

دانشگاه صنعتی امیرکبیر (پلی تکنیک تهران) دانشکده ریاضی و علوم کامپیوتر

پایاننامه کارشناسیارشد گرایش سیستمهای کامپیوتری

کاهش بعد دادههای بزرگ مقیاس با استفاده از نگاشت تصادفی

نگارش سیامک دهبد

استاد راهنما دکتر عادل محمدپور

> استاد مشاور دکتر هادی زارع

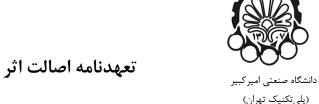
> > دی ۱۳۹۷

صفحه فرم ارزیابی و تصویب پایان نامه- فرم تأیید اعضاء کمیته دفاع

در این صفحه فرم دفاع یا تایید و تصویب پایان نامه موسوم به فرم کمیته دفاع- موجود در پرونده آموزشی- را قرار دهید.

نكات مهم:

- نگارش پایان نامه/رساله باید به زبان فارسی و بر اساس آخرین نسخه دستورالعمل و راهنمای تدوین پایان نامه های دانشگاه صنعتی امیر کبیر باشد.(دستورالعمل و راهنمای حاضر)
- رنگ جلد پایان نامه/رساله چاپی کارشناسی، کارشناسی ارشد و دکترا باید به ترتیب مشکی، طوسی و سفید رنگ باشد.
 - چاپ و صحافی پایان نامه/رساله بصورت پشت و رو(دورو) بلامانع است و انجام آن توصیه می شود.



تاریخ: دی ۱۳۹۷

اینجانب سیامک دهبد متعهد می شوم که مطالب مندرج در این پایان نامه حاصل کار پژوهشی اینجانب تحت نظارت و راهنمایی اساتید دانشگاه صنعتی امیرکبیر بوده و به دستاوردهای دیگران که در این پژوهش از آنها استفاده شده است مطابق مقررات و روال متعارف ارجاع و در فهرست منابع و مآخذ ذکر گردیده است. این پایاننامه قبلاً برای احراز هیچ مدرک همسطح یا بالاتر ارائه نگردیده است.

در صورت اثبات تخلف در هر زمان، مدرک تحصیلی صادر شده توسط دانشگاه از درجه اعتبار ساقط بوده و دانشگاه حق پیگیری قانونی خواهد داشت.

کلیه نتایج و حقوق حاصل از این پایاننامه متعلق به دانشگاه صنعتی امیرکبیر میباشد. هرگونه استفاده از نتایج علمی و عملی، واگذاری اطلاعات به دیگران یا چاپ و تکثیر، نسخهبرداری، ترجمه و اقتباس از این پایان نامه بدون موافقت كتبي دانشگاه صنعتي امير كبير ممنوع است. نقل مطالب با ذكر مآخذ بلامانع است.

سیامک دهبد

امضا



با تشکر از استاد گرامی دکتر محمدپور بابت همراهی و صبر ایشان

سامک دسد دی ۱۳۹۷

چکیده

روش تصویر تصادفی برای کاهش بعد دادههای بزرگ مقیاس مزایای متعددی نسبت به روشهای دیگر کاهش بعد دارد. در این پایاننامه این روش برای دادههای بزرگ مقیاس با دیگر روشهای کاهش بعد مقایسه شده است. همچنین توانایی این روش برای دادههای با توزیع پایدار غیر نرمال با دیگر روشهای کاهش بعد مقایسه شده است.

واژههای کلیدی:

کاهش بعد، تصویر تصادفی، توزیع پایدار، دادههای بزرگ مقیاس

ىفحە	فهرست مطالب	عنوا
١	مقدمه	. 1
٣	کاهش بعد و دادههای بزر <i>گ</i> مقیاس	۲
۴	۱-۱ دادههای حجیم	ĭ
۴	۲-۱-۲ دادههای حجیم وب	
۶	۲-۱-۲ جریانهای دادهی حجیم	
۶	۲-۲ چالشهای نمونه گیری از دادههای حجیم	٢
٧	۱-۲-۲ مزایای نمونه گیری تصادفی مختصات	
٧	۲-۲-۲ معایب نمونه گیری تصادفی مختصات	
٨	auتصویر تصادفی پایدار $ au$ تصویر تصادفی پایدار $ au$ تصویر تصادفی پایدار $ au$	ſ
٨	۴-۱ کاربردها	Ĭ
٩	۲-۴-۲ کاوش قوانین وابستگی	
٩	۲-۴-۲ وابستگی جفتی همه (فاصلهها)	
\ 0	۲-۴-۳ تخمین فاصلهها به طور آنلاین	
\ 0	۲-۴-۲ بهینهسازی درخواست از پایگاه داده	
11	۲-۴-۵ جستجوی نزدیکترین همسایه از مرتبهی زیر خطی	
۱۲	تصویر تصادفی پایدار	٣
14	بع و مراجع	مناب
18	ست ست	پيو
۱۷	هنامهی فارسی به انگلیسی	واژد
19	، نامهی انگلیسی به فارسی	واژد

سفحه	فهرست اشكال	شكل
٨	${f A}$ ، ${f B}={f A} imes{f R}$ تصویر تصادفی پایدار ${f A}$ ، ${f B}={f A}$ ماتریس اولیه دادهها است	1-7
۱۳	${f A}$ ، ${f B}={f A} imes{f R}$ تصویر تصادفی پایدار ${f A}$ ، ${f B}={f A}$ ماتریس اولیه دادهها است	1-4

ىفحە	فهرست جداول	جدول
۴	تعداد بازدید صفحات برای کلمات با بازخورد بالا و کلمات با بازخورد نادر	1-7
	با افزایش تعداد عبارات در درخواست، باید فرکانسهای جفت شده کاهش پیدا کنند. ولی	7-7
۵	تخمینهای بیان شده توسط موتورهای جستجو گاهی این موضوع تثبیت شده را نقض می کنند.	
	بازدید صفحات گزارش شده توسط Google برای چهار کلمه و وابستگیهای دو، سه و چهارتایی	٣-٢
\ o	آنها	

