LeetCode Online Coding Interview Questions – 错题集

deepwaterooo

2021年12月6日

目录

1	Gra	ph	5
	1.1	拓扑排序	5
		1.1.1 1857. Largest Color Value in a Directed Graph - Hard	5
		1.1.2 2045. Second Minimum Time to Reach Destination - Hard	6
		1.1.3 1334. Floyd 算法 - Find the City With the Smallest Number of Neighbors at a Threshold Distance -	7
		Medium	
		1.1.4 1129. Shortest Path with Alternating Colors - Medium	9
		1.1.5 882. Reachable Nodes In Subdivided Graph - Hard	10
		1.1.6 1782. Count Pairs Of Nodes - Hard	11
	1.2	Tarjan 算法	11
		1.2.1 算法简介	12
		1.2.2 1192. Critical Connections in a Network- Hard Tarjan 算法 Tarjan's algorithm Kosaraju 算法 – todo:	
		这个题不太懂	13
	1.3	欧拉回路: Hierholzer 算法, Fleury 算法	13
		1.3.1 753. Cracking the Safe - Hard	14
		1.3.2 332. Reconstruct Itinerary - Medium 欧拉回路 Hierholzer 算法	16
		1.3.3 2097. Valid Arrangement of Pairs - Hard 欧拉回路	18
		1.3.4 1591. Strange Printer II - Hard	19
	1.4	双端队列 BFS	21
		1.4.1 1368. Minimum Cost to Make at Least One Valid Path in a Grid - Hard	21
		1.4.2 126. Word Ladder II - Hard BFS	23

Chapter 1

Graph

1.1 拓扑排序

1.1.1 1857. Largest Color Value in a Directed Graph - Hard

There is a directed graph of n colored nodes and m edges. The nodes are numbered from 0 to n - 1.

You are given a string colors where colors[i] is a lowercase English letter representing the color of the ith node in this graph (0-indexed). You are also given a 2D array edges where edges[j] = [aj, bj] indicates that there is a directed edge from node aj to node bj.

A valid path in the graph is a sequence of nodes $x1 -> x2 -> x3 -> \dots -> xk$ such that there is a directed edge from xi to xi+1 for every 1 <= i < k. The color value of the path is the number of nodes that are colored the most frequently occurring color along that path.

Return the largest color value of any valid path in the given graph, or -1 if the graph contains a cycle.

1. 解题思路与分析

```
public int largestPathValue(String colors, int[][] edges) {
    List<List<Integer>> adj = new ArrayList<>();
    int n = colors.length(), cnt = 0;
    int [] ins = new int [n], topo = new int [n];
    for (int i = 0; i < n; i++) adj.add(new ArrayList<>());
    for (int [] e : edges) {
        ins[e[1]]++;
        adj.get(e[0]).add(e[1]);
    Queue<Integer> q = new LinkedList<>();
    for (int i = 0; i < n; i++)
        if (ins[i] == 0)
            q.offer(i);
    while (!q.isEmpty()) {
        int u = q.poll();
        topo[cnt++] = u; // 将所有的节点按照拓扑排序
        \textbf{for} \ (\texttt{Integer} \ v \ : \ \texttt{adj.get}(u))
            if (--ins[v] == 0)
                 q.offer(v);
    if (cnt < n) return -1; // 说明图中有环
    int ans = 0:
    char [] s = colors.toCharArray();
    for (int i = 0; i < 26; i++) {
        char c = (char)(i + 'a');
        int [] dp = new int [n];
        for (int j = n-1; j >= 0; j--) {
            int u = topo[j];
             \textbf{for} \ (\texttt{Integer} \ v \ : \ \texttt{adj.get}(u))
                dp[u] = Math.max(dp[u], dp[v]);
            if (s[u] == c) dp[u]++
            ans = Math.max(ans, dp[u]);
    return ans;
```

• 另一种更为简洁的写法

```
public int largestPathValue(String colors, int[][] edges) {
   int n = colors.length(), ans = 0, processed = 0;
   int[] ins = new int[n];
   ArrayList<Integer> [] adj = new ArrayList[n];
   Oueue<Integer> g = new LinkedList<>():
   int[][] cnt = new int[n][26];
   for (int i = 0; i < n; ++i) adj[i] = new ArrayList<>();
   for (int [] e : edges) {
       adj[e[0]].add(e[1]);
       ++ins[e[1]];
   for (int i = 0; i < n; ++i)
       if (ins[i] == 0)
           q.offer(i);
   char [] s = colors.toCharArray();
   while (!a.isEmptv()) {
       int u = q.poll();
       ++processed;
       ans = Math.max(ans, ++cnt[u][s[u] - 'a']);
       for (int v : adj[u]) {
           for (int i = 0; i < 26; ++i)
               cnt[v][i] = Math.max(cnt[v][i], cnt[u][i]); // 这里是不是可以再简化一下?
           if (--ins[v] == 0)
               q.offer(v);
   return processed == n ? ans : -1;
```

1.1.2 2045. Second Minimum Time to Reach Destination - Hard

A city is represented as a bi-directional connected graph with n vertices where each vertex is labeled from 1 to n (inclusive). The edges in the graph are represented as a 2D integer array edges, where each edges[i] = [ui, vi] denotes a bi-directional edge between vertex ui and vertex vi. Every vertex pair is connected by at most one edge, and no vertex has an edge to itself. The time taken to traverse any edge is time minutes.

Each vertex has a traffic signal which changes its color from green to red and vice versa every change minutes. All signals change at the same time. You can enter a vertex at any time, but can leave a vertex only when the signal is green. You cannot wait at a vertex if the signal is green.

The second minimum value is defined as the smallest value strictly larger than the minimum value.

For example the second minimum value of [2, 3, 4] is 3, and the second minimum value of [2, 2, 4] is 4. Given n, edges, time, and change, return the second minimum time it will take to go from vertex 1 to vertex n.

Notes:

You can go through any vertex any number of times, including 1 and n. You can assume that when the journey starts, all signals have just turned green.

```
Observation:

We are tasked to find 2nd minimum time to reach city N.

We can use Dijkstra's algorithm to find minimum time taken to the city N. However to find 2nd min time we need a little modification on vanilla Dijkstra. i.e. visit cities again beyond their optimal times once found

The Question now becomes ?

How many times do we need to visit any city at maximum ? - answer is 2 times:). We don't need to care about 3rd min times and beyond for any of the cities. thats it!

Algorithm:

1. Use Dijkstra to find min elapsed time by visting cities in order and store this time
2. when visting the city again, check if this elapsed time is 2nd min time to previously recorded value
2.1 if yes. continue evaluation
2.2 if no, ignore this state and continue to next state in the heap
3 Also check if we already have 2 min times for the city already, if yes. make sure never evaluate for this city again.

This will optimize your solution
```

```
public int secondMinimum(int n, int[][] edges, int time, int change) {
    Map<Integer, List<Integer>> adj = new HashMap<>();
    for (int [] e : edges) {
        adj.computeIfAbsent(e[0], z -> new ArrayList<>()).add(e[1]);
        adj.computeIfAbsent(e[1], z -> new ArrayList<>()).add(e[0]);
    }
    Queue<int []> q = new PriorityQueue<>((a, b)->(a[1] -b[1]));
    q.offer(new int []{1, 0});
    Map<Integer, Integer> cache = new HashMap<>(); // use cache to record min time per city
    // modification: we want to visit each city maximum two times with different times,
```

1.1. 拓扑排序

```
// this will help in early termination when we visit the city again (3rd time or more)
Set<Integer> exhausted = new HashSet<>();
while (!q.isEmpty()) {
   int [] top = q.poll();
   int cur = top[0], t = top[1];
    // Base Termination : we have found our 2nd min time for city n
    if (cur == n \&\& t > cache.getOrDefault(cur, Integer.MAX_VALUE))
       return t:
   if (!cache.containsKey(cur)) // we vistied this city for first time, so elapsed time is min for this city
       cache.put(cur, t);
    // early termination, if we are trying to visit the city 3rd time or more ,
    // or the elapsed time will not help in finding the solution
   else if (cache.get(cur) == t || exhausted.contains(cur)) continue;
    else // this means we are visiting the city with 2nd optimal time , we dont need to visit the city ever again
       exhausted.add(cur):
    // we visit the city on elapsedTime, we need to check if on basis of change time, whether this time falls in cycle (green or red)
    // if odd cycle (red), we must wait for this cycle to end
    int factor = t / change;
    if (factor % 2 == 1)
       t = (factor + 1) * change;
    for (int nb : adj.getOrDefault(cur, new ArrayList<>())) { // visit the neighbours
        int visTime = t + time;
       if (!exhausted.contains(nb))
           q.offer(new int [] {nb, visTime});
return -1:
```

• 另一个也是写得直接了当的

```
public int secondMinimum(int n, int [][] edges, int time, int change) {
   Map<Integer, Set<Integer>> map = new HashMap<>();
   for (int [] e : edges) {
       map.computeIfAbsent(e[0], z -> new HashSet<>()).add(e[1]);
       map.computeIfAbsent(e[1], z -> new HashSet<>()).add(e[0]);
   Queue<int []> q = new PriorityQueue<>((a, b)->(a[1]-b[1]));
   Map<Integer, Set<Integer>> vis = new HashMap<>();
   q.offer(new int [] {1, 0});
   int min = -1;
   while (!q.isEmpty()) {
       int [] top = q.poll();
       int cur = top[0], t = top[1];
       if (cur == n) {
           if (min == -1 || min == t) min = t;
           else return t;
       if (t % (2 * change) >= change)
          t += 2 * change - t % (2 * change);
       // 源码中传入 key 和 value, 根据 key 获取看是否存在 value, 如果 value==null, 然后调用 put 方法把传入的 key 和 value put 进 map, 返回根据 key 获取的老
       // 如果传入 key 对应的 value 已经存在,就返回存在的 value,不进行替换。如果不存在,就添加 key 和 value,返回 null
       vis.putIfAbsent(cur, new HashSet<>());
       if (!vis.get(cur).add(t) || vis.get(cur).size() >= 3) continue;
       if (map.containsKey(cur))
           for (int next : map.get(cur))
               q.offer(new int [] {next, t + time});
   return -1:
```

