

#867 #DesenvolveDados Seg • Qua • Sex

# Técnicas de Programação I

Conteúdo



# NumPy

## O que é o NumPy?

O NumPy é uma poderosa biblioteca Python que é usada principalmente para realizar cálculos em Arrays Multidimensionais. O NumPy fornece um grande conjunto de funções e operações de biblioteca que ajudam os programadores a executar facilmente cálculos numéricos. Esses tipos de cálculos numéricos são amplamente utilizados em tarefas como:

**Tarefas matemáticas:** NumPy é bastante útil para executar várias tarefas matemáticas como integração numérica, diferenciação, interpolação, extrapolação e muitas outras. O NumPy possui também funções incorporadas para álgebra linear e geração de números aleatórios. É uma biblioteca que pode ser usada em conjuto do SciPy e Matplotlib, substituindo o MATLAB quando se trata de tarefas matemáticas.

Processamento de Imagem e Computação Gráfica: Imagens no computador são representadas como Arrays Multidimensionais de números. NumPy torna-se a escolha mais natural para o mesmo. O NumPy, na verdade, fornece algumas excelentes funções de biblioteca para rápida manipulação de imagens. Alguns exemplos são o espelhamento de uma imagem, a rotação de uma imagem por um determinado ângulo etc.

Modelos de Machine Learning: Ao escrever algoritmos de Machine Learning, supõe-se que se realize vários cálculos numéricos em Array. Por exemplo, multiplicação de Arrays, transposição, adição, etc. O NumPy fornece uma excelente biblioteca para cálculos fáceis (em termos de escrita de código) e rápidos (em termos de velocidade). Os Arrays NumPy são usados para armazenar os dados de treinamento, bem como os parâmetros dos modelos de Machine Learning.

#### Instalando

Existem diversas formas de instalar o numpy. A mais simples é instalar o pacote Anaconda (https://www.anaconda.com/distribution/) que já vem com o Python e diversas bibliotecas científicas e ciência de dados instaladas.

Outra forma, caso você já tenha o python instalado mas não o numpy, é o utilizar o gerenciador e pacotes pip, através do comando no seu terminal:

\$ pip install numpy

## Explorando a API do NumPy

Importando numppy com um alias np

np é uma abreviação amplamente utilizada na comunidade python para o numpy.

```
import numpy as np
```

#### 1D arrays

Array unidimensional, também chamado de vetor ou até mesmo matriz de 1 dimensão:

```
>>> a = np.array([1, 2, 3])
array([1, 2, 3])
```

Checando o tipo da variável a:

```
>>> type(a)
numpy.ndarray
```

o nd significa n-dimensional

Checando o tipo de dados do array

Diversos tipos de dados são possíveis em um array numpy, os mais comuns são os numéricos:

- int32
- int64
- float32
- float64

```
>>> a.dtype
dtype('int64')
```

A consistência do dado é forte...

Se trocarmos um elemento na posição 0 para o valor 10, dará certo:

```
>>> a[0] = 10
>>> a
array([10, 2, 3])
```

Se trocarmos para ponto flutuante, o numpy irá truncar a parte decimal, dado que o array que criamos é inteiro.

```
>>> a[0] = 1.2
>>> a
array([1, 2, 3])
```

#### 2D arrays

Matrizes podem ser consideradas um array de 2 dimensões.

#### Observação

O NumPy possui também uma estrutura, matrix, mas não é recomendado utilizá-la pela própria documentação oficial e poderá ser removida no futuro.

Para criar uma matriz, basta aninhar múltiplas listas dentro de uma lista, como o exemplo a seguir:

#### **Propriedades**

Dimensão e formato

Dois conceitos importantes já mencionados acima é o de dimensão e formato.

Para descobrir essas informações, basta acessar os atributos ndim e shape

```
>>> a.ndim
1

>>> a.shape
(3,)

>>> b.ndim
2

b.shape
(2, 3)
```

#### Tipo de dado e tamanho

Na sessão **Checando o tipo de dados do array** já foi dito dos tipos de dados, mas agora falaremos da diferença de tamanhos que isso ocupa na memória.

Então, temos as variáveis a e b criadas anteriormente com os seguintes tipos:

```
>>> a.dtype
dtype('int64')

>>> b.dtype
dtype('float64')
```

Por padrão, se o python instalado é 64 bits, ele irá criar tipos int ou float de 64 bits. Caso seu python fosse 32 bits, seria int32 e float32.

Vamos criar uma outra array, a16, com o tipo inteiro de 16 bits.

```
>>> a16 = np.array([1, 2, 3], dtype=np.int16)
>>> a16
array([1, 2, 3], dtype=int16)
```

Note que por ser um tipo diferente do padrão, ele ressalta ao imprimir.

