# ଭଗୁସଂଖ୍ୟାର ଯୋଗ ଓ ବିୟୋଗ କରିବା

ଥରେ ସୁନିତାର ମା' ଗୋଟିଏ ତରଭୁଜ ଆଣି କାଟିଲେ । ସେ ସେଥିରୁ ଦୁଇ ଚତୁର୍ଥାଂଶ ସୁନିତାକୁ ଓ ଏକ ଚତୁର୍ଥାଂଶ ତା'ର ଭାଇ ମିଲନକୁ ଦେଲେ ।



ମିଲନର ଅଂଶ

+ ସୁନିତାର ଅଂଶ

ଏକ ଚତୁର୍ଥାଂଶ + ଦୁଇଟି ଏକ ଚତୁର୍ଥାଂଶ = ତିନିଟି ଏକ ଚତୁର୍ଥାଂଶ

ବା, 
$$\frac{e}{\lambda} + \frac{9}{\lambda} = \frac{e}{\lambda}$$
 (ଏକ ଚତୁର୍ଥାଂଶ + ଦୁଇ ଚତୁର୍ଥାଂଶ = ତିନି ଚତୁର୍ଥାଂଶ)

ଲକ୍ଷ୍ୟକର : ଏକ ଚତୁର୍ଯାଂଶ ଓ ଦୁଇ ଚତୁର୍ଯାଂଶ ମିଶିଲେ ତିନି ଚତୁର୍ଯାଂଶ ହୁଏ ।





ଦୁଇ ଷଷାଂଶ

ତିନି ଷଷାଂଶ

ପାଞ୍ଚ ଷଷାଂଶ

$$\frac{9}{9} + \frac{9}{9} = \frac{8}{9}$$

ଭାବେ ମଧ୍ୟ ଲେଖାଯାଇପାରେ ।

ଆମେ ଦେଖିଲେ :

$$\frac{9}{9} + \frac{9}{9} = \frac{9+9}{9}$$

#### ସେହିପରି କାମ

$$\frac{2}{100} + \frac{9}{100} + \frac{9}{100} = \frac{9}{100}$$
 $\frac{2}{100} + \frac{9}{100} + \frac{9}{100} = \frac{9}{100}$ 
 $\frac{2}{100} + \frac{9}{100} + \frac{9}{100} = \frac{9}{100}$ 
 $\frac{2}{100} + \frac{9}{100} + \frac{9}{100} = \frac{9}{100}$ 
ଭାବେ ଲେଖାଯାଏ ।

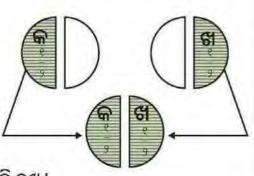
ସମହର ବିଶିଷ ଭଗ୍ନସଂଖ୍ୟାମାନଙ୍କର ଯୋଗ କଲାବେଳେ ଯୋଗଫଳ କିପରି ବାହାରେ ଲେଖ ।

ଆମେ ଜାଣିଲେ, ସମହର ବିଶିଷ ଭଗ୍ନସଂଖ୍ୟାମାନଙ୍କୁ ଯୋଗକଲା ବେଳେ –

ଯୋଗଫଳର ଲବ = ଯୋଗ କରାଯାଇଥିବା ଭଗ୍ନସଂଖ୍ୟାମାନଙ୍କର ଲବର ସମଷ୍ଟି । ଯୋଗଫଳର ହର = ଯୋଗ କରାଯାଇଥିବା ପ୍ରତ୍ୟେକ ଭଗ୍ନସଂଖ୍ୟାର ହର ସଙ୍ଗେ ସମାନ ।

