

Національний технічний університет України «КПІ» імені
Ігоря Сікорського
Фізико-технічний інститут

Лабораторна робота 4
Криптографія

Виконали:

студенти ФБ-14

Кот Микита Сергійович

Чавалах Артем Дмитрович

Перевірила:

Селюх П. В.

Мета роботи

Ознайомлення з тестами перевірки чисел на простоту і методами генерації ключів для асиметричної криптосистеми типу RSA; практичне ознайомлення з системою захисту інформації на основі криптосхеми RSA, організація з використанням цієї системи засекреченого зв'язку й електронного підпису, вивчення протоколу розсилання ключів.

Порядок виконання роботи

1. Написати функцію пошуку випадкового простого числа з заданого інтервалу або заданої довжини, використовуючи датчик випадкових чисел та тести перевірки на простоту. В якості датчика випадкових чисел використовуйте вбудований генератор псевдовипадкових чисел вашої мови програмування. В якості тесту перевірки на простоту рекомендовано використовувати тест Міллера-Рабіна із попередніми пробними діленнями. Тести необхідно реалізовувати власноруч, використання готових реалізацій тестів не дозволяється.

2. За допомогою цієї функції згенерувати дві пари простих чисел p , q і p_1 , q_1 , довжини щонайменше 256 біт. При цьому пари чисел беруться так, щоб $pq < p_1q_1$; p і q – прості числа для побудови ключів абонента А, p_1 і q_1 – абонента В.

```
p: 21916489623164963510628534199753608520437932350048404428625477888997716068639,  
q: 10420258769554456394768799231237833312002763651578554730947591664923893836907  
  
p1: 58362006310892492956880374683794862811079630198401409453056154081052238149109,  
q1: 95037548566128339478541263402193771961595306081571204021942515079562159848161
```

3. Написати функцію генерації ключових пар для RSA. Після генерування функція повинна повертати та/або зберігати секретний ключ (d, p, q) та відкритий ключ (e, n) . За допомогою цієї функції побудувати схеми RSA для абонентів А і В – тобто, створити та зберегти для подальшого використання відкриті ключі (e, n) , (e_1, n_1) секретні d, d_1 .

```
A Public key:  
(228375493193633954377639853185564789618053343914213499435784257266731139014005803696004335396397187485644663440466959452063734965113758764510653483459573, 65537),  
A Private key:  
(601837659124433288845313668059903818962141092181875038263427839134622989412547775746891855343169567597775183533649967963988645935424252965789619833985, 21916489623164963510628534199753608520437932350048404428625477888997716068639, 10420258769554456394768799231237833312002763651578554730947591664923893836907)  
  
B Public key:  
(554658200918813394365889341921832393224251667844539909501818340285592126900479929241164273946363479345871752176638305271847218645134229599623327117438549, 65537),  
B Private key:  
(2422868757481085471395361044988855259345345022613996498607165821165081273389772318173780177337161182783137629715680138932917575101081578697183865134689793, 58362006310892492956880374683794862811079630198401409453056154081052238149109, 95037548566128339478541263402193771961595306081571204021942515079562159848161)
```

4. Написати програму шифрування, розшифрування і створення повідомлення з цифровим підписом для абонентів А і В. Кожна з операцій (шифрування, розшифрування, створення цифрового підпису, перевірка цифрового підпису) повинна бути реалізована окремою процедурою, на вхід до якої повинні подаватись лише ті ключові дані, які необхідні для її виконання. За допомогою датчика випадкових чисел вибрати відкрите повідомлення M і знайти криптограму для абонентів А і В, перевірити правильність розшифрування. Скласти для А і В повідомлення з цифровим підписом і перевірити його.

5. За допомогою раніше написаних на попередніх етапах програм організувати роботу протоколу конфіденційного розсилання ключів з підтвердженням справжності по відкритому каналу за допомогою алгоритму RSA. Протоколи роботи кожного учасника (відправника та приймаючого) повинні бути реалізовані у вигляді окремих процедур, на

вхід до яких повинні подаватись лише ті ключові дані, які необхідні для виконання.
Перевірити роботу програм для випадково обраного ключа $0 < k < n$.

```
Message from A to B: 544
Encrypted message: 1171188441739568539632718922897585647190068938926649259989044717260631719522056936920283156434372420553744456967462447820821736601945841241275108607610091
Sign: 179197679354268802398411049111644970070281693437312621473835721951686667288645978129248304341311178012389265623271767424386783707941442745340323270694407
Message Verified
Decrypted message: 544

Message from B to A: 322
Encrypted message: 201750811352374985571917625931613710869461300231857852587487251652477976709521455147961070221941463909499195002105243080702052340436892871998230689135408
Sign: 320493914561015936363559436713491680790431802968060290614535708557561467386246072611621066420920202160681049643224884867383439485099392830001586036140421
Message Verified
Decrypted message: 322

Message: Kot1337
Encrypted message: 37032578509857899851866589090783955629621299396138651398265609075094923107936025447364281263077121974236502186536216557646282093164488640740382587228898
Sign: 173182434236628235854903854087358700474092828025046057717312075680481064329017173205084063539539939305982675817036208738132267921513357491706859270898314
Message Verified
Decrypted message: Kot1337
```