昨天晚上的比赛,状态相对早上要差了很多,感觉到晚上的头脑已经不是很清醒。比赛的时候没有感觉,白白折腾了一个小时。结束后去看别人题解的时候,弱弱的内心是奔溃的:应该说这些考点平时自己也都练习过,没有过偏的地方,可为什么自己做题的时候,一个个考点穿上马甲我就再也认不出它们来了呢?把可以重复遍历当作是多余的,不想去重复遍历;又被n迷惑住,全然忘记其它 node 也会被重复遍历到;明明知道 pq 里还有一堆杂物,比赛时却浑然想不到我是可以去裁枝优化的?!!!昨天晚上的比赛应该是最近几周参加比赛以来做得相对较好的一次,可相比于早上最后一道题完全没有时间做、几乎没有下笔思路,这个最后一题留有整整一个小时,考点也都练习到过,却探肩而过、失之交臂、被自己活活折腾死。。。感触很多。。。。。。或许这也是一个磨砺心志、相定信念的过程吧?!!!练习练习练习、总结总结总结,让它们深入骨髓,一看便知似曾相识?

1.1.3 1334. Floyd 算法 - Find the City With the Smallest Number of Neighbors at a Threshold Distance - Medium

There are n cities numbered from 0 to n-1. Given the array edges where edges[i] = [fromi, toi, weighti] represents a bidirectional and weighted edge between cities from and toi, and given the integer distanceThreshold.

Return the city with the smallest number of cities that are reachable through some path and whose distance is at most distanceThreshold, If there are multiple such cities, return the city with the greatest number.

Notice that the distance of a path connecting cities i and j is equal to the sum of the edges' weights along that path.

```
public int findTheCity(int n, int[][] edges, int distanceThreshold) {
    int [][] graph = new int [n][n]; // 相比于我只会用 HashMap 来建邻接关系,邻接链表与数组都可能,看哪个用起来方便
    for (int i = 0; i < n; i++
        Arrays.fill(graph[i], Integer.MAX_VALUE); // pre filled n equaivlent to Integer.MAX_VALUE
    for (int [] eg : edges) {
        graph[eg[0]][eg[1]] = eg[2];
        graph[eg[1]][eg[0]] = eg[2];
    // 2.floyd 算法
    for (int k = 0; k < n; k++)
                                          // 中间结点
        for (int i = 0; i < n; i++)
                                          // 开始结点
            for (int j = 0; j < n; j++) {// 结尾结点
                if (i == j || graph[i][k] == Integer.MAX_VALUE || graph[k][j] == Integer.MAX_VALUE) continue;
                graph[\texttt{i}][\texttt{j}] \ = \ \mathsf{Math.min}(graph[\texttt{i}][\texttt{j}], \ graph[\texttt{i}][\texttt{k}] \ + \ graph[\texttt{k}][\texttt{j}]);
    // 3. 每个城市距离不大于 distanceThreshold 的邻居城市的数目
    int [] mark = new int [n]; //记录小于 distanceThreshold 的邻居城市个数
    for (int i = 0; i < n; i++)
        for (int j = 0; j < n; j++)
            if (graph[i][j] <= distanceThreshold)</pre>
                mark[i]++;
    // 4. 找数目少,编号最大的
    int min = n;
    int ans = 0;
    for (int i = 0; i < n; i++)
        if (min >= mark[i]) {
            min = mark[i];
            ans = i;
    return ans;
```

• 另一种解法

```
// 之前用原创想法也写了很多图的题,但缺乏归纳总结,原创想法更多的是解决了题目,但解法与效率、与优化算法间的距离还需要很多比较归纳与总结,才能把图这一块吃透
// https://leetcode.jp/leetcode-1334-find-the-city-with-the-smallest-number-of-neighbors-at-a-threshold-distance-%E8%A7%A3%E9%A2%98%E6%80%9D%E8%B7%AF%E5%
// map: 图结构
// city: 当前城市
// dis: 当前所剩距离
// v: 已经被记录为邻居的节点
// maxDis: 走到某个节点时, 剩余距离的最大值
// 返回值为当前城市的邻居数。
private int dfs(int [][] arr, int city, int dis, boolean [] vis, int [] maxDis) {
   int res = 0;
   for (int i = 0; i < arr[0].length; i++) { // 循环当前城市的所有相邻城市
       int distance = arr[city][i]; // 与相邻城市的距离, 如果为 0, 说明与该城市不相连
       int diffDis = dis - distance;// 到达相邻城市后,与阈值相比的剩余距离。
      if (distance > 0 && diffDis >= maxDis[i]) { // 与该城市相连并且剩余距离大于等于访问数组中的值
          maxDis[i] = diffDis;
                               // 更新访问数组中的剩余距离
          if (!vis[i]) {
              vis[i] = true;
              res++;
          res += dfs(arr, i, diffDis, vis, maxDis); // 递归 dfs 与该城市相连的其他城市: 图中我似乎还很没有 dfs 以及递归的概念
      }
   return res;
public int findTheCity(int n, int[][] edges, int distanceThreshold) {
   int [][] map = new int [n][n];
   for (int [] eg : edges) {
      map[eg[0]][eg[1]] = eg[2];
      map[eg[1]][eg[0]] = eg[2];
   int min = n;
   int res = 0;
   for (int i = 0; i < n; i++) {
      boolean [] vis = new boolean [n];
       vis[i] = true;
      int cnt = dfs(map, i, distanceThreshold, vis, new int [n]);
      if (cnt <= min) {</pre>
          min = cnt;
          res = i;
   return res;
```

1.1. 拓扑排序 9

1.1.4 1129. Shortest Path with Alternating Colors - Medium

Consider a directed graph, with nodes labelled 0, 1, ..., n-1. In this graph, each edge is either red or blue, and there could be self-edges or parallel edges.

Each [i, j] in red_{edges} denotes a red directed edge from node i to node j. Similarly, each [i, j] in $blue_{edges}$ denotes a blue directed edge from node i to node j.

Return an array answer of length n, where each answer[X] is the length of the shortest path from node 0 to node X such that the edge colors alternate along the path (or -1 if such a path doesn't exist).

```
// 找最短路径应该用 queue 来做,入队列的时候需要标记红边或是蓝边以便找交替路径
public int[] shortestAlternatingPaths(int n, int[][] red_edges, int[][] blue_edges) {
    HashMap<Integer, List<Integer>> [] maps = new HashMap [2]; // 0 : red; 1: blue
    for (int i = 0; i < 2; i++)
        maps[i] = new HashMap<>();
    for (int i = 0; i < red_edges.length; i++)</pre>
        maps[0].computeIfAbsent(red_edges[i][0], k->new ArrayList<>()).add(red_edges[i][1]);
    for (int i = 0; i < blue_edges.length; i++)</pre>
        maps[1].computeIfAbsent(blue_edges[i][0], k->new ArrayList<>()).add(blue_edges[i][1]);
    int [] ans = new int[n];
    Arrays.fill(ans, -1);
    Queue<int []> q = new LinkedList<>();
    q.offer(new int [] {0, 0}); // red edge
    q.offer(new int [] {0, 1}); // blue edge
    boolean [][] inQueue = new boolean [n][2]; // 0: red, 1: blue
    inQueue[0][0] = true;
    inOueue[0][1] = true:
    int cnt = 0, color = 0;
    while (!q.isEmpty()) {
        for (int size = q.size(); size > 0; size--) {
             int [] cur = q.poll();
             System.out.println(Arrays.toString(cur));
             color = cur[1]:
            \textbf{if} \; (\texttt{ans}[\texttt{cur}[\texttt{0}]] \; == \; \text{-1}) \; \; \texttt{ans}[\texttt{cur}[\texttt{0}]] \; = \; \texttt{cnt};
             List<Integer> nextNodes = maps[1-color].get(cur[0]);
             if (nextNodes == null) continue;
             for (Integer next : nextNodes)
                 if (!inQueue[next][1-color]) {
                     q.offer(new int [] {next. 1-color});
                     inQueue[next][1-color] = true;
         ++cnt;
    return ans:
```

• 不是总喜欢省掉大括号吗,试试省掉下面的。。。。。。

```
public int[] shortestAlternatingPaths(int n, int[][] red_edges, int[][] blue_edges) {
    int [][] red = new int[n][2]; // 红 0 蓝 1
    int [][] blue = new int[n][2]:
    for (int i = 1; i < n; i++) {
        red[i][0] = i;
        red[i][1] = 0x0ffffffff; // 初始化红边权值
    red [0][0] = 0:
    red [0][1] = 0;
    for (int i = 1; i < n; i++) {
       blue[i][0] = i;
       blue[i][1] = 0 \times 0 ffffffff;
   blue [0][0] = 0:
   blue [0][1] = 0;
    dfs(red, blue, 0, 0, red_edges, blue_edges);
    dfs(red, blue, 1, 0, red_edges, blue_edges);
    int [] ans = new int[n];
    for(int i = 0; i < n; i++){
       ans[i] = Math.min(red[i][1], blue[i][1]);
       if (ans[i] == 0x0ffffffff) // 没有改变说明不存在
           ans[i] = -1;
    return ans;
public void dfs(int [][] red, int [][] blue, int color, int node, int[][] red_edges, int[][] blue_edges){
    if (color == 0) { // 这个括号可以省吗???
        for (int [] blue_to: blue_edges) // 以 node 为 from to 为终 的边
           if (node == blue_to[0] && red[node][1]+1 < blue[blue_to[1]][1]) {// 0 到 from 点加 1 是否小于 0 到 to 的距离
               blue[blue_to[1]][1] = red[node][1]+1; // 作距离的更新
               dfs(red, blue, 1-color, blue_to[1], red_edges, blue_edges);
```

1.1.5 882. Reachable Nodes In Subdivided Graph - Hard

You are given an undirected graph (the "original graph") with n nodes labeled from 0 to n - 1. You decide to subdivide each edge in the graph into a chain of nodes, with the number of new nodes varying between each edge.

