Міністерство освіти і науки України Національний технічний університет України «Київський політехнічний інститут ім. Ігоря Сікорського» Факультет інформатики та обчислювальної техніки Кафедра обчислювальної техніки

Лабораторна робота №4 З дисципліни «Методи оптимізації та планування» Проведення трьохфакторного експерименту при використанні рівняння регресії з урахуванням ефекту взаємодії

ВИКОНАВ: Студент II курсу ФІОТ Групи IO-93 Корякін Є. Ю. - 9317

ПЕРЕВІРИВ: Регіда П.Г.

Мета:

Провести повний трьохфакторний експеримент. Знайти рівняння регресії адекватне об'єкту.

Варіант завдання:

Варіант		X_1				X_2			X_3			
		m	in	max	X	min		max	mi	n .	max	
315	-25		75		5		40		15		25	

Лістинг програми:

```
import random, math
import numpy as np
from scipy.stats import f, t
from functools import partial
m = 3
N = 8
x1min, x2min, x3min = -25, 5, 15
x1max, x2max, x3max = 75, 40, 25
X_{max} = [x1max, x2max, x3max]
X \min = [x1\min, x2\min, x3\min]
x_av_min = (x1min + x2min + x3min) / 3
x_av_max = (x1max + x2max + x3max) / 3
Y_{max} = int(round(200 + x_av_max, 0))
Y_min = int(round(200 + x_av_min, 0))
X0 = 1
X_{matr} = [
     [-1, 1, -1],
[-1, 1, 1],
     [1, -1, -1],
[1, -1, 1],
[1, 1, -1],
     [1, 1, 1]
x for beta = [
     [1, -1, -1, -1],
     [1, -1, -1, 1],
     [1, -1, 1, -1],
[1, -1, 1, 1],
     [1, 1, -1, -1],
[1, 1, -1, 1],
[1, 1, 1, -1],
     [1, 1, 1, 1]
x_12_13_23 = [
     [1, 1, 1],
     [1, -1, -1],
     [-1, 1, -1],
     [-1, -1, 1],
     [-1, -1, 1],
     [ 1, 1, 1],
[-1, 1, -1],
[1, -1, -1],
```

```
x 123 = [
    -1,
X_matr_natur = [
    [10, -70, 60],
    [10, -70, 70],
    [10, -10, 60],
    [10, -10, 70],
    [60, -70, 60],
    [60, -70, 70],
    [60, -10, 60],
    [60, -10, 70],
 _12_13_23_natur = [[X_matr_natur[j][0] * X_matr_natur[j][1],        X_matr_natur[j][0] *
X_matr_natur[j][2],
                    X_matr_natur[j][1] * X_matr_natur[j][2]] for j in range(N)]
x_123_natur = [X_matr_natur[j][0] * X_matr_natur[j][1] * X_matr_natur[j][2] for j in
range(N)]
flag = False
while not flag:
   Y_matr = [[random.randint((Y_min), (Y_max)) for i in range(m)] for j in range(N)]
   Y_average = [sum(j) / m for j in Y_matr]
    results_nat = [
        sum(Y_average),
        sum([Y_average[j] * X_matr_natur[j][0] for j in range(N)]),
        sum([Y_average[j] * X_matr_natur[j][1] for j in range(N)]),
        sum([Y_average[j] * X_matr_natur[j][2] for j in range(N)]),
        sum([Y_average[j] * x_12_13_23_natur[j][0] for j in range(N)]),
        sum([Y_average[j] * x_12_13_23_natur[j][1] for j in range(N)]),
        sum([Y_average[j] * x_12_13_23_natur[j][2] for j in range(N)]),
        sum([Y_average[j] * x_123_natur[j] for j in range(N)]),
   mj0 = [N]
           sum([X_matr_natur[j][0] for j in range(N)]),
           sum([X_matr_natur[j][1] for j in range(N)]),
           sum([X_matr_natur[j][2] for j in range(N)]),
           sum([x_12_13_23_natur[j][0] for j in range(N)]),
           sum([x_12_13_23_natur[j][1] for j in range(N)]),
           sum([x_12_13_23_natur[j][2] for j in range(N)]),
          sum([x_123_natur[j] for j in range(N)]),
   sum([x_12_13_23_natur[j][0] for j in range(N)]),
           sum([x_12_13_23_natur[j][1] for j in range(N)]),
           sum([(X_matr_natur[j][0] ** 2) * X_matr_natur[j][1] for j in range(N)]),
           sum([(X_matr_natur[j][0] ** 2) * X_matr_natur[j][2] for j in range(N)]),
           sum([x_123_natur[j] for j in range(N)]),
           sum([(X matr natur[j][0] ** 2) * x 12 13 23 natur[j][2] for j in
```

```
range(N)]),
    mj2 = [sum([X_matr_natur[j][1] for j in range(N)]),