Para descobrir quanto cada elemento individualmente ocupa na memória, podemos acessar o atributo itemsize:

```
>>> a.itemsize #
8
```

Ele retorna 8 e não 64! Isso é porque ele já converteu os bits para bytes. Bytes é o conjunto de 8 bits.

Logo:

$$\frac{64}{8} = 8$$

Já nosso array int16, temos:

```
>>> a16.itemsize
2
```

Dado que:

$$\frac{16}{8} = 2$$

```
# quantidade de elementos total
>>> a.size
3
```

Quantidade de elementos vezes o tamanho de cada elemento nos dará o tamanho total de bytes que o array inteiro ocupa:

```
>>> a.size * a.itemsize
24
```

Mas ao invés de calcular isso, podemos simplesmente acessar o atributo **nbytes**, que já é o tamanho total de bytes ocupado pelo array:

```
>>> a.nbytes
24
```

#### Observação

Geralmente não é necessário em reduzir o número de bits a não ser que você tenha certeza que um tamanho reduzido vai atender sua necessidade e você quer ser **extremamente** eficiente.

Acessando e modificando elementos (Indexing & Slicing)

Dada a matriz a abaixo:

```
>>> a = np.array([[1, 2, 3, 4, 5, 6, 7], [8, 9, 10, 11, 12, 13, 14]])
>>> print(a)
[[ 1  2  3  4  5  6  7]
  [ 8  9 10 11 12 13 14]]
```

Podemos acessar um elemento específico de forma similar a lista, utilzando a sintaxe de colchetes, com a diferença de que podemos separar cada posição com vírgulas.

Para uma array 2D, temos então a sintaxe:

[linha, coluna]

Exemplo:

```
>>> a[1, 5]
```

Podemos (menos comum) fazer dessa forma também:

```
>>> a[1][5]
```

Usar números negativsos funciona de trás pra frente a indexação:

```
>>> a[1, -2]
```

Pegar uma linha específica, podemos utilizar a sintaxe de : que pode ser lida como "todos" daquela dimensão (colunas).

Podemos ler então como: linha zero, todas as colunas

```
>>> a[0, :]
array([1, 2, 3, 4, 5, 6, 7])
```

Também podemos fazer assim simplesmente:

```
>>> a[0]
array([1, 2, 3, 4, 5, 6, 7])
```

Porém, para coluna específica não tem jeito, precisamos usar : .

Leia-se: todas as linhas, coluna 2

```
>>> a[:, 2]
array([ 3, 10])
```

O operador: também conhecido como slicing, aceita o parâmetro:

- start
- end
- step

No formato

[startindex:endindex:stepsize]

O stepsize basicamente é quantos elementos deve ser pular. Podemos pegar do elemento 1 ao 6 pulando de 2 em 2 por exemplo da linha 0.

```
>>> a[0, 1:6:2] array([2, 4, 6])
```

Funciona com negativo também:

```
a[0, 1:-1:2]
>>> array([2, 4, 6])
```

Para mudar um elemento específico, basta usar o operador =:

```
>>> a[1,5] = 20
>>> print(a)
[[ 1 2 3 4 5 6 7]
[ 8 9 10 11 12 20 14]]
```

Mudando uma coluna inteira para ser 5:

```
>>> a[:, 2] = 5
>>> print(a)
[[1254567]
[ 8 9 5 11 12 20 14]]
```

Isso mostra uma característica fundamental do array do NumPy:

### Ao alterar o pedaço da matriz recortada, você altera a matriz original

Slicing em listas geram cópias!

```
>>> a = [1, 2, 3]
>>> b = a[1:]
>>> b
[2, 3]
>>> b = [10, 11]
>>> a
[1, 2, 3]
>>> b
[10, 11]
```

Acessando o formato de um slicing:

```
>>> a[:, 2].shape
(2,)
>>> a[:, 2] = [5, 10]
>>> print(a)
[[1 2 5 4 5 6 7]
[ 8 9 10 11 12 20 14]]
```

#### Exemplo 3D

```
>>> b = np.array([[[1, 2], [3,4]], [[5, 6], [7, 8]]])
>>> b
array([[[1, 2],
       [3, 4]],
       [[5, 6],
        [7, 8]]])
```

Checando a dimensão:

```
>>> b.ndim
```

Retirando o elemento 4:

```
>>> b[0, 1, 1]
```

Pegando todos todos os elementos da posição 1 da dimensão 2:

