Zadanie 9 16–20 maja 2022 r.

kurs języka C++

liczby wymierne

Instytut Informatyki Uniwersytetu Wrocławskiego

Paweł Rzechonek

Prolog

Liczba wymierna to taka liczba, którą można zapisać w postaci ułamka zwykłego, czyli w postaci p/q, gdzie p to dowolna liczba całkowita a q to liczba całkowita różna od 0. Zbiór wszystkich liczb wymiernych oznaczamy symbolem $\mathbb Q$ i formalnie można go zdefiniować jako:

$$\mathbb{Q} = \{ p/q : p, q \in \mathbb{Z} \land q \neq 0 \}$$

Liczby wymierne z operacją dodawania (element neutralny dodawania to zero) i mnożenia (element neutralny mnożenia to jeden) stanowią ciało. Szczególnym przypadkiem liczb wymiernych są liczby całkowite.

Zadanie

Zdefiniuj klasę wymierna, reprezentującą liczbę wymierną w postaci pary liczb całkowitych: licznika i mianownika.

```
class wymierna {
    int licz, mian;
    // ...
};
```

Zadbaj o to, aby mianownik zawsze był liczbą dodatnią oraz aby największy wspólny dzielnik licznika i mianownika zawsze był równy 1. Udostępnij też gettery, czyli funkcje składowe umożliwiające odczyt licznika i mianownika. Definicję liczby wymiernej umieść w przestrzeni nazw obliczenia.

Klasa wymierna powinna być wyposażona w konstruktor z licznikiem i mianownikiem, konstruktor konwertujący z wartości typu int (możesz zaadoptować do tego celu poprzedni konstruktor definiując drugi argument jako domyślny).

W klasie wymierna zdefiniuj operatory binarne umożliwiające wykonywanie obliczeń arytmetycznych (dodawanie +, odejmowanie -, mnożenie * i dzielenie /) oraz jednoargumentowe operatory - do zmiany znaku na przeciwny ! do wyznaczenia odwrotności (zamiana licznika z mianownikiem z pozostawieniem znaku liczby w liczniku). Zdefiniuj także operator rzutowania na typ double oraz operator jawnego rzutowania na typ int (zaokrąglenie do najbliższej liczby całkowitej).

Nie zapomnij przy każdej funkcji składowej, przy konstruktorach i przy operatorach zadeklarować czy zgłaszają one jakieś wyjątki czy nie. Na przykład, przy dzieleniu przez 0 należy zgłosić wyjątek reprezentujący dzielenie przez 0; w przypadku operacji arytmetycznych dodawania, odejmowania i mnożenia, gdy wynik nie będzie mógł być wyrażony dokładnie jako iloraz dwóch liczb typu int należy zgłosić wyjątek reprezentujący przekroczenie zakresu. Zaprojektuj zatem hierarchię klas wyjątków na potrzeby liczb wymiernych zaczynając od klasy bazowej wyjątek_wymierny dziedziczącej po std::logic_error.

Zaprogramuj także operator strumieniowy do zapisania liczby wymiernej do strumienia wyjściowego operator<< w postaci liczby rzeczywistej w systemie dziesiętnym z ułamkiem okresowym.

```
class wymierna {
    // ...
    friend ostream& operator<< (ostream &wyj, const wymierna &w);
};</pre>
```

Na koniec napisz program, który rzetelnie przetestuje wszystkie metody z klasy wymierna (wraz ze zgłaszanymi przez nie wyjątkami).

Ważne elementy programu

- Użycie przestrzeni nazw obliczenia.
- Konstruktory i destruktor w klasie wymierna.
- Operatory rzutowania i konstruktory konwertujące w liczbie wymiernej.
- Definicja operatorów arytmetycznych dla liczb wymiernych.
- Tekstowa reprezentacja liczby wymiernej w postaci ułamka okresowego.
- Definicja hierarchii klas wyjątków dziedziczących po std::logic error.
- W funkcji main() należy przetestować całą funkcjonalność liczy wymiernej.