The graph is given as a 2D array of edges where edges[i] = [ui, vi, cnti] indicates that there is an edge between nodes ui and vi in the original graph, and cnti is the total number of new nodes that you will subdivide the edge into. Note that cnti == 0 means you will not subdivide the edge.

To subdivide the edge [ui, vi], replace it with (cnti + 1) new edges and cnti new nodes. The new nodes are $x1, x2, \dots, x$ cnti, and the new edges are [ui, x1], [x1, x2], [x2, x3], ..., [xcnti-1, xcnti], [xcnti, vi].

In this new graph, you want to know how many nodes are reachable from the node 0, where a node is reachable if the distance is maxMoves or less.

Given the original graph and maxMoves, return the number of nodes that are reachable from node 0 in the new graph.

再进一步来分析,其实上对于每个结点来说(不论有没有编号),若我们能算出该结点离起始结点的最短距离,且该距离小于等于 M 的话,那这个结点就一定可以到达。这样来说,其实本质就是求单源点的最短距离,此时就要祭出神器迪杰斯特拉算法 Dijkstra Algorithm 了,LeetCode 中使用了该算法的题目还有 Network Delay Time 和 The Maze II。该算法的一般形式是用一个最小堆来保存到源点的最小距离,这里我们直接统计到源点的最小距离不是很方便,可以使用一个小 trick,即用一个最大堆来统计当前结点所剩的最大步数,因为剩的步数越多,说明距离源点距离越小。由于 Dijkstra 算法是以起点为中心,向外层层扩展,直到扩展到终点为止。根据这特性,用 BFS 来实现时再好不过了,首先来建立邻接链表,这里可以使用一个 NxN 的二维数组 graph,其中 graph[i][j] 表示从大结点 i 往大结点 j 方向会经过的小结点个数,建立邻接链表的时候对于每个 edge,要把两个方向都赋值,前面解释过了这里要当作有向图来做。然后使用一个最大堆,里面放剩余步数和结点编号组成的数对儿,把剩余步数放前面就可以默认按步数从大到小排序了,初始化时把 {M,0} 存入最大堆。还需要一个一维数组 visited 来记录某个结点是否访问过。

```
public int reachableNodes(int[][] edges, int maxMoves, int n) {
    int [][] graph = new int [n][n];
    for (int i = 0; i < n; i++)
        Arrays.fill(graph[i], -1);
    for (int [] v : edges) {
        graph[v[0]][v[1]] = v[2];
        graph[v[1]][v[0]] = v[2];
    Queue <int [] > q = new PriorityQueue <>((a, b) -> (b[0] - a[0]));
    boolean [] vis = new boolean [n];
    q.offer(new int [] {maxMoves, 0});
    int res = 0;
    while (!q.isEmpty()) {
        int [] cur = q.poll();
        int cnt = cur[0], u = cur[1];
        if (vis[u]) continue;
        vis[u] = true;
        ++res;
        for (int i = 0; i < n; i++) {
            if (graph[u][i] == -1) continue;
            if (cnt > graph[u][i] \&\& !vis[i])
                q.offer(new int [] {cnt - graph[u][i]-1, i});
            graph[i][u] -= Math.min(cnt, graph[u][i]);
            res += Math.min(cnt, graph[u][i]);
    return res:
```

• 我们也可以使用 HashMap 来建立邻接链表,最后的运行速度果然要比二维数组形式的邻接链表要快一些,其他的地方都不变,参见代码如下:

```
public int reachableNodes(int[][] edges, int maxMoves, int n) {
   int res = 0;
   Map<Integer, Map<Integer, Integer>> graph = new HashMap<>();
   for (int [] v : edges) {
      graph.computeIfAbsent(v[0], k->new HashMap<>()).put(v[1], v[2]);
   }
}
```

1.2. TARJAN 算法 11

```
graph.computeIfAbsent(v[1], k->new HashMap<>()).put(v[0], v[2]);
Queue<int []> q = new PriorityQueue<>((a, b) -> (b[0] - a[0]));
boolean [] vis = new boolean [n];
q.offer(new int [] {maxMoves, 0});
while (!q.isEmpty()) {
   int [] cur = q.poll();
   int cnt = cur[0], u = cur[1];
   if (vis[u]) continue;
   vis[u] = true;
    ++res;
   for (int i = 0; i < n; i++) {
       if (!graph.containsKey(u) || !graph.get(u).containsKey(i) || graph.get(u).get(i) == -1) continue;
       q.offer(\textbf{new int}~[]~\{cnt~-~graph.get(u).get(i)-1,~i\});\\
       graph.get(i).put(u,\ graph.get(u).get(i)\ -\ Math.min(cnt,\ graph.get(u).get(i)));
       res += Math.min(cnt, graph.get(u).get(i));
return res:
```

1.1.6 1782. Count Pairs Of Nodes - Hard

You are given an undirected graph defined by an integer n, the number of nodes, and a 2D integer array edges, the edges in the graph, where edges[i] = [ui, vi] indicates that there is an undirected edge between ui and vi. You are also given an integer array queries.

Let incident(a, b) be defined as the number of edges that are connected to either node a or b.

The answer to the jth query is the number of pairs of nodes (a, b) that satisfy both of the following conditions:

a < b incident(a, b) > queries[j] Return an array answers such that answers.length == queries.length and answers[j] is the answer of the jth query.

Note that there can be multiple edges between the same two nodes.

```
//\ https://leetcode.com/problems/count-pairs-of-nodes/discuss/1096740/C\%2B\%2BJavaPython3-Two-Problems-0(q-*-(n-\%2B-e))
public int[] countPairs(int n, int[][] edges, int[] queries) { // 别人家的思路好清晰
    int [] cnt = new int [n+1], sortedCnt = new int [n+1], ans = new int [queries.length];
    Map<Integer, Integer> [] m = new HashMap[n+1];
    for (var e : edges) {
         sortedCnt[e[0]] \ = \ cnt[e[0]] \ = \ cnt[e[0]] \ + \ 1;
         sortedCnt[e[1]] = cnt[e[1]] = cnt[e[1]] + 1;
         int min = Math.min(e[0], e[1]), max = Math.max(e[0], e[1]);
         m[min] = m[min] == null ? new HashMap<>() : m[min];
         m[min].put(max, m[min].getOrDefault(max, 0) + 1); // 仍然是当作有向图、单向图来做
    Arrays.sort(sortedCnt);
    int res = 0, cur = 0;
    for (int k = 0; k < queries.length; k++) {</pre>
         for (int i = 1, j = n; i < j;)
              \textbf{if} \ (\texttt{queries}[\texttt{k}] \ < \ \texttt{sortedCnt}[\texttt{i}] \ + \ \texttt{sortedCnt}[\texttt{j}])
                  ans[k] += (j--) - i;
              else ++i;
         for (int i = 1; i \le n; i++)
              if (m[i] != null)
                   for (var en : m[i].entrySet()) {
                       int j = en.getKey(), sharedCnt = en.getValue();
                        \textbf{if} \ (\mathsf{queries}[k] \ < \ \mathsf{cnt}[i] \ + \ \mathsf{cnt}[j] \ \&\& \ \mathsf{cnt}[i] \ + \ \mathsf{cnt}[j] \ - \ \mathsf{sharedCnt} \ <= \ \mathsf{queries}[k]) 
    return ans:
```

1.2 Tarjan 算法

- 图的一些基本概念:
 - 关联(incident): 点为边的端点;
 - 邻接(adjacent):点与点关联同一条边,或边与边关联同一顶点;
 - 子图: 图 G' 的点和边都是图 G 的子集,则 G' 为 G 的子图;
 - 道路: 从点 v 到点 u 的路径;
 - 简单道路: 没有重复边的道路;

- 回路: 起点与终点相同的道路;
- 简单回路: 没有重复边的回路;
- 连通: 两顶点间有道路;
- 强连通: 有向图 uv 与 vu 都有道路;
- 连通图: 任意两顶点间都有道路(若有向图除去方向后连通,则称有向图连通);
- 简单图: 没有重复边和自环的图;
- 完全图: 任意两顶点间有一条边到达的简单图 (有向完全图与无向完全图);
- 强连通(**strongly connected**):在有向图 G中,如果两个顶点间至少存在一条路径,称两个顶点强连通(strongly connected):
- 强连通图: 如果有向图 G 的每两个顶点都强连通, 称 G 是一个强连通图;
- 强连通分量 (strongly connected components): 非强连通图有向图的极大强连通子图,称为强连通分量 (strongly connected components)。
- 无向图的割点与桥
 - 什么是无向图?简单来说,若一个图中每条边都是无方向的,则称为无向图。
 - 割点: 若从图中删除节点 x 以及所有与 x 关联的边之后,图将被分成两个或两个以上的不相连的子图,那么称 x 为图的割点。
 - 桥: 若从图中删除边 e 之后, 图将分裂成两个不相连的子图, 那么称 e 为图的桥或割边。
- 求强连通分量就是我们今天要解决的问题,根据强连通分量定义,用双向遍历取交集的方法求强连通分量,时间复杂度为 O($\$N^2\$+M$). 而 Tarjan 或 Kosaraju 算法, 两者的时间复杂度都是 O(N+M)。

