- 1. 소리는 숫자임. 등간격에 따라 할당된 숫자로 소리를 표현함. 그 점을 이어 그래프로 표현한 것. >>> 첫 수업, Praat을 이용하여 '안녕하세요'를 녹음한 것을 통해 알 수 있음
- 2. Consonants (자음)
 - A. 소리랑 철자랑은 다름!
 - B. 유의해야 할 표기는 j =/= 져 / j = 여
- 3. Vowels (모음)
 - A. monophthong (단모음) / diphthong (이중모음): 6개가 있음
 - B. 모든 모음은 voiced임

4. Phonetics

- A. A study on speech: speech는 사람과 관련된 발화임. 동물 소리에는 speech라 하지 않음.
- B. Articulatory (mouth), 조음 / Acoustic (through air): 물리적 영역, 음향 / Auditory (ear), 청각

5. Articulation

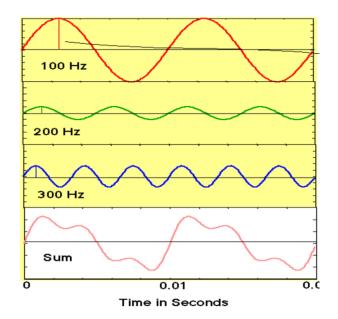
- A. Vocal tract: Nasal tract / oral tract
- B. Upper VT: lip ~ teeth ~ alveolar ridge ~ hard palate(구개) ~ soft palate(velum) ~ uvula ~ pharynx ~ larynx
- C. Lower VT: tongue structure (tip, blade 등) ~ epi(덮개)glottis
- D. Ex. 코로 숨 쉴 때 velum은 lower → '아' 소리 내면 올라감
- E. 사람은 기도(식도x)를 이용해서 소리가 남.
- F. Larynx: Voice box. Voiced/Voiceless: vibration 차이
- G. lips / tongue tip / tongue body: 메이저 조음에 관련된 것
- H. Constriction Location (where) / Constriction Degree (how much)
- I. CD: Upper part ~ Lower part: Stops > fricatives > approximants > vowels
- J. English 발음은 Constrictors, CD, CL에 따라 달라짐
 - i. Ex. Velum raised, glottis opened, tongue tip, alveolar, stop = [t]
- K. cf. 모든 모음은 constrictor로 tongue body만 씀

6. Phonemes

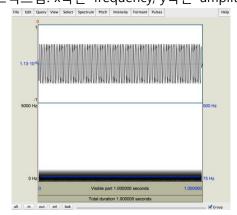
1. individual sounds that form words ex. /s aı k ou/

7. Praat

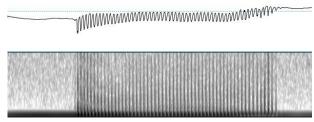
- A. Duration(sec), Intensity(dB), Pitch(Hz), Formant(Hz)
- B. 모든 시그널(신호)은 다르게 생긴 여러 사인 웨이브의 합으로 표현됨
- C. 이 세상에 존재하는 모든 신호는 sine wave = f(frequency, magnitude)
- D. Magnitude=amplitude



- E. 사인웨이브(SW) 1은 크기는 크지만 freq. 작음 → slow. 1초에 저 모양이 100번 들어 감
- F. SW2는 2배 빠름.
- G. Sum SW도 1초에 100번 반복됨.
- H. x축은 시간, y축은 voltage(=value값)
- I. 합쳐서 Sum SW로 만드는 것 = synthesis / 그걸 어떤 것들로 이루어졌는데 스펙트럼으로 표현하는 것= analysis
- J. 막대그래프로 만들면 스펙트럼: x축은 frequency, y축은 amplitude



- K. 검게 칠해진 것: spectrogram. 스펙트럼을 time으로 visualize한 것임. 스펙트럼 자체는 시간 개념이 없기 때문.
- L. Human voice는 여러 사인 웨이브가 합해져 있음



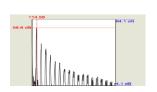
M. Source의 filter를 어떻게 만드느냐에 따라 '아' 소리도 만들고 '이' 소리도 만듦.