### ତ୍ରମ ପାଇଁ କାମ

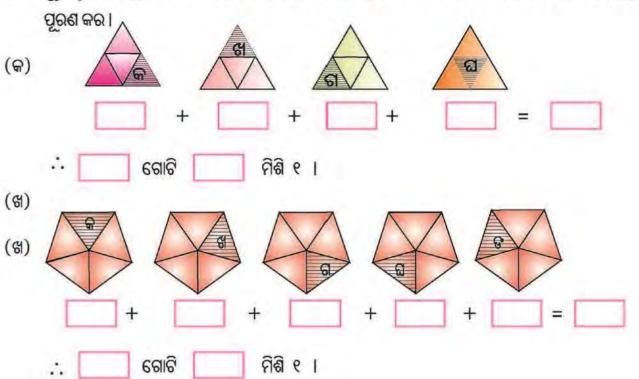
- ଦୁଇଟି ସମାନ ଆକାରର ବୃତ୍ତାକୃତି କାଗଜ ଖଣ୍ଡ ନିଅ ।
- ପ୍ରତ୍ୟେକ ବୃତ୍ତାକୃତି କାଗଜ ଖଣ୍ଡକୁ ମଝିରୁ ଭାଙ୍ଗି
   ଦୁଇ ସମାନ ଭାଗ କର ଓ ଗୋଟିଏ ଭାଗକୁ ରଙ୍ଗ ଦିଅ ।
- ଦୁଇଟିଯାକ ବୃତ୍ତାକୃତି କାଗଜ ଖଣ ରଙ୍ଗ ଦିଆଯାଇଥିବା
   ଅଂଶକୁ ମୂଳ କାଗଜରୁ ଅଲଗା କରିଦିଅ ।
- ଚିତ୍ରରେ ଦିଆଯାଇଥିବା ଭଳି ରଙ୍ଗିନ୍ ଅଂଶ ଦୁଇଟିକୁ ଯୋଡ଼ି ରଖ ।
   କ'ଶ ଲକ୍ଷ୍ୟ କରୁଛ ?
- ଏଥିରୁ ତୁମେ କ'ଣ ଜାଣିଲ କହ ।



$$\frac{e}{-} + \frac{e}{-} = e$$
 ୨ ୨ ବା ଦୁଇଟି  $\frac{e}{-}$  ମିଶି ୧ହୁଏ ।

# ଅଭ୍ୟାସ କାର୍ଯ୍ୟ

୧. ପୂର୍ବ ପୃଷାରେ ତୁମ ପାଇଁ କାମରେ କରାଯାଇଥିବା ମିଶାଣକୁ ଦେଖ ଓ ସେହିଭଳି ତଳେ ଥିବା ଖାଲି ଘରଗୁଡ଼ିକ

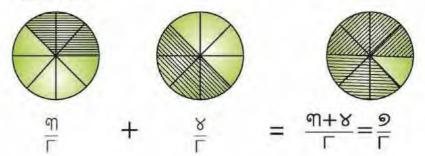


୨. ଖାଲି ଘର ପୂରଣ କର ।

$\frac{e}{8} + \frac{e}{8}$ ଓ ଆଭ	$8$ ଗୋଟି $\frac{e}{r}$ ଓ ଆଭ $\square$ ଗୋଟି $\frac{e}{r}$ ମିଶି ୧ ୨ ଗୋଟି $\frac{e}{r}$ ଓ ଆଭ $\square$ ଗୋଟି $\frac{e}{r}$ ମିଶି ୧	
$\frac{e}{8} + \frac{e}{8} + \frac{e}{8}$ ଓ ଆଉ $\square$ ଗୋଟି $\frac{e}{8}$ ମିଶି ୧		
$\frac{8}{9}$ ଓ ଆଉ $\square$ ଗୋଟି $\frac{8}{9}$ ମିଶି ୧	$\square$ ଗୋଟି $\frac{e}{8}$ ମିଶି ୧	
୩ ଗୋଟି $\frac{e}{s}$ ଓ ଆଉ $\Box$ ଗୋଟି $\frac{e}{s}$ ମିଶି ୧	$\square$ ଗୋଟି $rac{\mathfrak{e}}{\mathfrak{e}\circ}$ ମିଶି $\mathfrak{e}$	

୩. ତଳେ ଥିବା ଉଦାହରଣକୁ ଲକ୍ଷ୍ୟ କରି,ସେହିପରି ପରବର୍ତ୍ତୀ ପ୍ରଶ୍ମଗୁଡ଼ିକରେ ଥିବା ଶୂନ୍ୟସ୍ଥାନ ପୂରଣ କର ।

#### ଉଦାହରଣ :



$$\frac{9}{8} + \frac{9}{8} = \frac{+}{8} = -$$

$$\frac{\varrho}{\vartheta} + \frac{\vartheta}{\vartheta} =$$

$$\frac{e}{\Gamma} + \frac{9}{\Gamma} + \frac{m}{\Gamma} = =$$

୪. ଚିତ୍ରରେ ଉପଯୁକ୍ତ ରଙ୍ଗ ଦେଇ ଭଗ୍ନସଂଖ୍ୟା ଗୁଡ଼ିକୁ ଯୋଗକର ।

	ଚିତ୍ର	ସୋଗଫଳ
$(\varphi) \frac{e}{8} + \frac{9}{8}$		
$(\mathfrak{A}) \frac{\delta}{6} + \frac{\delta}{8}$		
(ল) $\frac{9}{9} + \frac{8}{9}$		
(ଘ) 9 + %		