1.2.1 算法简介

在了解了 Tarjan 算法的背景以及图的割点与桥的基本概念之后,我们下面所面临的问题就是——如何求解图的割点与桥? 开门见山,我们直接引出 Tarjan 算法在求解无向图的割点与桥的工作原理。

- 时间戳: 时间戳是用来标记图中每个节点在进行深度优先搜索时被访问的时间顺序, 当然, 你可以理解成一个序号(这个序号由小到大), 用 dfn[x] 来表示。
- 搜索树: 在无向图中,我们以某一个节点 x 出发进行深度优先搜索,每一个节点只访问一次,所有被访问过的节点与边构成一棵树,我们可以称之为"无向连通图的搜索树"。
- 追溯值: 追溯值用来表示从当前节点 x 作为搜索树的根节点出发,能够访问到的所有节点中,时间戳最小的值——low[x]。那么,我们要限定下什么是"能够访问到的所有节点"?,其需要满足下面的条件之一即可:
 - 以 x 为根的搜索树的所有节点
 - 通过一条非搜索树上的边,能够到达搜索树的所有节点

Tarjan 算法是基于对图深度优先搜索的算法,每个强连通分量为搜索树中的一棵子树。搜索时,把当前搜索树中未处理的节点加入一个堆栈,回溯时可以判断栈顶到栈中的节点是否为一个强连通分量。

- 定义:
 - o DFN(u) 为节点 u 搜索的次序编号 (时间戳);
 - o LOW(u) 为 u 或 u 的子树能够追溯到的最早的栈中节点的次序号;

由定义可以得出,当 DFN(u)=LOW(u)时,以 u 为根的搜索子树上所有节点是一个强连通分量。

- 算法:
 - 当首次搜索到点 u 时 DFN[u]=LOW[u]=time;
 - 每当搜索到一个点, 把该点压入栈顶;
 - 当 u 和 v 有边相连时:
- 1) 如果 v 不在栈中(树枝边), DFS(v), 并且 LOW[u] = min{LOW(u),LOW(v)};
- 2) 如果 v 在栈中(前向边/后向边), 此时 LOW[u] = min{LOW[u],DFN[v]}

- 当 DFN[u]=LOW[u] 时,将它以及在它之上的元素弹出栈,此时,弹出栈的结点构成一个强连通分量;
- 继续搜索,知道图被遍历完毕。

由于在这个过程中每个点只被访问一次,每条边也只被访问一次,所以 Tarjan 算法的时间复杂度是 O(n+m). 这个算法需要用到好几个辅助数组, 下面我来详细介绍它们的作用

```
int dfn[MAXN];// 用来记录一个顶点第一次被访问时的时间戳
int low[MAXN];// 用来记录一个顶点不经过它的父亲顶点最高能访问到它的祖先节点中的最小时间戳,通俗易懂的来说,就是与结点 i 连接的所有点中 dfn[] 值最小的一个。
int cut[MAXN];// 用来记录该点是否是割点,因为一个割点可能多次被记录
```

1.2.2 1192. Critical Connections in a Network- Hard Tarjan 算法 Tarjan's algorithm Kosaraju 算法 – todo: 这个题不太懂

There are n servers numbered from 0 to n - 1 connected by undirected server-to-server connections forming a network where connections[i] = [ai, bi] represents a connection between servers ai and bi. Any server can reach other servers directly or indirectly through the network.

A critical connection is a connection that, if removed, will make some servers unable to reach some other server. Return all critical connections in the network in any order.

- 1. 解题思路与分析
 - https://www.cnblogs.com/nullzx/p/7968110.html

```
public List<List<Integer>> criticalConnections(int n, List<List<Integer>> connections) {
   depth = new int [n];
   Arrays.fill(depth, -1);
   adj = new ArrayList[n]; // 初始化结构图 map[i] 代表节点 <math>i 可以连通哪些节点
   for (int i = 0; i < n; i++) adj[i] = new ArrayList<>();
    for (List<Integer> c : connections) {
       adj[c.get(0)].add(c.get(1));
       adj[c.get(1)].add(c.get(0));
   dfs(0, 0, 0):
    return ans;
List<List<Integer>> ans = new ArrayList<>();
List<Integer> [] adj;
int [] depth:
int dfs(int cur, int pre, int dep) { // 返回值为当前节点所有 dfs 路径终点的最小深度
   depth[cur] = dep; // 将当前深度存入深度数组
    int res = Integer.MAX_VALUE;
    for (int v : adj[cur]) {
       if (v == pre) continue;
       int endDepth; // dfs 终点深度
       if (depth[v] == -1) {
           endDepth = dfs(v, cur, dep + 1);
           // 如果深度大于当前深度,说明当前点不在闭环上,当前点与下一节点 i 之间的连线为答案之一
           if (endDepth > dep)
              ans.add(List.of(cur, v));
       } else endDepth = depth[v];
       res = Math.min(res, endDepth);
    return res;
```

1.3 欧拉回路: Hierholzer 算法, Fleury 算法

- AOV&AOE
 - AOVAOV 网, 顶点表示活动, 弧表示活动间的优先关系的有向图。即如果 a->b, 那么 a 是 b 的先决条件。
 - AOEAOE 网,边表示活动,是一个带权的有向无环图,其中顶点表示事件,弧表示活动,权表示活动持续时间。

求拓扑序列就是 AOVAOV, 求关键路径就是 AOEAOE

入度: 入度 (indegree) 就是有向图中指向这个点的边的数量,即有向图的某个顶点作为终点的次数和出度: 出度 (outdegree) 就是从这个点出去的边的数量,即有向图的某个顶点作为起点的次数和

定义

- 欧拉回路(Eulerian Circuit): 从图上一个点 u 出发不重复地经过每一条边后,再次回到点 u 的一条路径。
- 欧拉路径(Eulerian Path): 从图上一个点 u 出发不重复地经过每一条边的一条路径(不必回到点 u)。
- 欧拉图即存在欧拉回路的图, 半欧拉图即存在欧拉路径的图
- 欧拉迹/欧拉通路/一笔画:通过图中每条边且行遍所有顶点的迹(每条边恰一次的途径),称为欧拉迹(Euler trail)
- 半欧拉图: 具有欧拉通路但不具有欧拉回路的无向图称为半欧拉图,有且仅有两个度数为奇数的结点
- 环游: 图的环游 (tour) 是指经过图的每条边至少一次的闭途径
- 欧拉环游/回路:经过每条边恰好一次的环游/回路欧拉环游/回路(Eular tour)
- 欧拉图: 一个图若包含欧拉环游,则称为欧拉图 (Euleriangraph)
- 欧拉定理: 一个非空连通图是欧拉图当且仅当它的每个顶点的度数都是偶数
- 通过图中所有边恰好一次且行遍所有顶点的通路称为欧拉通路。
- 通过图中所有边恰好一次且行遍所有顶点的回路称为欧拉回路。
- 具有欧拉回路的无向图称为 欧拉图。
- 具有欧拉通路但不具有欧拉回路的无向图称为 半欧拉图。

就像是一笔画,要求每条边只走一次,但每个点可以多次经过,而要求每个点只走一次的模型是哈密顿环注意欧拉回路必须回到起点,欧拉路径则不必,可以说欧拉回路一定是欧拉路径,反之不成立

	欧拉回路	欧拉路径
- 无向图	每个节点都有偶数的度	每个节点都有偶数的度或者只有两个节点有用奇数的度(这个两个奇数度的节点其实是
有向图	每个节点都有相同的入度和出度	最多只有一个顶点的入度-出度 =1 并且最多只有一个顶点的出度-入度 =1, 其他节点的是

• 其他结论

- 无向图为(半)欧拉图时,只需用1笔画成;无向图为非(半)欧拉图时,即奇点(度为奇数的点)数 k>2,需用 k/2 笔画成。
- 可以用加边的方式把一个非欧拉图变成欧拉图。对于无向图来说,每个奇点都需加一个度,加的边为奇点数/2;对于有向图来说,每个点都需加上入度与出度之差,加的边数为每个点入度与出度之差的绝对值之和再除以 2。

1.3.1 753. Cracking the Safe - Hard

There is a safe protected by a password. The password is a sequence of n digits where each digit can be in the range [0, k-1].

The safe has a peculiar way of checking the password. When you enter in a sequence, it checks the most recent n digits that were entered each time you type a digit.

```
For example, the correct password is "345" and you enter in "012345":

After typing 0, the most recent 3 digits is "0", which is incorrect.

After typing 1, the most recent 3 digits is "01", which is incorrect.

After typing 2, the most recent 3 digits is "012", which is incorrect.

After typing 3, the most recent 3 digits is "123", which is incorrect.

After typing 4, the most recent 3 digits is "234", which is incorrect.

After typing 5, the most recent 3 digits is "345", which is correct and the safe unlocks.
```

Return any string of minimum length that will unlock the safe at some point of entering it.