فهرست نمادها

نماد مفهوم \mathbb{R}^n n فضای اقلیدسی با بعد n کرہ یکه n بعدی \mathbb{S}^n M جمینهm-بعدی M^m M وی هموار روی M $\mathfrak{X}(M)$ (M,g) مجموعه میدانهای برداری هموار یکه روی $\mathfrak{X}^{\prime}(M)$ M مجموعه p-فرمیهای روی خمینه $\Omega^p(M)$ اپراتور ریچی Qتانسور انحنای ریمان \mathcal{R} تانسور ریچی ricمشتق لي L۲-فرم اساسی خمینه تماسی Φ التصاق لوى-چويتاي ∇ لاپلاسين ناهموار Δ عملگر خودالحاق صوری القا شده از التصاق لوی-چویتای ∇^* متر ساساكى g_s التصاق لوی-چویتای وابسته به متر ساساکی ∇ عملگر لاپلاس-بلترامی روی p-فرمها Δ

٥

فصل اول مقدمه

عمومیت پیدا کردن دادههای حجیم مانند دادههای حجیم تحت وب و جریانهای داده بزرگ در کاربردهای جدید، موجب به وجود آمدن فرصتهای و چالشهایی برای مهندسین و دانشمندان شده است. [۱۵] برای مثال، زمانی که ماتریس داده $\mathbf{A} \in \mathbb{R}^{n \times D}$ ابعادی در حد وب داشته باشد، عملیات سادهای مانند محاسبه $\mathbf{A} \mathbf{A}^T$ سخت می شود. برای ارائه و نگهداری دادههای حجیم در حافظهای کوچک و برای استخراج اطلاعات آماری اصلی از مجوعهای از بیانی محدود، روشهای گوناگونی نمونهبرداری توسعه یافته است. به طور کلی روش تصویر تصادفی پایدار I برای دادههای با دم سنگین خیلی خوب کار می کند.

 $\mathbf{R} \in \mathbb{R}^{D \times k}$ روش تصویر تصادفی پایدار، ماتریس دادههای اولیه $\mathbf{A} \in \mathbb{R}^{n \times D}$ را در ماتریس تصادفی \mathbf{R} صرب می کند و نتیجه ماتریس متفارن انتخاب می شوند ($\mathbf{A} \in \mathbb{R}^n$ است. معمولا درایههای ماتریس تصادفی $\mathbf{B} = \mathbf{A} \mathbf{R} \in \mathbb{R}^{n \times k}$ به صورت i.i.d به صورت نیجه ماتریس مشخصههای \mathbf{A} را برجسته شده به صورت \mathbf{A} برجسته شده این تخمین بزنیم. در مورد حالت \mathbf{A} مزیت توزیع تصادفی پایدار توسط لم \mathbf{A} را برجسته شده است. لم \mathbf{A} بیان می دارد که کافی است $\mathbf{A} = \mathbf{A}$ باشد تا هم فاصله دو به دویی با نرم \mathbf{A} در ابتوان با فریب \mathbf{A} از روی ماتریس \mathbf{B} تخمین زد. در تر تر Ping Li لمی مشابه لم \mathbf{A} برای \mathbf{A} و اثبات شده است. روش تصویر تصادفی پایدار به یک مسئله تخمین آماری کاهش می یابد برای تخمین پارامتر مقیاس برای است. روش تصویر تصادفی پایدار به یک مسئله تخمین آماری کاهش می یابد برای تخمین پارامتر مقیاس برای یک توضیع پایدار \mathbf{A} متقارن. این مسئله از این جهت مورد توجه قرار می گیرد زیرا ما به دنبال برآوردی می گردیم که هم از نظر آماری درست باشند و هم از نظر محاسباتی مقرون به صرفه. برآوردگرهای مختلفی را مطالعه و مقایسه کردیم. شامل میانگین حسابی، میانگین هندسی، میانگین هارمونیک، تقسیم توانی \mathbf{A} و برآوردگر حداکثر بزرگنمایی.

در این پایاننامه ما به بررسی موارد خاصی از تصویر تصادفی پایدار می پردازیم. برای نرم l ارتقایی را با استفاده از اطلاعات حاشیه ای پیشنهاد می کنیم. همچنین برای حالت l می توان ماتریس تصویر گر را از یک توزیع زیر گوسی ^۵ بسیار کوچکتر به جای توزیع نرمال انتخاب کرد. با در نظر گرفتن محدودیتهای معقولی می توان از یک توزیع خاص زیر گوسی استفاده کرد. این توزیع شامل [-1, 0, 1] با احتمالات $\{\frac{1}{s}, 1 - \frac{1}{l_s}, \frac{1}{l_s}, 1 - \frac{1}{l_s}, \frac{1}{l_s}, 1 - \frac{1}{l_s}, \frac{1}{l_s}\}$ با مقادیر بسیار بزرگی برای s (به عبارتی، تصویر تصادف خیلی گسسته s) می تواند به خوبی تصویر تصادفی نرمال عمل کند. برای حالت نرم s به عبارتی دیگر تصویر تصادفی کوچی انجام تخمین کاری نسبتا جذاب است. برای مثال، محاسبه بر آوردگر بیشینه درستنمایی MLE در این حالت از لحاظ محاسباتی ممکن است. و یک توزیع معکوس گاوسی s برای مدل سازی دقیق توزیع MLE بیان شده است.

روش تصویر تصادفی از پراکندگی دادهها استفادهای نمی کند. در حالی که دادههای بزرگ مقیاس معمولا بسیار پراکنده هستند. از روش تصویر تصادفی می توان برای حل مسائل بزرگ مقیاس در علوم و مهندسی در موتورهای جستجو و سیستمهای اخذ داده، پایگاههای داده، سیستمهای جریان داده جدید، جبر خطی عددی و بسیاری از کارهای یادگیری ماشین و داده کاوی که شامل محاسبه حجیم فاصلهها است، استفاده کرد.

