Árvores de Decisão

Índice

1.	Ir	ntrodução	
2.		rvores de decisão e a tarefa de classificação	
3.		rincipais conceitos vinculados à indução de árvores de decisão	
	3.1	Top-Down Induction of Decision Tree (TDIDT)	16
	3.2	Escolha dos atributos preditivos para os nós da árvore	19
	3.3	Ganho de informação	21
	3.4	Razão de Ganho	
	3.5	Gini	24
	3.6	Representação dos nós para atributos categóricos	
	3.7	Representação dos nós para atributos contínuos	29
	3.8	Métodos de poda	31
4.	Α	Igoritmos de indução de árvores de decisão	35
	4.1	ID3	36
	4.2	C4.5	
	4.3	CART	
5.	R	eferências bibliográficas	42

Obs: O conteúdo deste tópico está baseado no capítulo de Árvores de Decisão constante da Tese de Doutorado de Márcio Porto Basgalupp (BASGALUPP, 2010) e também em FERREIRA (2008).

Tópico 7 – Árvores de Decisão

1

IA004 – Profs. Fernando J. Von Zuben & Romis R. F. Attux DCA/FEEC/Unicamp

1. Introdução

- Boa parte das aplicações de relevância prática em inteligência artificial está baseada na concepção de modelos computacionais do conhecimento empregado por um especialista humano.
- Na síntese de modelos de classificação, a associação entre as classes e o conjunto de atributos que caracterizam os objetos a serem classificados pode se dar de formas variadas, empregando processamento simbólico e/ou numérico.
- A construção dos modelos computacionais de classificação geralmente emprega um dentre dois paradigmas alternativos:
 - ✓ Top-down: obtenção do modelo de classificação a partir de informações fornecidas por especialistas;
 - ✓ Bottom-up: obtenção do modelo de classificação pela identificação de relacionamentos entre variáveis dependentes e independentes em bases de

dados rotuladas. O classificador é induzido por mecanismos de generalização fundamentados em exemplos específicos (conjunto finito de objetos rotulados). Existem propostas também para dados não-rotulados.

- As árvores de decisão, tema deste tópico do curso, estão fundamentadas no paradigma bottom-up e sua aplicação requer as seguintes condições:
 - ✓ Toda informação sobre cada objeto (caso) a ser classificado deve poder ser expressa em termos de uma coleção fixa de propriedades ou atributos. Dessa forma, objetos distintos não podem requerer coleções distintas de atributos. Bases de dados que atendem a este requisito são denominadas *flat files*.
 - ✓ O número de classes pode ser definido a priori, o que transforma a modelagem num processo de treinamento supervisionado, ou então será definido automaticamente a partir dos dados disponíveis, o que caracteriza um processo de treinamento não-supervisionado.

Tópico 7 – Árvores de Decisão

IA004 – Profs. Fernando J. Von Zuben & Romis R. F. Attux DCA/FEEC/Unicamp

- ✓ Há duas possibilidades de classes: classes discretas e classes contínuas. Quando um objeto pertence ou não pertence a uma determinada classe, não havendo a possibilidade de pertinência gradual, nos referimos a classes discretas, em contrapartida a classes de valores contínuos. Algumas árvores de decisão vão trabalhar apenas com classes discretas, enquanto que outras admitem classes contínuas (resolvem problemas de regressão).
- ✓ Deve haver uma quantidade bem maior de objetos do que classes, inclusive para permitir a aplicação de testes estatísticos. A quantidade adequada de objetos vai depender do número de atributos, do número de classes e da complexidade intrínseca ao modelo de classificação.
- ✓ A tarefa de classificação deve poder ser implementada de forma lógica, ou seja, empregando uma base de regras de decisão. Assim, a classificação de cada objeto pode ser descrita por uma expressão lógica. Em contrapartida a este requisito, podemos mencionar a classificação por operações aritméticas,

empregada em discriminantes lineares, por exemplo, que realizam a classificação por uma combinação linear dos atributos, seguida da comparação com um limiar.

- Dessa forma, serão consideradas neste estudo bases de dados constituídas por objetos descritos por um conjunto de atributos (propriedades, características), sendo que a cada objeto deve ser associada uma classe, dentre um conjunto de classes possíveis.
- Os atributos são variáveis observáveis e independentes, que assumem valores em variados domínios. Costuma-se especificar os atributos da seguinte forma:
 - ✓ <u>Contínuos</u>: assumem valores numéricos em intervalos no eixo dos números reais;
 - ✓ <u>Categóricos ordinais</u>: assumem um conjunto finito de valores, que podem ser ordenados;
 - ✓ <u>Categóricos não-ordinais</u>: assumem um conjunto finito de valores que não podem ser ordenados.

Tópico 7 – Árvores de Decisão 5

IA004 – Profs. Fernando J. Von Zuben & Romis R. F. Attux DCA/FEEC/Unicamp

- A classe é uma variável dependente cujo valor é definido a partir das variáveis independentes, ou seja, a partir dos atributos.
- Árvores de decisão são geralmente aplicadas junto a grandes bases de dados. Para tanto regularidades implícitas presentes na base de dados devem ser descobertas automaticamente e expressas, predominantemente, na forma de regras.
- Conhecimentos de Inteligência Artificial e Estatística são comumente empregados para a geração das árvores de decisão.

