

دانشگاه صنعتی امیرکبیر (پلی تکنیک تهران) دانشکده ریاضی و علوم کامپیوتر

پایاننامه کارشناسیارشد گرایش سیستمهای کامپیوتری

کاهش بعد دادههای بزرگ مقیاس با استفاده از نگاشت تصادفی

نگارش سیامک دهبد

استاد راهنما دکتر عادل محمدپور

> استاد مشاور دکتر هادی زارع

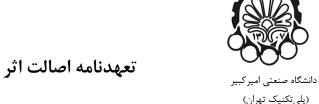
> > دی ۱۳۹۷

صفحه فرم ارزیابی و تصویب پایان نامه- فرم تأیید اعضاء کمیته دفاع

در این صفحه فرم دفاع یا تایید و تصویب پایان نامه موسوم به فرم کمیته دفاع- موجود در پرونده آموزشی- را قرار دهید.

نكات مهم:

- نگارش پایان نامه/رساله باید به زبان فارسی و بر اساس آخرین نسخه دستورالعمل و راهنمای تدوین پایان نامه های دانشگاه صنعتی امیر کبیر باشد.(دستورالعمل و راهنمای حاضر)
- رنگ جلد پایان نامه/رساله چاپی کارشناسی، کارشناسی ارشد و دکترا باید به ترتیب مشکی، طوسی و سفید رنگ باشد.
 - چاپ و صحافی پایان نامه/رساله بصورت پشت و رو(دورو) بلامانع است و انجام آن توصیه می شود.



تاریخ: دی ۱۳۹۷

اینجانب سیامک دهبد متعهد می شوم که مطالب مندرج در این پایان نامه حاصل کار پژوهشی اینجانب تحت نظارت و راهنمایی اساتید دانشگاه صنعتی امیرکبیر بوده و به دستاوردهای دیگران که در این پژوهش از آنها استفاده شده است مطابق مقررات و روال متعارف ارجاع و در فهرست منابع و مآخذ ذکر گردیده است. این پایاننامه قبلاً برای احراز هیچ مدرک همسطح یا بالاتر ارائه نگردیده است.

در صورت اثبات تخلف در هر زمان، مدرک تحصیلی صادر شده توسط دانشگاه از درجه اعتبار ساقط بوده و دانشگاه حق پیگیری قانونی خواهد داشت.

کلیه نتایج و حقوق حاصل از این پایاننامه متعلق به دانشگاه صنعتی امیرکبیر میباشد. هرگونه استفاده از نتایج علمی و عملی، واگذاری اطلاعات به دیگران یا چاپ و تکثیر، نسخهبرداری، ترجمه و اقتباس از این پایان نامه بدون موافقت كتبي دانشگاه صنعتي امير كبير ممنوع است. نقل مطالب با ذكر مآخذ بلامانع است.

سیامک دهبد

امضا



با تشکر از استاد گرامی دکتر محمدپور بابت همراهی و صبر ایشان

سامک دسد دی ۱۳۹۷

چکیده

روش تصویر تصادفی برای کاهش بعد دادههای بزرگ مقیاس مزایای متعددی نسبت به روشهای دیگر کاهش بعد دارد. در این پایاننامه این روش برای دادههای بزرگ مقیاس با دیگر روشهای کاهش بعد مقایسه شده است. همچنین توانایی این روش برای دادههای با توزیع پایدار غیر نرمال با دیگر روشهای کاهش بعد مقایسه شده است.

واژههای کلیدی:

کاهش بعد، تصویر تصادفی، توزیع پایدار، دادههای بزرگ مقیاس

ىفحە	فهرست مطالب	عنوا
١	مقدمه	1
٣	کاهش بعد و دادههای بزر <i>گ</i> مقیاس	۲
۴	۱-۱ دادههای حجیم	•
۴	۲-۱-۲ دادههای حجیم وب	
۶	۲-۱-۲ جریانهای دادهی حجیم	
۶	۲-۲ چالشهای نمونه گیری از دادههای حجیم ۲-۲۰۰۰، ۲۰۰۰، مونه گیری از دادههای حجیم	•
٧	۲-۲-۲ مزایای نمونه گیری تصادفی مختصات	
٧	۲-۲-۲ معایب نمونه گیری تصادفی مختصات	
٨	۲–۳ تصویر تصادفی پایدار	•
٩	۴-۲ کاربردها	•
٩	۲-۴-۲ کاوش قوانین وابستگی	
٩	۲-۴-۲ وابستگی جفتی همه (فاصلهها)	
\ 0	۲-۴-۲ تخمین فاصلهها به طور آنلاین	
\ 0	۲-۴-۲ بهینهسازی درخواست از پایگاه داده	
11	۲-۴-۲ جستجوی نزدیکترین همسایه از مرتبهی زیر خطی	
17	تصویر تصادفی پایدار	٣
14	بع و مرا <i>جع</i>	مناب
19	ست	پيو
۲۰	هنامهی <mark>فارسی به انگلیسی</mark>	واژه
77	هنامهی انگلیسی به فارسی	واژه

صفحه	فهرست اشكال	شكل
٨	${f A}$ ، ${f B}={f A} imes{f R}$ تصویر تصادفی پایدار ${f A}$ ، ${f B}={f A}$ ماتریس اولیه دادهها است	1-7
, w	$\mathbf{R}\in\mathbb{R}^{D imes k}$ روش تصویر تصافی پایدار ماتریس داده ی $\mathbf{A}\in\mathbb{R}^{n imes D}$ را در یک ماتریس تصادفی پایدار ماتریس تصویر شده ی $\mathbf{B}=\mathbf{A}\mathbf{R}\in\mathbb{R}^{n imes k}$ حاصل شود	۱-۳

ىفحە	فهرست جداول	جدول
۴	تعداد بازدید صفحات برای کلمات با بازخورد بالا و کلمات با بازخورد نادر	1-7
	با افزایش تعداد عبارات در درخواست، باید فرکانسهای جفت شده کاهش پیدا کنند. ولی	7-7
۵	تخمینهای بیان شده توسط موتورهای جستجو گاهی این موضوع تثبیت شده را نقض می کنند.	
	بازدید صفحات گزارش شده توسط Google برای چهار کلمه و وابستگیهای دو، سه و چهارتایی	٣-٢
\ o	آنها	

فهرست نمادها

نماد مفهوم \mathbb{R}^n n فضای اقلیدسی با بعد n کرہ یکه n بعدی \mathbb{S}^n M جمینهm-بعدی M^m M وی هموار روی M $\mathfrak{X}(M)$ (M,g) مجموعه میدانهای برداری هموار یکه روی $\mathfrak{X}^{\prime}(M)$ M مجموعه p-فرمیهای روی خمینه $\Omega^p(M)$ اپراتور ریچی Qتانسور انحنای ریمان \mathcal{R} تانسور ریچی ricمشتق لي L۲-فرم اساسی خمینه تماسی Φ التصاق لوى-چويتاي ∇ لاپلاسين ناهموار Δ عملگر خودالحاق صوری القا شده از التصاق لوی-چویتای ∇^* متر ساساكى g_s التصاق لوی-چویتای وابسته به متر ساساکی ∇ عملگر لاپلاس-بلترامی روی p-فرمها Δ