1. 解题思路与分析: Hierholzer 算法

Hierholzer 算法可以在一个欧拉图中找出欧拉回路。

由于这个图的每个节点都有 kk 条入边和出边,因此它一定存在一个欧拉回路,即可以从任意一个节点开始,一次性不重复地走完所有的边且回到该节点。因此,我们可以用 HierholzerHierholzer 算法找出这条欧拉回路: 我们从节点 uu 开始,任意地经过还未经过的边,直到我们「无路可走」。此时我们一定回到了节点 uu,这是因为所有节点的入度和出度都相等。

回到节点 uu 之后,我们得到了一条从 uu 开始到 uu 结束的回路,这条回路上仍然有些节点有未经过的出边。我么从某个这样的节点 vv 开始,继续得到一条从 vv 开始到 vv 结束的回路,再嵌入之前的回路中,即

uvu

变为

uvvu

```
Set<Integer> seen = new HashSet<Integer>();
StringBuffer ans = new StringBuffer();
int highest;
int k:
public String crackSafe(int n, int k) {
   highest = (int) Math.pow(10, n - 1);
    this.k = k;
    dfs(0);
    for (int i = 1; i < n; i++)
       ans.append('0'):
    return ans.toString():
public void dfs(int node) {
    for (int x = 0; x < k; ++x) {
       int nei = node * 10 + x;
       if (!seen.contains(nei)) {
            seen.add(nei):
           dfs(nei % highest);
            ans.append(x); // 这里 dfs 之后才添加的顺序狠重要
       }
   }
```

2. 解题思路与分析

密码共有 n 位,每一个位可以有 k 个数字,总共不同的密码总数就有 k 的 n 次方个。思路是先从 n 位都是 0 的密码开始,取出钥匙串的最后 n-1 个数字,然后在后面依次添加其他数字,用一个 n-1 HashSet 来记录所有遍历过的密码,这样如果不在集合中,说明是一个新密码,而生成这个新密码也只是多加了一个数字,能保证钥匙串最短,这是一种贪婪的解法,相当的巧妙

```
public String crackSafe(int n, int k) {
    int N = (int) Math.pow(k, n); // 第个位有 k 种取值, 总共有 <math>k^n 种不同的状态
    String s = "0".repeat(n);
    Set<String> ss = new HashSet<>(List.of(s.toString()));
    for (int i = 0; i < N; i++) {
       String pre = s.substring(s.length() - (n-1));
        // for (int j = 0; j < k; j++) { // 这里需要倒回来
        for (int j = k-1; j >= 0; j--) {
            String cur = pre + String.valueOf(j);
            if (!ss.contains(cur)) {
               ss.add(cur);
               s += "" + j;
               break;
            }
       }
    return s;
```

其实在初看 Hierholzer 算法时,很容易产生一种想法,就是我只需要从一个节点遍历,每次把它经历的边加入到结果字符串中,当回到初始点时就完成一圈,但是这样实现的话有个明显的问题,就是每个节点都有自环,如果你遍历到某个节点时,直接跳过了自环,去了其他节点,那就失去了回来的机会(想想回家的时候虽然你可以绕小路,也可以走大路,但只要你走大路到家了,就不可能再回到学校从小路回家)。实际上不只是自环,还有可能有其他边没循环到,因为回到自身路径过多,很多边都可能没有利用。

而官方题解中的 dfs 巧妙的解决了这个问题,实际上它不只是沿着边走,而是把每一个边的组合都遍历到,并且在遍历之后才将有用的节点嵌套到字符串中。在 dfs 中,每次循环时,并不是直接将该边加入到字符串中,而是在循环之后,实际上可以想成是用了一个栈,反序的将合法的序列弹出了(dfs 中的每次循环都会探索一个节点能到达的结尾在哪里,并且因为记录了每一条删除的边,所以其并不会走之前走过的路,找到结尾后回溯到还有边可走的点,继续向下走,而在该点所有可行边都已回溯完毕后,才到他自己,所以其实所有边都已经到达,并且顺序是逆序)。所以在主函数中,在得到整个序列后,才将初始的节点放入字符串末尾(如果正序的话,你应该将它放到字符串的开头)。

3. 解题思路与分析: 递归写法

来看同一种解法的递归写法,思路和迭代的写法一模一样,写法略有不同而已

```
public String crackSafe(int n, int k) {
    N = (int)Math.pow(k, n); // 第个位有 k 种取值, 总共有 k^n 种不同的状态
    s = "0".repeat(n);
    Set<String> ss = new HashSet<>(List.of(s.toString()));
    dfs(ss, n, k);
    return s;
}
```

```
String s;
int N;
void dfs(Set<String> ss, int n, int k) {
   if (ss.size() == N) return;
   String pre = s.substring(s.length() - (n-1));
   for (int i = k-1; i >= 0; i--) {
      String cur = pre + i;
      if (ss.contains(cur)) continue;
      s += "" + i;
      ss.add(cur);
      dfs(ss, n, k);
   }
}
```

1.3.2 332. Reconstruct Itinerary - Medium 欧拉回路 Hierholzer 算法

You are given a list of airline tickets where tickets[i] = [fromi, toi] represent the departure and the arrival airports of one flight. Reconstruct the itinerary in order and return it.

All of the tickets belong to a man who departs from "JFK", thus, the itinerary must begin with "JFK". If there are multiple valid itineraries, you should return the itinerary that has the smallest lexical order when read as a single string.

For example, the itinerary ["JFK", "LGA"] has a smaller lexical order than ["JFK", "LGB"]. You may assume all tickets form at least one valid itinerary. You must use all the tickets once and only once.

1. 解题思路与分析

我们化简本题题意:给定一个 nn 个点 mm 条边的图,要求从指定的顶点出发,经过所有的边恰好一次(可以理解为给定起点的「一笔画」问题),使得路径的字典序最小。

- 这种「一笔画」问题与欧拉图或者半欧拉图有着紧密的联系,下面给出定义:
 - 通过图中所有边恰好一次且行遍所有顶点的通路称为 欧拉通路。
 - 通过图中所有边恰好一次且行遍所有顶点的回路称为 欧拉回路。
 - 具有欧拉回路的无向图称为欧拉图。
 - 具有欧拉通路但不具有欧拉回路的无向图称为 半欧拉图。

因为本题保证至少存在一种合理的路径,也就告诉了我们,这张图是一个欧拉图或者半欧拉图。我们只需要输出这条欧拉通路的路径即可。

- 如果没有保证至少存在一种合理的路径,我们需要判别这张图是否是欧拉图或者半欧拉图,具体地:
 - 对于无向图 G, G 是欧拉图当且仅当 G 是连通的且没有奇度顶点。
 - 对于无向图 G, G 是半欧拉图当且仅当 G 是连通的且 G 中恰有 2 个奇度顶点。
 - 对于有向图 G, G 是欧拉图当且仅当 G 的所有顶点属于同一个强连通分量且每个顶点的入度和出度相同。
 - 对于有向图 G, G 是半欧拉图当且仅当 G 的所有顶点属于同一个强连通分量且
 - * 恰有一个顶点的出度与入度差为 1;
 - * 恰有一个顶点的入度与出度差为 1:
 - * 所有其他顶点的入度和出度相同。

2. 解题思路与分析: Hierholzer 算法

- Hierholzer 算法用于在连通图中寻找欧拉路径,其流程如下:
 - 从起点出发, 进行深度优先搜索。
 - 每次沿着某条边从某个顶点移动到另外一个顶点的时候,都需要删除这条边。
 - 如果没有可移动的路径,则将所在节点加入到栈中,并返回。

当我们顺序地考虑该问题时,我们也许很难解决该问题,因为我们无法判断当前节点的哪一个分支是「死胡同」分支。 不妨倒过来思考。我们注意到只有那个入度与出度差为 11 的节点会导致死胡同。而该节点必然是最后一个遍历到的节点。我们可以改变入栈的规则,当我们遍历完一个节点所连的所有节点后,我们才将该节点入栈(即逆序入栈)。

对于当前节点而言,从它的每一个非「死胡同」分支出发进行深度优先搜索,都将会搜回到当前节点。而从它的「死胡同」分支出发进行深度优先搜索将不会搜回到当前节点。也就是说当前节点的死胡同分支将会优先于其他非「死胡同」分支入栈。

这样就能保证我们可以「一笔画」地走完所有边,最终的栈中逆序地保存了「一笔画」的结果。我们只要将栈中的内容反转,即可得到答案。

3. 解题思路与分析: Hierholzer 算法, 同上, 但用 LinkedList 可以从头插入

Greedy DFS, building the route backwards when retreating.

这题其实和我之前用 DFS 处理 topological sort 的代码非常像,主要区别在于存 graph 的方式不同,这里是一个 String 直接连着对应的 next nodes,而且形式是 min heap:

- 原题给的是 edges, 所以图是自己用 hashmap 建的。
 - min heap 可以自动保证先访问 lexicographical order 较小的;
 - 同时 poll 出来的 node 自动删除,免去了用 List 的话要先 collections.sort 再 remove 的麻烦。
 - 这种以"edge"为重心的算法多靠 heap, 比如 dijkstra.

Hierholzer 算法的精髓是当每次访问一条边的时候,删除这条边,当遍历完一个节点所连的所有节点后,才将该节点入栈,最后将栈中的节点反转,即可得到欧拉路径

```
public List<String> findItinerary(String[][] tickets) {
    LinkedList<String> ans = new LinkedList<>();
    for (String[] t : tickets)
        map.computeIfAbsent(t.get(0), z -> new ArrayList<>()).offer(t.get(1));
    dfs("JFK", ans);
    return new ArrayList<String>(ans); // LinkedList 最后需要转换成 ArrayList
}
HashMap<String, PriorityQueue<String>> map = new HashMap<>();
void dfs(String airport, LinkedList<String> list) {
    while (map.containsKey(airport) & !map.get(airport).isEmpty())
        dfs(map.get(airport).poll(), l);
    list.offerFirst(airport); // LinkedList 可以这么写
}
```