¹Stable Random Projection

²Independent and identically distributed random variables

³Johnson-Lindenstrauss

⁴fractional power

⁵sub-Gaussian

⁶Very sparse random projections

⁷Cauchy random projections

⁸inverse Gaussian

فصل دوم کاهش بعد و دادههای بزرگ مقیاس

۱-۲ دادههای حجیم

عبارات زیر از سایت Information Week نقل قول شدهاند $^{'}$ عبارات

- مقدار دادهای که توسط کسب و کارها ذخیره می شود تقریبا هر ۱۲ تا ۱۸ ماه دو برابر می شود.
- پایگاه دادهها بیشتر هم زمان شدهاند. فروشگاههای زنجیرهای Wall-Marat دادههای فروش را هر ساعت به روز می کند.
- اضافه شدن یک میلیون خط داده اجازه جستجوهای پیچیده تری را می دهد. شرکت EBay به کارمندان اجازه می دهد برای بدست آوردن در کی عمیق تر در خصوص رفتار مشتریان در میان داده های حراج در بازه های زمانی کوتاه جستجو کنند.
- بزرگترین پایگاه دادهها توسط، مرکز شتابدهنده خطی استاندارد، مرکز تحقیقات ناسا، آژانس امنیت ملی و
 ... در ابعادی در محدوده ی پتابایت (هزار ترابایت ۱۰۱۵ بایت)، اداره می شوند.

پدیده نو ظهور مجموعه داده *ای حجیم،* چالشهای محاسباتی در بسیاری کاربردهای علمی و تجاری به وجود آورده است. شامل اخترفیزیک، بیوتکنولوزی، جمعیت شناسی ^۲، مالی، سیستمهای اطلاعات جغرافیایی، دولت، دارو، ارتباطات از راه دور، محیط زیست و اینترنت.

۲-۱-۱ دادههای حجیم وب

وب چقدر بزرگ است؟ جدول 1-1 نشان دهنده تعداد بازدید صفحات در موتورهای جستجوی امروزی است. به طور تخمینی حدود $D = 10^{10}$ صفحه وب را می توان بر اساس بازدید دو واژه ی بسیار پر کاربرد « $D = 10^{10}$ » و « THE » تخمین زد. جدول 1-1 همچنین نشان می دهد که حتی کلماتی که به ندرت کاربرد دارند هم تعداد زیادی بازدید دارند.

Query	Google	Bing
A	25,270,000,000	175,000,000
The	25,270,000,000	101,000,000
Kalevala	7,440,000	939,000
Griseofulvin	1,163,000	332,000
Saccade	1,030,000	388,000

جدول ۲-۱: تعداد بازدید صفحات برای کلمات با بازخورد بالا و کلمات با بازخورد نادر

کلماتی با بازخورد معمولی چه میزان بازدید دارند؟ برای جواب این سوال ما به طور تصادفی ۱۵ صفحه از لغتنامه ی آموزشی انتخاب میکنیم. [۱۱] (لغتنامه ای با ۱۵٬۰۰۰ کلمه) و اولین کلمه در هر صفحه را مد نظر قرار میدهیم. میانه ی آماری بر اساس جستجوگر گوگل ۱۰ میلیون صفحه برای کلمه است.

زبان انگلیسی چند کلمه دارد؟ در اینجا عبارتی را از AskOxford.com نقل قول می کنیم:

« این بیان میدارد که حداقل یک چهارم میلیون واژهی انگلیسی مستقل وجود دارد. به جز افعال صرفی و کلمات فنی و ناحیهای که توسط OED ^۳ تحت پوشش قرار نمی گیرند یا کلماتی که هنوز به لغتنامههای منتشر

¹http://www.informationweek.com/news/showArticle.jhtml?articleID=175801775

²demographics

³Oxford English Dictionary

شده اضافه نشدهاند. در صورتی که این موارد هم در نظر گرفته شوند تعداد لغات در حدود سه چهارم میلیون لغت خواهد بود »

بنابراین اگر یک ماتریس «عبارت به سند» $\mathbf{A} \in \mathbb{R}^{n \times D}$ در نظر بگیریم. در ابعاد وب این ماتریس در ابعاد بنابراین اگر یک ماتریس «عبارت به سند» $\mathbf{A} \in \mathbb{R}^{n \times D}$ در نظر بگیریم. در اینمان می دهد. در اینجا عدد (i,j) در (i,j) در (i,j) عداد ظهور واژه i در سند i را نشان می دهد. کارکردن با ماترسی در این ابعاد بزرگ چالش برانگیز است. برای مثال، شاخص i i و یک مدل موضوعی فراگیر، از i وی ماتریس عبارت به سند استفاده می کند. که انجام این عملیات در ابعاد وب قطعا غیرممکن است.

یک مشکل اصلی در قبال مجموعه دادههای سنگین، حافظه کامپیوتر است. به این دلیل که ابعاد و سرعت حافظه فیزیکی بسیار رشد کمتری در مقایسه با پردازندهها (CPU) دارد. این پدیده به عنوان دیوار حافظه شناخته می شود [N ، N] . برای مثال، هر چند ممکن است تمامی رخدادهای همزمان دوتایی از پیش محاسبه شوند، ولی نگهداری این حجم از داده در حافظه غیر ممکن است. علاوه بر این، گاهی اوقات تخصیصهایی با بیش از دو عامل هم اهمیت پیدا می کنند زیرا درخواستها ممکن است شامل بیش از دو واژه هم باشند. یک راه حل ممکن این است که یک «نمونه» از A نگهداری شود و همزمانیها بر اساس این نمونه در حین کار تخمین زده شوند. ما حدس می زنیم که این روش توسط موتورهای جستجوی امروزی مورد استفاده قرار می گیرد، هر چند که روش واقعی قطعا جزو اسرار تجاری آنها است.

هر چند که انتظار می رود تخمینها سازگار باشند و فرکانسهای جفت شده باید با افزایش عبارت به درخواست، کاهش پیدا کنند. جدول ۲-۲ نشان می دهد که تخمینهای بیان شده با موتورهای جستجوی فعلی، همیشه سازگار نیستند.

Query	Hits(Bing)	Hits(Google)
America	150,731,182	393,000,000
America & China	15,240,116	66,000,000
America & China & Britain	235,111	6,090,000
America & CHina & Britain & Japan	154,444	23,300,000

جدول ۲-۲: با افزایش تعداد عبارات در درخواست، باید فرکانسهای جفت شده کاهش پیدا کنند. ولی تخمینهای بیان شده توسط موتورهای جستجو گاهی این موضوع تثبیت شده را نقض میکنند.