2. Árvores de decisão e a tarefa de classificação

- O aprendizado indutivo de árvores de decisão é geralmente dividido em aprendizado supervisionado e não-supervisionado, embora o aprendizado semi-supervisionado também tem sido considerado ao longo dos últimos anos (CHAPELLE *et al.*, 2006).
- Uma tarefa de classificação bastante conhecida é o diagnóstico médico, em que para cada paciente são definidos atributos contínuos ou categóricos ordinais (Ex: idade,

- altura, peso, temperatura do corpo, batimento cardíaco, pressão, etc.) e atributos categóricos não-ordinais (Ex: sexo, cor da pele, local da dor, etc.).
- A tarefa do classificador é realizar um mapeamento dos atributos para um diagnóstico (Ex: saudável, pneumonia, Influenza A, etc.).
- Na Figura 1, é ilustrado um diagrama do processo de indução de um classificador e, posteriormente, a sua utilização. Primeiro, o conjunto de treinamento, no qual os rótulos das classes dos exemplos são conhecidos, é utilizado por um algoritmo de aprendizado para construir um modelo.
- Após a construção, esse classificador pode ser aplicado para predizer os rótulos das classes dos exemplos do conjunto de teste, ou seja, exemplos cujas classes são desconhecidas.
- De acordo com TAN *et al.* (2005), a classificação pode ser utilizada para os seguintes propósitos: modelagem descritiva e modelagem preditiva.

IA004 – Profs. Fernando J. Von Zuben & Romis R. F. Attux DCA/FEEC/Unicamp

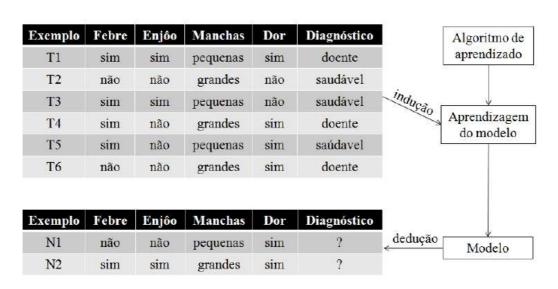


Figura 1 – Indução de um classificador e dedução das classes para novas amostras

 Na modelagem descritiva, um modelo de classificação é utilizado como uma ferramenta para distinguir exemplos de diferentes classes. Como exemplo, um médico

pode utilizar um modelo de classificação para identificar quais são as principais causas (sintomas) de uma determinada doença.

- A partir disso, é possível chegar a conclusões, por exemplo, de que na grande maioria dos casos o paciente que está com a doença Influenza A apresentou febre e pneumonia.
- Quando há o interesse em análise descritiva, é desejável que o modelo de classificação seja fácil de interpretar, ou seja, que fique claro ao usuário o porquê de um determinado exemplo pertencer a uma determinada classe.
- Na modelagem preditiva, um modelo de classificação é utilizado para classificar exemplos cujas classes são desconhecidas, ou seja, exemplos que não foram utilizados na construção do modelo. Como exemplo, um médico pode utilizar um conjunto de dados históricos de seus pacientes, em que as classes (diagnóstico) já são conhecidas,

Tópico 7 – Árvores de Decisão

IA004 – Profs. Fernando J. Von Zuben & Romis R. F. Attux DCA/FEEC/Unicamp

para construir um modelo de classificação a ser utilizado para diagnosticar novos pacientes.

- Dependendo da área de aplicação, a interpretabilidade do modelo de classificação não
 é essencial para a predição. No exemplo anterior, seria interessante um modelo com
 boa interpretabilidade, tornando possível medicar o paciente para combater os
 sintomas apresentados e, consequentemente, tratar da doença diagnosticada.
- As árvores de decisão constituem uma técnica muito poderosa e amplamente utilizada em problemas de classificação. Uma das razões para que esta técnica seja bastante utilizada é o fato do conhecimento adquirido ser representado por meio de regras. Essas regras podem ser expressas em linguagem natural, facilitando o entendimento por parte das pessoas.

- Como exemplos de modelos de classificação que não são baseados em regras, temos:
 k-vizinhos mais próximos, máquinas de vetores-suporte (SVM) e redes neurais artificiais.
- Para ilustrar o funcionamento básico de uma árvore de decisão, pode ser considerado novamente o problema de diagnosticar pacientes (Figura 1). Suponha que um novo paciente chegue ao consultório do médico. Como o médico poderia diagnosticar o paciente?
- A primeira pergunta que pode ser feita ao paciente é se ele tem sentido dor (corresponderia ao nó-raiz da árvore de decisão). A seguir, outras perguntas podem ser feitas, dependendo da resposta obtida. Por exemplo, se o paciente está tendo febre ou enjoos, ou ainda se tem notado alguma mancha no corpo.
- O exemplo anterior apresenta uma forma de solucionar um problema de classificação por meio de uma sequência de perguntas sobre uma série de características de um

IA004 – Profs. Fernando J. Von Zuben & Romis R. F. Attux DCA/FEEC/Unicamp

objeto (no caso, um paciente). Uma vez obtida a resposta àquela pergunta, outra pode ser realizada até que se chegue a uma conclusão sobre a classe a que pertence o objeto.

