# **Electrostatic (part 1)**

- Atomic structure 原子结构
- Charge conservation 电荷守恒
- Conductors and insulators 导体和绝缘体
- Coulomb law 库仑定律
- Electric field and field lines 电场和电场线
- Electric flux density 电通量密度
- Permittivity of free space 自由空间介电常数

### 库伦定理 / Coulomb's law

库伦定理是描述静止点电荷相互作用力的规律。

$$ec{F}_e = rac{Q_1 Q_2}{4\piarepsilon_0} rac{ec{r}}{r^3}$$

其中, $\vec{F}_e$  表示两个点电荷之间的相互作用力, $q_1$  和  $q_2$  分别表示两个点电荷的电荷量,r 表示两个点电荷之间的距离, $\varepsilon_0$  表示真空中的介电常数,其值为  $8.85\times 10^{-12}~{\rm F/m}$ 。

### 电场强度 / Electric Field

电场强度的计算公式:

$$ec{E}=rac{ec{F}_e}{Q'}=rac{Q}{4\piarepsilon_0}rac{ec{r}}{r^3}$$

其中, $\vec{F}_e$  表示两个点电荷之间的相互作用力,Q' 是测试点电荷所带的电荷量,Q 为制造电场的点电荷所带的电荷量, $\vec{r}$  表示两个点电荷之间的距离向量, $\varepsilon_0$  表示真空中的介电常数,其值为  $8.85 \times 10^{-12} \, \mathrm{F/m}$ 。

电场强度满足叠加定理(Superposition principle),多个点电荷在某点激发的电场等于各个点电荷在该处激发电场的 <mark>矢量加和</mark>。

## 电通量密度 / Electric Flux Density

#### 电通量密度

电通量密度是一个物理概念,它表示电场通过某个面积的电场线的数量.

$$ec{D} = arepsilon ec{E} = arepsilon_0 arepsilon_r ec{E}$$

其中,  $\varepsilon$ 是介质的介电常数。而 $\varepsilon_r$ 为相对介电常数。

#### 电通量

静电场中的电通量可以表示为:

$$\Psi = DS = Q$$

其中,S是某一闭合曲面,Q为闭合曲面内包含的电荷量。

### **Electrostatic (part 2)**

- Conservative Field 保守场
- Work of a Force 力的功
- Potential & Potential Difference 电势和电势差
- Equipotentials 等电位
- Relation between Voltage and Electric Field 电压和电场之间的关系
- Conductors in Electrostatic Fields 静电场中的导体
- Potential due to Multiple Charges 多重电荷产生的电位

### 保守场 / Conservative Field

保守场具有<mark>路径无关</mark>和无旋矢量场的性质。任何一个保守场的旋度都是零(因此是无旋的),并且电荷在静电场中的某点出发沿任意闭合路径又回到原出发点(即始末两点,在同一位置),电场力所做的功等于零。

$$abla imes ec{E} = 0 \;\; , \;\;\; \oint ec{E} \cdot dec{l} = 0$$

## 电势差 & 电压 / Potential Difference & Voltage

电势差就是电压。

静电场中,某点电位是指从该点到某一参考点移动单位正电荷时,电场力对其所作的功,即电势能,与该正电荷的电量之比。某点电位的定义如下:

$$V_{AB} = rac{W_{AB}}{a} = \int_A^B ec{E} \cdot dec{l}$$

其中, $V_{AB}$  表示电压, $W_{AB}$  表示将带电体从A移到B做的功,q 表示电荷量; $\vec{E}$ 为电场强度, $\vec{l}$  为运动方向。

多个点电荷在某点造成的电势 可以通过各个点的在该点形成的电势直接 标量相加 得到。

## 导体 / Conductors

- 1. 电荷只分布在导体表面
- 2. 导体内部电场为零
- 3. 电场始终垂直于导体表面
- 4. 沿导体表面的电势是恒定的

# **Electrostatic (part 3)**

- Coulomb Law & Gauss Law 库伦定理和 高斯定理
- Parallel Plate Capacitor 平行板电容器
- Energy Storage in a Capacitor 电容器中储存的能量
- Capacitance 电容
- Dielectric 电介质
- Polarisation Density 极化密度

#### 高斯定理 / Gauss Law

静电场的高斯定理:在静电场中,通过任意闭合曲面的电场线的数量,只与这个曲面内部包含的电荷量有关,而与曲面的形状和大小无关。如果曲面内部没有电荷,那么穿过这个曲面的电场线就是平衡的,也就是说从一侧穿入的和从另一侧穿出的数量相等。

### 积分形式的高斯定理

$$\oint_S ec{E} \cdot ec{dS} = rac{Q}{\epsilon_0}$$

其中, $\vec{E}$  表示电场强度, $\vec{dS}$  表示曲面元素的面积矢量,S 表示曲面,Q 表示曲面内的电荷总量, $\epsilon_0$  表示真空介电常数。

#### 微分形式的高斯定理

$$abla \cdot ec{E} = rac{
ho}{\epsilon_0}$$

其中, $\nabla$  表示 nabla 算子, $\vec{E}$  表示电场强度, $\rho$  表示电荷密度, $\epsilon_0$  表示真空介电常数。

### 电容

平行板电容器之间总是带有等量异号的电荷,它的电容容量计算式如下:

$$C = \frac{Q}{V}$$

其中, Q为某个电极所带的电量, V为两个电极之间的电势差。

#### 电容串联

$$C_S = \frac{1}{\frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2} + \frac{1}{C_3} + \dots}$$

#### 电容并联

$$C_P = C_1 + C_2 + C_3 + \dots$$

## 电容器储能 / Energy Storage in a Capacitor

$$W = \frac{1}{2}qU = \frac{1}{2}CV^2$$

# 极化密度 / Polarisation Density

极化密度是表示介电材料中电偶极矩密度的矢量场。极化密度为 $\vec{P}$ ,根据下式定义电通量密度

$$ec{D} = \epsilon_0 ec{E} + ec{P}$$

静电场中极化密度 $\vec{P}$ 为0.