٥

فصل اول مقدمه

عمومیت پیدا کردن دادههای حجیم مانند دادههای حجیم تحت وب و جریانهای داده بزرگ در کاربردهای جدید، موجب به وجود آمدن فرصتهای و چالشهایی برای مهندسین و دانشمندان شده است. [79] برای مثال، زمانی که ماتریس داده $\mathbf{A} \in \mathbb{R}^{n \times D}$ ابعادی در حد وب داشته باشد، عملیات سادهای مانند محاسبه $\mathbf{A} \in \mathbb{R}^n$ سخت میشود. برای ارائه و نگهداری دادههای حجیم در حافظهای کوچک و برای استخراج اطلاعات آماری اصلی از مجوعهای از بیانی محدود، روشهای گوناگونی نمونهبرداری توسعه یافته است. به طور کلی روش تصویر تصادفی پایدار $(\mathbf{A} \in \mathbb{R}^n \times \mathbf{A})$

 $\mathbf{R} \in \mathbb{R}^{D \times k}$ روش تصویر تصادفی پایدار، ماتریس دادههای اولیه $\mathbf{A} \in \mathbb{R}^{n \times D}$ را در ماتریس تصادفی $\mathbf{B} = \mathbf{A} \mathbf{R} \in \mathbb{R}^{n \times k}$ است. معمولا درایههای ماتریس تصادفی l_{α} نقیجه ماتریس میکند و نتیجه ماتریس می و با نیم میشوند ($\circ < \alpha \leq \mathsf{Y}$). ما می توانیم مشخصههای می از نیم مشخصههای A را برجسته شده را در A بر اساس B تخمین بزنیم. در مورد حالت A مزیت توزیع تصادفی پایدار توسط لم A را برجسته شده است. لم A بیان می دارد که کافی است A را برخ با نیم فاصله دو به دویی با نرم A در ابتوان با فریس A از روی ماتریس B تخمین زد. در تز B Ping Li لمی مشابه لم A برای A و اثبات شده است. روش تصویر تصادفی پایدار به یک مسئله تخمین آماری کاهش می یابد برای تخمین پارامتر مقیاس برای است. روش تصویر تصادفی پایدار به یک مسئله تخمین آماری کاهش می یابد برای تخمین پارامتر مقیاس برای یک توضیع پایدار A متقارن. این مسئله از این جهت مورد توجه قرار می گیرد زیرا ما به دنبال برآوردی می گردیم که هم از نظر آماری درست باشند و هم از نظر محاسباتی مقرون به صرفه. برآوردگرهای مختلفی را مطالعه و مقایسه کردیم. شامل میانگین حسابی، میانگین هندسی، میانگین هارمونیک، تقسیم توانی A و برآوردگر حداکثر بزرگنمایی.

در این پایاننامه ما به بررسی موارد خاصی از تصویر تصادفی پایدار می پردازیم. برای نرم l ارتقایی را با استفاده از اطلاعات حاشیه ای پیشنهاد می کنیم. همچنین برای حالت l می توان ماتریس تصویر گر را از یک توزیع زیر گوسی ^۵ بسیار کوچکتر به جای توزیع نرمال انتخاب کرد. با در نظر گرفتن محدودیتهای معقولی می توان از یک توزیع خاص زیر گوسی استفاده کرد. این توزیع شامل [-1,0,0] با احتمالات $\{\frac{1}{s},1-\frac{1}{l_s},\frac{1}{l_s}\}$ با مقادیر بسیار بزرگی برای s (به عبارتی، تصویر تصادف خیلی گسسته s) می تواند به خوبی تصویر تصادفی نرمال عمل کند. برای حالت نرم s به عبارتی دیگر تصویر تصادفی کوچی s انجام تخمین کاری نسبتا جذاب است. برای مثال، محاسبه بر آوردگر بیشینه درستنمایی MLE در این حالت از لحاظ محاسباتی ممکن است. و یک توزیع معکوس گاوسی s برای مدل سازی دقیق توزیع MLE بیان شده است.

روش تصویر تصادفی از پراکندگی دادهها استفادهای نمی کند. در حالی که دادههای بزرگ مقیاس معمولا بسیار پراکنده هستند. از روش تصویر تصادفی می توان برای حل مسائل بزرگ مقیاس در علوم و مهندسی در موتورهای جستجو و سیستمهای اخذ داده، پایگاههای داده، سیستمهای جریان داده جدید، جبر خطی عددی و بسیاری از کارهای یادگیری ماشین و داده کاوی که شامل محاسبه حجیم فاصلهها است، استفاده کرد.

¹Stable Random Projection

²Independent and identically distributed random variables

³Johnson-Lindenstrauss

⁴fractional power

⁵sub-Gaussian

⁶Very sparse random projections

⁷Cauchy random projections

⁸inverse Gaussian

فصل دوم کاهش بعد و دادههای بزرگ مقیاس

۱-۲ دادههای حجیم

عبارات زیر از سایت Information Week نقل قول شدهاند $^{'}$:

- مقدار دادهای که توسط کسب و کارها ذخیره می شود تقریبا هر ۱۲ تا ۱۸ ماه دو برابر می شود.
- پایگاه دادهها بیشتر هم زمان شدهاند. فروشگاههای زنجیرهای Wall-Marat دادههای فروش را هر ساعت به روز می کند.
- اضافه شدن یک میلیون خط داده اجازه جستجوهای پیچیده تری را می دهد. شرکت EBay به کارمندان اجازه می دهد برای بدست آوردن در کی عمیق تر در خصوص رفتار مشتریان در میان داده های حراج در بازه های زمانی کوتاه جستجو کنند.
- بزرگترین پایگاه دادهها توسط، مرکز شتابدهنده خطی استاندارد، مرکز تحقیقات ناسا، آژانس امنیت ملی و
 ... در ابعادی در محدوده ی پتابایت (هزار ترابایت ۱۰۱۵ بایت)، اداره می شوند.

پدیده نو ظهور مجموعه داده *ای حجیم،* چالشهای محاسباتی در بسیاری کاربردهای علمی و تجاری به وجود آورده است. شامل اخترفیزیک، بیوتکنولوزی، جمعیت شناسی ^۲، مالی، سیستمهای اطلاعات جغرافیایی، دولت، دارو، ارتباطات از راه دور، محیط زیست و اینترنت.

۲-۱-۱ دادههای حجیم وب

وب چقدر بزرگ است؟ جدول 1-1 نشان دهنده تعداد بازدید صفحات در موتورهای جستجوی امروزی است. به طور تخمینی حدود $D = 10^{10}$ صفحه وب را می توان بر اساس بازدید دو واژه ی بسیار پر کاربرد « $D = 10^{10}$ » و « THE » تخمین زد. جدول 1-1 همچنین نشان می دهد که حتی کلماتی که به ندرت کاربرد دارند هم تعداد زیادی بازدید دارند.