Substituindo:

```
b[:, 1, :] = [[9, 9], [8, 8]]
```

Inicializando arrays usando métodos internos

O NumPy já possui diversos métodos built-in para gerar arrays dos mais diversos tipos

array apenas com zeros

```
>>> np.zeros(5)
array([0., 0., 0., 0., 0.])
```

É possível gerar um array de qualquer formato, basta apenasr passar o formato como uma sequência (lista, tupla geralmente) como argumento

array apenas com uns

Um coisa muito comum é usar o np.ones para criar uma matriz de qualquer número fazendo a operação, exemplo:

Mas o numpy já tem uma opção mais elegante, o full:

Qualquer outro número copiando o formato de uma matriz existente

Números decimais aleatórios

O numpy tem um sub-módulo chamado random, que pode ser acessando via np.random.

Nele, tem um conjunto de funções para números aleatórios.

Função igual a de cima, mas padrão do MATLAB (observe que não é uma tupla/lista o formato):

Números inteiros:

Os argumentos principais são low, high e size, exemplo: criando uma matriz de 0 a 99 de 100 elementos:

Para incluir o 100, basta trocar o high por 101

Matriz identidade

Diagonal inteira com 1. É sempre uma matriz quadrada.

repeat

Método para repetir uma determinada array na direção do eixo escolhido.

Esse é a primeira função, de várias, que possui o parâmetro axis.

> Diversas vezes o numpy permite fazer uma operação, nesse caso, repeat, no qual é opcional ou necessário dizer qual o eixo da operação.

Para um vetor de 1D, temos apenas 1 eixo, mas para matrizes, tempos dois:

O eixo 0 é linha, o eixo 1 é coluna

```
>>> arr = np.array([1, 2, 3])
>>> r1 = np.repeat(arr, 3)
>>> print(r1)
[1 1 1 2 2 2 3 3 3]
```

Com axis = 0

```
>>> arr = np.array([[1, 2, 3]])
>>> r1 = np.repeat(arr, 3, axis=0)
>>> print(r1)
[[1 2 3]
[1 2 3]
[1 2 3]]
```

Com axis = 1

```
>>> arr = np.array([[1, 2, 3]])
>>> r1 = np.repeat(arr, 3, axis=1)
>>> print(r1)
[[1 1 1 2 2 2 3 3 3]]
```

#### arange

Função que retorna elementos igualmente espaçados num step (por padrão, 1) dentro de um certo intervalo.

```
>>> np.arange(0, 10)
array([0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9])
```

Step diferente de 1:

```
>>> np.arange(0, 11, 0.1)
array([ 0. , 0.1, 0.2, 0.3, 0.4, 0.5, 0.6, 0.7, 0.8, 0.9, 1. ,
      1.1, 1.2, 1.3, 1.4, 1.5, 1.6, 1.7, 1.8, 1.9, 2., 2.1,
      2.2, 2.3, 2.4, 2.5, 2.6, 2.7, 2.8, 2.9, 3., 3.1, 3.2,
      3.3, 3.4, 3.5, 3.6, 3.7, 3.8, 3.9, 4., 4.1, 4.2, 4.3,
      4.4, 4.5, 4.6, 4.7, 4.8, 4.9, 5., 5.1, 5.2, 5.3, 5.4,
      5.5, 5.6, 5.7, 5.8, 5.9, 6., 6.1, 6.2, 6.3, 6.4, 6.5,
      6.6, 6.7, 6.8, 6.9, 7., 7.1, 7.2, 7.3, 7.4, 7.5, 7.6,
```

```
7.7, 7.8, 7.9, 8., 8.1, 8.2, 8.3, 8.4, 8.5, 8.6, 8.7,
8.8, 8.9, 9., 9.1, 9.2, 9.3, 9.4, 9.5, 9.6, 9.7, 9.8,
9.9, 10., 10.1, 10.2, 10.3, 10.4, 10.5, 10.6, 10.7, 10.8, 10.9])
```

#### linspace

Parecido com o arange, mas você diz quantos pontos você quer e o intervalo e ele define o espaçamento linear

```
>>> np.linspace(0, 100, num=10)
array([ 0. , 11.11111111, 22.2222222, 33.3333333,
      44.4444444, 55.5555556, 66.6666667, 77.7777778,
      88.8888889, 100.
                      ])
```

Tenha cuidado ao copiar arrays!

Jeito errado

```
>>> a = np.array([1, 2, 3])
>>> b = a
>>> b
array([1, 2, 3])
>>> b[0] = 100
>>> b
array([100, 2, 3])
>>> a
array([100, 2, 3])
```

a também foi modificado!