Для випадкового ключа:

```
Ключ 129728282472295717671307732475524548873027694514746589585424912944569038607360614234757781762212673643807580932776038394685321893961526745967621805719367:
('Verified', 129728282472295717671307732475524548873027694514746589585424912944569038607360614234757781762212673643807580932776038394685321893961526745967621805719367)
```

Перевірка на сайті:

Отримуємо публічний ключ сервера:

Get server key

✖ Clear

Key size

128

Get key

Modulus

9243D6935568B1235E32E79F38B4F525

Public exponent

10001

Шифруємо повідомлення на сервері:

Encryption

✖ Clear

Modulus

9243D6935568B1235E32E79F38B4F525

Public exponent

10001

Message

Kot1337

Text

Encrypt

Ciphertext

159BD70FAED20CF710DF3A807EA4843A

Шифруємо локально:

```
Public_key_Server = hex_to_decimal('9243D6935568B1235E32E79F38B4F525'), hex_to_decimal('10001')
message = 'Kot1337'
print(f"Encrypted by us: {decimal_to_hex(Encrypt_text(message, Public_key_Server))}")
print('Encrypted by site: 159BD70FAED20CF710DF3A807EA4843A')
```

```
Encrypted by us: 159BD70FAED20CF710DF3A807EA4843A
Encrypted by site: 159BD70FAED20CF710DF3A807EA4843A
```

Співпадає

Розшифровуємо на сайті.

Decryption

Ciphertext

159BD70FAED20CF710DF3A807EA4843A

Text

Message

Kot1337

Створюємо власні ключі.

```
p = 160974941335832298448894538799832754593
q = 219940465870775757011659172596898530451
print(f'p = {p}')
print(f'q = {q}')
Public_key, Private_key = GenerateKeyPair(p, q)
print(f'Шифруємо на сервері з нашим Public Key: {decimal_to_hex(Public_key[0]), decimal_to_hex(Public_key[1])}')
```

```
p = 160974941335832298448894538799832754593
q = 219940465870775757011659172596898530451
Шифруємо на сервері з нашим Public Key: ('4E46771DA3B5FB6F634F2F75D53E0B233095CB9D57D1B1F32B4CE894CC56AB73', '10001')
```

Шифруємо за допомогою нашого публічного ключа на сайті:

Encryption

✖ Clear

Modulus

4E46771DA3B5FB6F634F2F75D53E0B233095CB9D57D1B1F32B4CE894CC56AB73

Public exponent

10001

Message

Kot1337

Text

Encrypt

Ciphertext

2CF14C680D79F3B268C82F13562C1E9ACF94D2C017858911AE99C4439D5A5195

Тепер розшифруємо:

```
encrypted_by_server_message = '2CF14C680D79F3B268C82F13562C1E9ACF94D2C017858911AE99C4439D5A5195'  
print(f'Розшифруємо локально: {Decrypt_text(hex_to_decimal(encrypted_by_server_message), Private_key)}')
```

Розшифруємо локально: Kot1337

Все правильно

Тепер підписуємо повідомлення на сервері та перевіряємо його на сервері і у нас:

Verify

✖ Clear

Message

Kot1337

Text

Signature

4172B95B8B26239FCA0049D133B9FFDA

Modulus

9243D6935568B1235E32E79F38B4F525

Public exponent

10001

Verify

Verification

true

✓

```
signed_by_server = (message, hex_to_decimal('4172B95B8B26239FCA0049D133B9FFDA'))  
if Verify_text(signed_by_server, Public_key_Server):  
    print('Verified\n')  
else:  
    print('Not verified\n')
```

Verified

Тепер ми підписуємо та перевіряємо на сервері:

```
signed_by_us = Sign_text(message, Private_key)
print(f'Signed by us: {decimal_to_hex(signed_by_us[1])}')
```

Signed by us: 63C07C5B483750A0C3554CDA40F13572BA387DF58EA17A8106E170F3C169CC8

Verify

Message

Kot1337

Text

Signature

63C07C5B483750A0C3554CDA40F13572BA387DF58EA17A8106E170F3C169CC8

Modulus

4E46771DA3B5FB6F634F2F75D53E0B233095CB9D57D1B1F32B4CE894CC56AB73

Public exponent

10001

Verify

Verification

true

✓

Висновки

У ході виконання лабораторної роботи, ми набули практичних навичків захисту інформації на основі асиметричної криптосистеми RSA. Змогли створити алгоритм відправки та отримання, шифрування та дешифрування повідомлень на основі відкритого та закритого ключів. Реалізували алгоритм Міллера-Рабіна, який перевіряє числа на простоту задля створення тих самих ключів. Впевнились в правильності написаного коду на сайті <https://asymcryptwebservice.appspot.com/?section=rsa>.