- N. Source만 가지고도 spectral analysis 가능
- O. F0 = fundamental frequency
- P. 스펙트럼의 x축: time, y축: frequency
- Q. 진한 것이 amp가 큰 것임
- R. 이건 gradually decrease harmonics. 저주파에서만 에너지가 강함.
- S. Human voice source consists of harmonics!
- T. Vocal tract의 shape에 의해서 소리가 만들어지는데 이걸 filtered된다고 말함
- U. Peak / Mountain
- V. 어디에 산맥이 나타나는가는 입모양에 따라 달라짐. 특정 높이의 소리는 특정한 입모양과 맞춰질 수밖에 없음. 그치만 같이 '아' 소리 내는 김씨, 이씨, 박씨의 산맥 패턴은 같음
- W. 첫 번째 산맥 = f1 (=/= f0)
- X. Praat을 통해 synthesize, combine source하는 법 배움

<Starting Python from Oct. 01st, 2019>

A. Variable

- A. 모든 language는 '단어'와 '문법'(어떻게 combine 하느냐)이 있음. '단어'는 그릇. '사과' 라는 정보를 담으면 >> 사과가 됨. -→ 컴퓨터 언어에서 이것은 Variable(변수). 숫자, 문자 등을 담을 수 있음.
- B. 문법: 1) 변수라는 그릇에 어떤 정보를 assign 하는 것 2) conditioning 하는 것=if절 3) 여러 번 반복하게 하는 것=for절 (loop) 4) 함수 (어떤 입력을 넣으면 어떤 출력이 나오는 것).
- C. Directory 가려면 anaconda prompt >> jupyter notebook >> 원하는 directory를 browse >> New >> Python3
- D. = 표시는 오른쪽에 있는 정보를 왼쪽에 있는 variable로 assign한다는 뜻
- E. Print 함수는 ()에 변수를 넣으면 그 정보를 print out 하는 것 ex. Print(a) 에서 입력 은 a
- F. Variable은 unique 하기 때문에 처음에 a=1하고 다음 셀에 a=2 쓰면 a=2로 overwrite됨. 근데 a=1셀을 클릭하고 run하면 그 아래 a=2 셀 있어도 print(a)=1 나 옴
- G. 문자는 그냥 쓰면 무조건 변수취급임. 그래서 정보값으로 하고 싶으면 '' 해야 함
- H. Shift+enter = 실행
- I. Love = 2 / b = love / print(b) = 2 : love라는 변수에 2값을 넣고, 다시 b라는 변수에 love가 가진 정보값을 도출하게 b=love라는 식을 세우면, print(b)하면 love의 정보값인 2가 나옴. 그리고 엔터 대신에 a=1; b=2; c=3도 가능
- J. 한 셀에 a=1 엔터 b=2 엔터 c=3 하고 같은 셀에 엔터 c 이렇게 쓰면 마지막 c는 print(c)랑 같은 뜻임
- K. [] 이거는 리스트를 표현하는 것



- L. Type()하면 각 변수가 무슨 타입인지 알려줌 ex. a=1 → type(a): int / a=1.2 → type(a)=float 실수 / a=[1,2,3] → type(a)=list / a='love' → type(a)=str 스트링 / a=[1,2,3,'love'] → type(a)=list 즉, 리스트는 숫자만일 필요는 없음 / [] 이거를 () 얘로 바꿔도 됨. Type은 tuple임. Tuple과 list은 완전 똑같은데, 다만 보안에 더 강함.
- M. Dictionary ex. a = ('a': 'apple', 'b': 'banana') 여기엔 2개가 들어있는 것, 표제어 : 설명 쌍으로 되어있음. → type(a) = dict
- N. Variable 이름 적고 대괄호 쓰고 안에 index 쓰면 그 값을 가져옴. a=[1,2,3]. Print(a[1])=2
- O. Dict의 정보를 access 할 때는, 페어에서 앞부분을 인덱스로 씀. 그니까 0,1,2 안 씀. Ex. a={"a":"apple", "b"="orange"}; print(a["a"]) = apple
- P. S='abcdef'; print(s[1:3]) = bc(1번부터 3번 직전까지)
- Q. #을 붙이면 그 뒤가 실행이 안 됨. 쓰고 싶은 노트 쓰면 됨. / Code대신에 markdown으로 바꾸면 노트로 쓸 수 있음