با اینکه، تعداد کل واژههای انگلیسی (که بهطور صحیح نوشته شدهاند) هم اکنون شگفتاور است، در بسیاری کاربردهای متن کاوی، ما باید با ابعاد بسیار بزرگتری سر و کار داشته باشیم. در حالی که یک سند ممکن است بیانگر برداری از تک واژهها باشد (به عبارت دیگر، مدل کیسه لغات 8). معمولا بهتر است سند به عنوانن یک بردار از لغات به صورت [Y] بیان شود. برای مثال، با استفاده از مدل [Y] بیوسته، جملهی ''It is a nice مجموعه ی زیر تجزیه می شود. [Y] بیان شود. [Y] بیان شود. [X] بیان مدل به طور جشمگیری ("it is a", "is a nice", "a nice day" این مدل به طور جشمگیری ابعداد دادهها را افزایش می دهد. به خاطر اینکه، اگر مجموعه [X] تک لغت انگلیسی موجود داشته باشد. مدل [X] پیوسته تعداد ابعاد را از [X] به [X] افزایش می دهد.

⁴latent semantic indexing

⁵singular value decomposition

⁶bag-of-words

⁷l-shingles

۲-۱-۲ جریانهای دادهی حجیم

در بسیاری کاربردهای جدید پردازش داده، جریانهای دادهی حجیم نقش بنیادی دارند. جریانهای دادهای که از روترهای اینترنت، سوئیچهای تلفن، رصد امسفر، شبکههای سنسور، شرایط ترافیکی بزرگراهی، دادههای مالی و غیره [۱، ۱۷، ۶، ۳، ۱۲، ۱۳، ۱۰] حاصل میشوند.

برخلاف پایگاه دادههای سنتی، معمول نیست که جریانهای داده ی حجیم (که با سرعت زیادی منتقل می شوند) در جای نگهداری شوند. بنابراین پردازش معمولا به طور همزمان انجام می شوند. برای مثال، گاهی اوقات «رصد تصویری» دادهها با رصد تغییرات زمانی برخی آمارهها کفایت می کند. برای مثال آمارههای نظیر: مجموع، تعداد آیتمهای مجزا، برخی نرمهای l_{α} . در برخی کاربردها (برای مثال، طبقه بندی صدا/محتوا و جدا سازی) نیاز است یک مدل یادگیری آماری برای کلاسه بندی l_{α} یا خوشه بندی l_{α} جریان دادههای حجیم توین شود. ولی معمولا فقط می توانیم یک بار دادهها را مورد بررسی قرار دهیم.

u یک خاصیت مهم جریانهای دادهای این است که دینامیک هستند. به عنوان یک مدل محبوب، جریان IP شامل ورودیهای $D=\mathsf{T}^{\mathfrak{s}\mathfrak{s}}$ است که IP برای مثال، $D=\mathsf{T}^{\mathfrak{s}\mathfrak{s}}$ زمانی که جریان بیان گر IP آدرسها است. ورودیها ممکن است به هر ترتیبی باشند و ممکن است مرتبا به روز شوند. ذات دینامیک جریان دادههای P وجیم فرآیند نمونه گیری را بسیار چالشبرانگیزتر ا زمانی می کند که با دادههای ایستا سر و کار داریم.

۲-۲ چالشهای نمونهگیری از دادههای حجیم

در حالی که مسائل جذاب و چالشبرانگیزی با ورود دادههای حجیم شکل گرفتهاند، این پایان نامه بر روی توسعه ی روشهای نمونه گیری برای محاسبه فاصله در دادههایی با ابعاد بسیار بالا با استفاده از حافظه محدود تمرکز دارد. در کاربردهای مدل سازی آماری و یادگیری ماشین، در اغلب موارد به جای دادههای اصلی به فاصله، به خوصو فاصله ی جفتی نیاز داریم. برای مثال، محاسبه ماتریس گرام $\mathbf{A}^{\mathbf{T}}$ در آمار و یادگیری ماشین معمول است. $\mathbf{A}^{\mathbf{T}}$ بیانگر همه ی ضربهای داخلی دوتایی در ماتریس داده ی \mathbf{A} است.

 $d_{(\alpha)}$ او داده میشود) و میشود، میشود، فرب داخلی آنها (که با a نمایش داده میشود) و داده شدهاند. فرب داخلی آنها (که با a نمایش داده میشوند با عبارات زیر تعریف میشوند: ۱۲

$$a = u_{\text{\tiny I}}^T u_{\text{\tiny I}} = \sum_{i=1}^D u_{\text{\tiny I},i} u_{\text{\tiny I},i} \tag{1-1}$$

$$d_{(\alpha)} = \sum_{i=1}^{D} |u_1 - u_{\mathsf{T}}|^{\alpha} \tag{T-T}$$

⁸Classification

⁹Clustering

هرچند ما بیشتر اوقات تعداد دقیق ابعاد ((D) یک جریان داده را نمی دانیم ولی در بیشتر کاربردها کافی است حد بالایی محافظه کارانهای را در نظر بگیریم. برای مثال (D) هرچند ما بیشتر و است. همچنین این یکی از دلایلی است که دادهها بسیار پراکنده هستند. به این نکته توجه داشته باشید که ابعاد (D) بسیار بزرک تاثیری در محاسبهی فاصلهها و نمونه گیری طی الگوریتههای معرفی شده در این پایان نامه ندارد.

¹¹Gram matrix

به این نکته توجه داشته باشید که هم ضرب داخلی و هم فاصله به شکل جمع D جمله تعریف می شوند. بنابراین، زمانی که دادهها به اندازهای حجیم هستند که نمی توان به طور کارا آنها را مدیریت کرد، نمونه گیری خیلی عادی به نظر می رسد تا بتوان با انتخاب تصادفی k عضو از D جمله تخمینی از مجموع به دست آوریم (با ضریب مقیاس $\frac{D}{k}$). در خصوص ماتریس داده ی $\mathbf{A} \in \mathbb{R}^{n \times D}$ انتخاب تصادفی مختصات \mathbf{A} ستون را از ماتریس داده به طور یکنواخت و تصادفی انتخاب می کند.

۱-۲-۲ مزایای نمونه گیری تصادفی مختصات

نمونه گیری تصادفی مختصات به دو دلیلی معمولا انتخاب پیشفرض است.

