

Tests paramétriques à deux échantillons (m ou n_1 : taille du 1^{er} échantillon | n ou n_2 : taille du 2^e échantillon)

Test	H_0	Statistique	Formule additionnelle	H_1^{**}	On rejette H_0 si :
Deux moyennes (var. connues)	$\mu_X - \mu_Y = \Delta$	$Z_0 = \frac{\bar{X} - \bar{Y} - \Delta}{\sqrt{\frac{\sigma_X^2}{m} + \frac{\sigma_Y^2}{n}}}$	Voir ci-dessous pour erreur de 2 ^e type et taille d'éch.*	$\mu_X - \mu_Y \neq \Delta$ $\mu_X - \mu_Y > \Delta$	$ Z_0 > z_{\alpha/2}$ $Z_0 > z_\alpha$
Deux moyennes ($\sigma_X^2 = \sigma_Y^2$)	$\mu_X - \mu_Y = \Delta$	$T_0 = \frac{\bar{X} - \bar{Y} - \Delta}{S_p \sqrt{\frac{1}{m} + \frac{1}{n}}}$	$S_p = \sqrt{\frac{(m-1)S_X^2 + (n-1)S_Y^2}{m+n-2}}$	$\mu_X - \mu_Y \neq \Delta$ $\mu_X - \mu_Y > \Delta$	$ T_0 > t_{\alpha/2, m+n-2}$ $T_0 > t_{\alpha, m+n-2}$
Deux moyennes ($\sigma_X^2 \neq \sigma_Y^2$)	$\mu_X - \mu_Y = \Delta$	$T_0^* = \frac{\bar{X} - \bar{Y} - \Delta}{\sqrt{\frac{S_X^2}{m} + \frac{S_Y^2}{n}}}$	$\nu = \frac{\left(\frac{S_X^2}{m} + \frac{S_Y^2}{n}\right)^2}{\frac{1}{m-1} \left(\frac{S_X^2}{m}\right)^2 + \frac{1}{n-1} \left(\frac{S_Y^2}{n}\right)^2}$ arrondi à l'entier inférieur	$\mu_X - \mu_Y \neq \Delta$ $\mu_X - \mu_Y > \Delta$	$ T_0^* > t_{\alpha/2, \nu}$ $T_0^* > t_{\alpha, \nu}$
Observations appariées	$\mu_D = \Delta$	$T_0 = \frac{\bar{D} - \Delta}{S_D / \sqrt{n}}$	$D_i = X_i - Y_i$ pour $i = 1, \dots, n$	Voir test d'une moyenne avec variance inconnue	
Deux variances	$\sigma_X^2 = \sigma_Y^2$	$F_0 = \frac{S_X^2}{S_Y^2}$	$F_{1-\alpha, n_1, n_2} = \frac{1}{F_{\alpha, n_2, n_1}}$	$\sigma_X^2 \neq \sigma_Y^2$ $\sigma_X^2 > \sigma_Y^2$	$F_0 > F_{\alpha/2, m-1, n-1}$ ou $F_0 < F_{1-\alpha/2, m-1, n-1}$ $F_0 > F_{\alpha, m-1, n-1}$
Deux proportions	$p_1 = p_2$	$Z_0 = \frac{\hat{p}_1 - \hat{p}_2}{\sqrt{\hat{p}(1-\hat{p}) \left(\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}\right)}}$	$\hat{p} = \frac{n_1 \hat{p}_1 + n_2 \hat{p}_2}{n_1 + n_2}$	$p_1 \neq p_2$ $p_1 > p_2$	$ Z_0 > z_{\alpha/2}$ $Z_0 > z_\alpha$

*On a $\beta(\delta) = \Phi(z_{\alpha/2} - \delta) - \Phi(-z_{\alpha/2} - \delta)$ si $H_1 : \mu_X - \mu_Y \neq \Delta$ et $\beta(\delta) = \Phi(z_\alpha - \delta)$ si $H_1 : \mu_X - \mu_Y > \Delta$, avec $\delta = \frac{\mu_X - \mu_Y - \Delta}{\sqrt{\frac{\sigma_X^2}{m} + \frac{\sigma_Y^2}{n}}}$.

On a $m = n = \frac{(z_{\alpha/2} + z_\beta)^2 (\sigma_X^2 + \sigma_Y^2)}{(\mu_X - \mu_Y - \Delta)^2}$ si $H_1 : \mu_X - \mu_Y \neq \Delta$ (on remplace $\alpha/2$ par α si $H_1 : \mu_X - \mu_Y > \Delta$).

**Pour effectuer un test avec la contre-hypothèse $H_1 : \mu_X - \mu_Y < \Delta$, on peut intervertir les échantillons respectifs de X et de Y , et utiliser $H_1 : \mu_Y - \mu_X > \Delta'$ avec $\Delta' = -\Delta$. Pour effectuer un test avec les contre-hypothèse $H_1 : \sigma_X^2 < \sigma_Y^2$ ou $H_1 : p_1 < p_2$, on peut intervertir le 1^{er} et le 2^e échantillon.