<10.29 시험 리뷰>

- A. 영어의 nasal consonant는 발화할 때 velum이 lowered 되어서 nasal tract으로 air flow가 있지만, oral tract는 막혀서 air flow가 없다. (True)
- B. 일반적으로 영어 모음 /a/를 발화할 때, nasal tract의 air flow는 차단된다. (T)
- C. 다음 중 발화시 air pressure와 가장 관계가 있는 것은? (Intensity)
- D. 영어의 자음 중 코를 막고 숨을 쉴 때와 가장 유사한 articulation 상태인 음소는? (h)
- E. 영어 /h/는 다음 중 어떤 articulator에서 constriction을 가지는가? (lips/tongue tip/tongue body/**none**)
- F. 영어 음소 중에서 tongue body에서 constriction을 가지며 constriction degree는 fricative, constriction location은 velar인 자음의 개수는? (0개)
- G. 영어 자음 /v/의 articulator의 constriction location을 bilabial로 바꾸고 constriction degree로 approximant로 바꾸면 어떤 음소가 되는지 쓰시오.(w)
- H. /s/, /l/은 major articulators (lips, tongue tips, tongue body) 중에서 공통적으로 **tongue tip**에서 조음된다.
- I. 어떤 모음의 pitch가 128Hz이다. F1은 128Hz보다 반드시 크다. (T)
- J. 어떤 화자의 /j/ 모음을 120Hz의 pitch로 발화했다. 같은 화자가 똑같은 pitch로 /a/ 모음을 발화했다. /i/와 /a/ 모음에 대해, 0Hz~5000Hz 사이에 몇 개의 harmonics가 존재하는 지 구하고, 각각의 개수를 a와 b라고 할 때, b-a는? (0)
- K. a=[[1],[2,3],[4,5,6]]

n=0

for bin a:

for d in b:

n+=1

print(n)

답: 6

- L. 12-13번 총 몇 개의 unique한 함수가 있는가? (3개)
- M. 몇 번 실행 되는가? (6번)

n=[1,2,3,4]

for i in range(len(n)):

print(i)

N. 14-16번

a=[1,2,[3,4]]

위의 코드를 실행하면 결과가 4이다.

b=[1,'a',{'a':[3,6], 'b':[d]}, 'b']

print(b[-2]['b'][-1])

O. $C=[1/a', \{'a':'abc', 'b':def'\}]$

Print(c[-1]['b'][-2])

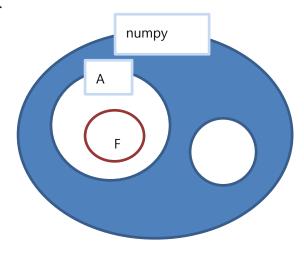
답은 2

P. 비슷한 문제

<중간고사 이후>

- A. 숫자열을 가리켜 벡터라고 함.
- B. 사진을 픽셀로 나누면 숫자 값을 넣을 수 있음. 직사각형의 형태로 행과 열: 행렬
- C. 모든 데이터는 벡터의 형태로 되어야 함
- D. 사진 흑백은 행렬데이터가 1장, 컬러는 3장(RGB)로 이루어짐
- E. Array는 계산 가능한 것으로 바꿔 줌