- سادگی این روش از لحاظ زمانی تنها از مرتبه O(nk) برای نمونه گیری k ستون از $A\in\mathbb{R}^{n imes D}$ طول می کشد.
- انعطاف پذیری یک مجموعه نمونه را میتوان برای تخمین بسیاری از شاخصهای آماری استفاده کرد. شامل: ضرب داخلی، فاصله l_{α} (برای هر مقداری از α)

۲-۲-۲ معایب نمونه گیری تصادفی مختصات

با این حال نموننه گیری تصادفی مختصات دو ایراد اساسی دارد.

- معمولا دقیق نیست زیرا مقادیری با مقدار زیاد محتمل است که گم شوند. مخصوصا زمانی که دادهها دم سنگینی داشته باشند. دادههای بزرگ مقیاس دنیای واقعی (مخصوصا دادههای مربوط به اینترنت) همیشه دم سنگین هستند و از قاعده توانی پیروی می کنند. [۱۸، ۹، ۵، ۱۴] زمانی که فاصله l_1 یا ضرب داخلی را تخمین میزنیم. واریانس تخمینها بر اساس ممان چهارم دادهها تعیین میشود. در حالی که در دادههای دم سنگین، گاهی اوقات حتی ممان اول هم معنی دار نیست (محدود نیست) [۱۸].
- این روش دادههای پراکنده را به خوبی مدیریت نمی کند. بسیاری از دادههای بزرگ مقیاس به شدت پراکنده هستند، به عنوان مثال، دادههای متنی [۸] و دادههای بر اساس بازار [۲، ۱۹] . به جز برخی واژههای کاربردی مانند "A" و "The" بیشتر لغات با نسبت بسیار کمی در مستندات ظاهر می شوند (\square >) اگر ما دادهها را با در نظر گرفتن تعدادی از ستونهای ثابت نمونه گیری کنیم. خیلی محتمل است که بیشتر دادههای (مقادیر غیر صفر) را از دست بدهیم.به خصوص موارد جذابی که دو مقدار با هم غیر صفر شدهاند.

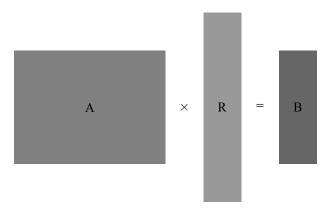
در این پایاننامه ما روش تصویر تصادفی را مورد بررسی قرار میدهیم و نشان خواهیم داد که این روش به خوبی قابلیت مدیریت دادههای دمسنگین را دارد.

¹³Random coordinate sampling

¹⁴Memory wall

Υ – تصویر تصادفی یایدار Υ

 ${f A} \in {\cal A}$ تصویر شکل ${f N-1}$ ، ایده تصویر تصادفی را نشان می دهد. ایده اصلی تصویر تصادفی ضرب ماتریس داده ی ${f B} = {f A} \times {f R} \in {\mathbb R}^{D \times k}$ در ماتریس تصادفی ${f R} \in {\mathbb R}^{D \times k}$ است. که حاصل ماتریس تصویر شده ی ${f R}^{n \times D}$ در ماتریس تصادفی ${f R}$ است و بنابراین به راحتی قابل ذخیره سازی است. (برای مثال: برای حافظه های فیزیکی به اندازه ی کافی کوچک است)



شکل ۲-۱: تصویر تصادفی پایدار $\mathbf{A} imes \mathbf{B} = \mathbf{A} imes \mathbf{R}$ ماتریس اولیه دادهها است.

ماتریس تصویر گر $\mathbf{R} \in \mathbb{R}^{D \times k}$ معمولا از داریههای مستقل هم توزیع (i.i.d) یک توزیع متقارن $\mathbf{R} - \mathbf{p}$ یدار پر ماتریس تصویر تم (بنابراین نام این روش «تصویر تصادفی پایدار» است. (بر اساس مشخصات توزیعهای \mathbf{p} یدار، دادههای تصویر شده هم از توزیع \mathbf{p} -پایدار پیروی می کنند. که بر اساس آنها شاخصهای \mathbf{p} و فاصله دودویی \mathbf{p} د تخمین زده می شوند و می توانیم دادههای اصلی را دور بریزیم.

موفقیت تصویر پایدار تصادفی توسط لم (JL) Johnson-Lindenstrauss (JL) برای کاهش بعد در l_1 میان موفقیت تصویر پایدار تصادفی توسط لم l_2 میان l_3 میان l_4 میان l_5 میان می کند. رعایت l_5 میان l_6 میان می کند هر فاصله l_7 میان می کند. تعداد بعدی با دقت l_7 با احتمال بالایی تخمین زده شود. (l_8 در اینجا بیانگر تعداد ابعاد کاهش یافته است) با این حال لم JL برای نرمهای فاصله با l_8 کوچکتر از l_8 (l_8 کا صادق نیست. در صورتی که لازم باشد از برآوردگرهایی استفاده کنیم که متریک باشند (در نامساوی مثلثی صدق کنند). به این نتیجه «عدم امکان» گفته می شود. [l_8 l_8

۲-۲ کاربردها

علاقهی زیادی به تکنیکهای نمونه برداری وجود دارد که در کاربردهای زیادی مورد استفاده قرار می گیرند. مانند: قانون وابستگی 11 [?,?] ، خوشه بندی، بهینه سازی درخواست 12 [?,?] ، تشخیص تکراری 13 [?,?] و بسیاری

¹⁵Impossibility

¹⁶Geometric mean

¹⁷Harmonic mean

¹⁸Fractional power

¹⁹Association rules

²⁰Query optimization

²¹Duplicate detection

موارد دیگر. روشهای نمونه بردار هر چه بیشتر و بیشتر برای مجموعههای بزرگتر اهمیت پیدا می کنند.

طرح برودر ^{۱۲} [۴] در ابتدا برای تشخیص صفحات وب تکراری معرفی شد. URL های زیادی به HTML های زیادی به طرح برودر های مشابه (یا تقریبا مشابه) اشاره می کنند. جوابهای تخمین زده شده به اندازه ی کافی خوب بودند. نیازی نبود تا همه تکراری ها پیدا شوند ولی کاربردی بود که تعداد زیدی از آنها پیدا شوند، بدون اینکه بیش از ارزش آن از توان محاسباتی استفاده شود.