- Essa sequência de perguntas e suas possíveis respostas podem ser organizadas na forma de uma árvore de decisão, a qual é uma estrutura hierárquica composta por nós e arestas.
- Dessa forma, é possível utilizar uma árvore de decisão para classificar um novo paciente como saudável ou doente. Para isso, basta partir do nó raiz da árvore e ir percorrendo-a, através das respostas aos testes dos nós internos, até chegar em um nó folha, o qual indica a classe correspondente do novo paciente.
- Além da obtenção da classe, a grande vantagem é que a trajetória percorrida até o nó folha representa uma regra, facilitando a interpretabilidade do modelo pelo usuário, no caso um médico.
- A Figura 2 mostra uma árvore de decisão, que é uma estrutura que contém:

- folha(s), indicando uma classe;
- nó(s) de decisão, que define(m) algum teste sobre o valor de um atributo específico (ou de um subconjunto de atributos), com um ramo e sub-árvore para cada um dos valores possíveis do teste.

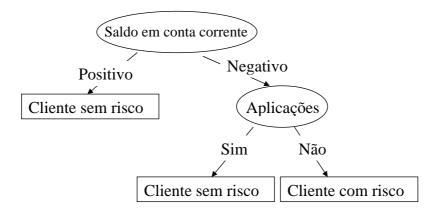


Figura 2 – Exemplo fictício de árvore de decisão, tomando atributos de clientes de alguma instituição financeira.

IA004 – Profs. Fernando J. Von Zuben & Romis R. F. Attux DCA/FEEC/Unicamp

- Partindo da raiz, a cada nó de decisão o resultado do teste de decisão é determinado e inicia-se o processo pela raiz da sub-árvore correspondente a esse resultado.
- Um mesmo conjunto de dados pode gerar várias árvores de decisão distintas. Assim, usando o exemplo da Figura 2, o nó raiz poderia ser "Aplicações" em vez de "Saldo em conta corrente", fazendo com que o nó "Saldo em conta corrente" passe a ocupar uma outra posição na árvore. Essa troca de nós faz com que seja necessário percorrer um caminho maior ou menor para se chegar a uma decisão.
- Na construção da árvore de decisão, procura-se associar a cada nó de decisão o atributo "mais informativo" entre aqueles ainda não utilizados no caminho desde a raiz da árvore. Iremos tratar de Teoria de Informação mais adiante no curso.
- No entanto, cada algoritmo tem a sua própria metodologia para distinguir o atributo mais informativo, fazendo com que a topologia da árvore e a qualidade da árvore variem em função do algoritmo utilizado.

3. Principais conceitos vinculados à indução de árvores de decisão

- Uma vez construída uma árvore de decisão, seu uso é imediato e muito rápido computacionalmente. Além disso, a interpretabilidade da árvore de decisão é um de seus pontos fortes.
- No entanto, a construção de uma árvore de decisão, chamado de processo de indução, pode ser uma tarefa de alta demanda computacional.
- Embora a indução de uma árvore de decisão possa ser realizada de forma manual, numa abordagem top-down, as principais demandas por árvores de decisão geralmente recorrem a processos automáticos de indução, numa abordagem bottom-up, a partir de dados disponíveis.
- Todo processo de indução possui um bias indutivo, associado à preferência de uma hipótese sobre outras, supondo a existência de hipóteses que são igualmente consistentes.

Tópico 7 – Árvores de Decisão

IA004 – Profs. Fernando J. Von Zuben & Romis R. F. Attux DCA/FEEC/Unicamp

- Há muitas maneiras de uma árvore de decisão ser estruturada a partir de um conjunto de atributos. De forma exaustiva, o número de árvores de decisão possíveis cresce fatorialmente à medida que o número de atributos aumenta.
- Logo, torna-se impraticável definir a estrutura da árvore de decisão ótima para um determinado problema, devido ao elevado custo computacional envolvido nessa busca.
- Nesse sentido, algoritmos baseados em heurísticas têm sido desenvolvidos para a indução de árvores de decisão. Mesmo que eles não garantam uma solução ótima, apresentam resultados satisfatórios em tempo factível.

3.1 Top-Down Induction of Decision Tree (TDIDT)

O Top-Down Induction of Decision Tree (TDIDT) é um algoritmo bem conhecido e é utilizado como base para muitos algoritmos de indução de árvores de decisão, dentre eles os mais conhecidos como ID3 (QUINLAN, 1986), C4.5 (QUINLAN, 1993) e CART (BREIMAN et al., 1984).