<Numpy>



- Import numpy as np #넘파이를 줄여쓰기 위해
- Import matplotlib.pyplot as plt 얘는
 from matplotlib import pyplot as plt 얘로 바꿔서 쓸 수 있음
- Per sec의 개념이 들어가면 항상 Hz 단위를 써야 함. Sampling rate(1초에 몇 개 조각으로 나누는가)도 그러함.

```
In [9]: np.empty([2,3], dtype='int')
         #[2,3] 2x3 2햄 3열의 가로로 긴 것
In [10]: np.zeros([2,3])
         #0으로 채워진 행렬 리스트가 만들어짐
Out[10]: array([[0., 0., 0.], [0., 0., 0.]])
In [11]: #(0, 0, 0), (0, 0, 0) 애를 2by8의 리스트를 만들고 싶으면
#재 자체는 계신이 안 되니까 쓸모가 없음. 그래서 계신 가능한 형태로 만드는 것
         np.array([[0,0,0],[0,0,0]])
Out[11]: array([[0, 0, 0], [0, 0, 0]])
In [12]: np.ones([2,3])
         #ones, zeros의 default type은 float이니까 1. 이렇게 나올 것
Out[12]: array([[1., 1., 1.], [1., 1.]])
In [13]: np.ones([2,3], dtype='int')
         #이러면 소수점 사라짐!
Out [13]: array([[1, 1, 1], [1, 1, 1]])
In [19]: np.arange(5)
 In [25]: np.linspace(0,10,6)
           #애는 arange랑 다르게 0, 10 포함. 뜻은 0,10 포함하여 6개로 똑같이 나눠준다
  Out [25]: array([ 0., 2., 4., 6., 8., 10.])
  In [26]: np.linspace(0,10,7)
  Out[26]: array([ 0. , 1.66666667, 3.33333333, 5. 8.33333333, 10. ])
                                                                     , 6.6666667,
  In [31]: x=np.array([[1,2],[3,4],[5,6]])
  Out [31]: array([[1, 2],
            [3, 4],
[5, 6]])
  In [33]: #3차점도 표기가 가능할, 2차점은 대평호가 위처럼 양옆이 2개씩 돌아있음, 3차점은 3개씩,
#2차전 행렬이 2개 나오면서 3차전이 됨
x-np.array([[[1,2],[3,4],[5,6]],[[7,6],[9,10],[10,11]]])
x
  [[ 7, 8],
[ 9, 10],
[10, 11]]])
  In [34]: x.ndim
           #3차원이라는 것을 알려줄
  Out [34]: 3
  In [37]: x.astype(np.float64)
           #원래는 int32 data type인데 이렇 바꾸고 싶으면 astype할수를 쓸
 Out[37]: array([[[ 1., 2.], [ 3., 4.], [ 5., 6.]],
                   [[ 7., 8.],
[ 9., 10.],
[10., 11.]]])
 In [38]: np.zeros_like(x)
           #형태를 유지하고 내용물을 0으로 바꾸고 싶을 때: zeros_like할수
            #근데 이거는 x*0 이렇게 해도 됨
 [[0, 0],
[0, 0],
[0, 0]]])
 In [46]: #nummy 인의 randaom 패키지 인의 normal이라는 할수
#from nummy import random 이런 식으로도 쓸 수 있음?
            data-np.random.normal(0,1,100)
#컴규본포 모양의 데이터를 만들어주는 것임!!shape자체를 만들어주는 게 아니라
#mormal(mean, standard deviation, data size)
  In [52]: data=np.random.normal(0,1,100)
    print(data)
    plt.hist(data, bins=10)
    pit.show()
```

```
3.Numpy I/O

In [59]: a=np.random.randint(0.10,[2,3])
b=np.random.random.(2.3])
np.savez('test',a.b)
#test2과 국으면 파일도 저강물

In [58]: IIs =al test*
#위의 파일이 만들어졌는지 확인하는것
'1s'은(는) 내부 또는 외부 명령, 실행할 수 있는 프로그램, 또는
배치 피일이 아닌니다.

In [60]: del a.b #variable/l assign 의 된 실태로 왔어짐
who #지글 available variable
data np plt x y

In [61]: npzfiles=np.load('test.npz') #이라면 블라울 수 있을 앞에 npzfiles는 variable(이름이니까 완거나 바꿔도 됨

Out[61]: ['arr_0', 'arr_1']

In [62]: npzfiles['arr_0']

Out[62]: array([[7, 5, 4],
[9, 8, 9]])

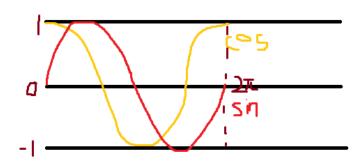
In []: data=np.loadtxt('regression.csv', delimiter=',',skiprows=1, dtype={'type':('x':'y'), 'formats'})
#skiprows I번째 줄 됐다
#scyression file를 깃함에서 가지와서 해볼 것!!
# 과 파일을 다로 받아서 가지와서 해볼 것!!
# 과 파일로 다로 알아서
```