            sum([x_12_13_23_natur[j][0] for j in range(N)]),
            sum([X_matr_natur[j][1] ** 2 for j in range(N)]),
            sum([x_12_13_23_natur[j][2] for j in range(N)]),
            sum([(X_matr_natur[j][1] ** 2) * X_matr_natur[j][0] for j in range(N)]),
            sum([(X_matr_natur[j][1] ** 2) * X_matr_natur[j][2] for j in range(N)]),
sum([(X_matr_natur[j][1] ** 2) * X_matr_natur[j][2] for j in range(N)]),
sum([(X_matr_natur[j][1] ** 2) * X_12_13_23_natur[j][1] for j in
range(N)]),
    mj3 = [sum([X_matr_natur[j][2] for j in range(N)]),
            sum([x_12_13_23_natur[j][1] for j in range(N)]),
            sum([x_12_13_23_natur[j][2] for j in range(N)]),
            sum([X_matr_natur[j][2] ** 2 for j in range(N)]),
            sum([x_123_natur[j] for j in range(N)]),
            sum([(X_matr_natur[j][2] ** 2) * X_matr_natur[j][0] for j in range(N)]),
sum([(X_matr_natur[j][2] ** 2) * X_matr_natur[j][1] for j in range(N)]),
sum([(X_matr_natur[j][2] ** 2) * x_12_13_23_natur[j][0] for j in
range(N)]),
    sum([x_123_natur[j] for j in range(N)]),
            sum([x_12_13_23_natur[j][0] ** 2 for j in range(N)]),
            sum([(X_matr_natur[j][0] ** 2) * x_12_13_23_natur[j][2] for j in
range(N)]),
            sum([(X_matr_natur[j][1] ** 2) * x_12_13_23_natur[j][1] for j in
range(N)]),
            sum([(x_12_13_23_natur[j][0] ** 2) * X_matr_natur[j][2] for j in
range(N)]),
    mj5 = [sum([x_12_13_23_natur[j][1] for j in range(N)]),
            sum([(X_matr_natur[j][0] ** 2) * X_matr_natur[j][2] for j in range(N)]),
            sum([x_123_natur[j] for j in range(N)]),
            sum([(X_matr_natur[j][2] ** 2) * X_matr_natur[j][0] for j in range(N)]),
            sum([(X_matr_natur[j][0] ** 2) * x_12_13_23_natur[j][2] for j in
range(N)]),
            sum([x_12_13_23_natur[j][1] ** 2 for j in range(N)]),
            sum([(X_matr_natur[j][2] ** 2) * x_12_13_23_natur[j][0] for j in
range(N)]),
            sum([(x_12_13_23_natur[j][1] ** 2) * X_matr_natur[j][1] for j in
range(N)]),
    mj6 = [sum([x_12_13_23_natur[j][2] for j in range(N)]),
            sum([x_123_natur[j] for j in range(N)]),
sum([(X_matr_natur[j][1] ** 2) * X_matr_natur[j][2] for j in range(N)]),
            sum([(X_matr_natur[j][2] ** 2) * X_matr_natur[j][1] for j in range(N)]),
            sum([(X_matr_natur[j][1] ** 2) * x_12_13_23_natur[j][1] for j in
range(N)]),
            sum([(X_matr_natur[j][2] ** 2) * x_12_13_23_natur[j][0] for j in
range(N)]),
            sum([(X_matr_natur[j][2] ** 2) * X_matr_natur[j][1] for j in range(N)]),
sum([(x_12_13_23_natur[j][2] ** 2) * X_matr_natur[j][0] for j in
range(N)]),
    mj7 = [sum([x_123_natur[j] for j in range(N)]),
            sum([(X_matr_natur[j][0] ** 2) * x_12_13_23_natur[j][2] for j in
range(N)]),
            sum([(X_matr_natur[j][1] ** 2) * x_12_13_23_natur[j][1] for j in
```

```
range(N)]),
           sum([(X_matr_natur[j][2] ** 2) * x_12_13_23_natur[j][0] for j in
range(N)]),
           sum([(x_12_13_23_natur[j][0] ** 2) * X_matr_natur[j][2] for j in
range(N)]),
           sum([(x_12_13_23_natur[j][1] ** 2) * X_matr_natur[j][1] for j in
range(N)]),
           sum([(x_12_13_23_natur[j][2] ** 2) * X_matr_natur[j][0] for j in
range(N)]),
           sum([x_123_natur[j] ** 2 for j in range(N)])
    B_nat1 = np.linalg.solve([mj0, mj1, mj2, mj3, mj4, mj5, mj6, mj7], results_nat)
    B nat = list(B nat1)
    B_{norm} = [
        sum(Y_average) / N,
        sum([Y_average[j] * X_matr[j][0] for j in range(N)]) / N,
        sum([Y_average[j] * X_matr[j][1] for j in range(N)]) / N,