Query	Google	Bing
A	25,270,000,000	175,000,000
The	25,270,000,000	101,000,000
Kalevala	7,440,000	939,000
Griseofulvin	1,163,000	332,000
Saccade	1,030,000	388,000

جدول ۲-۱: تعداد بازدید صفحات برای کلمات با بازخورد بالا و کلمات با بازخورد نادر

کلماتی با بازخورد معمولی چه میزان بازدید دارند؟ برای جواب این سوال ما به طور تصادفی ۱۵ صفحه از لغتنامه ی آموزشی انتخاب می کنیم. [۲۷] (لغتنامه ای با ۱۵٬۰۰۰ کلمه) و اولین کلمه در هر صفحه را مد نظر قرار می دهیم. میانه ی آماری بر اساس جستجوگر گوگل ۱۰ میلیون صفحه برای کلمه است.

زبان انگلیسی چند کلمه دارد؟ در اینجا عبارتی را از AskOxford.com نقل قول می کنیم:

« این بیان میدارد که حداقل یک چهارم میلیون واژهی انگلیسی مستقل وجود دارد. به جز افعال صرفی و کلمات فنی و ناحیهای که توسط OED ^۳ تحت پوشش قرار نمی گیرند یا کلماتی که هنوز به لغتنامههای منتشر

¹http://www.informationweek.com/news/showArticle.jhtml?articleID=175801775

²demographics

³Oxford English Dictionary

شده اضافه نشدهاند. در صورتی که این موارد هم در نظر گرفته شوند تعداد لغات در حدود سه چهارم میلیون لغت خواهد بود »

بنابراین اگر یک ماتریس «عبارت به سند» $\mathbf{A} \in \mathbb{R}^{n \times D}$ در نظر بگیریم. در ابعاد وب این ماتریس در ابعاد بنابراین اگر یک ماتریس «عبارت به سند» $\mathbf{A} \in \mathbb{R}^{n \times D}$ در نظر بگیریم. در اینمان می دهد. در اینجا عدد (i,j) در (i,j) در (i,j) عداد ظهور واژه i در سند i در انشان می دهد. کارکردن با ماترسی در این ابعاد بزرگ چالش برانگیز است. برای مثال، شاخص i ایجام این عملیات در ابعاد وب موضوعی فراگیر، از SVD بر روی ماتریس عبارت به سند استفاده می کند. که انجام این عملیات در ابعاد وب قطعا غیر ممکن است.

یک مشکل اصلی در قبال مجموعه دادههای سنگین، حافظه کامپیوتر است. به این دلیل که ابعاد و سرعت حافظه فیزیکی بسیار رشد کمتری در مقایسه با پردازندهها (CPU) دارد. این پدیده به عنوان دیوار حافظه شناخته می شود [$\Upsilon\Upsilon$, $\Upsilon\P$]. برای مثال، هر چند ممکن است تمامی رخدادهای همزمان دوتایی از پیش محاسبه شوند، ولی نگهداری این حجم از داده در حافظه غیر ممکن است. علاوه بر این، گاهی اوقات تخصیصهایی با بیش از دو عامل هم اهمیت پیدا می کنند زیرا درخواستها ممکن است شامل بیش از دو واژه هم باشند. یک راه حل ممکن این است که یک «نمونه» از Λ نگهداری شود و همزمانیها بر اساس این نمونه در حین کار تخمین زده شوند. ما حدس می زنیم که این روش توسط موتورهای جستجوی امروزی مورد استفاده قرار می گیرد، هر چند که روش واقعی قطعا جزو اسرار تجاری آنها است.

هر چند که انتظار می رود تخمینها سازگار باشند و فرکانسهای جفت شده باید با افزایش عبارت به درخواست، کاهش پیدا کنند. جدول ۲-۲ نشان می دهد که تخمینهای بیان شده با موتورهای جستجوی فعلی، همیشه سازگار نیستند.

Query	Hits(Bing)	Hits(Google)
America	150,731,182	393,000,000
America & China	15,240,116	66,000,000
America & China & Britain	235,111	6,090,000
America & CHina & Britain & Japan	154,444	23,300,000

جدول ۲-۲: با افزایش تعداد عبارات در درخواست، باید فرکانسهای جفت شده کاهش پیدا کنند. ولی تخمینهای بیان شده توسط موتورهای جستجو گاهی این موضوع تثبیت شده را نقض میکنند.

با اینکه، تعداد کل واژههای انگلیسی (که بهطور صحیح نوشته شدهاند) هم اکنون شگفتاور است، در بسیاری کاربردهای متن کاوی، ما باید با ابعاد بسیار بزرگتری سر و کار داشته باشیم. در حالی که یک سند ممکن است بیانگر برداری از تک واژهها باشد (به عبارت دیگر، مدل کیسه لغات 8). معمولا بهتر است سند به عنوانن یک بردار از لغات به صورت 1 پیوسته 1 [۱۳] بیان شود. برای مثال، با استفاده از مدل 1 پیوسته، جملهی It is a nice 1 بیان شود. برای مثال، با استفاده از مدل 1 پیوسته، جملهی و day" بیان شود. ("it is a", "is a nice", "a nice day" این مدل به طور جشمگیری ابعداد دادهها را افزایش می دهد. به خاطر اینکه، اگر مجموعهی 1 0 تک لغت انگلیسی موجود داشته باشد. مدل 1 0 پیوسته تعداد ابعاد را از 1 1 به 1 1 افزایش می دهد.

⁴latent semantic indexing

⁵singular value decomposition

⁶bag-of-words

⁷l-shingles

۲-۱-۲ جریانهای دادهی حجیم

در بسیاری کاربردهای جدید پردازش داده، جریانهای دادهی حجیم نقش بنیادی دارند. جریانهای دادهای که از روترهای اینترنت، سوئیچهای تلفن، رصد امسفر، شبکههای سنسور، شرایط ترافیکی بزرگراهی، دادههای مالی و غیره [۱، ۴۰، ۱۸، ۷، ۲۸، ۲۳، ۲۶] حاصل میشوند.

برخلاف پایگاه دادههای سنتی، معمول نیست که جریانهای داده ی حجیم (که با سرعت زیادی منتقل می شوند) در جای نگهداری شوند. بنابراین پردازش معمولا به طور همزمان انجام می شوند. برای مثال، گاهی اوقات «رصد تصویری» دادهها با رصد تغییرات زمانی برخی آمارهها کفایت می کند. برای مثال آمارههای نظیر: مجموع، تعداد آیتمهای مجزا، برخی نرمهای l_{α} . در برخی کاربردها (برای مثال، طبقه بندی صدا/محتوا و جدا سازی) نیاز است یک مدل یادگیری آماری برای کلاسه بندی l_{α} یا خوشه بندی l_{α} جریان داده های حجیم توین شود. ولی معمولا فقط می توانیم یک بار داده ها را مورد بررسی قرار دهیم.

u یک خاصیت مهم جریانهای دادهای این است که دینامیک هستند. به عنوان یک مدل محبوب، جریان IP شامل ورودیهای $D=\mathsf{T}^{\mathfrak{s}\mathfrak{s}}$ است که IP برای مثال، $D=\mathsf{T}^{\mathfrak{s}\mathfrak{s}}$ زمانی که جریان بیان گر IP آدرسها است. ورودیها ممکن است به هر ترتیبی باشند و ممکن است مرتبا به روز شوند. ذات دینامیک جریان دادههای P وجیم فرآیند نمونه گیری را بسیار چالشبرانگیزتر ا زمانی می کند که با دادههای ایستا سر و کار داریم.