● Phasor: 우리가 아는 것은 사인, 코사인 function. Sin(radian)임. Function input값에 넣는 것은 degree가 아니라 radian임.

+)0도~2파이(360도). 이 도는 degree라고 함. 각도를 파이로 표현하는 것을 radian이라고 함. Radian은 theta θ 로 표현. Ex. θ =3/2 $_{\Pi}$ 면 cos값은 0.

 Θ = 0, 1/2 π , π , 3/2 π , 2 π (=0)

+)사인, 코사인 함수.



+)오일러공식: $cos(\theta) + sin(\theta)I = e^{\theta i}$

I는 imaginary. 실수의 반대말, 허수. $\sqrt{-1}$

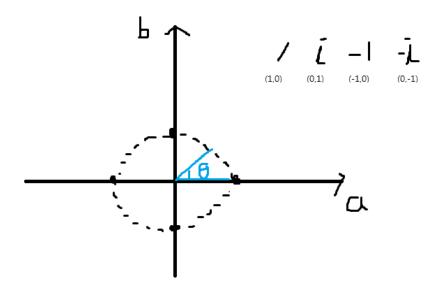
 $F(\theta) = e^{\theta i} = 숫자(왜냐면 e도 2.71, i도 루트 마이너스, 전부 수로 표현 가능)$

복소수: a+bi 복소수로 우리가 생각하는 모든 수를 표현할 수 있음.

즉, 위의 식 $F(\theta) = e^{\theta i}$ 도 a+bi로 표현할 수 있음.

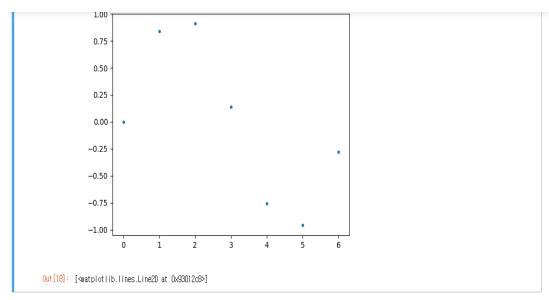
 Θ = 0, 1/2 π , π , 3/2 π , 2 π \rightarrow 1, i, -1, -i

Projection



실수만 보고 싶으면(cos함수) a축에서 왔다 갔다, 허수만 보고(sin함수) 싶으면 b축에서 왔다갔다.

● 소리라는 실체는 각도뿐만 아니라 시간의 개념이 반드시! 들어가 있어야 함.

