

Segurança de Sistemas – RSA – SHA – AES – Assinatura Digital

Prof. Avelino Zorzo – Escola Politécnica/PUCRS

Este trabalho é dividido em 2 partes. Cada uma destas partes é uma simplificação de algum dos assuntos vistos em aula. Elas não devem ser utilizadas para qualquer fim profissional, **tem somente o intuito de demonstrar como alguns algoritmos funcionam de maneira simplificada**. Para uso profissional, usar as recomendações ou padrões definidos publicamente. Valores em hexadecimal, representam os valores dos bytes, ou seja, 41 representa o caractere ASCII 'A' ou o valor decimal 65. **Este exemplo não é seguro** contra, por exemplo, “*man-in-the-middle attack*”.

Usar a chave pública do professor $pk_p = (e_p, N_p)$ onde:

$e_p = 2E76A0094D4CEE0AC516CA162973C895$ (em hexadecimal)

$N_p =$

1985008F25A025097712D26B5A322982B6EBAFA5826B6EDA3B91F78B7BD63981382581218D33A9983E4E14D4B26113AA2A83BBCCF
DE24310AEE3362B6100D06CC1EA429018A0FF3614C077F59DE55AADF449AF01E42ED6545127DC1A97954B89729249C6060BA4BD3A5
9490839072929C0304B2D7CBBA368AEB4878A6F0DA3FE58CECDA638A506C723BDCBAB8C355F83C0839BF1457A3B6B89307D672BB
F530C93F022E693116FE4A5703A665C6010B5192F6D1FAB64B5795876B2164C86ABD7650AEDAF5B6AFCAC0438437BB3BDF5399D80F
8D9963B5414EAFBFA1AA2DD0D24988ACECA8D50047E5A78082295A987369A67D3E54FFB7996CBE2C5EAD794391 (em hexadecimal)

Cuidado: se algum valor hexadecimal começar com {9, A, B, C, D, E, F}, isto significa que o bit mais significativo é 1 e indica um número negativo em algumas linguagens. Se acontecer, incluir um byte 0 na frente.

PARTE 1

Receber a chave pública do professor

Gerar dois números primos p e q com no mínimo 1024 bits

Calcular $N_a = p \cdot q$

Calcular $L = (p-1) \cdot (q-1) \rightarrow$ função ϕ de Euler

Encontrar um e_a que seja primo relativo de L , ou seja, $\text{MDC}(e_a, L) = 1$

Calcular o inverso d_a de e_a em \mathbb{Z}_L , ou seja, $d_a \cdot e_a = 1$ em \mathbb{Z}_L

Guardar a chave pública $pk_a = (e_a, N_a)$ e a chave privada $sk_a = (d_a, N_a)$

Gerar chaves assimétricas

Escolher um valor aleatório s de 128 bit \rightarrow chave a ser usada no AES

Guardar s

Calcular $x = s^{e_p} \bmod N_p \rightarrow$ cifra a chave usando a chave pública do professor

Calcular $sig_x = x^{d_a} \bmod N_a \rightarrow$ assina a mensagem usando a chave privada do aluno

Gerar chave simétrica
Cifrar chave simétrica
Assinar texto cifrado

Enviar (x, sig_x, pk_a) para o professor por email ou whatsapp \rightarrow todos os valores em hexadecimal

Envio



pk_p

x, sig_x, pk_a

$p, q, N=p \cdot q; L = (p-1) \cdot (q-1)$

$sk_a = (e_a, N_a)$

$pk_a = (d_a, N_a)$

$s \leftarrow 128$ bits aleatórios

$x = s^{e_p} \bmod N_p$

$sig_x = x^{d_a} \bmod N_a$

$p, q, N=p \cdot q; L = (p-1) \cdot (q-1)$

$sk_p \rightarrow (d_p, N_p)$

$pk_p \rightarrow (e_p, N_p)$

PARTE 2

Receber do professor:

- uma mensagem c cifrada \rightarrow em hexadecimal com IV como 16 primeiros bytes
- uma assinatura sig_c para a mensagem $c \rightarrow$ em hexadecimal

Calcular $h_c = \text{SHA256}(c)$

Verificar se $h_c = sig_c^{ep} \bmod N_p$

Se sim, decifrar a mensagem c com AES (chave s , CBC, PKCS), tendo $m = \text{AES}^{-1}(c, s)$.

Se não, enviar mensagem de erro para o professor por email ou whatsapp.

**Verificar assinatura
Decifrar mensagem**

Inverter a mensagem m decifrada gerando m_{inv} . Exemplo, se $m = \text{"pucrs"}$, então $m_{inv} = \text{"srcup"}$

Gerar um IV aleatório

Cifrar m_{inv} usando AES (chave s , CBC, PKCS), tendo $c_{inv} = \text{concatenar}(\text{IV}, \text{AES}(m_{inv}, s))$

**Processar mensagem
Cifrar mensagem
Assinar mensagem cifrada**

Calcular $h_{inv} = \text{SHA256}(c_{inv})$

Calcular $sig_{h_{inv}} = h_{inv}^{da} \bmod N_a$

Enviar $(c_{inv}, sig_{h_{inv}})$ para o professor \rightarrow todos os valores em hexadecimal.

Envio



c, sig_c

c_{inv}, sig_{inv}



Se $\text{SHA}(c) = sig_c^{ep} \bmod N_p$

Então

$m = \text{AES}^{-1}(c, s)$

$m_{inv} = \text{inverter } m$

$c_{inv} = \text{AES}(m_{inv}, s)$

$sig_c = \text{SHA}(c_{inv})^{da} \bmod N_a$

Senão ERRO

$c = \text{AES}(m, s)$

$sig_c = \text{SHA}(c)^{dp} \bmod N_p$

Se $\text{SHA}(c_{inv}) = sig_{inv}^{ea} \bmod N_a$

Então

$m_{inv} = \text{AES}^{-1}(c_{inv}, s)$

TERMINOU

Senão ERRO

Submeter o código, com cada parte bem definida, e com todo o exemplo (valores) no início como comentário.