۲-۲ چالشهای نمونهگیری از دادههای حجیم

در حالی که مسائل جذاب و چالشبرانگیزی با ورود دادههای حجیم شکل گرفتهاند، این پایان نامه بر روی توسعه ی روشهای نمونه گیری برای محاسبه فاصله در دادههایی با ابعاد بسیار بالا با استفاده از حافظه محدود تمرکز دارد. در کاربردهای مدل سازی آماری و یادگیری ماشین، در اغلب موارد به جای دادههای اصلی به فاصله، به خوصو فاصله ی جفتی نیاز داریم. برای مثال، محاسبه ماتریس گرام $\mathbf{A}^{\mathbf{T}}$ در آمار و یادگیری ماشین معمول است. $\mathbf{A}^{\mathbf{T}}$ بیانگر همه ی ضربهای داخلی دوتایی در ماتریس داده ی \mathbf{A} است.

 $d_{(\alpha)}$ او داده میشود) و میشود، میشود، فرب داخلی آنها (که با a نمایش داده میشود) و $u_1,u_2\in\mathbb{R}^D$ داده میشوند با عبارات زیر تعریف میشوند: u_1

$$a = u_{\text{\tiny I}}^T u_{\text{\tiny I}} = \sum_{i=1}^D u_{\text{\tiny I},i} u_{\text{\tiny I},i} \tag{1-1}$$

$$d_{(\alpha)} = \sum_{i=1}^{D} |u_{i} - u_{i}|^{\alpha}$$
 (Y-Y)

⁸Classification

⁹Clustering

هرچند ما بیشتر اوقات تعداد دقیق ابعاد (D) یک جریان داده را نمی دانیم ولی در بیشتر کاربردها کافی است حد بالایی محافظه کارانه ای را در نظر بگیریم. برای مثال $D = Y^{FF}$ زمانی که جریان بیانگر $D = Y^{FF}$ های ورودی است. همچنین این یکی از دلایلی است که داده ها بسیار پراکنده هستند. به این نکته توجه داشته باشید که ابعاد بسیار بزرک تاثیری در محاسبهی فاصله ها و نمونه گیری طی الگوریتمهای معرفی شده در این پایان نامه ندارد.

¹¹Gram matrix

ا ما فاصله u_1 را به صورت $\sum_{i=1}^{D} |u_1-u_7|^{\alpha}$ تعریف کردهایم. به جای اینکه به شکل $u_1^{(\alpha)}(u_1-u_7|^{\alpha})$ تعریف کنیم. زیرا شکل اول در $(\sum_{i=1}^{D} |u_1-u_7|^{\gamma})^{1/\gamma}$ بردهای عملی عمومیت بیشتری دارد. برای مثال، لیم u_1 ، در ادبیات معمولا به شکل توان دو u_1 بیان می شود. $u_1^{(\gamma)}(u_1-u_7)^{\gamma}$ بیان می کنیم به جای «مربع فاصله $u_1^{(\gamma)}$. در این پایان نامه، ما برای سادگی $u_1^{(\gamma)}(u_1-u_7)^{\gamma}$ را «فاصله $u_1^{(\gamma)}(u_1-u_7)^{\gamma}$ را «فاصله و نام برا» را «ف

به این نکته توجه داشته باشید که هم ضرب داخلی و هم فاصله به شکل جمع D جمله تعریف می شوند. بنابراین، زمانی که دادهها به اندازهای حجیم هستند که نمی توان به طور کارا آنها را مدیریت کرد، نمونه گیری خیلی عادی به نظر می رسد تا بتوان با انتخاب تصادفی k عضو از D جمله تخمینی از مجموع به دست آوریم (با ضریب مقیاس $\frac{D}{k}$). در خصوص ماتریس داده ی $\mathbf{A} \in \mathbb{R}^{n \times D}$ انتخاب تصادفی مختصات \mathbf{A} ستون را از ماتریس داده به طور یکنواخت و تصادفی انتخاب می کند.

نمونه گیری از این جهت سودمند است که هم سایکلهای کاری CPU را کاهش می دهد و هم در حافظه صرفه جویی می کند. در کابردهای جدید، در اغلب موارد صرفه جویی در حافظه از اهمیت بیشتری برخوردار است. در نیم قرن گذشته گلوگاه محاسباتی حافظه بوده است، نه پردازشگر. سرعت پردازشگرها با نرخ تقریبی ۷۵ درصد در سال رو به افزایش است. در حالی که سرعت حافظه تقریبا سالی ۷ درصد افزایش می یابد [۳۹]. این پدیده به عنوان «دیوار حافظه» ۱۴ شناخته می شود [۳۹، ۴۴]. بنابراین در کاربردهایی که شامل مجموعه داده های حجیم می شوند، بحرانی ترین کار بیان کردن داده ها است. برای مثال، از طریق نمونه گیری با فرمی فشرده برای قرار گیری در ابعاد حافظه در دسترس.

۲-۲-۱ مزایای نمونه گیری تصادفی مختصات

نمونه گیری تصادفی مختصات به دو دلیلی معمولا انتخاب پیشفرض است.

- سادگی این روش از لحاظ زمانی تنها از مرتبه O(nk) برای نمونه گیری k ستون از $A\in\mathbb{R}^{n imes D}$ طول می کشد.
- انعطاف پذیری یک مجموعه نمونه را میتوان برای تخمین بسیاری از شاخصهای آماری استفاده کرد. شامل: ضرب داخلی، فاصله l_{α} (برای هر مقداری از α)

۲-۲-۲ معایب نمونه گیری تصادفی مختصات

با این حال نموننه گیری تصادفی مختصات دو ایراد اساسی دارد.

- معمولا دقیق نیست زیرا مقادیری با مقدار زیاد محتمل است که گم شوند. مخصوصا زمانی که دادهها دم سنگینی داشته باشند. دادههای بزرگ مقیاس دنیای واقعی (مخصوصا دادههای مربوط به اینترنت) همیشه دم سنگین هستند و از قاعده توانی پیروی می کنند. [۲۱، ۲۱، ۱۶، ۳۵] زمانی که فاصله ۱۲ یا ضرب داخلی را تخمین میزنیم. واریانس تخمینها بر اساس ممان چهارم دادهها تعیین میشود. در حالی که در دادههای دم سنگین، گاهی اوقات حتی ممان اول هم معنی دار نیست (محدود نیست) [۴۱].

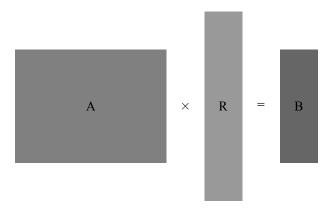
¹³Random coordinate sampling

¹⁴Memory wall

در این پایاننامه ما روش تصویر تصادفی را مورد بررسی قرار میدهیم و نشان خواهیم داد که این روش به خوبی قابلیت مدیریت دادههای دمسنگین را دارد.