- O TDIDT produz regras de decisão de forma implícita numa árvore de decisão, a qual
 é construída por sucessivas divisões dos exemplos de acordo com os valores de seus
 atributos preditivos. De acordo com BRAMER (2007), esse processo é conhecido como
 particionamento recursivo.
- O esqueleto do algoritmo de TDIDT é baseado em três possibilidades sobre um conjunto de treinamento T contendo classes $C_1, C_2, ..., C_k$:
 - 1. T contém um ou mais objetos, sendo todos da classe C_j . Assim, a árvore de decisão para T é um nó folha que identifica a classe C_j .
 - 2. *T* não contém objetos. A árvore de decisão também é um nó folha, mas a classe associada deve ser determinada por uma informação externa. Por exemplo, podese utilizar o conhecimento do domínio do problema.
 - 3. *T* contém exemplos pertencentes a mais de uma classe. Neste caso, a ideia é dividir *T* em sub-conjuntos que são, ou tendem a dirigir-se para, coleções de

IA004 – Profs. Fernando J. Von Zuben & Romis R. F. Attux DCA/FEEC/Unicamp

exemplos com classes únicas. Para isso, é escolhido um atributo preditivo A, que possui um ou mais possíveis resultados O_1 , O_2 , ..., O_n . T é particionado em subconjuntos T_1 , T_2 , ..., T_n , onde T_i contém todos os exemplos de T que têm resultado O_i para o atributo A. A árvore de decisão para T consiste de um nó de decisão identificando o teste sobre o atributo A, e uma aresta para cada possível resultado, ou seja, n arestas. No lugar de um único atributo A, pode também ser considerado um subconjunto de atributos.

- O mesmo algoritmo de indução de árvores de decisão (passos 1, 2 e 3) é aplicado recursivamente para cada sub-conjunto de exemplos T_i , com i variando de 1 até n.
- Basicamente, o algoritmo TDIDT é um algoritmo recursivo de busca gulosa que procura, sobre um conjunto de atributos, aqueles que "melhor" dividem o conjunto de exemplos em sub-conjuntos. Inicialmente, todos os exemplos são colocados em um único nó, chamado de raiz.

 A seguir, um atributo preditivo é escolhido para representar o teste desse nó e, assim, dividir os exemplos em sub-conjuntos de exemplos. Esse processo se repete recursivamente até que todos os exemplos já estejam classificados ou então até que todos os atributos preditivos já tenham sido utilizados.

3.2 Escolha dos atributos preditivos para os nós da árvore

- O critério de seleção define qual atributo preditivo é utilizado em cada nó da árvore.
- Existem diferentes tipos de critérios de seleção, sendo esta uma das variações entre os diversos algoritmos de indução de árvores de decisão. Esses critérios são definidos em termos da distribuição de classe dos exemplos antes e depois da divisão (TAN et al., 2005).
- A maioria dos algoritmos de indução de árvores de decisão trabalha com funções de divisão univariável, ou seja, cada nó interno da árvore é dividido de acordo com um

Tópico 7 – Árvores de Decisão

IA004 – Profs. Fernando J. Von Zuben & Romis R. F. Attux DCA/FEEC/Unicamp

único atributo. Nesse caso, o algoritmo tenta encontrar o melhor atributo para realizar essa divisão.

- Os critérios de seleção para a melhor divisão são baseados em diferentes medidas, tais como impureza, distância e dependência. A maior parte dos algoritmos de indução busca dividir os dados de um nó-pai de forma a minimizar o grau de impureza dos nós-filhos.
- Quanto menor o grau de impureza, mais desbalanceada é a distribuição de classes. Em um determinado nó, a impureza é nula se todos os exemplos nele pertencerem à mesma classe. Analogamente, o grau de impureza é máximo no nó se houver o mesmo número de exemplos para cada classe possível.
- A seguir, são apresentadas as medidas mais utilizadas para a seleção da melhor divisão.

3.3 Ganho de informação

• Uma das medidas baseadas em impureza é o Ganho de Informação, o qual usa a entropia como medida de impureza. O algoritmo ID3 (QUINLAN, 1986), pioneiro em indução de árvores de decisão, utiliza essa medida. Para determinar o quão boa é uma condição de teste realizada, é necessário comparar o grau de entropia do nó-pai (antes da divisão) com o grau de entropia dos nós-filhos (após a divisão). O atributo que gerar uma maior diferença é escolhido como condição de teste. O ganho é dado pela Equação (1), na forma:

ganho = entropia(pai) -
$$\sum_{j=1}^{n} \left[\frac{N(v_j)}{N} \text{entropia}(v_j) \right]$$
 (1)

onde n é o número de valores do atributo, ou seja, o número de nós-filhos, N é o número total de objetos do nó-pai e $N(v_j)$ é o número de exemplos associados ao nófilho v_j .

Tópico 7 – Árvores de Decisão

IA004 – Profs. Fernando J. Von Zuben & Romis R. F. Attux DCA/FEEC/Unicamp

• O grau de entropia é definido pela Equação (2) a seguir:

entropia(nó) =
$$-\sum_{i=1}^{c} p(i / nó) \cdot \log_2[p(i / nó)]$$
 (2)

onde p(i/nó) é a fração dos registros pertencentes à classe i no nó, e c é o número de classes. O conceito de entropia será abordado em detalhes no tópico sobre Teoria de Informação.

- O critério de ganho seleciona como atributo-teste aquele que maximiza o ganho de informação. O grande problema ao se utilizar o ganho de informação é que ele dá preferência a atributos com muitos valores possíveis (número de arestas).
- Um exemplo claro desse problema ocorreria ao utilizar um atributo totalmente irrelevante (por exemplo, um identificador único). Nesse caso, seria criado um nó para cada valor possível, e o número de nós seria igual ao número de identificadores. Cada um desses nós teria apenas um exemplo, o qual pertence a uma única classe, ou seja,

os exemplos seriam totalmente discriminados. Assim, o valor da entropia seria mínima porque, em cada nó, todos os exemplos (no caso um só) pertencem à mesma classe. Essa divisão geraria um ganho máximo, embora seja totalmente inútil.