### ୫. ଯୋଗଫଳ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

$$(9) \frac{9}{8} + \frac{9}{8}$$

(a) 
$$\frac{6}{6} + \frac{6}{8}$$

(ଗ) 
$$\frac{8}{9} + \frac{9}{9}$$

(a) 
$$\frac{9}{8} + \frac{6}{8} + \frac{6}{8}$$

(8) 
$$\frac{9}{9} + \frac{9}{9} + \frac{9}{9}$$

(ଚ) 
$$\frac{q}{\Gamma} + \frac{9}{\Gamma} + \frac{q}{\Gamma}$$

### ଭଗୁସଂଖ୍ୟାର ବିୟୋଗ

ସୁମନର ଜନ୍ମଦିନ । ଘରେ ପିଠା ହୋଇଥାଏ । ସନ୍ଧ୍ୟା ବେଳକୂ ତା'ର ସାଙ୍ଗ କିଶନ୍ ଆସି ପହଞ୍ଚଲା । ସୁମନ ତା' ପାଖରେ ଥିବା ପିଠାର ଷ୍ଟରି ପଞ୍ଚମାଂଶରୁ ଏକ ପଞ୍ଚମାଂଶ କିଶନ୍କୁ ଦେଲା । ଏବେ ସୁମନ ପାଖରେ ପୁରା ପିଠାର କେତେ ଅଂଶ ରହିଲା ?



#### ଆସ ଦେଖିବା ।



ବର୍ତ୍ତମାନ ପାଖ ଚିତ୍ରକୁ ଲକ୍ଷ୍ୟକର :-

ମୋଟ ରଙ୍ଗିନ୍ ଅଂଶ ସଂଖ୍ୟା = ୪

ବିଚ୍ଛିନ୍ନ ହୋଇଥିବା ରଙ୍ଗିନ୍ ଅଂଶ ସଂଖ୍ୟା = ୧

ଅବଶିଷ ରଙ୍ଗିନ୍ ଅଂଶ ସଂଖ୍ୟା = ୩

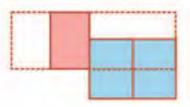
$$\frac{8}{8} - \frac{8}{6} = \frac{8}{8 - 6} = \frac{8}{4}$$

## ଏଥିରୁ ଆମେ ଜାଣିଲେ,

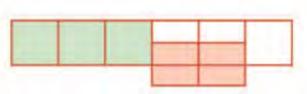
ସମହର ବିଶିଷ ଭଗ୍ନସଂଖ୍ୟାର ବିୟୋଗ ବେଳେ ବିୟୋଗ ଫଳର ଲବ = ପ୍ରଥମ ଭଗ୍ନସଂଖ୍ୟାର ଲବ – ଦ୍ୱିତୀୟ ଭଗ୍ନସଂଖ୍ୟାର ଲବ ବିୟୋଗ ଫଳର ହର = ବିୟୋଗ କ୍ରିୟାରେ ଥିବା ପ୍ରତ୍ୟେକ ଭଗ୍ନସଂଖ୍ୟାର ହର ।

### ଆସ ଚିତ୍ର ଦେଖି ବିୟୋଗ କରିବା :



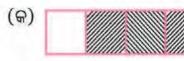


(영)



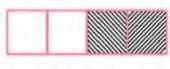
$$\frac{\mathfrak{q}}{8} - \frac{9}{8} =$$

## ଆସ ଚିତ୍ର ଦେଖି ବିୟୋଗ କରିବା–



ଥିଲା

ଥିଲା



ଗଲା



$$\frac{m}{x} - \frac{9}{x} = \frac{}{}$$

(ଖ)



ରହିଲା



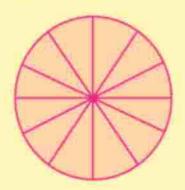






### ଆସ ଖେଳିବା

- ଚିତ୍ରରେ ଦେଖାଯାଇଥିବା ଭଳି ଗୋଟିଏ ୧ ୨ ଭାଗ ବିଶିଷ୍ଟ ବୃଷ ଚିତ୍ରଟିଏ କର ଓ ୧ ୫ ଟି ଟୋକନ୍ କାଗକ ଖଣ୍ଡ
   ପ୍ରସ୍ତୁତ କର । ଏହି ଟୋକନ୍ଗୁଡ଼ିକରେ ନିମ୍ନ କୋଠରିରେ ଥିବା ଭଗ୍ନସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକ ମଧ୍ୟରୁ ଗୋଟିଏ ଲେଖ। ଏଁ ଲେଖ ।



