

2. Zad 3 mamy

$$E(a) = \sum_{k=0}^r \frac{e^{x_k} + 2020}{1 + \ln(x_k^2 + 1)} \left[y_k - a(\cos(2x_k + 2020) + x_k^3) \right]^2$$

Oznaczmy

$$G_k = \frac{e^{x_k} + 2020}{1 + \ln(x_k^2 + 1)} \quad C_k = \cos(2x_k + 2020) + x_k^3$$

Wtedy

$$E(a) = \sum_{k=0}^r G_k (y_k - a C_k)^2$$

Aby znaleźć a dla którego wyrażenie przyjmuje minimalną wartość policzymy pochodną

$$E'(a) = \sum_{k=0}^r -2 G_k (y_k - a C_k) C_k$$

i przyrównamy ją do 0

$$0 = \sum_{k=0}^r G_k C_k y_k - a \sum_{k=0}^r C_k^2 G_k$$

$$a = \frac{\sum_{k=0}^r G_k C_k y_k}{\sum_{k=0}^r C_k^2 G_k}$$