3.4 Razão de Ganho

- Para solucionar o problema do ganho de informação, foi proposto em QUINLAN (1993)
 a Razão de Ganho (do inglês *Gain Ratio*), que nada mais é do que o ganho de informação relativo (ponderado) como critério de avaliação.
- A razão de ganho é definida pela Equação (3), na forma:

$$razão_de_ganho(n\acute{o}) = \frac{ganho}{entropia(n\acute{o})}$$
 (3)

• Pela Equação (3), é possível perceber que a razão não é definida quando o denominador é igual a zero. Além disso, a razão de ganho favorece atributos cujo

Tópico 7 – Árvores de Decisão

IA004 – Profs. Fernando J. Von Zuben & Romis R. F. Attux DCA/FEEC/Unicamp

denominador, ou seja, a entropia, possui valor pequeno. Em QUINLAN (1988), é sugerido que a razão de ganho seja realizada em duas etapas.

- Na primeira etapa, é calculado o ganho de informação para todos os atributos. Após isso, considerar apenas aqueles atributos que obtiveram um ganho de informação acima da média, e então escolher aquele que apresentar a melhor razão de ganho.
- Dessa forma, Quinlan mostrou que a razão de ganho supera o ganho de informação tanto em termos de acurácia quanto em termos de complexidade das árvores de decisão geradas.

3.5 Gini

• Outra medida bastante conhecida é o *Gini*, a qual emprega um índice de dispersão estatística proposto em 1912 pelo estatístico italiano Corrado Gini. Este índice é muito utilizado em análises econômicas e sociais, por exemplo, para quantificar a distribuição de renda em um certo país.

• Ele é utilizado no algoritmo CART (BREIMAN et al., 1984). Para um problema de *c* classes, o *gini_{index}* é definido pela Equação (4), na forma:

$$gini_{index}(n\acute{o}) = 1 - \sum_{i=1}^{c} p(i / n\acute{o})$$
(4)

 Assim como no cálculo do ganho de informação, basta calcular a diferença entre o gini_{index} antes e após a divisão. Essa diferença, Gini, é representada pela Equação (5):

$$Gini = gini_{index}(pai) - \sum_{j=1}^{n} \left\lceil \frac{N(v_j)}{N} gini_{index}(v_j) \right\rceil$$
 (5)

onde n é o número de valores do atributo, ou seja, o número de nós-filhos, N é o número total de objetos do nó-pai e $N(v_j)$ é o número de exemplos associados ao nófilho v_j .

- Assim, é selecionado o atributo que gerar um maior valor para Gini.
- Para outras medidas, consultar ROKACH & MAIMON (2008).

Tópico 7 – Árvores de Decisão

IA004 – Profs. Fernando J. Von Zuben & Romis R. F. Attux DCA/FEEC/Unicamp

3.6 Representação dos nós para atributos categóricos

- A forma de representação dos nós pode influenciar de maneira decisiva no desempenho das árvores de decisão induzidas.
- Dependendo do tipo de atributo, existem diferentes tipos de representação dos nós para o particionamento dos dados. A seguir, são apresentadas algumas formas de representação considerando atributos categóricos ordinais e não-ordinais. Na próxima subseção, será a vez dos atributos contínuos.
 - 1. <u>Um ramo para cada valor de atributo</u>: É a partição mais comum, na qual é criada uma aresta para cada valor do atributo usado como condição de teste. Embora esse tipo de partição permita extrair do atributo todo o seu conteúdo informativo, possui a desvantagem de tornar a árvore de decisão mais complexa. O algoritmo C4.5 (QUINLAN, 1993) utiliza esse tipo de divisão para atributos categóricos não-ordinais.

- 2. Solução de Hunt: A partição utilizada pelo algoritmo ID3, sugere uma partição binária. Nesse caso, um dos valores é atribuído a uma das arestas e todos os outros valores à outra aresta. A desvantagem desse tipo de partição é não aproveitar todo o poder de discriminação do atributo em questão.
- 3. Atributos categóricos ordinais: Como já definido, um atributo é ordinal quando há uma relação de ordem entre os seus possíveis valores. Por exemplo, tem-se um atributo altura que pode possuir os valores ⟨baixa⟩, ⟨média⟩ e ⟨alta⟩. Com atributos desse tipo, é possível realizar uma partição binária do tipo altura < ⟨média⟩, em que todos os exemplos cujo atributo altura tem valor ⟨baixa⟩ seguem por uma aresta e os outros seguem por outra aresta. Esse tipo de partição é uma das que foram implementadas para o algoritmo CART (BREIMAN *et al.*, 1984).
- 4. <u>Agrupamento de valores em dois conjuntos</u>: De acordo com BREIMAN *et al.* (1984), a divisão binária também pode ser realizada de uma forma mais

IA004 – Profs. Fernando J. Von Zuben & Romis R. F. Attux DCA/FEEC/Unicamp

complexa, onde cada um dos dois subconjuntos pode ser formado por registros com mais de um valor para o atributo utilizado como condição de teste. O grande desafio desse tipo de partição é o elevado custo computacional para encontrar a melhor divisão, pois o número de combinações possíveis é $2^{n-1}-1$, onde n é o número de valores possíveis para o atributo em questão.