- ତ ବର୍ତ୍ତମାନ ଟୋକନ୍ଗୁଡିକୁ ଏକାଠି କରି ଗୋଟିଏ ଉପରେ ଗୋଟିଏ କରି ରଖ, ଯେପରି ଲେଖାଥିବା ପାଖଟି । ଡଳକୁ ରହିବ ।
- ଏବେ ଖେଳ ଆରୟ କର । ଦଳରେ ଥିବା ୪ ଜଣ ମଧ୍ୟରୁ ଜଣେ ଆଗ ଗୋଟିଏ ଟୋକନ୍ ଉଠାଇବ, ସେଥିରେ ଲେଖାଥିବା ଭଗ୍ନସଂଖ୍ୟା ଅନୁଯାୟୀ ବୃତ୍ତର ଅଂଶ ଉପରେ ରଙ୍ଗ ଦେବ ଓ ପୁନର୍ବାର ଟୋକନଟିକୁ ଟୋକନ୍ ଥାକର ତଳେ ରଖିବେ ।
- ଏହାପରେ ୨ ୟ ପିଲାଟି ଗୋଟିଏ ଟୋକନ୍ ଉଠାଇବ ଓ ସେଥିରେ ଲେଖାଥିବା ଭଗ୍ନସଂଖ୍ୟ। ଅନୁଯାୟୀ ବୃତ୍ତର
   ଅଂଶରେ ରଙ୍ଗ ଦେବେ ।
- ଏହିପରି ପର୍ଯ୍ୟାୟ କ୍ରମେ ପିଲାମାନେ ବୃଦ୍ଧଚିତ୍ରର ବିଭିନ୍ନ ଅଂଶରେ ରଙ୍ଗ ଦେବେ । ଯେଉଁ ପିଲାଟି ରଙ୍ଗ ଦେବାପରେ ବୃତ୍ତଟି ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣ ଭାବରେ ରଙ୍ଗିନ୍ ହୋଇଯିବ, ସେ ଜିତିବ ।
- ସେଉଁ ସେଉଁ ଟୋକନ୍ରେ ଲେଖାଥିବା ସଂଖ୍ୟା ଅନୁଯାୟୀ ବୃଷଟିରେ ରଙ୍ଗ ଦିଆଯାଇ ବୃଷଟି ସମ୍ପୂର୍ଣ୍ଣଭାବେ ରଙ୍ଗୀ ନ୍ ହେଲା, ପିଲାମାନେ ସେହି ଉଗ୍ନସଂଖ୍ୟାଗୁଡିକୁ ଲେଖ୍ବେ ଏବଂ ସେଗୁଡ଼ିକ ଯୋଗଫଳ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କରିବେ । (ମନେକରାଯାଉ ଟୋକନ୍ରେ ଲେଖାଥିବା ସଂଖ୍ୟାଗୁଡ଼ିକ ହେଲା  $\frac{91}{29}$ ,  $\frac{2}{29}$ ,  $\frac{2}{9}$ ,  $\frac{2}{9}$ , ଏଠାରେ ଦେଖାଯିବ ଯେ ଶେଷ ଖେଳାଳିର ଟୋକନ୍ରେ ଥିବା ଉଗ୍ନସଂଖ୍ୟା ଅନୁଯାୟୀ ବୃଷର ଅଂଶରେ ରଙ୍ଗକରି ହେବ ନାହିଁ । ବୃଷର ୨ ଟି ଖାଲି ଘର ଫାଙ୍କା ଥିବ ଏବଂ ତାହା ବୃଷର  $\frac{2}{8}$  ନୁହେଁ, ଏ କ୍ଷେତ୍ରରେ ସେ ପିଲାଟିକୁ ବାଦ୍ ଦିଆଯିବ ଓ ତା'ର ଟୋକନ୍ଟିକୁ ଅନ୍ୟ ଟୋକନ୍ର ତଳେ ରଖାଯିବ । ବର୍ତ୍ତମାନ ଅନ୍ୟ ଯେଉଁ ପିଲାଟି ପ୍ରଥମେ ସୁଯୋଗ ପାଇଥିଲା ସେ ପୁଣି ଟୋକନ୍ ଟାଣିବାର ସୁଯୋଗ ପାଇବ ।

