

$$6) \quad G_{n+1} = \sqrt{G_n^2 + 3} \quad G_0 = 8$$

$$G_{n+1}^2 = G_n^2 + 3 \quad C_n = G_n^2$$

$$C_{n+1} = C_n + 3 \quad C_0 = 8^2 = 64$$

Tak więc mamy ciąg arytmetyczny więc łatwo zauważyć że  $C_n = 64 + 3n$  jednak użyjemy metody annihilatorów – dla ciągów arytmetycznych annihilator to  $(E-1)^2$

$$\text{mamy więc } (E^2 - 2E + 1)C_n = \text{const}$$

$$\begin{aligned} & \langle 70, 73, 76, \dots \rangle - \langle 134, 140, 146, \dots \rangle + \langle 64, 67, 70, \dots \rangle = \\ & = \langle 0, 0, 0, \dots \rangle \end{aligned}$$

tak więc

$$C_n = \text{const} (\alpha n + \beta) 1^n$$

$$C_0 = \alpha n + \beta = 64 \Rightarrow \beta = 64$$

$$C_1 = \alpha n + \beta = 67 \Rightarrow \alpha = 3$$

$$\begin{aligned} & \nearrow C_n = 64 + 3n \searrow \\ & G_n = \sqrt{64 + 3n} \end{aligned}$$