در کاربردهای بازیابی اطلاعات (IR) ^{۱۳} معمولا گلوگاه حافظهی فیزیکی است. زیرا مجموعهی وب برای حافظه (RAM) بسیار بزرگ است و از طرفی ما میخواهیم زمان گشتن به دنبال داده ابر روی دیسک را کمینه کنیم. زیرا زمان پاسخ به یک درخواست کلیدی است [؟] . به عنوان یک وسیله صرفهجویی در فضا، کاهش بعد یک ارائه فشرده از دادهها فراهم می کند که برای تولید جوابهای تخمینی در حافظه فیزیکی مورد استفاده قرار می گیرند.

ما به بازدید صفحات وب اشاره کردیم. اگر ما یک عبارت جستجوی دو کلمهای داشته باشیم، میخواهیم بدانیم چه تعداد از صفحات هر دو کلمه را دارند. فرض می کنیم محاسبه ی از قبل و نگهداری بازدید صفحات غیر ممکن باشد. حداقل نه برای کلماتی که تکرار زیادی ندارند و سریهای چند کلمهای.

مرسوم است که در بازیابی اطلاعات با یک ماتریس بزرگ عبارت به ازای سند شروع کنیم که در آن مقادیر ورودی نشان دهنده ی وجود عبارت در متن است. بنا به کاربردهای خاص میتوانیم بک اندیس معکوس ^{۲۴} بسازیم و کلیتی از عبارات (برای تخمین ارتباط لغات) یا اسناد (برای تخمین شباهت اسناد) نگهداری کنیم.

1-4-1 کاوش قوانین وابستگی

تحلیلهای مبتنی بر بازار و قوانین وابستگی [؟، ؟، ؟] ابزارهای مناسبی برای کاوش پایگاه دادههای تجاری هستند. پایگاه دادههای تجاری دارند روز به روز بزرگتر و گسسته تر می شوند. [۲، ۱۹] الگوریتمهای مختلف نمونه برداری پیشنهاد شده است. نمونه برداری این امکان را فراهم می کند تا قواعد تخصیص را به صورت آنلاین برآورد کنیم. که می تواند مزایایی در کاربردهای خاص داشته باشد.

Y-Y-Y وابستگی جفتی همه (فاصلهها)

در کابردهای مختلفی شامل کلاسهبندی بر مبنای فاصله یا خوشهبندی و مدلسازی زبان با bi-gram مرابردهای مختلفی شامل کلاسهبندی بر مبنای فاصله یا خوشهبندی و مدلسازی زبان با \mathbf{A} سامل \mathbf{A} سطر و \mathbf{A} ستون داده شده محاسبه همه مهه عضی مستقیم \mathbf{A} با فاصلهها) هستیم. ماتریس داده ی \mathbf{A} شامل \mathbf{A} سطر \mathbf{A} تعداد میانگین است. محاسبه مستیم میتواند به شدت زمان بر باشد. همچنین، به طور مقادیر غیر صفر میان تمام سطرهای \mathbf{A} است. محاسبه مستیم میتواند به شدت زمان بر باشد. همچنین، به طور خاص بسیار خاص زمانی که ماتریس داده آنقدر بزرگ است که در حافظه فیزیکی جا نمی شود. محاسبه به طور خاص بسیار ناکار آمد خواهد بود.

²²Broder's sketch

²³information retrieval

²⁴inverted index

²⁵litez48

۲-۴-۲ تخمین فاصلهها به طور آنلاین

در حالی که ماتریس داده ی اولیه $\mathbf{A} \in \mathbb{R}^{n \times D}$ ممکن است برای حافظه ی فیزیکی بسیار بزرگ باشد، نگهداری $\mathbf{A} \in \mathbb{R}^{n \times D}$ ممکن است برای حافظه ی فیزیکی بسیار بزرگ باشد، نگهداری و وابستگیها در \mathbf{A} (\mathbf{n}^{T}) فضا مصرف می کند. که می تواند برای حافظه ی فیزیکی بسیار بزرگتر باشد. در این میان وابستگیهای چندتایی را کنار می گزاریم. در بسیاری از کاربردها نظیر یادگیری برخط، سیستمهای توصیه آنلاین، تحلیلهای بازار برخط و موتورهای جستجو، بهتر است که نمونهها (sketches) در حافظه نگهداری شوند و همه ی فاصله ها به طور آنلاین، زمانی که مورد نیاز باشد، محاسبه شوند.

$^{++}$ بهینهسازی درخواست از پایگاه داده

در پایگاه دادهها یک وظیفه ی بسیار مهم تخمین join های چندراهی است، که تاثیر زیادی بر روی کارایی سیستم دارد [؟] . بر اساس تخمین دوراهی، سهراهی و حتی join هایی از مرتبه ی بالاتر، بهینه گرهای درخواست یک نقشه برای کمینه کردن تابع هزینه میسازند (برای مثال، نوشتنهای میانی ^{۲۷}). بهینه بودن اهمیت بسیاری دارد زیرا مثلا نمیخواهیم زمان بیشتری برای بهینهسازی نقشه نسبت به زمان اجرای آن تلف کنیم.

ما از مثال Governator برای نمایش کاربرد تخمین دو و چند راهه برای بهینه کردن درخواست استفاده می کنیم.

	Query	Hits(Google)
	Austria	88,200,000
One wer	Governor	37,300,000
One-way	Schwarzenegger	4,030,000
	Terminator	3,480,000
	Governor & Schwarzenegger	1,220,000
	Governor & Austria	708,000
True mer	Schwarzenegger & Terminator	504,000
Two-way	Terminator & Austria	171,000
	Governor & Terminator	132,000
	Schwarzenegger & Austria	120,000
	Governor & Schwarzenegger & Terminator	75,100
Т	Governor & Schwarzenegger & Austria	46,100
Tree-way	Schwarzenegger & Terminator & Austria	16,000
	Governor & Terminator & Austria	11,500
Four-way	Governor & Schwarzenegger & Terminator & Austria	6,930

جدول ۲-۳: بازدید صفحات گزارش شده توسط Google برای چهار کلمه و وابستگیهای دو، سه و چهارتایی آنها

جدول ۲-۲ بازدید صفحات را برای چهار کلمه و ترکیبات دو، سه، چهارتایی آنها نشان می دهد. فرض کنیم "Governor, Schwarzenegger, Terminator, Austria" بهینه ساز قصد استخراج نقشه برای درخواست: "Schwarzenegger" ("Schwarzenegger" \cap نفراوانی شروع کند: "Schwarzenegger") "Terminator") "Governor") "Austria" ("Governor") "Austria") "Governor") "Austria") "Governor") "Austria") ("Schwarzenegger" "Austria") "Terminator") ("Schwarzenegger" "Austria") ("Terminator") ("Governor") کاهش می دهد.