7-7 تصویر تصادفی یایدار

 ${f A} \in {\cal A}$ تصویر شکل ${f N}^{-1}$ ، ایده تصویر تصادفی را نشان می دهد. ایده اصلی تصویر تصادفی ضرب ماتریس داده ی ${f B} = {f A} \times {f R} \in {\Bbb R}^{n \times n}$ در ماتریس تصادفی ${f R} = {f R}^{n \times n}$ است. که حاصل ماتریس تصویر شده ی ${f R}^{n \times n}$ در ماتریس تصادفی ${f R}$ بسیار کوچکتر از ${f A}$ است و بنابراین به راحتی قابل ذخیرهسازی است. (برای مثال: برای حافظه مای فیزیکی به اندازه ی کافی کوچک است)



شکل ۲-۱: تصویر تصادفی پایدار $\mathbf{A} imes \mathbf{B} = \mathbf{A} imes \mathbf{R}$ ماتریس اولیه دادهها است.

ماتریس تصویر گر $\mathbf{R} \in \mathbb{R}^{D \times k}$ معمولا از داریههای مستقل هم توزیع (i.i.d) یک توزیع متقارن $\mathbf{R} \in \mathbb{R}^{D \times k}$ معمولا از داریههای مستقل هم توزیع (i.i.d) یک توزیع متقارن $\mathbf{R} \in \mathbb{R}^{D \times k}$ (بنابراین نام این روش «تصویر تصادفی پایدار» است.) بر اساس مشخصات توزیعهای l_{α} و فاصله دودویی l_{α} دادههای تصویر شده هم از توزیع \mathbf{A} -پایدار پیروی می کنند. که بر اساس آنها شاخصهای l_{α} و فاصله دودویی در \mathbf{A} تخمین زده می شوند و می توانیم دادههای اصلی را دور بریزیم.

موفقیت تصویر پایدار تصادفی توسط لم I Johnson-Lindenstrauss (JL) برای کاهش بعد در I نقطه در هر داده شده است. لم JL بیان می کند: رعایت $k = O\left(\frac{\log n}{\epsilon^4}\right)$ تضمین می کند هر فاصله I میان I نقطه در هر تعداد بعدی با دقت I با احتمال بالایی تخمین زده شود. (I در اینجا بیانگر تعداد ابعاد کاهش یافته است) با این حال لم JL برای نرمهای فاصله با I کوچکتر از I (I در نامساوی مثلثی صدق نیست. در صورتی که لازم باشد از برآوردگرهایی استفاده کنیم که متریک باشند (در نامساوی مثلثی صدق کنند). به این نتیجه «عدم امکان» شفته می شود. [I I I I خوشبختانه شامل برآوردگرهایی که متریک نیستند نمی شود. در این پایان نامه ما در مورد برآوردگرهای کوناگونی که متریک نیستند صحبت خواهیم کرد. شامل: میانگین هندسی I میانگین هارمونیک I نسبت توانی I و همچنین حداکثر بزرگنمایی.

¹⁵Impossibility

¹⁶Geometric mean

¹⁷Harmonic mean

¹⁸Fractional power

۲-۲ کاربردها

علاقهی زیادی به تکنیکهای نمونه برداری وجود دارد که در کاربردهای زیادی مورد استفاده قرار می گیرند. مانند: قانون وابستگی ۱۱ [۹، ۱۰] ، خوشهبندی، بهینهسازی درخواست ۲۰ [۱۵، ۱۸] ، تشخیص تکراری ۱۱ [۱۸، ۱۸] و بسیاری موارد دیگر. روشهای نمونه بردار هر چه بیشتر و بیشتر برای مجموعههای بزرگتر اهمیت پیدا می کنند. طرح برودر ۲۱ [۱۳] در ابتدا برای تشخیص صفحات وب تکراری معرفی شد. URL های زیادی به HTML های زیادی نبود های مشابه (یا تقریبا مشابه) اشاره می کنند. جوابهای تخمین زده شده به اندازه ی کافی خوب بودند. نیازی نبود تا همه تکراریها پیدا شوند ولی کاربردی بود که تعداد زیدی از آنها پیدا شوند، بدون اینکه بیش از ارزش آن از توان محاسباتی استفاده شود.

در کاربردهای بازیابی اطلاعات (IR) ^{۱۲۲} معمولا گلوگاه حافظهی فیزیکی است. زیرا مجموعهی وب برای حافظه (RAM) بسیار بزرگ است و از طرفی ما میخواهیم زمان گشتن به دنبال داده ا بر روی دیسک را کمینه کنیم. زیرا زمان پاسخ به یک درخواست کلیدی است [۱۱] . به عنوان یک وسیله صرفهجویی در فضا، کاهش بعد یک ارائه فشرده از دادهها فراهم می کند که برای تولید جوابهای تخمینی در حافظه فیزیکی مورد استفاده قرار می گیرند.

ما به بازدید صفحات وب اشاره کردیم. اگر ما یک عبارت جستجوی دو کلمهای داشته باشیم، میخواهیم بدانیم چه تعداد از صفحات هر دو کلمه را دارند. فرض می کنیم محاسبه ی از قبل و نگهداری بازدید صفحات غیر ممکن باشد. حداقل نه برای کلماتی که تکرار زیادی ندارند و سریهای چند کلمهای.

مرسوم است که در بازیابی اطلاعات با یک ماتریس بزرگ عبارت به ازای سند شروع کنیم که در آن مقادیر ورودی نشان دهنده ی وجود عبارت در متن است. بنا به کاربردهای خاص میتوانیم بک اندیس معکوس ^{۲۴} بسازیم و کلیتی از عبارات (برای تخمین ارتباط لغات) یا اسناد (برای تخمین شباهت اسناد) نگهداری کنیم.

کاوش قوانین وابستگی 1-4-1

تحلیلهای مبتنی بر بازار و قوانین وابستگی [۳، ۴، ۵] ابزارهای مناسبی برای کاوش پایگاه دادههای تجاری هستند. پایگاه دادههای تجاری دارند روز به روز بزرگتر و گسسته تر می شوند. [۲، ۲۲] الگوریتمهای مختلف نمونه برداری پیشنهاد شده است. نمونه برداری این امکان را فراهم می کند تا قواعد تخصیص را به صورت آنلاین برآورد کنیم. که می تواند مزایایی در کاربردهای خاص داشته باشد.

۲-۴-۲ وابستگی جفتی همه (فاصلهها)

در کابردهای مختلفی شامل کلاسهبندی بر مبنای فاصله یا خوشهبندی و مدلسازی زبان با bi-gram در کابردهای مختلفی شامل کلاسهبندی بر مبنای فاصله یا خوشهبندی و مدلسازی زبان با bi-gram محاسبه محاسبه ی همه محصیصها (یا فاصلهها) هستیم. ماتریس داده ی شامل n سطر و D ستون داده شده است. یا به طور بهینه تر \overline{f} تعداد میانگین محاسبه ی مستقیم D هزینه بر است. یا به طور بهینه تر D که D تعداد میانگین مقادیر غیر صفر میان تمام سطرهای D است. محاسبه مستیم می تواند به شدت زمان بر باشد. همچنین، به طور

¹⁹Association rules

²⁰Query optimization

²¹Duplicate detection

²²Broder's sketch

²³information retrieval

²⁴inverted index

²⁵litez48

خاص زمانی که ماتریس داده آنقدر بزرگ است که در حافظه فیزیکی جا نمیشود. محاسبه به طور خاص بسیار ناکار آمد خواهد بود.