        sum([Y_average[j] * X_matr[j][2] for j in range(N)]) / N,
        sum([Y_average[j] * x_12_13_23[j][0] for j in range(N)]) / N,
        sum([Y_average[j] * x_12_13_23[j][1] for j in range(N)]) / N,
        sum([Y_average[j] * x_12_13_23[j][2] for j in range(N)]) / N,
        sum([Y_average[j] * x_123[j] for j in range(N)]) / N,
    print("Матриця планування експерименту:")
    print("N " + "x1 " + "x2 " + "x3
    for i in range(N):
        print("{0:=d} {1:=4d} {2:=3d} {3:=3d} {4:=9.5f} {5:=9.5f} {6:=9.5f}".format(i
X_matr[i][0],
X_matr[i][1],
X_matr[i][2],
Y matr[i][0],
Y_matr[i][1],
Y_matr[i][2]))
    print('__' * 40, '\n')
    def criterion_of_Student(value, criterion, check):
        if check < criterion:</pre>
            return 0
            return value
    y1_nat = B_nat[0] + B_nat[1] * X_matr_natur[0][0] + B_nat[2] * X_matr_natur[0][1]
+ B_nat[3] * X_matr_natur[0][2] + \
             B_nat[4] * x_12_13_23_natur[0][0] + B_nat[5] * x_12_13_23_natur[0][1] +
B_nat[6] * x_12_13_23_natur[0][2] + \
             B_nat[7] * x_123_natur[0]
    y1_norm = B_norm[0] + B_norm[1] * X_matr[0][0] + B_norm[2] * X_matr[0][1] +
B_norm[3] * X_matr[0][2] + B_norm[4] * \
              x 12 13 23[0][0] + B norm[5] * x 12 13 23[0][1] + B norm[6] *
```

```
x_{12_{13_{23[0][2]}} + B_norm[7] * x_{123[0]}
    dx = [((X_max[i] - X_min[i]) / 2) \text{ for } i \text{ in } range(3)]
    A = [sum(Y_average) / len(Y_average), B_nat[0] * dx[0], B_nat[1] * dx[1],
B_nat[2] * dx[2]]
    S_kv = [(sum([((Y_matr[i][j] - Y_average[i]) ** 2) for j in range(m)]) / m) for i
in range(N)]
    Gp = max(S_kv) / sum(S_kv)
    f1 = m - 1
    f2 = N
    q = 1 - p
    Gt_dict = {2: 5157, 3: 4377, 4: 3910, 5: 3595, 6: 3362, 7: 3185, 8: 3043, 9:
2926, 10: 2829, 16: 2462}
    def kohren(f1=f1, f2=f2, q=0.05):
        q1 = q / f1
        fisher_value = f.ppf(q=1 - q1, dfn=f2, dfd=(f1 - 1) * f2)
        return fisher_value / (fisher_value + f1 - 1)
    Gt = kohren()
    if Gp < Gt:</pre>
        flag = False
    S_average = sum(S_kv) / N
    S2_beta_s = S_average / (N * m)
    S_beta_s = S2_beta_s ** .5
    beta = [(sum([x_for_beta[j][i] * Y_average[j] for j in range(N)]) / N) for i in
range(4)]
    ts = [(math.fabs(beta[i]) / S beta s) for i in range(4)]
    tabl_Stud = [
        4.303
        2.776,
        2.571,
        2.447,
        2.228,
        2.201
        2.179
    student = partial(t.ppf, q=1 - 0.025)
    criterion of St = student(df=f3)
```

```
result_2 = [criterion_of_Student(B_nat[0], criterion_of_St, ts[0]) +
                criterion_of_Student(B_nat[1], criterion_of_St, ts[1]) *
X_matr_natur[i][0] +
                criterion of Student(B nat[2], criterion of St, ts[2]) *
X_matr_natur[i][1] +
                criterion_of_Student(B_nat[3], criterion_of_St, ts[3]) *
X_matr_natur[i][2] for i in range(N)]
    znach_koef = []
        if i > criterion_of_St:
            znach koef.append(i)
    d = len(znach koef)
    f4 = N - d
    f3 = (m - 1) * N
    deviation_of_adequacy = (m / (N - d)) * sum([(result_2[i] - Y_average[i]) ** 2
for i in range(N)])
    Fp = deviation_of_adequacy / S2_beta_s
    fisher = partial(f.ppf, q=1 - 0.05)
    Ft = fisher(dfn=f4, dfd=f3)
{3:.3f}.".format(result_2[0],
result 2[1],
result_2[2],
result_2[3]))
{3:.3f}.".format(Y_average[0],
Y average[1],
Y_average[2],
Y_average[3]))
    if Fp > Ft:
        print('Fp = {} > Ft = {}'.format(round(Fp, 3), Ft))
{}'.format(round(q, 2)))
        print('Fp = {} < Ft = {}'.format(round(Fp, 3), Ft))</pre>
[}'.format(round(q, 2)))
       flag = True
```