²⁶Materializing

²⁷Intermediate writes

-4-4 جستجوی نزدیکترین همسایه از مرتبهی زیر خطی

محاسبهی نزدیکترین همسایه در بسیاری کاربردها از اهمیت زیادی برخوردار است. با این حال، به دلیل «نفرین ابعاد» ^{۲۸} راه حل فعلی برای پیدا کردن بهینهی نزدیکترین همسایهها (حتی به طور تقریبی) اصلا رضایت بخش نیست. [؟، ؟]

به دلیل ملاحظات محاسباتی، دو شکل اصلی در جستجوی نزدیکترین همسایهها وجود دارد. اول اینکه ماتریس اصلی دادهها $\mathbf{A} \in \mathbb{R}^{n \times D}$ ممکن است برای حافظه فیزیکی بسیار بزرگ باشد ولی اسکن کردن دیسکهای سخت برای پیدا کردن نزدیکترین همسایهها می تواند خیلی کند باشد. دوما، پیدا کردن نزدیکترین همسایههای یک داده ممکن است O(nD) هزینه بر باشد که می تواند به شدت زمان بر شود.

با این حال، روس کاهش ابعادی در این پایاننامه می تواند در حافظه صرفهجویی کند و سرعت محاسبات را افزایش دهد. برای مثال: وقتی ماتریس داده ی اولیه ${\bf A}$ به ماتریس داده ی ${\bf B}\in \mathbb{R}^{n\times k}$ کاهش می یابد. با این حال، $O(n^{\gamma})$ برای $O(n^{\gamma})$ برای $O(n^{\gamma})$ برای کاربردهای خاص. پیدا کند، حداقل برای کاربردهای خاص.

دو گروه اصلی الگوریتمهای زیر خطی برای محاسبه عبارتند از KD-Trees (و انواع آن) [?، ?] و Possitive Hashing (LSH) (در ان Sensitive Hashing (LSH) ین الگوریتمها معمولا با یک فضای متریک کار می کنند (که در ان نامساوی مثلثی برقرار است). برای مثال، فضای l_{α} زمانی که l_{α} این الگوریتم می توانیم (نسبتا به سادگی) فضای جستجو را به طور کاملا نزدیکترین همسایهها در $\alpha > 1$) α) میگردیم، می توانیم (نسبتا به سادگی) فضای جستجو را به طور کاملا اساسی با استفاده از نامساوی مثلثی کاهش دهیم. به عبارت دیگر، نیازی نیست که همه α نقطه دادهها را مورد بررسی قرار دهیم.

در دادههایی با ابعاد بسیار بزرگ، الگوریتمهای زیر خطی موجود شامل KD-trees و KD-trees عملکرد رضایت بخشی ندارند. وقتی حافظه ی فیزیکی (به جای CPU) گلوگاه باشد 79 ، یکی از مشکلات اصلی این است که این الگوریتمها برای کاهش هزینه ی محاسباتی به حافظه ی ابر خطی 79 نیاز دارند که میتواند مشکل ساز باشد. [9] به طرح کلی برای LSH توجه کنید که ترکیبی از هش 79 و تصویر تصادفی است. متاسفانه این طرح به دلیل هزینه ی زیاد پیش پردازش غیر کاربردی است. [9]

در این پایاننامه، موفقیت اصلی کاهش بعد داده $\mathbf{R}^{n \times D}$ به $\mathbf{A} \in \mathbb{R}^{n \times k}$ و تامین برآوردگرهای دقیق برای استخراج فاصلههای اولیه در \mathbf{A} بر اساس \mathbf{B} است. در حالی که سناریوهای مهمی وجود دارند که در آنها نتایج ما رضایت بخش هستند، توسعه ی یک الگوریتم زیر-خطی برای تخمین نزدیکترین همسایهها، بر اساس الگوریتم ما یک ایده جذاب برای تحقیقات آینده است. یک مانع اصلی در این راه این است که بیشتر برآوردگرهای ما غیر متریک هستند و بنابراین طراحی یک الگوریتم هوشمند و تحلیلهای تئوری ممکن است سخت باشد، با این حال غیر ممکن نیست.

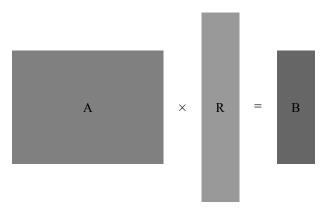
²⁸Curse of dimensionality

²⁹Memory wall

³⁰Super-linear memory

³¹ Hash

فصل سوم تصویر تصادفی پایدار روش تصویر تصادفی پایدار l_{α} (آ؟، l_{α} ، l_{α}) یک روش پرکاربرد در دادهکاوی و یادگیری ماشین است. با این روش به طور کار l_{α} (l_{α} (l_{α} (l_{α}) فاصله در دادههای حجیم (برای مثال: وب یا جریانهای دادهی حجیم) محاسبه می شود. در این روش حافظه ی کمی استفاده شده و فقط یک بار پایش دادهها کافی است.



شکل ۳-۱: روش تصویر تصافی پایدار ماتریس دادهی $\mathbf{A} \in \mathbb{R}^{n \times D}$ را در یک ماتریس تصادفی $\mathbf{R} \in \mathbb{R}^{D \times k}$ ضرب می کند تا ماتریس تصویر شده $\mathbf{B} = \mathbf{A} \mathbf{R} \in \mathbb{R}^{n \times k}$ حاصل شود.

همانطور که در شکل ۳-۱ میبینید.