۲-۴-۲ تخمین فاصله ها به طور آنلاین

در حالی که ماتریس داده ی اولیه $\mathbf{A} \in \mathbb{R}^{n \times D}$ ممکن است برای حافظه ی فیزیکی بسیار بزرگ باشد، نگهداری $\mathbf{A} \in \mathbb{R}^{n \times D}$ ممکن است برای حافظه ی فیزیکی بسیار بزرگ باشد، و وابستگیها در \mathbf{A} ، \mathbf{A} نضا مصرف می کند. که می تواند برای حافظه ی فیزیکی بسیار بزرگتر باشد. در این میان وابستگیهای چندتایی را کنار می گزاریم. در بسیاری از کاربردها نظیر یادگیری برخط، سیستمهای توصیه آنلاین، تحلیلهای بازار برخط و موتورهای جستجو، بهتر است که نمونهها (sketches) در حافظه نگهداری شوند و همه ی فاصله ها به طور آنلاین، زمانی که مورد نیاز باشد، محاسبه شوند.

$^{+}$ بهینهسازی درخواست از پایگاه داده

در پایگاه دادهها یک وظیفه ی بسیار مهم تخمین join های چندراهی است، که تاثیر زیادی بر روی کارایی سیستم دارد [۲۵] . بر اساس تخمین دوراهی، سهراهی و حتی join هایی از مرتبه ی بالاتر، بهینه گرهای درخواست یک نقشه برای کمینه کردن تابع هزینه می سازند (برای مثال، نوشتنهای میانی 77). بهینه بودن اهمیت بسیاری دارد زیرا مثلا نمی خواهیم زمان بیشتری برای بهینه سازی نقشه نسبت به زمان اجرای آن تلف کنیم.

ما از مثال Governator برای نمایش کاربرد تخمین دو و چند راهه برای بهینه کردن درخواست استفاده می کنیم.

	Query	Hits(Google)
	Austria	88,200,000
One were	Governor	37,300,000
One-way	Schwarzenegger	4,030,000
	Terminator	3,480,000
	Governor & Schwarzenegger	1,220,000
	Governor & Austria	708,000
True mer	Schwarzenegger & Terminator	504,000
Two-way	Terminator & Austria	171,000
	Governor & Terminator	132,000
	Schwarzenegger & Austria	120,000
	Governor & Schwarzenegger & Terminator	75,100
Тиод гиог	Governor & Schwarzenegger & Austria	46,100
Tree-way	Schwarzenegger & Terminator & Austria	16,000
	Governor & Terminator & Austria	11,500
Four-way	Governor & Schwarzenegger & Terminator & Austria	6,930

جدول ۲-۲: بازدید صفحات گزارش شده توسط Google برای چهار کلمه و وابستگیهای دو، سه و چهارتایی آنها

جدول ۲-۲ بازدید صفحات را برای چهار کلمه و ترکیبات دو، سه، چهارتایی آنها نشان می دهد. فرض کنیم "Governor, Schwarzenegger, Terminator, Austria" بهینه ساز قصد استخراج نقشه برای درخواست: "Schwarzenegger" \cap کند: \cap "Schwarzenegger" \cap کند: \cap "Schwarzenegger") نوشته باشد. راه حل استاندارد این است که با عبارات با کمترین فراوانی شروع کند: \cap "Governor" \cap "Austria" ("Terminator") \cap "Governor" \cap "Austria"

²⁶Materializing

²⁷Intermediate writes

ها دارد. یک بهینهسازی می تواند "Governor")∩"Governor") می دارد. یک بهینهسازی می تواند "Schwarzenegger"∩"Austria")∩"Terminator") کاهش می دهد. باشد که ۵۷۹, ۱۰۰۰ را به ۵۷۹, ۱۳۶

-4-8 جستجوی نزدیکترین همسایه از مرتبهی زیر خطی

محاسبهی نزدیکترین همسایه در بسیاری کاربردها از اهمیت زیادی برخوردار است. با این حال، به دلیل «نفرین ابعاد» ^{۲۸} راه حل فعلی برای پیدا کردن بهینهی نزدیکترین همسایهها (حتی به طور تقریبی) اصلا رضایت بخش نیست. [۲۲، ۳۰]

به دلیل ملاحظات محاسباتی، دو شکل اصلی در جستجوی نزدیکترین همسایهها وجود دارد. اول اینکه ماتریس اصلی دادهها $\mathbf{A} \in \mathbb{R}^{n \times D}$ ممکن است برای حافظه فیزیکی بسیار بزرگ باشد ولی اسکن کردن دیسکهای سخت برای پیدا کردن نزدیکترین همسایهها می تواند خیلی کند باشد. دوما، پیدا کردن نزدیکترین همسایههای یک داده ممکن است O(nD) هزینه بر باشد که می تواند به شدت زمان بر شود.

با این حال، روس کاهش ابعادی در این پایاننامه می تواند در حافظه صرفه جویی کند و سرعت محاسبات را افزایش دهد. برای مثال: وقتی ماتریس داده ی اولیه ${\bf A}$ به ماتریس داده ی گاهش می یابد. با این افزایش دهد. برای مثال: وقتی ماتریس داده ی اولیه ${\bf A}$ به ماتریس داده ی کاهش می یابد. با این حال، $O(n^{\gamma})$ برای $O(n^{\gamma})$ برای کاربردهای خاص.

دو گروه اصلی الگوریتمهای زیر خطی برای محاسبه عبارتند از KD-Trees (و انواع آن) [۲۴، ۲۳] و Locality- و آره اصلی الگوریتمهای زیر خطی برای محاسبه عبارتند از Sensitive Hashing (LSH) (که در ان الگوریتمها معمولا با یک فضای متریک کار می کنند (که در ان نامساوی مثلثی برقرار است). برای مثال، فضای l_{α} زمانی که از مانی که به دنبال نزدیکترین همسایهها در $(\alpha > 1)$ میگردیم، می توانیم (نسبتا به سادگی) فضای جستجو را به طور کاملا اساسی با استفاده از نامساوی مثلثی کاهش دهیم. به عبارت دیگر، نیازی نیست که همه n نقطه دادهها را مورد بررسی قرار دهیم.