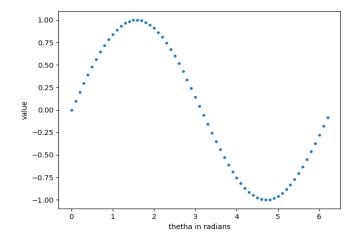


#221= 2행 2열, 1,2,3,4 subplot. 왼쪽 위1, 오른쪽 위2, 왼쪽 아래3, 오른쪽 아래4

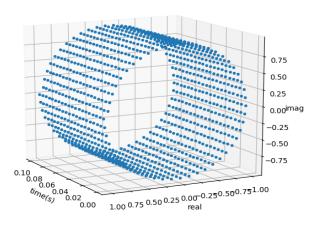
 $fig=pit.figure() \ ax=fig.add_subplot(221) \ ax.plot(theta, s, .') \ ax=fig.add_subplot(222) \ ax.plot(theta, s, .') \ ax=fig.add_subplot(223) \ ax.plot(theta, s, .') \ ax=fig.add_subplot(224) \ ax.plot(theta, s, .') \ ax=fig.add_subplot(s, s, .') \ ax=fig.a$

```
In [35]: s=np.sin(theta)

fig=plt.figure()
ax=fig.add_subplot(111)
ax.plot(theta,s,'.')
ax.set_xlabel('thetha in radians')
ax.set_ylabel('value')
```

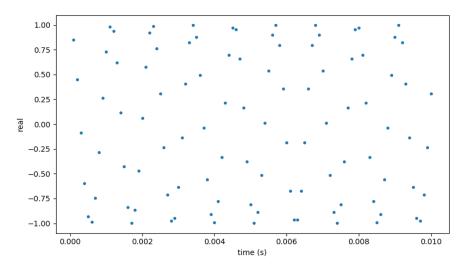


```
In [45]: fig=plt.figure()
    ax=fig.add_subplot(111, projection='3d')
    ax.plot(t[0:1000],c.real[0:1000],c.lmag[0:1000], '.')
    ax.set_xlabel('time(s)')
    ax.set_ylabel('real')
    ax.set_zlabel('imag')
```



<11.12&11.14>

```
In [14]: from matplotlib import pyplot as plt
           from mpl_toolkits.mplot3d import Axes3D
          from mpl_toolkits.axes_grid1 import make_axes_locatable
import IPython.display as ipd
          import numpy as np
          %matplotlib notebook
          from scipy.signal import Ifilter
In [15]: #parameter setting
          amp=1
                                       #진폭
          sr=10000
          dur=0.5
          freq=440.0
In [16]: ##=np,arange(1,sr*dur) - 애는 시간 개념을 먼저 넣어준 것. 근데 여기는 time tic을 준 거고, '몇 초'로 만들려면 sr로 나눔
t=np.arange(1,sr*dur+1)/sr #마지막것 포함해졌고 더하기 일 함으로서, sr로 나눠주면서 초 개념 생성
In [21]: #generate signal by cosine-phasor
          S=amp*np.cos(theta)
#sin,cos 돌다 소리 똑같음. 귀가 phase(각도)에는 sensitive하지 않다. 우리는 phase shift 인식하지 못함.
          #우리는 frequency에 민감
In [22]: theta=t*2*np.pi*freq #freq는 몇 바퀴인지
In [20]: fig=plt.figure()
          ax=fig.add_subplot(111)
ax.plot(t[0:100],s[0:100],'.')
ax.set_xlabel('time (s)')
ax.set_ylabel('real')
                                              #0~1000 안 정하면 너무 빽빽해서 태극문양이 안 보임
          #2차원 벡터로 표현, 여기있는 점들의 개수는 1000개,
          <!Python.core.display.Javascript object>
```



