



Universidade de Brasília
Departamento de Ciência da Computação
Projeto e Análise de Algoritmos

Atividade 02

Selection Sort

José Antônio Alcântara da Silva de Andrade Mat: 232013031

Professor:
Flávio Leonardo Calvacanti de Moura
Turma 02

Brasília, DF
7 de abril de 2025

Selection Sort

A solução a seguir descreve uma versão não-recursiva e memória-eficiente do algoritmo de ordenação *selection sort*, e realiza sua correção usando-se do método das invariâncias.

Definição

O algoritmo de *selection sort* consiste na procura pelo menor termo de uma lista e, uma vez encontrado, adicionando-o à última posição da seção ordenada da lista. Um pseudo-código demonstrando esse comportamento para uma lista arbitrária $A[1 \dots n]$ pode ser visto na Listagem 1.

Listagem 1: Pseudo-código do Selection Sort

```
1 FOR i = 1 TO n {
2   min_idx ← i;
3   FOR j = i + 1 TO n {
4     IF A[j] < A[min_idx] {
5       min_idx ← j;
6     }
7   }
8   IF min_idx != i {
9     aux ← A[i];
10    A[i] ← A[min_idx];
11    A[min_idx] ← A[aux];
12  }
13 }
```

O código consiste de dois loops: o loop interno que procura o índice do menor termo da lista não-ordenada, e o loop externo que adiciona à lista ordenada o próximo menor termo. Realizar-se-á a prova de correção de ambos ciclos.

Correção Interna

Para a correção interna, toma-se esta invariância: “Antes de cada iteração, o valor de min_idx é o índice do menor termo da sublista $A[i \dots j-1]$.”

Durante a inicialização do ciclo, ou seja, quando as variáveis são i e $j = i + 1$, teremos a sublista $A[i \dots j-1] = A[i \dots i]$, que se reduz para apenas $A[i]$. Como a sublista $A[i]$ consiste de apenas um termo, e o valor de min_idx , nesse instante, é i , temos garantidamente que a invariância ocorre.

Ao final do ciclo, teremos que, se o valor de $A[j]$ for menor do que $A[\text{min_idx}]$ (o atual menor termo), troca-se o valor de min_idx pelo valor de j . Dessa forma, ao atingir o fim do ciclo, a sublista $A[i \dots j]$ estará ordenada, provando-se a manutenção da invariância.

Por fim, o loop termina naturalmente quando $j = n$, indicando que, pela manutenção da invariância, o valor min_idx representa o índice do menor item da sublista $A[i \dots n]$. Ao sair do ciclo, min_idx é, garantidamente, o índice do menor termo da sublista $A[i \dots n]$.

Veremos na correção do loop externo que essa sublista é a parte não-ordenada do vetor, garantindo, então, que encontramos o índice do próximo menor item.

Correção Externa

Para a correção externa, toma-se esta invariância: “Antes de cada iteração, a sublista $A[1 \dots i-1]$ está ordenada.”

Durante a inicialização do ciclo, quando a variável $i = 1$, teremos a sublista $A[1 \dots 0]$, que equivale-se à lista sem itens. Por definição, a lista sem itens é ordenada, ou seja, a invariância é válida.

Ao final do ciclo, verifica-se se o termo min_idx é diferente do valor atual de i . Se isso não ocorrer, significa que os valores são iguais, ou seja, i é o índice do menor termo na sublista $A[i \dots n]$, não é necessário realizar outras ações. Se isso ocorrer, os valores são diferentes, então realiza-se uma troca de posição: o valor no índice i é trocado de valor com o índice min_idx . Ambos casos são verificados pela correção do loop interno, e no final de ambos, a sublista $A[1 \dots i]$ está garantidamente ordenada, ocorrendo manutenção da invariância para o próximo ciclo.

Por fim, o ciclo termina naturalmente quando $i = n$ e, pela verificação do processo de manutenção da invariância, será garantido que a sublista $A[1 \dots i]$ é válida. Como $i = n$, teremos que a sublista $A[1 \dots n] = A$ agora se encontra ordenada.