Jeito certo (seguro)

```
>>> a = np.array([1, 2, 3])
>>> b = a.copy()
>>> b
array([1, 2, 3])
b[0] = 100
>>> b
array([100, 2, 3])
>>> a
array([1, 2, 3])
```

Matemática

O numpy te fornece um conjunto de funções matemáticas:

```
>>> a = np.array([1, 2, 3, 4])
>>> a
array([1, 2, 3, 4])
```

#### Operação com escalares

Soma:

```
>>> a + 2
array([3, 4, 5, 6])
```

Subtração:

```
>>> a - 2
array([-1, 0, 1, 2])
```

Multiplicação:

```
>>> a * 2
array([2, 4, 6, 8])
```

Divisão:

```
>>> a / 2
array([0.5, 1., 1.5, 2.])
```

Incrementar:

```
>>> a += 2
>>> a
array([3, 4, 5, 6])
```

Potência:

```
>>> a ** 2
array([ 1, 4, 9, 16])
```

#### Operação entre arrays

Tudo que você consegue fazer com escalar, você consegue fazer com arrays elemento-aelemnto, por exemplo, para soma:

```
>>> a = np.array([1, 2, 3, 4])
>>> b = np.array([1, 0, 1, 0])
>>> a + b
array([2, 2, 4, 4])
```

#### Funções matemáticas

Função seno:

```
>>> np.sin(a)
array([ 0.84147098,  0.90929743,  0.14112001, -0.7568025 ])
```

Funçõa cosseno:

```
>>> np.cos(a)
array([ 0.54030231, -0.41614684, -0.9899925 , -0.65364362])
```

## Álgebra Linear

Da definição do Wikipédia:

Álgebra linear é um ramo da matemática que surgiu do estudo detalhado de sistemas de equações lineares, sejam elas algébricas ou diferenciais. A álgebra linear utiliza alguns conceitos e estruturas fundamentais da matemática como vetores, espaços vetoriais, transformações lineares, sistemas de equações lineares e matrizes.

O numpy nos permite executar diversas diversas operações de álgebra linear, mostradas a seguir:

```
>>> a = np.ones((2, 3))
>>> print(a)
[[1. 1. 1.]
    [1. 1. 1.]]

>>> b = np.full((3, 2), 2)
>>> print(b)
[[2 2]
    [2 2]
    [2 2]]
```

### Transposição

A operação de transposição

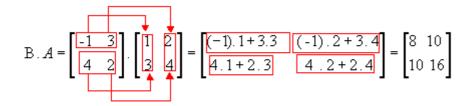
$$A = \begin{bmatrix} 1 & 5 \\ 3 & 2 \\ 4 & 12 \\ 7 & 9 \end{bmatrix} \qquad A^{T} = \begin{bmatrix} 1 & 3 & 4 & 7 \\ 5 & 2 & 12 & 9 \end{bmatrix}$$

Pode ser feita da seguinte forma:

Ou acessando o atributo T:

Multiplicação de matrizes

A tradicional multiplicação de matrizes, como mostra a imagem abaixo:



Pode ser feita no numpy simplesmente chamando matmul

Operador @ executa a função anterior:

```
>>> a @ b
array([[6., 6.],
[6., 6.]])
```

#### Encontrar o determinante

```
>>> c = np.identity(3)
>>> print(c)
[[1. 0. 0.]
  [0. 1. 0.]
  [0. 0. 1.]]
>>> np.linalg.det(c)
1.0
```

Outras funcções de Álgebra Linear:

https://docs.scipy.org/doc/numpy/reference/routines.linalg.html

- Trace
- Decomposição de vetores
- Autovalor/autovetor
- Norma da Matriz
- Inversa
- Etc...

#### Estatística

O numpy vem com várias funções básicas de estatística, como mínimo, máximo, média, mediana, etc.

Mínimo por linha:

```
>>> np.min(stats, axis=1)
array([1, 4])
```

Máximo por coluna:

```
>>> np.max(stats, axis=0)
array([4, 5, 6])
```

Soma por coluna:

```
>>> np.sum(stats, axis=0)
 array([5, 7, 9])
Média:
 >>> np.average(stats)
 3.5
```

#### Reorganizar Array

Muitas vezes você quer mudar o formato de array, por exemplo, de 4 elementos pra uma matriz 2x2, ou situações similares.

Para isso, você pode utilizar a função reshape.

