Презентация по лабораторной работе №3

Модель боевых действий

Ибатулина Д.Э.

18 марта 2025

Российский университет дружбы народов, Москва, Россия



Докладчик

- Ибатулина Дарья Эдуардовна
- студентка группы НФИбд-01-22
- Российский университет дружбы народов
- · 1132226434@rudn.ru
- https://deibatulina.github.io



Вводная часть

Объект и предмет исследования

- Модель боевых действий
- · Язык программирования Julia
- · ПО OpenModelica



Построить модель боевых действий на языке прогаммирования Julia и посредством ПО OpenModelica.

Задание

Между страной X и страной Y идет война. Численность состава войск исчисляется от начала войны, и являются временными функциями x(t) и y(t). В начальный момент времени страна X имеет армию численностью 55 000 человек, а в распоряжении страны Y армия численностью в 55 000 человек. Для упрощения модели считаем, что коэффициенты a,b,c,h постоянны. Также считаем P(t) и Q(t) непрерывные функции. Построить графики изменения численности войск армии X и армии Yдля следующих случаев:

Модель боевых действий между регулярными войсками

$$\begin{cases} \frac{dx}{dt} = -0.3x(t) - 0.69y(t) + sin(t) \\ \frac{dy}{dt} = -0.7x(t) - 0.29y(t) + cos(t) \end{cases}$$

Модель ведение боевых действий с участием регулярных войск и партизанских отрядов

$$\begin{cases} \frac{dx}{dt} = -0.4x(t) - 0.79y(t) + \sin(4t) + 3\\ \frac{dy}{dt} = -0.6x(t)y(t) - 0.1y(t) + 2 * |\cos(4t)| \end{cases}$$

Основная часть

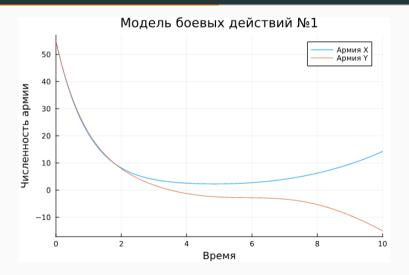
Теоретическое введение

Уравнения Ланчестера — это дифференциальные уравнения, описывающие зависимость между силами сражающихся сторон A и D как функцию от времени, причем функция зависит только от A и D.

Модель боевых действий между регулярными войсками

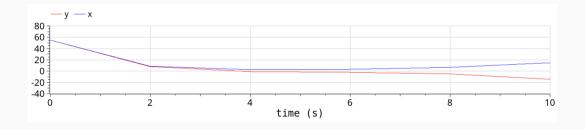
$$\begin{cases} \frac{dx}{dt} = -0.3x(t) - 0.69y(t) + sin(t) \\ \frac{dy}{dt} = -0.7x(t) - 0.29y(t) + cos(t) \end{cases}$$

```
# используемые библиотеки
using DifferentialEquations, Plots;
# задание системы дифференциальных уравнений, описывающих модель
# боевых действий между регулярными войсками
function reg(u, p, t)
    x, y = u
    a, b, c, h = p
    dx = -a*x - b*v+sin(t)
    dv = -c*x -h*v+cos(t)
    return [dx, dv]
end
```



Модель на OpenModelica

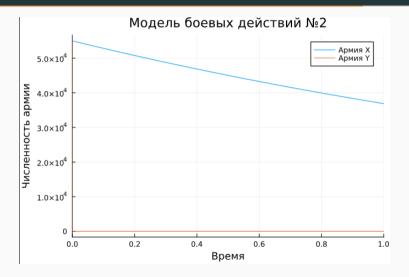
```
model lab3 1
  parameter Real a = 0.3;
  parameter Real b = 0.69;
  parameter Real c = 0.7;
  parameter Real h = 0.29:
  parameter Real x0 = 55;
  parameter Real v0 = 55;
  Real x(start=x0);
  Real v(start=v0);
equation
  der(x) = -a*x - b*v+sin(time);
  der(v) = -c*x - h*v + cos(time);
end lab3 1;
```



Модель ведения боевых действий с участием регулярных войск и партизанских отрядов

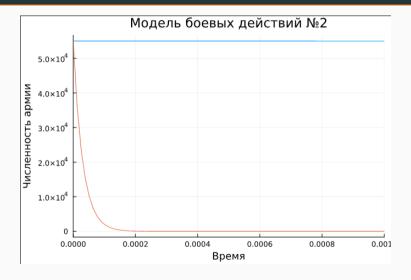
$$\begin{cases} \frac{dx}{dt} = -0.4x(t) - 0.79y(t) + \sin(4t) + 3\\ \frac{dy}{dt} = -0.6x(t)y(t) - 0.1y(t) + 2 * |\cos(4t)| \end{cases}$$

```
# задание системы дифференциальных уравнений, описывающих модель
# боевых действий с участием регулярных войск и партизанских отрядов
function reg_part(du, u, p, t)
    x, y = u
    a, b, c, h = p
    du[1] = -a*x - b*y+sin(4*t) + 3
    du[2] = -c*x*v -h*v+2*abs(cos(4*t))
    return nothing
end
```



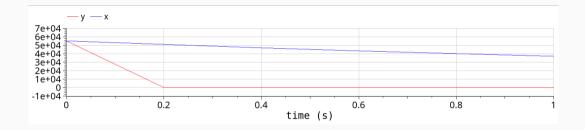
```
# возьмем временной интервал поменьше, чтобы было более наглядно, \ как умирает армия Y plot(sol2, title = "Модель боевых действий №2", label = false, \ xaxis = "Время", yaxis = "Численность армии", xlimit = [0,0.001])
```

График с уменьшением интервала



Модель на OpenModelica

```
model lab3 2
  parameter Real a = 0.4;
  parameter Real b = 0.79;
  parameter Real c = 0.6;
  parameter Real h = 0.1:
  parameter Real x0 = 55000:
  parameter Real v0 = 55000;
  Real x(start=x0);
  Real v(start=v0);
equation
  der(x) = -a*x - b*v+sin(4*time) + 3;
  der(v) = -c*x*v - h*v+2*abs(cos(4*time));
end lab3 2;
```



Заключительная часть

Выводы

В процессе выполнения данной лабораторной работы я построила модель боевых действий на языке программирования Julia и посредством ПО OpenModelica, а также провела сравнительный анализ.