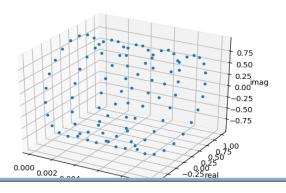
```
Out [23]: ipd.Audio(s,rate=sr)
Out [23]:

Doto / 0:00

C=amp*np.exp(theta*lj) #np.exp = e라고 생각하면 될. 오일러식에 나오는. 1j는 1일. 해수 뜻하는:
C
Out [24]: array([0.96202767+2.72951936e-01j, 0.85099448+5.25174630e-01j,
0.67533281+7.37513117e-01j, ..., 0.85099448-5.25174630e-01j,
0.96202767-2.72951936e-01j, 1. +3.13806691e-14j])

In [26]: fig=plt.figure()
ax=fig.add_subplot(111, projection='3d')
ax.set_xlabel('time(s)')
ax.set_xlabel('time(s)')
ax.set_xlabel('time(s)')
ax.set_zlabel('imag')

<|Python.core.display.Javascript object>
```



```
In [13]: F0=100
          Fend = int(sr/2)
                              #nyquist frequnecy
          s=np.zeros(len(t))
          #time은 위에서 만들었으니 이미 만들었다고 가정.
          for freq in range(FO, Fend+1, FO):
             theta = t*2*np.pi*freq
              tmp=amp*np.sin(theta)
s=s+tmp
              #제일 처음 s가 무엇인가 점의를 해줘야 함. s+tmpU까 저 s가 뭔지 점의되어야 저 수식의 첫 s가 나옴.
#그게 위에 있는 s=mp.zeros(lent(t)) 애의 의미
          fig = plt.figure()
          ax=fig.add_subplot(111)
          ax.plot(t[0:1000],s[0:1000])
          ax.set_xlabel('time (msec)')
ipd.Audio(s, rate=sr)
          #아는 spectrum이 아님.(녹음)
Out [13] :
                                        - 4) :
             ► 0:00 / 0:00 <del>-</del>
            30
            20
            10
           -10
           -20
           -30
                         0.02
                                                    0.08
                                                             0.10
                0.00
                                  0.04
                                           0.06
                                    time (msec)
 In [29]: def hz2w(F,ar):
               NyFreq = sr/2
w = F/NyFreq *np.pi
               return w
                                            #靈력
          def resonance(srate,F,BW):
    a2=np.exp(-hz2w(BW.srate))
    omega=F+2*np.pi/srate
    a1=-2*np.sgrt(a2)*np.cos(omega)
               a=np.array([1,a1,a2])
               b=np.array([sum(a)])
               return a,b
 In [30]: RG=0
           BWG=100
           a,b=resonance(sr,RG,BWG)
                                             #Bandwidth 산맥이 얼마나 뚱뚱하냐, 뾰족하냐
           s=lfilter(b,a,s,axis=0)
           ipd.Audio(s,rate=sr)
           #decreasing한 효과가 있음.
Out [30]:
             D:00 / 0:00 —
 In [31]: RG=500
           BWG=60
           a,b=resonance(sr,RG,BWG)
                                             #Bandwidth 산맥이 얼마나 뚱뚱하냐, 뾰쪽하냐
           s=lfilter(b,a,s,axis=0)
           ipd.Audio(s,rate=sr)
Out [31]:
             D:00 / 0:00
```

Linear Algebra

<데이터> ((((기계: 인공지능)))) <데이터> 벡터 함수(행렬) Ex. 음성 인식, 음성 합성, 기계 번역 등

$$\left(egin{array}{ccc} a_{11} & \dots & a_{1n} \ dots & \ddots & dots \ a_{m1} & \cdots & a_{mn} \end{array}
ight)_{\mathsf{M}}$$

- To become a vector space: linear combinations(C*V + D*W) still stay in the space
- 무수히 많은 여러 벡터들이 만들어내는 공간을 'vector space'라고 함
- N차원의 공간은 n개의 컴포넌트로 이루어진 벡터로 채워진 것
- 칼럼 벡터들의 리니어 컴비네이션으로 만들어 내는 공간 (= 칼럼 벡터가 스패닝 해서 만들어내는 공간). 원점만 있으면 0차원
- col1 & 2 NOT on a line -> independent
- Whole space: 벡터 자체가 갖고 있는 스페이스. Column space: 스패닝 했을 때
- col1 & 2 on a line -> dependent: 라인만 확장되고 스페이스 전부 채울 수 없음

$$A = \left[\begin{array}{rrr} 1 & 1 & 2 \\ 2 & 1 & 3 \\ 4 & 1 & 5 \end{array} \right]$$

