**1. Implemente Máquinas de Turing com fita única para computar as seguintes linguagens:**

**(a) (1,0pt) L = {a i b j c k | i, j, k ∈ N e i × j = k}**

**Sobre a entrada a^ib^jc^k:**

1) Repete até encontrar a entrada vazia:

1.1) Marca um a (q0-q1 e q8-q9)

1.2) Marca todos os b, marcando também um c para cada b marcado (q1/q7/q9-q4-q5)

1.3) Desmarca todos os B (q7)

2) Volta por toda a fita verificando se todas as entradas estão marcadas (q6)

**(b) (1.0pt) L = {0 2 n | n ≥ 0}**

Sobre a entrada 0^2^n:

1) Marca o primeiro 0 com um 3 (q0-q1)

2) Repete até encontrar a entrada vazia:

2.1) Ao encontrar um novo 0 volta desmarcando todos os 3 e 2 com um 1 (q4)

2.2) Marca todos os 1 com um 2 e um 0 com um 3 para cada 1 marcado (q1-q2-q3)

**2. Implemente Máquinas de Turing Multifitas para computar as seguintes linguagens:**

**(a) (1,5pt) L = {wwRw Rw|w ∈ {0, 1} ∗} (w R é o reverso da cadeia w)**

Sobre a entrada wiw^rw^rwf (onde i é início e f é fim):

0) Armazena um símbolo de início de fita na fita 2 (q0-q1)

1) Armazena na segunda fita o tamanho da palavra w:

1.1) Percorre a fita 1 e a cada 4 passos (número de palavras) aumenta em 1 o tamanho da fita 2 (q1-q2-q3-q4)

2) Armazena na segunda fita a palavra w:

2.1) Volta na fita 1 removendo os símbolos da palavra wf e adicionando-os na fita 2 de trás para a frente (q5)

3) Confere a palavra wi:

3.1) Avança na fita 1 removendo os símbolos da palavra wi (q7)

4) Confere as palavras wr:

4.1) Avança até o final da fita 2 e volta removendo os símbolos da fita 1 (q8-q9-q8)

5) Aceita se a fita 1 estiver vazia (q8-q10)

**(b) (1,5pt) L = {#x1#x2#...#xn# | xi ∈ 0, 1 ∗ e xi 6= xj , ∀i 6= j} A entrada deve ser fornecida integralmente na primeira fita.**

Sobre a entrada #x1#x2#...#xn#:

1) Copia o x mais à esquerda para a fita 2:

1.1) Copia um # para a fita 2, removendo-o da fita 1 (q0-q1)

1.2) Copia o x mais à esquerda para a fita 2, removendo-o da fita 1 (q1)

1.3) Copia outro # para a fita 2, sem removê-lo da fita 1 (q1-q2)

2) Percorre a fita 1 comparando cada símbolo com a fita 2 (q2-q3-q4)

2.1) Ao encontrar um símbolo diferente, percorre a fita 1 até o próximo # e inicia novamente

3) Chegando ao fim da fita 1, apaga a fita 2 e reinicia do item 1 (q2-q5-q6-q7-q8-q9)

4) Quando a fita 1 se encontrar totalmente apagada, aceita (q9-q10)

**3. Implemente Máquinas de Turing a sua escolha para computar os seguinte problemas:**

**(a) (2,5pt) A série de Fibonacci. A máquina recebe como entrada uma sequência de símbolos que representa n (representação unária). Ao término, deve constar na fita uma sequência de símbolos que indica o valor do n-ésimo termo, ou seja F ibonnacci(n). Exemplo: A máquina recebe como entrada a sequência "aaaaa"(5) e deve retornar "cccccccc"(8).**

Sobre a entrada a^n:

1) Marca o primeiro a com um c (q0-q1)

2) Remove o segundo a, armazenando b na fita 2 (q1-q3)

3) Repete enquanto não encontrar a entrada vazia para ambas as fitas:

3.1) Marca o próximo a com um x indicando o final da computação (q3/q9-q4)

3.2) Copia c da fita 1 para a fita 2:

3.2.1) Para cada c da fita 1, adiciona um B à fita 2 (q4-q5-q5)

3.3) Soma os b da fita 2 com os c da fita 1:

3.3.1) Remove todos os b da fita 2, adicionando um c na fita 1 para cada b removido (q6)

3.4) Desmarca todos os B da fita 2 com um b (q7)

3.5) Limpa o x da fita 1, indicando fim da computação atual (q8-q9)

**(b) (2,5pt) O algoritmo de Euclides para o Máximo Divisor Comum. A máquina recebe como entrada uma sequência de símbolos representando n e m em representação unária. Ao término, a fita deve conter o MDC(n, m).**

A solução escolhida para este exercício foi utilizar uma máquina de Turing multifitas com cinco fitas.

1. Lê a entrada e escreve em duas fitas diferentes, a segunda fita receberá todos os “n”s e a terceira fita recebe todos os “m”s.
2. Considerando o número de “n”s e “m”s faz:
   1. Caso n = m transita para o estado final q12;
   2. Caso n > m, inverte a segunda com a terceira fita.
3. Executa os seguintes passos, enquanto o resto da divisão for diferente de zero:
   1. 1. para cada “n” da segunda fita, apaga um “m” da terceira fita e escreve um “y” na quarta fita, que será utilizada para calcular o resto da divisão. Caso todos os “n”s sejam lidos e ainda existam “m”s na terceira fita, a segunda fita volta para o início, a quarta fita é limpa e este passo é executado novamente.
   2. Quando os “m”s da terceira fita acabarem:
      1. A quantidade de “n” da segunda fita, é armazenada em quantidade de “m” na terceira fita.
      2. É calculado o resto da divisão utilizando a quantidade de “y”s da quarta fita, esse resto é salvo em quantidade de “n”s na segunda fita.
      3. A quinta fita, que armazena o último resto não nulo é limpa e depois recebe o valor do resto.
      4. A máquina volta para o passo 3.1 com os novos valores de m e n, seguindo o algoritmo de Euclides, onde m recebe o valor de n da iteração anterior e n recebe o valor do resto da divisão da iteração anterior.
4. Quando a máquina encontrar uma divisão sem resto, transita para um estado de aceitação, o MDC estará expresso em quantidades de “r”s na última fita (q5)