- 4. 解题思路与分析: Fleury 算法: leetcode 还有一道割点割边的题,找出来 todo
 - 一些概念:
 - 割点: 在一个无向图中,如果有一个顶点集合,删除这个顶点集合以及这个集合中所有顶点相关联的边以后,图的连通分量增多,就称这个点集为割点集合,如果某个割点集合只含有一个顶点 X (也即 {X} 是一个割点集合),那么 X 称为一个割点
 - 割边: 在一个无向图中,如果有一个边集合,删除这个边集合以后,图的连通分量增多,就称这个边集为割边集合,如果某个割边集合只含有一条边 X (也即 {X} 是一个边集合),那么 X 称为一个割边,也叫做桥
 - - 1. 如果要找欧拉回路,可以从任意点开始,如果要找欧拉路径,需要从有着奇数度的两个及顶点中的一个开始,如果有奇数度顶点的话
 - 2. 选择当前点相连的边,确保删除该边,不会将欧拉图分成两个不同的联通分量
 - 3. 将该边加入到路径中,并将该边从欧拉图中删除,如果当前的选择有一个桥与非桥的边时候,优先选非桥的边,不到万不得已,不选桥
 - 4. 持续该过程直到路径收集完成
 - 分析: 上面的步骤中,选桥边与非桥边的时候,如何判断当前的边是否是桥,这个过程很关键,大体的思路是:
 - 从当前节点 u 出发, 计数, 哪些顶点可以通过 u 可达, 直接可达和间接可达均可以, 记为 cnt1
 - 移除掉 u-v 这条边
 - 从当前节点 v 出发,, 哪些顶点可以通过 v 可达,直接可达和间接可达均可以,记为 cnt2

- 恢复 u-v 这条边
- 返回 cnt1 与 cnt2 的大小,如果 cnt2 要比 cnt1 小,说明移除 u-v 这条边,从 v 可达的顶点数量减少,产生了额外的联通分量,此时返回 falase,说明这条边是桥,反之返回 true

```
public List<String> findItinerary(List<List<String>> tickets) { // 这个算法还比较陌生
    for (List<String> t : tickets)
       adj.computeIfAbsent(t.get(0), z -> new ArrayList<>()).add(t.get(1));
    for (List<String> values : adj.values()) Collections.sort(values);
   String u = "JFK";
   ans.add(u):
    fleuryProcess(u);
    return ans;
Map<String, List<String>> adj = new HashMap<>();
List<String> ans = new ArrayList<>();
private void fleuryProcess(String u) {
   if (!adj.containsKey(u)) return ;
    for (int i = 0; i < adj.get(u).size(); i++) {</pre>
       String v = adj.get(u).get(i);
       if (isValidNextEdge(u, v)) {
           ans.add(v):
            adj.get(u).remove(v);
            fleuryProcess(v);
       }
private boolean isValidNextEdge(String u, String v) { // 判断是否是割边:
   if (adi.get(u).size() == 1) return true:
    // boolean[] visited = new boolean[adj.get(u).size()];
    Map<String, Boolean> vis = new HashMap<>(); // vis: visited
    int cnt1 = dfs(u, vis);
   adj.get(u).remove(v);
   vis.clear(); // vis = new HashMap<>();
    int cnt2 = dfs(v, vis);
   adj.get(u).add(0, v);
    return cnt1 <= cnt2; // 如果 cnt2 要比 cnt1 小, 说明移除 u-v 这条边, 从 v 可达的顶点数量减少, 产生了额外的联通分量, 此时返回 falase, 说明社
private int dfs(String u, Map<String, Boolean> vis) {
   vis.put(u, true):
   int cnt = 1:
    if (adj.containsKey(u))
        for (String v : adj.get(u))
            if (vis.get(v) == null \mid\mid (vis.get(v) \mid= null \&\& !vis.get(v)))
               cnt += dfs(v, vis);
    return cnt:
```

1.3.3 2097. Valid Arrangement of Pairs - Hard 欧拉回路

You are given a 0-indexed 2D integer array pairs where pairs[i] = [starti, endi]. An arrangement of pairs is valid if for every index i where $1 \le i \le pairs$.length, we have endi-1 = starti.

Return any valid arrangement of pairs.

Note: The inputs will be generated such that there exists a valid arrangement of pairs.

1. 解题思路与分析

```
// One thing different is that we need to find the start point. it is obvious that if indegree is larger than 0, that is the start point.
public int[][] validArrangement(int[][] pairs) {
   Map<Integer, Integer> ins = new HashMap<>();
   for (int [] p : pairs) {
       adj.computeIfAbsent(p[0], z -> new ArrayList<>()).add(p[1]);
       ins.put(p[0], ins.getOrDefault(p[0], 0) + 1);
       ins.put(p[1], ins.getOrDefault(p[1], 0) - 1);
   int bgn = -1;
   for (Integer key : ins.keySet())
       if (ins.get(key) > 0) {
           bgn = key;
           break:
   if (bgn == -1) bgn = pairs[0][0]; // 如果没有,就可以随便从某一个点开始?
   dfs(bgn);
   int n = pairs.length;
   int [][] ans = new int [n][];
   for (int i = n-1; i >= 0; i--) // 所以这里添加答案,也需要反序回正
       ans[n-1-i] = ll.get(i);
   return ans;
```

```
Map<Integer, List<Integer>> adj = new HashMap<>();
List<int []> ll = new ArrayList<>();
void dfs(int node) {
    while (adj.get(node) != null && adj.get(node).size() > 0) {
        List<Integer> nextNodesCandi = adj.get(node);
        int next = nextNodesCandi.get(nextNodesCandi.size()-1); // 从后往前遍历,方便从后往前删除已经遍历过的节点 adj.get(node).remove(nextNodesCandi.size()-1);
        dfs(next);
        ll.add(new int [] {node, next}); // 这里的顺序是倒着加的,dfs 完接下来的答案、之后再加的
    }
}
```

2. 解题思路与分析: todo: 这个答案没有看懂

```
// In a word, this solution is to first determine whether the target is an Euler circuit or an Euler path, then solve it,
public int[][] validArrangement(int[][] pairs) {
   int n = pairs.length;
   Map<Integer, Integer> outdegree = new HashMap<>();
   Map<Integer, Deque<Integer>> out = new HashMap<>();
   for (int[] pair : pairs) {
       outdegree.put(pair[0],\ outdegree.getOrDefault(pair[0],\ 0)\ +\ 1);\\
       outdegree.put(pair[1], outdegree.getOrDefault(pair[1], 0) - 1);
   int[][] ans = new int[n][2];
   for (int i = 0; i < n; i++)
       Arrays.fill(ans[i], -1);
   for (Map.Entry<Integer, Integer> en: map.entrySet()) { // 试图寻找起始和结束的位置
       if (en.getValue() == 1) ans[0][0] = en.getKey();
       if (en.getValue() == -1) ans[n-1][1] = en.getKey();
   if (ans[0][0] == -1) { // 这里为什么就可以从第一个往后搜、从两边往中间搜呢?
       ans[0][0] = pairs[0][0];
       ans[n-1][1] = pairs[0][0];
   for (int[] p : pairs) {
       out.computeIfAbsent(p[0], \ z \ -> \ \textbf{new} \ ArrayDeque<>()).offerLast(p[1]);\\
       // out.computeIfAbsent(p[0], k -> new ArrayDeque<>());
       out.computeIfAbsent(p[1], k -> new ArrayDeque<>()); // 需要加上
       // out.get(p[0]).offerLast(p[1]);
   while (i < j) { // 没看明白这中间在是做什么???
       int from = ans[i][0];
       Deque<Integer> toList = out.get(from); // 这里是个栈, 上面如果不加上, 这里会是 null
       if (toList.size() == 0) {
           ans[j][0] = ans[i][0];
           ans[j][1] = ans[j + 1][0];
       } else {
           ans[i++][1] = toList.pollLast();
           // ans[i++][1] = toList.removeLast();
           ans[i][0] = ans[i - 1][1];
   return ans:
```

1.3.4 1591. Strange Printer II - Hard

There is a strange printer with the following two special requirements:

On each turn, the printer will print a solid rectangular pattern of a single color on the grid. This will cover up the existing colors in the rectangle. Once the printer has used a color for the above operation, the same color cannot be used again. You are given a m x n matrix targetGrid, where targetGrid[row][col] is the color in the position (row, col) of the grid.

Return true if it is possible to print the matrix targetGrid, otherwise, return false.

1. 解题思路与分析: 邻接有向图 + 拓扑排序

这道题可以认为是在研究:是否有一种颜色序列,按照这个序列进行染色,最终矩阵就会呈现输入的状态。

矩形上的某一个像素点,可能会先后经历多次染色。比如先染红,再染绿,再染黄,最后染蓝,最后呈现出的就是蓝色。 我们知道这个像素现在是蓝色:

而它在红色/绿色/黄色矩形范围内,说明这个像素曾经红过/绿过/黄过。

此时我们可以提炼出信息: 假定先染的优先于后染的, 那么红色优于蓝色, 绿色优于蓝色, 黄色优于蓝色。

(红绿黄之间的顺序未定)。

题中指出,颜色最多有 6060 种,我们可以建立一个有向图,图中的结点就是这 6060 个颜色 1~60160。按照刚才的方法找出所有的有向边,进行拓扑排序即可判断出结果。

```
public boolean isPrintable(int[][] a) {
    int m = a.length, n = a[0].length, max = Math.max(m, n);
    for (int i = 0; i < m; i++)
       max = Math.max(max, Arrays.stream(a[i]).max().getAsInt());
    int N = max + 1;
    int [] up = new int [N], down = new int [N], left = new int [N], right = new int [N];
    Arrays.fill(up, m);
   Arrays.fill(left, n);
    Arrays.fill(down, -1);
    Arrays.fill(right, -1);
    for (int i = 0; i < m; i++) // 界定每一种着色的上下左右边界,以便接下来排序
       for (int j = 0; j < n; j++) {
           int k = a[i][j];
            up[k] = Math.min(up[k], i);
            down[k] = Math.max(down[k], i);
            left[k] = Math.min(left[k], j);
            right[k] = Math.max(right[k], j);
   // 根据每种着色的界定范围,建立拓扑排序:这后半部分还有点儿不熟练
// 当前位置颜色 cur 在某个矩阵 k 中但是不为矩阵 k 的颜色时,建立从 k 到 cur 的边,cur 可以存在于多个矩阵中
    boolean [][] nei = new boolean [N][N]; // neighbours
    List<Integer>[] adj = new ArrayList[N]; // 邻接有向图: 按照染色的先后顺序
    int [] ins = new int [N];
    for (int i = 0; i < N; i++) adj[i] = new ArrayList<>();
    for (int i = 0; i < m; i++)
       for (int j = 0; j < n; j++) {
            int cur = a[i][j]; // 当前格的最终打印着色
            for (int k = 1; k < N; k++) { // 遍历所有的着色: 暴搜当前着色 cur 是否会在某种着色 k 之后染色
                if (k == cur) continue:
                if (i >= up[k] && i <= down[k] && j >= left[k] && j <= right[k]) // 现着色 cur 完全处于先前染色 k 的内部,所以 cur 是后着色 // if (!nei[cur][k]) { // BUG: 是有向图: 这里顺序很重要,先染色 是否 与后染色相连/相前后
                    if (!nei[k][cur]) {
                                          // k 先染后, cur 后染色
                        adj[k].add(cur);
                        ins[cur]++;
                        nei[k][cur] = true;
                   }
           }
    List<Integer> l = new ArrayList<>();
    while (true) { // 寻找入度为 Ø 的颜色点,减小该点连结的点的入度,直到所有点的入度都为 Ø
       int i:
       for (i = 1; i < N; i++)
            \textbf{if} \; (\texttt{ins}[\texttt{i}] \; == \; \theta) \; \; \{
                l.add(i);
                for (int v : adj[i]) ins[v]--;
                ins[i] = -1;
                break;
       if (i == N) break;
    return l.size() == max; // 按照拓扑排序,这所有的染色都可以有序地染出来,那么合法
```

2. 解题思路与分析: topological sort

```
public boolean isPrintable(int[][] a) {
   int m = a.length, n = a[0].length;
   Set<Integer> col = new HashSet<>();
   for (int i = 0; i < m; i++)
       for (int j = 0; j < n; j++)
            col.add(a[i][j]);
   for (Integer c : col) {
       int fi = -1, fj = Integer.MAX_VALUE, li = -1, lj = -1; // f: first, f row, f col, l: last, l row, l col
       for (int i = 0; i < m; i++)
            for (int j = 0; j < n; j++)
               if (a[i][j] == c) {
    if (fi == -1) fi = i; // 只记最早出现的第一次
                    fj = Math.min(fj, j);
                    li = i;
                    lj = Math.max(lj, j);
       for (int i = fi; i \le li; i++)
            for (int j = fj; j \leftarrow lj; j++)
                if (a[i][j] != c) // a[i][j] 是会在当前染色 c 之后染色的
                    adj.computeIfAbsent(c, z -> new HashSet<>()).add(a[i][j]);
   }
```

1.4. 双端队列 BFS 21

1.4 双端队列 BFS

1.4.1 1368. Minimum Cost to Make at Least One Valid Path in a Grid - Hard

Given a m x n grid. Each cell of the grid has a sign pointing to the next cell you should visit if you are currently in this cell. The sign of grid[i][j] can be: 1 which means go to the cell to the right. (i.e go from grid[i][j] to grid[i][j] Notice that there could be some invalid signs on the cells of the grid which points outside the grid.

You will initially start at the upper left cell (0,0). A valid path in the grid is a path which starts from the upper left cell (0,0) and ends at the bottom-right cell (m - 1, n - 1) following the signs on the grid. The valid path doesn't have to be the shortest.

You can modify the sign on a cell with cost = 1. You can modify the sign on a cell one time only. Return the minimum cost to make the grid have at least one valid path.

1. 解题思路与分析: 0-1 广度优先搜索(最优解法)

这道题其实是个经典的双端队列 BFS。将每个格子看成是图的顶点,相邻格子是有边相连接的。如果从顶点 (x,y) 到 (u,v) 的实际方向和矩阵在 (x,y) 所表示的方向相同,则令这条边的边权为 (u,v) 0,否则令其边权为 (u,v) 1。原题相当于在问,在此图中,从起点到终点的最短路长度是多少。由于边权只有 (u,v) 0 和 1 两种,所以可以用双端队列 BFS 来做。每次拓展的时候,如果是沿着边权 (u,v) 0 的边走的,则插入队头,否则插入队尾。从队列里取元素的时候永远都从队头取。然后用堆优化的 (u,v) Dijkstra 算法模板来写即可。时空复杂度 (u,v)0 (u,v)0 Dijkstra 算法模板来写即可。时空复杂度 (u,v)0 (u,v

0-1 广度优先搜索的实现其实与 Dijkstra 算法非常相似。在 Dijkstra 算法中,我们用优先队列保证了距离的单调递增性。而在 0-1 广度优先搜索中,实际上任意时刻队列中的节点与源点的距离均为 dd 或 d + 1d+1 (其中 dd 为某一非负整数),并且所有与源点距离为 dd 的节点都出现在队首附近,所有与源点距离为 d + 1d+1 的节点都出现在队尾附近。因此,我们只要使用双端队列,对于边权为 00 和 11 的两种情况分别将对应节点添加至队首和队尾,就保证了距离的单调递增性。

```
public int minCost(int[][] g) {
    int m = g.length, n = g[0].length;
    int [][] d = new int [m][n]; // dist to [0, 0]
    for (int i = 0; i < m; i++)
       Arrays.fill(d[i], Integer.MAX_VALUE);
    d[0][0] = 0;
    int [][] dirs = {{0, 0}, {0, 1}, {0, -1}, {1, 0}, {-1, 0}}; // [0, 1, 2, 3, 4]
    boolean [][] vis = new boolean [m][n];
    ArrayDeque<Integer> q = new ArrayDeque<>();
    a.offerFirst(0):
    while (!q.isEmpty()) {
        int idx = q.pollFirst();
        int i = idx / n, j = idx % n;
        if (vis[i][j]) continue;
        if (i == m-1 && j == n-1) return d[i][j];
        vis[i][i] = true:
        for (int k = 1; k < 5; k++) {
            int x = i + dirs[k][0], y = j + dirs[k][1];
            if (x < 0 \mid | x >= m \mid | y < 0 \mid | y >= n) continue;
            int cost = k == g[i][j] ? 0 : 1;
            if (!vis[x][y] \&\& d[x][y] > d[i][j] + cost) {
                d[x][y] = d[i][j] + cost;
                if (cost == 0) q.offerFirst(x * n + y);
                else q.offerLast(x * n + y);
       }
```

```
return -1;
```

2. 解题思路与分析: 最短路径问题总结 BFS

(a) 题目分析

- 虽然题目的描述中写了有效路径不需要是最短路径,但其实这道题目还是一个最短路径问题,只不过要求的最短距离并不是在网格中行走的距离,而是改变方向的次数。
- 所谓最短路径问题,就是对于图 G(V,E)G(V,E),寻找从 u∈ VuV 到 v∈ VvV 的最短距离。最短路径的算法有很多,包括 Dijkstra, Floyd, Bellman-Ford, SPFA 等。

对于 BFS,相信大家一定都很熟悉了。与 DFS 相比,BFS 的特点是按层遍历,从而可以保证首先找到最优解(最少步数、最小深度)。从这个意义上讲,BFS 解决的其实也是最短路径问题。这一问题对应的图 GG 包含的所有顶点即为状态空间,而每一个可能的状态转移都代表了一条边。

比如,在经典的迷宫问题中,每一个状态 (x,y)(x,y) 代表了一个顶点,而一个无障碍格子与其相邻的无障碍格子之间则存在一条无向边。

那么,这个图 GG 和一般的图相比,有什么特点呢?

关键就在于边的权值。在 BFS 问题中,所有边的权值均为 1! 因为我们每一次从一个状态转移到一个新的状态,就多走了一步。正因为边权值均为 1,我们用一个队列记录所有状态,前面的状态对应的总权值一定小于后面的状态,所以我们就可以在 O(1)O(1) 的时间内实现找到最小节点并将其移除的操作(只要取队头,然后出队就可以了),从而寻找最短路径的时间复杂度就减小到了 O(V+E)O(V+E)。

但普通的 BFS 算法,在本题中并不适用,因为存在权值为 0 的边!如果从一个格子到另一个格子,不需要修改格子上的标记,那么这一步移动的权值就为 0。如果我们还沿用普通 BFS 的做法,就无法保证队头元素一定是当前具有最小权值的节点。

怎么办呢?简单粗暴的做法是:允许多次扩展同一个点。只要当前边能够更新节点的权值,就将节点再次入队。

```
public int minCost(int[][] q) {
    int [][] dirs = {{0, 0}, {0, 1}, {0, -1}, {1, 0}, {-1, 0}};
    int m = g.length, n = g[0].length;
    int [][] d = new int [m][n]; // dist to [0, 0]
    for (int i = 0; i < m; i++)
        Arrays.fill(d[i], Integer.MAX_VALUE);
    d[0][0] = 0;
    Queue<int []> q = new LinkedList<>();
    q.offer(new int [] {0, 0});
    while (!q.isEmpty()) {
        int [] cur = q.poll();
        for (int k = 1; k < 5; k++) {
             int x = i + dirs[k][0], y = j + dirs[k][1];
            if (x < 0 || x >= m || y < 0 || y >= n) continue;
int newDist = d[i][j] + (k == g[i][j] ? 0 : 1);
             \textbf{if} \ (\texttt{newDist} \ < \ d[x][y]) \ \{
                 d[x][y] = newDist;
                 q.offer(new int [] {x, y});
        }
    return d[m-1][n-1]:
```

3. 解题思路与分析: SPFA 如果一个节点已经在队列中,其实就没有必要将其再次入队了。这是 SPFA 算法的基本思想。可以看到,与上面的 BFS 方法相比,就是增加了一个 in 数组来判断当前节点是否已经在队列中。