## ଅଭ୍ୟାସ କାର୍ଯ୍ୟ

୧. ଶୂନ୍ୟସ୍ଥାନ ପୂରଣ କରି ବିୟୋଗଫଳ ସ୍ଥିର କର ।

(a) 
$$\frac{9}{6} - \frac{9}{6} = \frac{9-9}{6} = \frac{9-9}{6}$$

(8) 
$$\frac{8}{9} - \frac{9}{9} = \frac{}{}$$

(a) 
$$\frac{8}{8} - \frac{8}{8} = \frac{}{}$$

(a) 
$$\frac{9}{\Gamma} - \frac{9}{\Gamma} = \frac{}{}$$

୨. ବିୟୋଗ କାର୍ଯ୍ୟ କର ଓ ବିୟୋଗଫଳ ନିର୍ଣ୍ଣୟ କର ।

$$(\varphi)$$
  $\frac{9}{\eta} - \frac{e}{\eta} =$   $=$   $=$ 

(a) 
$$\frac{\partial}{\partial x} - \frac{\partial}{\partial x} = \frac{\partial}{\partial x} = \frac{\partial}{\partial x}$$

(ଗ) 
$$\frac{\Gamma}{c} - \frac{ff}{c} = \square$$
 =

(a) 
$$\frac{8}{60} - \frac{60}{4} = \boxed{\phantom{0}}$$

୩. 'ଠ' ମଧ୍ୟରେ '+' ବା '-' ଚିହ୍ନ ଦିଅ ।

$$\frac{\zeta}{8} \bigcirc \frac{\zeta}{2} = \frac{\delta}{2}$$

$$\frac{\eta}{2}O\frac{\theta}{2} = \frac{9}{2}$$

$$\frac{8}{8} \bigcirc \frac{8}{6} = \frac{8}{40}$$

(a) 
$$\frac{9}{\zeta} \bigcirc \frac{\zeta}{\zeta} = \frac{\zeta}{\zeta}$$

$$\frac{L}{8}O\frac{L}{6} = \frac{L}{8}$$
(8)

$$\frac{e}{e} \bigcirc \frac{e}{e} = \frac{e}{e}$$

୪. ମୂଲ୍ୟ ନିରୁପଣ କର ।

$$\left( \begin{array}{cc} \Theta \right) & \frac{\theta}{8} + \frac{9}{8} - \frac{9}{8} \end{array}$$

$$(A) \quad \frac{6}{6} + \frac{6}{20} - \frac{6}{8}$$

(a) 
$$\frac{6}{8} + \frac{8}{8} - \frac{9}{8}$$

(a) 
$$\frac{m}{\Gamma} + \frac{9}{\Gamma} - \frac{8}{\Gamma}$$

- ୫. ରମେଶ ବାବୁ ତାଙ୍କ ବଗିଚାରେ ଲଗାଇଥିବା କଦଳୀ ଗଛମାନଙ୍କ ମଧ୍ୟରୁ ୂ ଅଂଶ ତରକାରୀ କଦଳୀ ଓ ଅବଶିଷ୍ଟ ପାଚିଲା କଦଳୀ । ପାଚିଲା କଦଳୀ ଗଛ ସଂଖ୍ୟା ମୋଟ୍ କଦଳୀ ଗଛ ସଂଖ୍ୟାର କେତେ ଅଂଶ ?
- ୬. ଗୋଟିଏ ଖୟର  $\frac{\ell}{9}$  ଅଂଶରେ କଳାରଙ୍ଗ,  $\frac{9}{9}$  ଅଂଶରେ ନାଲି ରଙ୍ଗ ଓ  $\frac{8}{9}$ ଅଂଶରେ ହଳଦିଆ ରଙ୍ଗ ଦିଆଯାଇଛି । ତେବେ–
  - (କ) ଖୟର ମୋଟ କେତେ ଅଂଶ ରଙ୍ଗ ଦିଆଯାଇଛି ?
  - (ଖ) କେଉଁ ରଙ୍ଗ ଦିଆଯାଇଥିବା ଅଂଶ ସର୍ବାଧିକ ?
  - (ଗ) କେଉଁ ରଙ୍ଗ ଦିଆଯାଇଥିବା ଅଂଶ ସର୍ବନିମ୍ନ ?
  - (ଘ) ହଳଦିଆ ରଙ୍ଗ ଦିଆଯାଇଥିବା ଅଂଶଠାରୁ କେତେ କମ୍ ଅଂଶରେ ନାଲି ରଙ୍ଗ ଦିଆଯାଇଛି ?