

Nachrichtentechniklabor

Wintersemester 2014

Übung F: Übertragungsverhalten nachrichtentechnischer Systeme

Übungsdatum: 25.11.2014

Gruppe: 05

Protokollführer: Thomas Neff

Laborteilnehmer:

- 1. Daniel Freßl, 1230028
- 2. Thomas Neff, 1230319
- 3. Thomas Pichler, 1230320
- 4. Martin Winter, 1130688
- 5. Bernadette Schreyer, 1073076

Laborleiter: Ao. Univ.-Prof. Dipl.-Ing. Dr. techn. Erich Leitgeb

Betreuer: Max Henkel

Graz, am 8. Dezember 2014

Inhaltsverzeichnis

1	Ana	alyse eines unbekannten Filters						
	1.1	Aufgabenstellung						
	1.2	Messaufbau						
	1.3	Tabellen						
	1.4	Formeln						
	1.5	Berechnungsbeispiele						
	1.6	Diagramme						
	1.7	Geräteliste						
	1.8	Diskussion						
2	Ana	Analyse eines RC-Tiefpass-Filters						
	2.1	Aufgabenstellung						
	2.2	Messaufbau						
	2.3	Tabellen						
	2.4	Formeln						
	2.5	Berechnungsbeispiele						
	2.6	Diagramme						
	2.7	Geräteliste						
	2.8	Diskussion						

1 Analyse eines unbekannten Filters

1.1 Aufgabenstellung

In dieser Aufgabe soll das Verhalten eines unbekannten Filters untersucht werden. Zuerst soll eine grundsätzliche Aussage über die Art und Ordnung des Filters getroffen und danach das Filter so eingestellt werden, dass am Ausgang maximales Überschwingen beobachtet werden kann. Die Eigenfrequenz dieser Konfiguration ist zu bestimmen. Weiters soll ein Bodediagramm bei einer Einstellung mit 60% Überschwingen aufgenommen und das System durch einen äquivalenten RLC-Serienschwingkreis ersetzt werden. Dazu wird der Widerstand gemessen und L, C berechnet.

1.2 Messaufbau

Das unbekannte System wurde mit Hilfe eines Frequenzgenerators gespeist und die folgenden Messungen mit Hilfe eines analogen Oszilloskops gemessen.

1.3 Tabellen

$\frac{T}{2}$ Scale $[ms]$	$\frac{T}{2 Div}$	δt_{Scale}	δt_{Div}	$U_{a,Scale}$	$U_{a,Div}$
$\lfloor \frac{mb}{Div} \rfloor$	[Div]	$\left[\frac{ms}{Div}\right]$	[Div]	$\lfloor \frac{\dot{\overline{Div}}}{Div} \rfloor$	[Div]
5	4.6	0.5	0.7	0.5	4.0
0.5	5.8	0.5	0.4	0.5	5.0
0.2	6.8	0.2	3.4	1.0	6.0
0.2	5.0	0.2	4.2	0.5	4.1
0.1	5.0	0.1	4.7	0.05	6.4

Tabelle 1: Gemessene halbe Periodendauer, Phasenverschiebung und Ausgangsspannung bei verschiedenen Frequenzen.

T	$\delta \mathrm{t}$	U_a	f	ϕ	A	A_{dB}
[ms]	[ms]	[V]	[Hz]	[°]		[dB]
46	0.35	2	21.74	-2.74	1	0
5.8	0.2	2.5	172.41	-12.4	1.25	1.94
2.72	0.68	6	367.65	-90	3	9.54
2	0.84	2.05	500	-151.2	1.025	0.21
1	0.47	0.32	1000	-169.2	0.16	-15.92

Tabelle 2: Berechnete Periodendauer, Phasenverschiebung in ms und Grad, Ausgangsspannung, Frequenz und Verstärkung.