SPFA 算法是一个十分依赖于数据的算法。在特定的数据下, SPFA 会退化为 Bellman-Ford, 时间复杂度为 O(V· E)O(VE)。一般的编程竞赛中, 涉及到最短路径的题目, 都会有专门卡 SPFA 的数据, 所以一般情况下还是使用 Dijkstra 算法。本题的测试数据相对较弱, BFS 和 SPFA 都可以顺利通过, 甚至 SPFA 的运行时间还要长于 BFS(修改 in 数组状态带来了额外的开销)。

SPFA 的好处是可以判断负环。我们可以用一个数组记录每个顶点的入队次数,如果有顶点的入队次数超过了 VV 次,则代表图中存在负环。

```
public int minCost(int[][] g) {
   int [][] dirs = {{0, 0}, {0, 1}, {0, -1}, {1, 0}, {-1, 0}};
   int m = g.length, n = g[0].length;
   int [][] d = new int [m][n];
```

1.4. 双端队列 BFS 23

```
for (int i = 0; i < m; i++)
    Arrays.fill(d[i], Integer.MAX_VALUE);
d[0][0] = 0;
boolean [][] in = new boolean [m][n];
Queue<int []> q = new LinkedList<>();
q.offer(new int [] {0, 0});
in[0][0] = true;
while (!q.isEmpty()) {
    int [] cur = q.poll();
    int i = cur[0], j = cur[1];
    in[i][j] = false;
    for (int k = 1; k < 5; k++) {
         int x = i + dirs[k][0], y = j + dirs[k][1];
         if (x < 0 || x >= m || y < 0 || y >= n) continue;
int newDist = d[i][j] + (k == g[i][j] ? 0 : 1);
         \textbf{if} \ (\texttt{newDist} \ < \ d[x][y]) \ \{
             d[x][y] = newDist;
             if (!in[x][y]) {
                  q.offer(new int [] {x, y});
                  in[x][y] = true;
         }
    }
return d[m-1][n-1];
```

4. 解题思路与分析

1.4.2 126. Word Ladder II - Hard BFS

A transformation sequence from word beginWord to word endWord using a dictionary wordList is a sequence of words beginWord $-> s1 -> s2 -> \dots -> sk$ such that:

Every adjacent pair of words differs by a single letter. Every si for $1 \le i \le k$ is in wordList. Note that beginWord does not need to be in wordList. sk == endWord Given two words, beginWord and endWord, and a dictionary wordList, return all the shortest transformation sequences from beginWord to endWord, or an empty list if no such sequence exists. Each sequence should be returned as a list of the words [beginWord, s1, s2, ..., sk].

- 1. 解题思路与分析: 广度优先搜索
 - 官方题解:https://leetcode-cn.com/problems/word-ladder-ii/solution/dan-ci-jie-long-ii-by-leetcode-se

```
public List<List<String>> findLadders(String bgn, String end, List<String> list) {
   Set<String> ss = new HashSet<>(list);
   if (!ss.contains(end)) return ans;
   ss.remove(bgn);
   Map<String, Integer> cnt = new HashMap<>(); // 记录扩展出的单词是在第几次扩展的时候得到的, key: 单词, value: 在广度优先遍历的第几层
   Map<String, List<String>> from = new HashMap<>(); // 记录了单词是从哪些单词扩展而来, key: 单词, value: 单词列表, 这些单词可以变换到 key , 它们
   int step = 1, n = bgn.length();
   boolean found = false;
   Queue<String> q = new LinkedList<>();
   q.offer(bgn);
   while (!q.isEmpty()) {
       for (int size = q.size()-1; size >= 0; size--) {
          String cur = q.poll();
           char [] s = cur.toCharArray();
           for (int i = 0; i < n; i++) {
              char ori = s[i];
              for (char c = 'a'; c <= 'z'; c++) {
                  if (s[i] == c) continue; //
                  s[i] = c;
                  String next = String.valueOf(s);
                  if (cnt.containsKey(next) && step == cnt.get(next)) //
                     from.get(next).add(cur);
                  if (!ss.contains(next)) continue; // BUG: 还没有想明白, 为什么我把这行写前面会少掉答案呢?
                  ss.remove(next); // 如果从一个单词扩展出来的单词以前遍历过,距离一定更远,为了避免搜索到已经遍历到,且距离更远的单词,需要将它从
                  q.offer(next); // 这一层扩展出的单词进入队列
                  from.computeIfAbsent(next, z -> new ArrayList<>()).add(cur); // 记录 next Word 从 cur Word 而来
                  cnt.put(next, step);
                  if (next.equals(end)) found = true;
              s[i] = ori;
          }
       step++;
       if (found) break;
```

```
// 第 2 步:深度优先遍历找到所有解,从 end 恢复到 bgn , 所以每次尝试操作 path 列表的头部
   if (found) {
       Deque<String> path = new ArrayDeque<>();
       path.add(end);
       dfs(from, path, bgn, end);
   return ans:
List<List<String>> ans = new ArrayList<>();
void dfs(Map<String, List<String>> from, Deque<String> path, String end, String cur) {
    if (cur.equals(end)) {
       ans.add(new ArrayList<>(path)); // 这个写法学习一下, 第一次见
       return :
   for (String precursor : from.get(cur)) {
       path.offerFirst(precursor);
       dfs(from, path, end, precursor);
       path.pollFirst();
}
```

- 2. 解题思路与分析: 详细通俗的思路分析,多解法: DFS + BFS 双向搜索(two-end BFS) 双向 BFS 搜索
 - https://leetcode-cn.com/problems/word-ladder-ii/solution/xiang-xi-tong-su-de-si-lu-fen-xi-duo-jie

这个题解和自己最初解法比较接近,需要再好好学习一下

```
\textbf{public} \  \, \texttt{List} < \texttt{List} < \texttt{String} >> \  \, \texttt{findLadders} (\texttt{String} \  \, \texttt{beginWord}, \  \, \texttt{String} \  \, \texttt{endWord}, \  \, \texttt{List} < \texttt{String} > \  \, \texttt{wordList}) \  \, \{ \  \, \texttt{model} 
              List<List<String>> ans = new ArrayList<>();
              if (!wordList.contains(endWord)) return ans;
              // 利用 BFS 得到所有的邻居节
              HashMap<String, ArrayList<String>> map = new HashMap<>();
              bfs(beginWord, endWord, wordList, map);
              ArrayList<String> temp = new ArrayList<String>();
              // temp 用来保存当前的路径
              temp.add(beginWord);
              findLaddersHelper(beginWord, endWord, map, temp, ans);
private void findLaddersHelper(String beginWord, String endWord, HashMap<String, ArrayList<String>> map,
                                                                                                             ArrayList<String> temp, List<List<String>> ans) {
              if (beginWord.equals(endWord))
                            ans.add(new ArrayList<String>(temp));
                             return:
              // 得到所有的下一个的节点
              ArrayList<String> neighbors = map.getOrDefault(beginWord, new ArrayList<String>());
              for (String neighbor : neighbors) {
                            temp.add(neighbor);
                            findLaddersHelper(neighbor, endWord, map, temp, ans);
                            temp.remove(temp.size() - 1);
              }
 // 利用递归实现了双向搜索
 \textbf{private void bfs} (String \ beginWord, \ String \ endWord, \ List< String> \ wordList, \ HashMap< String, \ ArrayList< String>> \ map) \ \{ \textbf{String} \ endWord, \ List< String>> \ map) \ \{ \textbf{String} \ endWord, \ List< String>> \ endWord, \ e
              Set<String> set1 = new HashSet<String>();
              set1.add(beginWord);
              Set<String> set2 = new HashSet<String>();
              set2.add(endWord):
              Set<String> wordSet = new HashSet<String>(wordList);
              bfsHelper(set1, set2, wordSet, true, map);
// direction 为 true 代表向下扩展, false 代表向上扩展
private boolean bfsHelper(Set<String> set1, Set<String> set2, Set<String> wordSet, boolean direction,
                                                                                           HashMap<String, ArrayList<String>> map) {
              // set1 为空了,就直接结束
              // 比如下边的例子就会造成 set1 为空
              /*^^I"hot"
                            "dog"
                            ["hot","dog"]*/
              if (set1.isEmpty()) return false;
              // set1 的数量多,就反向扩展
              if (set1.size() > set2.size())
                            return bfsHelper(set2, set1, wordSet, !direction, map);
              // 将已经访问过单词删
              wordSet.removeAll(set1):
              wordSet.removeAll(set2);
              boolean done = false;
              // 保存新扩展得到的节点
              Set<String> set = new HashSet<String>();
              for (String str : set1) {
```

1.4. 双端队列 BFS 25

```
// 遍历每一位
    for (int i = 0; i < str.length(); i++) {</pre>
        char[] chars = str.toCharArray();
        // 尝试所有字母
        for (char ch = 'a'; ch <= 'z'; ch++) {
            if(chars[i] == ch) continue;
            chars[i] = ch;
            String word = new String(chars);
           // 根据方向得到 map 的 key 和 val
String key = direction ? str : word;
            String val = direction ? word : str;
           ArrayList<String> list = map.containsKey(key) ? map.get(key) : new ArrayList<String>(); // 如果相遇了就保存结果
            if (set2.contains(word)) {
                done = true;
                list.add(val);
                map.put(key, list);
            // 如果还没有相遇, 并且新的单词在 word 中, 那么就加到 set 中
            if (!done && wordSet.contains(word)) {
                set.add(word);
                list.add(val);
                map.put(key, list);
       }
   }
// 一般情况下新扩展的元素会多一些,所以我们下次反方向扩展 set2
return done || bfsHelper(set2, set, wordSet, !direction, map);
```