#### Reshape

```
>>> before = np.array([[1,2,3,4],[5,6,7,8]])
>>> print(before.shape)
(2, 4)
>>> after = before.reshape((8, 1)) # tem que possuir a mesma quantidade!
>>> after
array([[1],
       [2],
       [3],
       [4],
       [5],
      [6],
       [7],
       [8]])
>>> before.reshape(2, 2, 2)
array([[[1, 2],
        [3, 4]],
       [[5, 6],
        [7, 8]]])
```

Anexar verticalmente os vetores

```
v1 = np.array([1,2,3,4])
v2 = np.array([5,6,7,8])
```

Apendar horizontalmente os vetores

De forma similar ao anterior:

## Funcionalidades extras

Carregar dados de um arquivo

Vamos supor que temos um arquivo data.txt com o seguinte conteúdo:

```
1,13,21,11,196,75,4,3,34,6,7,8,0,1,2,3,4,5
3,42,12,33,766,75,4,55,6,4,3,4,5,6,7,0,11,12
1,22,33,11,999,11,2,1,78,0,1,2,9,8,7,1,76,88
```

Podemos gerar uma matriz a partir desse arquivo da seguinte forma:

O primeiro argumento é o nome do arquivo.

Importante ressaltar o segundo key argumento, delimiter, no qual você especifica o que separa cada número individualmente no arquivo. Nesse caso, vírgula, mas podería ser ; por

exemplo, espaços, ou tabs.

Podemos notar também que o numpy converteu para float nossos números, apesar de todos serem inteiros. Ele faz isso como uma medida preventiva dado que ele não sabe ao ler o arquivo qual tipo de dado que é.

Podemos converter manualmente para inteiro usando a função astype:

Podemos também salvar uma matriz de uma forma mais otimizada não textual (binária) para uso futuro.

Isso gera um arquivo binário que inclusive salva o tipo de dado, nesse caso, int32.

Quando lido, vai converter corretamnete o tipo daquele dado.

```
np.save('data', filedata.astype('int32'))
```

Igual ao método de cima, porém comprime os dados (economiza espaço em disco, porém é um pouco mais lento pra ler).

```
np.savez_compressed('dataz', filedata)
```

Para ler os dados que acabamos de salvar, basta usar o np.load:

### Máscara Boleana e Seleção Avançada

Conceito super importante no numpy e no pandas é o de máscara booleana.

Ao aplicar qualquer operador booleano

- >
- <
- <=

- >=
- ==
- in

o numpy retorna um array de True e False no qual ele aplicou elemento a elemento aquele operador.

Imagine para a matriz abaixo:

Eu quero saber todos os elementos maiores que 10, eu posso aplicar:

Me é retornado uma matriz de formato (2, 2) assim como com **True** na posição dos elementos que são maiores que 10.

Podemos então fazer essa operação dentro dos colchetes de seleção:

```
>>> mat[mat > 10]
array([20, 30])
```

E será retornado um array com os elementos 20 e 30 como esperado.

Podemos fazer operações linha a linha ou coluna a coluna através de métodos auxiliares como any ou all:

- any: se qualquer elemento da linha for True, retorna True
- all: todos os elementos tem que ser True para retornar True

## **Exemplos:**

Por coluna:

```
>>> np.any(mat > 10, axis=0)
array([ True, True])
```

Por linha:

```
>>> np.any(mat > 10, axis=1)
array([False, True])
```

#### Operador AND

Similar ao and do python, podemos usar múltiplas condições para filtrar dados da nossa matriz com o operador &.

```
>>> filt = (mat > 10) & (mat <= 20)
>>> mat[filt]
array([20])
```

**Observação:** note que os colchetes além de melhorarem a legibilidade, são necessárias devido a ordem de precedência dos operadores python. Se não colocarmos os colchetes, dará um erro.

#### Operador OR

Similar ao or, só que devemos utilizar :

```
>>> filt = (mat == 1) | (mat >= 20)
>>> mat[filt]
array([1, 20, 30])
```

### Operador NOT

Similar ao not, mas devemos utilizar um til ~

```
>>> filt = (mat == 1) | (mat >= 20)
>>> mat[~filt]
array([10])
array([[ True, True, True, True, False, True, True, True,
        True, True, True, True, True, True, True, True],
                                             True, False,
      [ True, True,
                    True, True,
                                True, False,
        True, True,
                   True, True,
                                True, True,
                                            True, True, True],
      [ True, True,
                    True, True,
                                True, True,
                                             True, True, False,
        True, True, True, True,
                                True, True, True, False, False]])
```

#### Seleção passando listas

Podemos selecionar elementos específicos de um array passando uma lista de posições:

```
>>> a = np.array([1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9])
>>> a[[1, 2, 8]]
array([2, 3, 9])
```

## Referências

```
/ Tánico anterio
```