در دادههایی با ابعاد بسیار بزرگ، الگوریتمهای زیر خطی موجود شامل KD-trees و KD-trees عملکرد رضایت بخشی ندارند. وقتی حافظه ی فیزیکی (به جای CPU) گلوگاه باشد 74 ، یکی از مشکلات اصلی این است که این الگوریتمها برای کاهش هزینه ی محاسباتی به حافظه ی ابر خطی 75 نیاز دارند که می تواند مشکل ساز باشد. 10 به طرح کلی برای LSH توجه کنید که ترکیبی از هش 10 و تصویر تصادفی است. متاسفانه این طرح به دلیل هزینه ی زیاد پیش پردازش غیر کاربردی است. 10

در این پایاننامه، موفقیت اصلی کاهش بعد داده $\mathbf{A} \in \mathbb{R}^{n \times D}$ به $\mathbf{A} \in \mathbb{R}^{n \times D}$ و تامین برآوردگرهای دقیق برای استخراج فاصلههای اولیه در \mathbf{A} بر اساس \mathbf{B} است. در حالی که سناریوهای مهمی وجود دارند که در آنها نتایج ما رضایت بخش هستند، توسعهی یک الگوریتم زیر-خطی برای تخمین نزدیکترین همسایهها، بر اساس الگوریتم ما یک ایده جذاب برای تحقیقات آینده است. یک مانع اصلی در این راه این است که بیشتر برآوردگرهای ما غیر متریک هستند و بنابراین طراحی یک الگوریتم هوشمند و تحلیلهای تئوری ممکن است سخت باشد، با این حال غیر ممکن نیست.

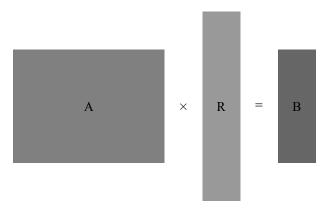
²⁸Curse of dimensionality

²⁹Memory wall

³⁰Super-linear memory

 $^{^{31}}Hash$

فصل سوم تصویر تصادفی پایدار روش تصویر تصادفی پایدار $l_{\alpha}(\circ < \alpha \leq 1)$ به ۲۹، ۲۸، ۲۹ یک روش پرکاربرد در داده کاوی و یادگیری ماشین است. با این روش به طور کار $l_{\alpha}(\circ < \alpha \leq 1)$ فاصله در داده های حجیم (برای مثال: وب یا جریان های داده ی حجیم) محاسبه می شود. در این روش حافظه ی کمی استفاده شده و فقط یک بار پایش داده ها کافی است.



شکل ۳-۱: روش تصویر تصافی پایدار ماتریس دادهی $\mathbf{A} \in \mathbb{R}^{n \times D}$ را در یک ماتریس تصادفی $\mathbf{R} \in \mathbb{R}^{D \times k}$ ضرب می کند تا ماتریس تصویر شده $\mathbf{B} = \mathbf{A} \mathbf{R} \in \mathbb{R}^{n \times k}$ حاصل شود.

همانطور که در شکل ۳-۱ میبینید.

¹Stable Random Projections

منابع و مراجع

- [1] Aggarwal, Charu C. *Data streams: models and algorithms*, volume 31. Springer Science & Business Media, 2007.
- [2] Aggarwal, Charu C, Wolf, Joel L, and Yu, Philip S. *A new method for similarity indexing of market basket data*. ACM, 1999.
- [3] Agrawal, Rakesh, Imieliński, Tomasz, and Swami, Arun. Mining association rules between sets of items in large databases. In *Acm sigmod record*, volume 22, pages 207–216. ACM, 1993.
- [4] Agrawal, Rakesh, Mannila, Heikki, Srikant, Ramakrishnan, Toivonen, Hannu, Verkamo, A Inkeri, et al. Fast discovery of association rules. *Advances in knowledge discovery and data mining*, 12(1):307–328, 1996.
- [5] Agrawal, Rakesh, Srikant, Ramakrishnan, et al. Fast algorithms for mining association rules. In *Proc. 20th int. conf. very large data bases, VLDB*, volume 1215, pages 487–499, 1994.
- [6] Andoni, Alexandr and Indyk, Piotr. Near-optimal hashing algorithms for approximate nearest neighbor in high dimensions. In *Foundations of Computer Science*, 2006. *FOCS'06. 47th Annual IEEE Symposium on*, pages 459–468. IEEE, 2006.
- [7] Babcock, Brian, Babu, Shivnath, Datar, Mayur, Motwani, Rajeev, and Widom, Jennifer. Models and issues in data stream systems. In *Proceedings of the twenty-first ACM SIGMOD-SIGACT-SIGART symposium on Principles of database systems*, pages 1–16. ACM, 2002.
- [8] Brin, Sergey, Davis, James, and Garcia-Molina, Hector. Copy detection mechanisms for digital documents. In *ACM SIGMOD Record*, volume 24, pages 398–409. ACM, 1995.

- [9] Brin, Sergey, Motwani, Rajeev, and Silverstein, Craig. Beyond market baskets: Generalizing association rules to correlations. In *Acm Sigmod Record*, volume 26, pages 265–276. ACM, 1997.
- [10] Brin, Sergey, Motwani, Rajeev, Ullman, Jeffrey D, and Tsur, Shalom. Dynamic itemset counting and implication rules for market basket data. *Acm Sigmod Record*, 26(2):255–264, 1997.
- [11] Brin, Sergey and Page, Lawrence. The anatomy of a large-scale hypertextual web search engine. *Computer networks and ISDN systems*, 30(1-7):107–117, 1998.
- [12] Brinkman, Bo and Charikar, Moses. On the impossibility of dimension reduction in 11. *Journal of the ACM (JACM)*, 52(5):766–788, 2005.
- [13] Broder, Andrei Z. On the resemblance and containment of documents. In *Compression and complexity of sequences 1997. proceedings*, pages 21–29. IEEE, 1997.
- [14] Buhler, Jeremy and Tompa, Martin. Finding motifs using random projections. *Journal of computational biology*, 9(2):225–242, 2002.
- [15] Chaudhuri, Surajit, Motwani, Rajeev, and Narasayya, Vivek. On random sampling over joins. In *ACM SIGMOD Record*, volume 28, pages 263–274. ACM, 1999.
- [16] Crovella, Mark E and Bestavros, Azer. Self-similarity in world wide web traffic: evidence and possible causes. *IEEE/ACM Transactions on networking*, 5(6):835–846, 1997.
- [17] Datar, Mayur, Immorlica, Nicole, Indyk, Piotr, and Mirrokni, Vahab S. Locality-sensitive hashing scheme based on p-stable distributions. In *Proceedings of the twentieth annual symposium on Computational geometry*, pages 253–262. ACM, 2004.
- [18] Datar, Mayur and Indyk, Piotr. Comparing data streams using hamming norms. In *Proceedings 2002 VLDB Conference: 28th International Conference on Very Large Databases (VLDB)*, page 335. Elsevier, 2002.
- [19] Deerwester, Scott, Dumais, Susan T, Furnas, George W, Landauer, Thomas K, and Harshman, Richard. Indexing by latent semantic analysis. *Journal of the American society for information science*, 41(6):391–407, 1990.
- [20] Dhillon, Inderjit S and Modha, Dharmendra S. Concept decompositions for large sparse text data using clustering. *Machine learning*, 42(1-2):143–175, 2001.