Результат виконання роботи:

```
Дисперсії однорідні
Значення після критерія Стюдента:
Y1 = 246.244; Y2 = 246.244; Y3 = 236.823; Y4 = 236.823.
Y1a = 218.000; Y2a = 234.333; Y3a = 226.667; Y4a = 205.333.
Fp = 254.138 > Ft = 2.741310828338778
Рівняння регресії неадекватно оригіналу при рівні значимості 0.05
Матриця планування експерименту:
N x1 x2 x3 Y1
1 - 1 - 1 - 1 224.00000 233.00000 199.00000
2 - 1 - 1 1 213.00000 245.00000 207.00000
3 - 1 1 - 1 224.00000 209.00000 240.00000
4 - 1 1 1 227.00000 236.00000 201.00000
   1 - 1 - 1 239.00000 211.00000 210.00000
   1 - 1 1 204.00000 238.00000 225.00000
   1 1 - 1 233.00000 207.00000 233.00000
   1 1 1 224.00000 201.00000 227.00000
Дисперсії однорідні
Значення після критерія Стюдента:
Y1 = 220.728; Y2 = 220.728; Y3 = 220.728; Y4 = 220.728.
Y1a = 218.667; Y2a = 221.667; Y3a = 224.333; Y4a = 221.333.
Fp = 2.485 < Ft = 2.6571966002210865
Рівняння регресії адекватно оригіналу при рівні значимості 0.05
```

Висновок:

В даній лабораторній роботі я провела повний трьохфакторний експеримент з трьома статистичними.