Федеральное агентство связи

Сибирский Государственный Университет Телекоммуникаций и Информатики

СибГУТИ

Кафедра высшей математики

Расчетно-графическая работа № 6. Методы интегрирования

Выполнил: студент 1 курса группы ИП-014

Обухов Артём Игоревич

Преподаватель: Терещенко Анастасия Фёдоровна

Вычислите интеграл $\int rac{e^{arcsinx}dx}{\sqrt{1-x^2}}.$	
В процессе вычисления вы последовательно используете ровно две формулы из таблицы интегралов*	
В ответ запишите их номера в порядке использования в решении, через запятую.	
Ответ:	

Вычислить, используя приём интегрирования по частям, интеграл $\int \cos(\ln(5x))\,dx$.

В ответ запишите сколько раз вам пришлось применить приём интегрирования по частям в процессе решения (число)

Ответ:

Используя рационализирующую тригонометрическую подстановку, взять интеграл $\int \frac{(\sqrt{4x-x^2}+x-2)dx}{x-2}$

В ответ записать номер формулы в таблице интегралов", к которой сводится интеграл в процессе решения. Если формул несколько, выбирайте самую "дальнюю"

Ответ:

1.
$$\int \frac{e^{\arcsin x}}{\sqrt{1-x^2}} dx = \left| \frac{dx}{\sqrt{1-x^2}} = d(\arcsin x) \right| = \int e^{\arcsin x} d\arcsin x = |\arcsin x = t| = \int e^t dt = \int e^t dt$$

 $|\Phi$ ормула №3 $|=e^t+C=|$ Вернемся к замене $|=e^{arcsinx}+C$

2.
$$\int \cos \ln(5x) dx = \begin{vmatrix} C_{\text{Делаем замену}} & t = \ln 5x \\ e^t = 5x \\ x = \frac{e^t}{5} \\ dx = d\left(\frac{e^t}{5}\right) = \frac{1}{5}e^t dt \end{vmatrix} = \frac{1}{5}\int \cos t * e^t dt = \frac{$$

$$\int e^t \sin t \, dt) = \begin{vmatrix} \Pi \text{рименим формулу интегрирования по частям} \\ dv = e^t dt \\ u = \sin t \\ v = \int e^t dt = e^t \\ du = d(\sin t) = \cos t \, dt \end{vmatrix} = \frac{1}{5} (\cos t \, e^t + \sin t * t)$$

 $e^t - \int e^t \cos t \ dt) = |$ Интеграл является циклическим|

$$=\frac{1}{5}*\frac{\cos t \, e^t + \sin t e^t}{2} = |\text{Вернемся к замене}| = \frac{1}{5}*\frac{\cos \ln 5x \, e^{\ln 5x} + \sin \ln 5x e^{\ln 5x}}{2} + C$$

3.
$$\int \frac{\sqrt{4x-x^2}+x-2}{x-2} dx = \int \frac{\sqrt{4x-x^2}}{x-2} dx + \int \frac{x-2}{x-2} dx = \int \frac{\sqrt{4x-x^2}}{x-2} dx + \int dx = \int \frac{\sqrt{4x-x^2}}{x-2} dx + x = |4x-x^2| = 4 - (4-4x+x^2) = 4 - (x-2)^2| = \int \frac{\sqrt{4-(x-2)^2}}{x-2} dx + x = |4x-2| = a = 2 \sin b| = \int \frac{\sqrt{4-4\sin b^2}}{x-2} d\sin b + x = \int \frac{x-2}{\sin b} d\sin b + x = \int \frac{\cos b}{\sin b} \cos b db + x = \int \frac{(\cos b)^2}{\sin b} db + x = \int \frac{1-(\sin b)^2}{\sin$$