¹Stable Random Projections

منابع و مراجع

- [1] Aggarwal, Charu C. *Data streams: models and algorithms*, volume 31. Springer Science & Business Media, 2007.
- [2] Aggarwal, Charu C, Wolf, Joel L, and Yu, Philip S. *A new method for similarity indexing of market basket data*. ACM, 1999.
- [3] Babcock, Brian, Babu, Shivnath, Datar, Mayur, Motwani, Rajeev, and Widom, Jennifer. Models and issues in data stream systems. In *Proceedings of the twenty-first ACM SIGMOD-SIGACT-SIGART symposium on Principles of database systems*, pages 1–16. ACM, 2002.
- [4] Broder, Andrei Z. On the resemblance and containment of documents. In *Compression and complexity of sequences 1997. proceedings*, pages 21–29. IEEE, 1997.
- [5] Crovella, Mark E and Bestavros, Azer. Self-similarity in world wide web traffic: evidence and possible causes. *IEEE/ACM Transactions on networking*, 5(6):835–846, 1997.
- [6] Datar, Mayur and Indyk, Piotr. Comparing data streams using hamming norms. In *Proceedings 2002 VLDB Conference: 28th International Conference on Very Large Databases (VLDB)*, page 335. Elsevier, 2002.
- [7] Deerwester, Scott, Dumais, Susan T, Furnas, George W, Landauer, Thomas K, and Harshman, Richard. Indexing by latent semantic analysis. *Journal of the American society for information science*, 41(6):391–407, 1990.
- [8] Dhillon, Inderjit S and Modha, Dharmendra S. Concept decompositions for large sparse text data using clustering. *Machine learning*, 42(1-2):143–175, 2001.

- [9] Faloutsos, Michalis, Faloutsos, Petros, and Faloutsos, Christos. On power-law relationships of the internet topology. In *ACM SIGCOMM computer communication review*, pages 251–262. ACM, 1999.
- [10] Henzinger, Monika Rauch, Raghavan, Prabhakar, and Rajagopalan, Sridhar. Computing on data streams. *External memory algorithms*, 50:107–118, 1998.
- [11] Hornby, Albert Sydney, editor. *Oxford Advanced Learner's Dictionary of Current English*. Oxford University Press, Oxford, UK, fourth edition, 1989.
- [12] Indyk, Piotr. Stable distributions, pseudorandom generators, embeddings and data stream computation. In *focs*, page 189. IEEE, 2000.
- [13] Kannan, J Feigenbaum S, Strauss, M, and Viswanathan, M. An approximate 11-difference algorithm for massive data streams. *Unknown*, Unknown.
- [14] Leland, Will E, Willinger, Walter, Taqqu, Murad S, and Wilson, Daniel V. On the self-similar nature of ethernet traffic. *ACM SIGCOMM Computer Communication Review*, 25(1):202–213, 1995.
- [15] Li, Ping. Stable random projections and conditional random sampling, two sampling techniques for modern massive datasets. Stanford, 2007.
- [16] McKee, Sally A. Reflections on the memory wall. In *CF'04: Proceedings of the 1st conference on Computing frontiers*, page 162, 2004.
- [17] Muthukrishnan, S. Data streams: Algorithms and applications (foundations and trends in theoretical computer science). *Hanover, MA: Now Publishers Inc*, 2005.
- [18] Newman, Mark EJ. Power laws, pareto distributions and zipf's law. *Contemporary physics*, 46(5):323–351, 2005.
- [19] Strehl, Alexander and Ghosh, Joydeep. A scalable approach to balanced, high-dimensional clustering of market-baskets. In *International Conference on High-Performance Computing*, pages 525–536. Springer, 2000.
- [20] Wulf, Wm A and McKee, Sally A. Hitting the memory wall: implications of the obvious. *ACM SIGARCH computer architecture news*, 23(1):20–24, 1995.

بيوست

موضوعات مرتبط با متن گزارش پایان نامه که در یکی از گروههای زیر قرار می گیرد، در بخش پیوستها آورده شوند:

```
۱. اثبات های ریاضی یا عملیات ریاضی طولانی.
```

۲. داده و اطلاعات نمونه (های) مورد مطالعه (Case Study) چنانچه طولانی باشد.

۳. نتایج کارهای دیگران چنانچه نیاز به تفصیل باشد.

۴. مجموعه تعاریف متغیرها و پارامترها، چنانچه طولانی بوده و در متن به انجام نرسیده باشد.

کد میپل

```
with(DifferentialGeometry):
with(Tensor):
DGsetup([x, y, z], M)
frame name: M
a := evalDG(D_x)
D_x
b := evalDG(-2 y z D_x+2 x D_y/z^3-D_z/z^2)
```

واژهنامهی فارسی به انگلیسی

خودریختی Automorphism	Ĩ
s	اسکالر
Degree	ب ب
,	
microprocessor	بالابر
j	پ
زیرمدولزیرمدول	پایا
س	ت
Character	تناظر
ص	ث
صادقانه	ثابتساز Stabilizer
ض	σ
ضرب داخلی	Permutation
ط	હ
طوقه	چند جملهای Polynomial
ظ	τ
ظرفیت	حاصل ضرب دکارتی Cartesian product
3	έ

عدم مجاورت Nonadjacency
ف
فضای برداری Vector space
ى
كاملاً تحويل پذير Complete reducibility
گ
گراف
٩
ماتریس جایگشتی Permutation matrix
ن
Disconnected
9
وارون پذیر Invertible
٥
همبند Connected
ى
يال

واژهنامهی انگلیسی به فارسی

A	بالابر Lift
خودریختی Automorphism	M
В	مدول Module
Bijection	N
C	نگاشت طبیعی
گروه دوری	O
D	یک به یک
Degree	P
${f E}$	گروه جایگشتی Permutation group
يال	Q
F	_
تابع Function	گراف خارجقسمتی Quotient graph
G	R
گروه	تحویل پذیر Reducible
Н	S
همریختیهمریختی	Sequence
I	T
Jnvariant	سرشت بدیهی Trivial character
L	U

واژهنامهی انگلیسی به فارسی

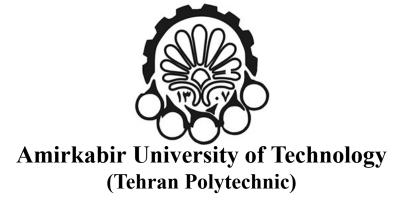
V

Abstract

This page is accurate translation from Persian abstract into English.

Key Words:

Write a 3 to 5 KeyWords is essential. Example: AUT, M.Sc., Ph. D,..



Department of ...

MSc Thesis

Title of Thesis

By

Name Surname

Supervisor

Dr.

Advisor

Dr.

Month & Year