5. Agrupamento de valores em vários conjuntos: Visando permitir o agrupamento de valores em vários conjuntos com uma complexidade de cálculo razoável, o algoritmo C4.5 (QUINLAN, 1993) permite encontrar uma solução de boa qualidade. Para isso, inicia criando uma aresta para cada valor do atributo em questão. Após, são testadas todas as combinações possíveis de dois valores e, caso nenhuma dessas combinações produza um ganho maior que a divisão anterior, o processo é interrompido e a divisão anterior é adotada como divisão final. Senão, é repetido o processo tendo como base a melhor das soluções

anteriores. Nota-se que não se pode garantir que a divisão encontrada seja a melhor possível, pois é verificado se houve melhoria apenas um passo à frente. Esse é o custo de se produzir um algoritmo mais simples.

3.7 Representação dos nós para atributos contínuos

- Os atributos contínuos permitem uma maior variedade de testes e, consequentemente, implicam uma maior complexidade de cálculo. Segundo FONSECA (1994), alguns dos testes mais usados para partição de atributos contínuos são: testes simples ou pesquisa exaustiva, testes múltiplos (segmentação global e segmentação ao nível do nó) e combinação linear de características.
- O teste simples, também conhecido como pesquisa exaustiva, é o mais utilizado. Um dos algoritmos que o utiliza é o C4.5, e a divisão é sempre binária. Supondo um atributo contínuo *X* a ser utilizado como nó teste, mesmo que seu domínio seja

Tópico 7 – Árvores de Decisão

IA004 – Profs. Fernando J. Von Zuben & Romis R. F. Attux DCA/FEEC/Unicamp

infinito, o número de exemplos num conjunto de treinamento T é finito e, portanto, o número de valores diferentes para esse atributo também é finito.

- Assim, os exemplos do conjunto T são ordenados de acordo com seus valores para o atributo X. Supondo que os diferentes valores de X sejam, em ordem crescente, $\{a_1,a_2,...,a_m\}$, T é dividido em duas partes. São elas: T_1 , cujos exemplos possuem valores $\{a_1,a_2,...,a_i\}$ e T_2 , com valores $\{a_{i+1},a_{i+2},...,a_m\}$ para o atributo X. Para cada a_i , i=1, ..., m-1, é calculado o ganho (independente do critério utilizado) para a respectiva divisão. Após avaliar todas as divisões possíveis, é escolhida aquela que fornecer o maior ganho.
- Por fim, é necessário definir o valor que será usado como limiar (valor usado para dividir os exemplos no nó). Tendo posse do a_i que produziu o melhor ganho, o valor mais utilizado como limiar é $\frac{a_i + a_{i+1}}{2}$, pois assim espera-se que a árvore resultante

apresente melhores resultados para exemplos que não participaram do conjunto de treinamento.

3.8 Métodos de poda

- Quando árvores de decisão são construídas, muitas das arestas ou sub-árvores podem refletir ruídos ou erros. Isso acarreta em um problema conhecido como sobreajuste, que significa um aprendizado muito específico do conjunto de treinamento, não permitindo ao modelo generalizar.
- Para detectar e excluir essas arestas e sub-árvores, são utilizados métodos de poda (*pruning*) da árvore, cujo objetivo é melhorar a taxa de acerto do modelo para novos exemplos, os quais não foram utilizados no conjunto de treinamento (HAN, 2001).
- Consequentemente, a árvore podada se torna mais simples, facilitando a sua interpretabilidade por parte do usuário. Junto ao método de seleção, o método de poda

Tópico 7 – Árvores de Decisão

IA004 – Profs. Fernando J. Von Zuben & Romis R. F. Attux DCA/FEEC/Unicamp

também varia de acordo com os diferentes algoritmos de indução de árvores de decisão.

- Existem diversas formas de realizar poda em uma árvore de decisão, e todas elas são classificadas como pré-poda ou pós-poda.
- O método pré-poda é realizado durante o processo de construção da árvore, em que o
 processo pode simplesmente parar de dividir o conjunto de elementos e transformar o
 nó corrente em um nó folha da árvore.
- O ganho de informação, por exemplo, pode ser utilizado como critério de poda. Caso
 todas as divisões possíveis utilizando um atributo A gerem ganhos menores que um
 valor pré-estabelecido, então esse nó vira folha, representando a classe mais frequente
 no conjunto de exemplos.

- A dificuldade é encontrar um valor adequado para *x*, visto que um valor muito alto pode gerar uma árvore super-simplificada, enquanto que um valor muito baixo pode simplificar bem pouco a árvore.
- Já o pós-poda é realizado após a construção da árvore de decisão, removendo ramos completos, onde tudo que está abaixo de um nó interno é excluído e esse nó é transformado em folha, representando a classe mais frequente no ramo.
- Para cada nó interno da árvore, o algoritmo calcula a taxa de erro caso a sub-árvore abaixo desse nó seja podada. Em seguida, é calculada a taxa de erro caso não haja a poda. Se a diferença entre essas duas taxas de erro for menor que um valor préestabelecido, a árvore é podada. Caso contrário, não ocorre a poda.
- Esse processo se repete progressivamente, gerando um conjunto de árvores podadas. Por fim, para cada uma delas é calculada a acurácia na classificação de um conjunto

IA004 – Profs. Fernando J. Von Zuben & Romis R. F. Attux DCA/FEEC/Unicamp

de dados independente dos dados de treinamento (por exemplo, o conjunto de validação), e a árvore que obtiver a melhor acurácia será a escolhida.