- 칼럼3 = (칼럼1*1)+(칼럼2*1). Independent는 1,2뿐
- Null space: whole이 3차인데, column space가 1차. 남은 2차가 null space
- Spanning해서 만들어진 space의 수직이 되는 orthogonal한 것을 null space라고 부름

$$\begin{bmatrix} 0.9 & -0.4 \\ 0.4 & 0.9 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0.5 \\ 1.3 \end{bmatrix}$$

- Linear Transformation: $Ax = b^{\perp}$
- Detransformation: inverse matrix 역행렬: A-1b = x

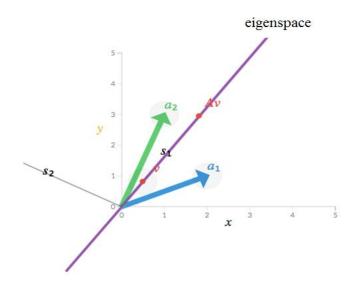
$$\begin{bmatrix} 0.9 & -0.4 \\ 0.4 & 0.9 \end{bmatrix}^{-1} \begin{bmatrix} 0.5 \\ 1.3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix}$$

- 하지만 invert 할 수 없는 것도 있음
- Eigenvector

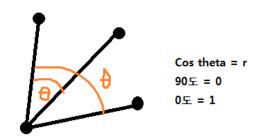
given matrix의 아이겐벡터는 매트릭스의 transformation 하고 난 후의 것과 하기 전의 점이 일직선상에 놓임

Av=b; A transforms v to b

Among all v, some v is parallel to Av: Eigenvector



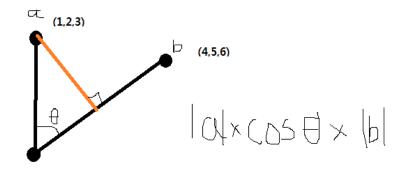
- 어떤 입력이 들어오든 출력에 영향을 미치지 않는: null space
- Null space에 대한 수학적 / 기하적 / 응용적 해석
- http://setosa.io/ev/eigenvectors-and-eigenvalues/
- 벡터는 방향임. 어떤 값만 존재한다는 느낌보다는(그래도 되지만) 방향이라고 생각해야 함. eigenvector space는 그 라인 전체를 말함(보라색 선)
- 상관관계(Correlation): '같이 간다'. -1 <= r <= 1. 상관관계는 0일 때 가장 낮음. 완전한 선상에 있을 때 -1 or 1이 나옴(기울기는 무관). 완벽하게 동그라미 모양일 때 r=0.



Inner product

[123]

[456] 두 벡터가 있을 때 1*4 + 2*5 + 3*6 안 쪽으로 곱해서 다 더하기



Correlation이 많이 있으면 inner product가 적게(?) 나옴

$$|a| = \sqrt{x^2 + y^2 + z^2}$$

 $a \cdot b / |a| \cdot |b| = \cos \theta$

- A*v (transformed된 결과) = 상수*v
 만족하는 v가 eigenvector, 만족하는 람다(상수)가 eigenvalue
- a•b = 1by1의 결과가 나옴 (inner product)
- cos similarity(=cos θ): a와 b가 얼마나 비슷한지를 수치적으로 이야기해줄 수 있는 방식
- 두 사인 코사인 그래프는 90도 차이인데, 그 둘의 inner product가 0이 됨.

Phase shift에 민감하게 작용함. → 이것을 덜 민감하게 만들기 위해서 sin, cos가 아닌 complex phasor를 사용할 것임