki: 172511055158661362015545907359389026250823168473354240610348305423887228998794014857725894932944721870660938060868052325090501968460072619488098412239247730

S: 2671476472316810291170082896155496079064085725239226575623292858750106835318996499371085244084594177214429776385311997173325088740837319543766979842056996
```

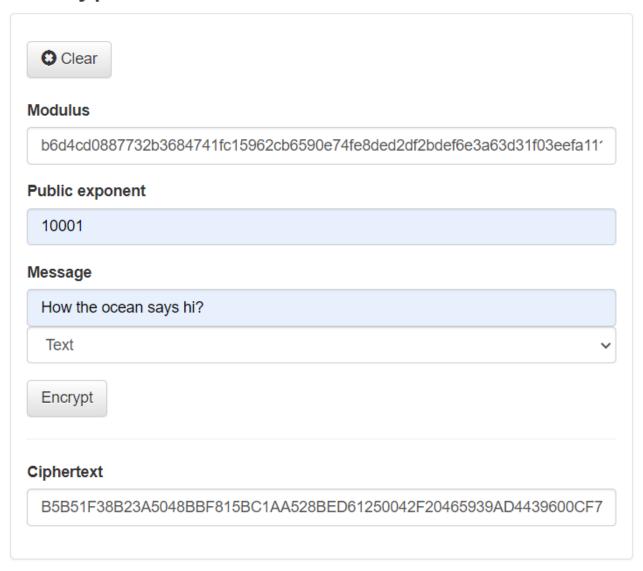
```
A keypair = GenerateKeyPair(p,q)
12
     B keypair = GenerateKeyPair(p1,q1)
    A public = A keypair[0]
    A private = A keypair[1]
    B public = B keypair[0]
    B private = B keypair[1]
     text message='RSA is cool. Best computer workshop'
    print(text message)
    pt = Text2Bytes(text message)
21
    print(pt)
    ct = Encode(pt, A public)
    print(ct)
     pt dec= Decode(ct, A private)
     print(Bytes2Text(pt dec))
```

RSA is cool. Best computer workshop
624729020999293433588140432475278026503884377092110017565873604915940244699547725680
54726690715530675697126223945140500442701820015408943751631062877927092679277832955114994738084128816152240491395833869143713976309944908236407203379233479
RSA is cool. Best computer workshop

Перевірка:

```
from main import
def dec_to_hex(decimal_number):
    hex_representation = hex(decimal_number)[2:]
    return hex_representation.upper()
def hex_to_dec(hexadecimal_number):
    decimal_representation = int(hexadecimal_number, 16)
    return decimal_representation
def main():
   p = generate_random_prime(256)
    q = generate_random_prime(256)
   A_keypair = GenerateKeyPair(p,q)
A_public = A_keypair[0]
    A_private = A_keypair[1]
    print(A_public)
    print(hex(A_public[0])[2:])
    print(hex(A_public[1])[2:])
    text=int(hex_to_dec(input()))
    pt=Bytes2Text(Decode(text,A_private))
    print(pt)
```

Encryption



Висновки: Під час виконання даного комп'ютерного практикуму я навчився мануально обирати просте число заданої довжини, перевіряти його на простоту методом Міллера-Рабіна, генерувати ключі для RSA та реалізовувати базовий функціонал (за шифрування, розшифрування, підпис, верифікація підпису та обмін ключами) цього криптографічного алгоритму.