- Embora a poda seja um método bastante utilizado e eficaz na solução do problema de sobreajuste, deve-se ter cuidado para não podar demais a árvore. Quando isso ocorre, tem-se o problema conhecido como sub-ajuste, em que o modelo de classificação não aprendeu o suficiente sobre os dados de treinamento.
- Dentre os métodos de poda existentes, destacam-se: Cost Complexity Pruning, Reduced Error Pruning, Minimum Error Pruning (MEP), Pessimistic Pruning, Error-Based Pruning (EBP), Minimum Description Length (MDL) Pruning, Minimum Message Length (MML) Pruning, Critical Value Pruning (CVP), OPT e OPT-2.
- Maiores detalhes sobre esses métodos podem ser encontrados em ROKACH & MAIMON (2008).

4. Algoritmos de indução de árvores de decisão

- Nesta seção, são apresentados sucintamente os três principais algoritmos para indução de árvores de decisão. São eles: ID3 (QUINLAN, 1986), C4.5 (QUINLAN, 1993) e CART (BREIMAN *et al.*, 1984).
- Na literatura, existem novos algoritmos para indução de árvores de decisão, inclusive alguns que fogem do algoritmo básico TDIDT. Como exemplos, podemos mencionar: NBTree (KOHAVI, 1996), ADTree (FREUND & MASON, 1999), LMT (LANDWEHR *et al.*, 2005) e BFTree (SHI, 2007).
- Essas novas propostas não serão cobertas neste curso.

Tópico 7 – Árvores de Decisão

IA004 – Profs. Fernando J. Von Zuben & Romis R. F. Attux DCA/FEEC/Unicamp

4.1 ID3

- O ID3 (QUINLAN, 1986) é o algoritmo pioneiro em indução de árvores de decisão. Ele
 é um algoritmo recursivo e baseado em busca gulosa, procurando, sobre um conjunto
 de atributos, aqueles que "melhor" dividem os exemplos, gerando sub-árvores.
- A principal limitação do ID3 é que ele só lida com atributos categóricos não-ordinais, não sendo possível apresentar a ele conjuntos de dados com atributos contínuos, por exemplo. Nesse caso, os atributos contínuos devem ser previamente discretizados.
- Além dessa limitação, o ID3 também não apresenta nenhuma forma para tratar valores desconhecidos, ou seja, todos os exemplos do conjunto de treinamento devem ter valores conhecidos para todos os seus atributos.
- É de conhecimento geral que, na prática, os conjuntos de dados possuem muitos valores desconhecidos. Logo, para se utilizar o ID3, é necessário gastar um bom tempo com pré-processamento dos dados.

- O ID3 utiliza o ganho de informação para selecionar a melhor divisão. No entanto, esse critério não considera o número de divisões (número de arestas), e isso pode acarretar em árvores mais complexas.
- Somado a isso, o ID3 também não apresenta nenhum método de pós-poda, o que poderia amenizar esse problema de árvores mais complexas.

4.2 C4.5

- O algoritmo C4.5 (QUINLAN, 1993) representa uma significativa evolução do ID3
 (QUINLAN, 1986). As principais contribuições em relação ao ID3 são:
 - Lida tanto com atributos categóricos (ordinais ou não-ordinais) como com atributos contínuos. Para lidar com atributos contínuos, o algoritmo C4.5 define um limiar e então divide os exemplos de forma binária: aqueles cujo valor do atributo é maior que o limiar e aqueles cujo valor do atributo é menor ou igual ao limiar;

Tópico 7 – Árvores de Decisão

IA004 – Profs. Fernando J. Von Zuben & Romis R. F. Attux DCA/FEEC/Unicamp

- Trata valores desconhecidos. O algoritmo C4.5 permite que os valores desconhecidos para um determinado atributo sejam representados como '?', e o algoritmo trata esses valores de forma especial. Esses valores não são utilizados nos cálculos de ganho e entropia;
- Utiliza a medida de razão de ganho para selecionar o atributo que melhor divide os exemplos. Essa medida se mostrou superior ao ganho de informação, gerando árvores mais precisas e menos complexas;
- Lida com problemas em que os atributos possuem custos diferenciados;
- Apresenta um método de pós-poda das árvores geradas. O algoritmo C4.5 faz uma busca na árvore, de baixo para cima, e transforma em nós folha aqueles ramos que não apresentam nenhum ganho significativo.
- A ferramenta de mineração de dados WEKA (WITTEN & FRANK, 1999) (http://www.cs.waikato.ac.nz/~ml/weka/index.html) (*Waikato Environment for*

Knowledge Analysis) disponibiliza a implementação do algoritmo C4.5, porém o mesmo é chamado de J48 nessa ferramenta.