- [21] Faloutsos, Michalis, Faloutsos, Petros, and Faloutsos, Christos. On power-law relationships of the internet topology. In *ACM SIGCOMM computer communication review*, pages 251–262. ACM, 1999.
- [22] Friedman, Jerome, Hastie, Trevor, and Tibshirani, Robert. *The elements of statistical learning*, volume 10. Springer series in statistics New York, NY, USA:, 2001.
- [23] Friedman, Jerome H, Baskett, Forest, and Shustek, Leonard J. An algorithm for finding nearest neighbors. *IEEE Transactions on computers*, 100(10):1000–1006, 1975.
- [24] Friedman, Jerome H, Bentley, Jon Louis, and Finkel, Raphael Ari. An algorithm for finding best matches in logarithmic time. *ACM Trans. Math. Software*, 3(SLAC-PUB-1549-REV. 2):209–226, 1976.
- [25] Garcia-Molina, Hector. Database systems: the complete book/hector garcia, molina jeffrey d. ullman, jennifer widom, 2002.
- [26] Henzinger, Monika Rauch, Raghavan, Prabhakar, and Rajagopalan, Sridhar. Computing on data streams. *External memory algorithms*, 50:107–118, 1998.
- [27] Hornby, Albert Sydney, editor. *Oxford Advanced Learner's Dictionary of Current English*. Oxford University Press, Oxford, UK, fourth edition, 1989.
- [28] Indyk, Piotr. Stable distributions, pseudorandom generators, embeddings and data stream computation. In *focs*, page 189. IEEE, 2000.
- [29] Indyk, Piotr. Stable distributions, pseudorandom generators, embeddings, and data stream computation. *Journal of the ACM (JACM)*, 53(3):307–323, 2006.
- [30] Indyk, Piotr and Motwani, Rajeev. Approximate nearest neighbors: towards removing the curse of dimensionality. In *Proceedings of the thirtieth annual ACM symposium on Theory of computing*, pages 604–613. ACM, 1998.
- [31] Johnson, William B and Lindenstrauss, Joram. Extensions of lipschitz mappings into a hilbert space. *Contemporary mathematics*, 26(189-206):1, 1984.
- [32] Johnson, William B and Schechtman, Gideon. Embeddingl p m intol 1 n. *Acta Mathematica*, 149(1):71–85, 1982.

- [33] Kannan, J Feigenbaum S, Strauss, M, and Viswanathan, M. An approximate 11-difference algorithm for massive data streams. *Unknown*, Unknown.
- [34] Lee, James R and Naor, Assaf. Embedding the diamond graph in 1 p and dimension reduction in 1 1. *Geometric & Functional Analysis GAFA*, 14(4):745–747, 2004.
- [35] Leland, Will E, Willinger, Walter, Taqqu, Murad S, and Wilson, Daniel V. On the self-similar nature of ethernet traffic. *ACM SIGCOMM Computer Communication Review*, 25(1):202–213, 1995.
- [36] Li, Ping. Stable random projections and conditional random sampling, two sampling techniques for modern massive datasets. Stanford, 2007.
- [37] Li, Ping. Estimators and tail bounds for dimension reduction in 1α ($0 < \alpha \le 2$) using stable random projections. In *Proceedings of the nineteenth annual ACM-SIAM symposium on Discrete algorithms*, pages 10–19. Society for Industrial and Applied Mathematics, 2008.
- [38] Matias, Yossi, Vitter, Jeffrey Scott, and Wang, Min. Wavelet-based histograms for selectivity estimation. In *ACM SIGMoD Record*, volume 27, pages 448–459. ACM, 1998.
- [39] McKee, Sally A. Reflections on the memory wall. In *CF'04: Proceedings of the 1st conference on Computing frontiers*, page 162, 2004.
- [40] Muthukrishnan, S. Data streams: Algorithms and applications (foundations and trends in theoretical computer science). *Hanover, MA: Now Publishers Inc*, 2005.
- [41] Newman, Mark EJ. Power laws, pareto distributions and zipf's law. *Contemporary physics*, 46(5):323–351, 2005.
- [42] Strehl, Alexander and Ghosh, Joydeep. A scalable approach to balanced, high-dimensional clustering of market-baskets. In *International Conference on High-Performance Computing*, pages 525–536. Springer, 2000.
- [43] Vempala, Santosh S. *The random projection method*, volume 65. American Mathematical Soc., 2005.
- [44] Wulf, Wm A and McKee, Sally A. Hitting the memory wall: implications of the obvious. *ACM SIGARCH computer architecture news*, 23(1):20–24, 1995.

[45] Zolotarev, VM. One-dimensional stable distributions. translated from the russian by hh mcfaden. translation edited by ben silver. translations of mathematical monographs, 65. American Mathematical Society, Providence, RI, 1986.

پيوست

موضوعات مرتبط با متن گزارش پایان نامه که در یکی از گروههای زیر قرار می گیرد، در بخش پیوستها آورده شوند:

```
۱. اثبات های ریاضی یا عملیات ریاضی طولانی.
```

۲. داده و اطلاعات نمونه (های) مورد مطالعه (Case Study) چنانچه طولانی باشد.

۳. نتایج کارهای دیگران چنانچه نیاز به تفصیل باشد.

۴. مجموعه تعاریف متغیرها و پارامترها، چنانچه طولانی بوده و در متن به انجام نرسیده باشد.

کد میپل

```
with(DifferentialGeometry):
with(Tensor):
DGsetup([x, y, z], M)
frame name: M
a := evalDG(D_x)
D_x
b := evalDG(-2 y z D_x+2 x D_y/z^3-D_z/z^2)
```

واژهنامهی فارسی به انگلیسی

خودریختی Automorphism	Ĩ
s	اسکالر
Degree	ب
j	
microprocessor	بالابر
j	پ
زيرمدول	پایا
س	ت
سرشت	تناظر
ص	ث
صادقانه Faithful	ثابتساز Stabilizer
ض	τ
ضرب داخلی	Permutation
ط	€
طوقه	چند جملهای Polynomial
ظ	τ
ظرفیت	حاصل ضرب دکارتی Cartesian product
3	έ

عدم مجاورت Nonadjacency
ف
فضای برداری Vector space
ک
كاملاً تحويل پذير Complete reducibility
گ
گراف
م
ماتریس جایگشتی Permutation matrix
ن
Disconnected
9
وارون پذیر Invertible
c
همبند Connected
ى
يال

واژهنامهی انگلیسی به فارسی

A	بالابر Lift
خودریختی Automorphism	M
В	مدول
دوسویی	N
C	نگاشت طبیعی Natural map
گروه دوری	O
D	یک به یک One to One
Degree	P
E	گروه جایگشتی Permutation group
يال	Q
F	Ouotient graph " " ! !!
تابع تابع	گراف خارج قسمتی Quotient graph
G	R
گروه	تحویل پذیر Reducible
Н	S
همریختی Homomorphism	Sequence
I	T
Jnvariant	سرشت بدیهی Trivial character
L	\mathbf{U}

واژهنامهی انگلیسی به فارسی

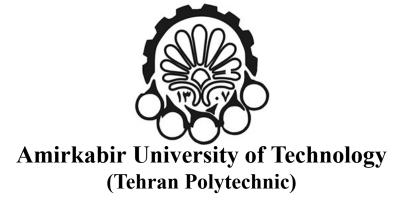
V

Abstract

This page is accurate translation from Persian abstract into English.

Key Words:

Write a 3 to 5 KeyWords is essential. Example: AUT, M.Sc., Ph. D,..



Department of ...

MSc Thesis

Title of Thesis

By

Name Surname

Supervisor

Dr.

Advisor

Dr.

Month & Year