- O C4.5 é um dos algoritmos mais utilizados na literatura, por ter mostrado ótimos resultados em problemas de classificação. Embora já tenha sido lançado o C5.0, o C4.5 possui código-fonte disponível, enquanto que o C5.0 é um software comercial.
- O C4.5 é do tipo:
 - Guloso: executa sempre o melhor passo avaliado localmente, sem se preocupar se este passo, junto à sequência completa de passos, vai produzir a melhor solução ao final;
 - "Dividir para conquistar": partindo da raiz, criam-se sub-árvores até chegar nas folhas, o que implica em uma divisão hierárquica em múltiplos subproblemas de decisão, os quais tendem a ser mais simples que o problema original.

Tópico 7 – Árvores de Decisão

IA004 – Profs. Fernando J. Von Zuben & Romis R. F. Attux DCA/FEEC/Unicamp

4.3 CART

- O algoritmo CART (*Classification and Regression Trees*) foi proposto em BREIMAN *et al.* (1984) e consiste de uma técnica não-paramétrica que induz tanto árvores de classificação quanto árvores de regressão, dependendo se o atributo é nominal (classificação) ou contínuo (regressão).
- Dentre as principais virtudes do CART está a grande capacidade de pesquisa de relações entre os dados, mesmo quando elas não são evidentes, bem como a produção de resultados sob a forma de árvores de decisão de grande simplicidade e legibilidade (FONSECA, 1994).
- As árvores geradas pelo algoritmo CART são sempre binárias, as quais podem ser percorridas da sua raiz até as folhas respondendo apenas a questões simples do tipo "sim" ou "não".

- Os nós que correspondem a atributos contínuos são representados por agrupamento de valores em dois conjuntos. Da mesma forma que no algoritmo C4.5, o CART utiliza a técnica de pesquisa exaustiva para definir os limiares a serem utilizados nos nós para dividir os atributos contínuos.
- Adicionalmente, o CART dispõe de um tratamento especial para atributos ordenados e também permite a utilização de combinações lineares entre atributos (agrupamento de valores em vários conjuntos).
- Diferente das abordagens adotadas por outros algoritmos, os quais utilizam pré-poda,
 o CART expande a árvore exaustivamente, realizando pós-poda por meio da redução do fator custo-complexidade (BREIMAN et al., 1984).
- Segundo os autores, a técnica de poda utilizada é muito eficiente e produz árvores mais simples, precisas e com boa capacidade de generalização.

IA004 – Profs. Fernando J. Von Zuben & Romis R. F. Attux DCA/FEEC/Unicamp

5. Referências bibliográficas

BASGALUPP, M.P. (2010) LEGAL-Tree: Um algoritmo genético multi-objetivo lexicográfico para indução de árvores de decisão. Tese de Doutorado, ICMC-USP, São Carlos.

BRAMER, M. (2007). Principles of data mining. Springer, London.

Breiman, L., Friedman, J. H., Olshen, R. A., & Stone, C. J. (1984). Classification and Regression Trees. Wadsworth.

CHAPELLE, O., SCHÖLKOPF, B., & ZIEN, A. (2006). Semi-supervised learning. MIT Press.

FERREIRA, H.M. (2008) Uso de ferramentas de aprendizado de máquina para prospecção de perdas comerciais em distribuição de energia elétrica, Dissertação de Mestrado, FEEC/Unicamp.

FONSECA, J. (1994). Indução de árvores de decisão. Tese de Mestrado, Lisboa.

- FREUND, Y. & MASON, L. (1999). The alternating decision tree learning algorithm. In Proc. 16th International Conf. on Machine Learning, pag. 124{133. Morgan Kaufmann, San Francisco, CA.
- HAN, J. (2001). Data Mining: Concepts and Techniques. Morgan Kaufmann Publishers Inc., San Francisco, CA, USA.
- KOHAVI, R. (1996). Scaling up the accuracy of Naive-Bayes classifiers: a decision-tree hybrid. In Proceedings of the Second International Conference on Knowledge Discovery and Data Mining, pag. 202-207.
- LANDWEHR, N., HALL, M., & FRANK, E. (2005). Logistic model trees. Machine Learning, 59(1-2):161-205.
- QUINLAN, J. R. (1993). C4.5: programs for machine learning. Morgan Kaufmann Publishers Inc., San Francisco, CA, USA.
- QUINLAN, J. R. (1986). Induction of decision trees. Machine Learning, 1(1):81-106.

IA004 – Profs. Fernando J. Von Zuben & Romis R. F. Attux DCA/FEEC/Unicamp

- QUINLAN, J. (1988). Decision trees and multivalued attributes. Machine Intelligence, 11:305-318.
- ROKACH, L. & MAIMON, O. (2008). Data mining with decision trees. Theory and applications. World Scientific Publishing.
- SHI, H. (2007). Best-first decision tree learning. Master's thesis, University of Waikato, Hamilton, NZ. COMP594.
- TAN, P.-N., STEINBACH, M., & KUMAR, V. (2005). Introduction to Data Mining, (First Edition). Addison-Wesley Longman Publishing Co., Inc., Boston, MA, USA.
- WITTEN, I. H. & FRANK, E. (1999). Data Mining: Practical Machine Learning Tools and Techniques with Java Implementations. Morgan Kaufmann.