1.4 Formeln

Die Periodendauer T ergibt sich aus

$$T = 2 \cdot \frac{T}{2}_{Scale} \cdot \frac{T}{2}_{Div} \tag{1}$$

Die Phasenverschiebung δt in ms ergibt sich durch

$$\delta t = \delta t_{Scale} \cdot \delta t_{Div} \tag{2}$$

Die Ausgangsspannung U_a wird mit

$$U_a = U_{a,Scale} \cdot U_{a,Div} \tag{3}$$

berechnet. Die Frequenz f berechnet man mit

$$f = \frac{1}{T} \tag{4}$$

Die Phasenverschiebung ϕ in ° ergibt sich durch

$$\phi = -\frac{\delta t}{T} \cdot 360^{\circ} \tag{5}$$

Die Verstärkung A berechnet man mit

$$A = \frac{U_a}{U_e} \tag{6}$$

Die Verstärkung A_{dB} berechnet man mit

$$A_{dB} = 20 \cdot log(A) \tag{7}$$

1.5 Berechnungsbeispiele

Für die folgenden Berechnungsbeispiele wurden die Werte aus der ersten Zeile der Tabelle 1.3 verwendet.

$$T = 2 \cdot \frac{T}{2_{Scale}} \cdot \frac{T}{2_{Div}} = 2 \cdot 5 \frac{ms}{Div} \cdot 4.6Div = 46ms \tag{8}$$

$$\delta t = \delta t_{Scale} \cdot \delta t_{Div} = 0.5 \frac{ms}{Div} \cdot 0.7 Div = 0.35 ms \tag{9}$$

$$U_a = U_{a,Scale} \cdot U_{a,Div} = 0.5 \frac{V}{Div} \cdot 4.0 Div = 2V$$
(10)

$$f = \frac{1}{T} = \frac{1}{46ms} = 21.74Hz \tag{11}$$

$$\phi = -\frac{\delta t}{T} \cdot 360^{\circ} = -\frac{0.35ms}{46ms} \cdot 360^{\circ} = -2.74^{\circ}$$
 (12)

Als Eingangssignal wurde für die Aufnahme des Bodediagramm ein Sinussignal mit Spitze-Spitze-Spannung $U_e=2V$ verwendet.

$$A = \frac{U_a}{U_e} = \frac{2V}{2V} = 1 {13}$$

$$A_{dB} = 20 \cdot log(A) = 20 \cdot log(1) = 0 \tag{14}$$

1.6 Diagramme

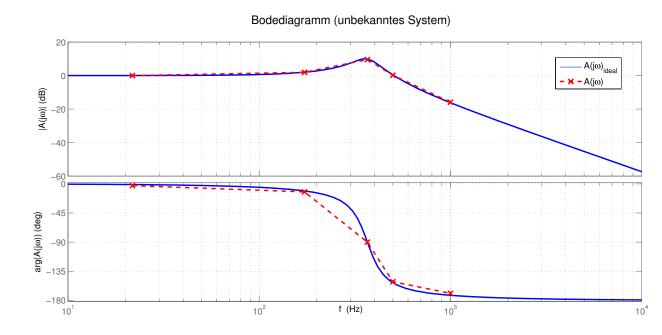


Abbildung 1: Bodediagramm des unbekannten Filters mit idealer und gemessener Kennlinie.

1.7 Geräteliste

Neben dem AMREL FG-513 Funktionsgenerator und dem Voltcraft 662 Oscilloskop wurde auch ein Techtron DT-20 Multimeter verwendet.

1.8 Diskussion

Zunächst wurde mit Hilfe des Funktionsgenerators die Ausgangsspannung bei verschiedenen Frequenzen beobachtet. Hierbei konnten wir erkennen, dass die Phasenverschiebung bei zunehmender Frequenz stieg und die Amplitude sank. Da die Phasenverschiebung bei 3kHz -180 erreichte und sich ein Tiefpassverhalten ablesen ließ, muss es sich um einen Tiefpass 2. Ordnung gehandelt haben. Um die Eigenfrequenz bei maximalen Überschwingen zu messen, wurde ein Rechtecksignal mit kleiner Frequenz (5.6Hz) verwendet. Durch Überlagerung der einzelnen Schwingungsperioden des Überschwingens und dem Ausnützen des Nachleuchten des analogen Oszilloskops konnte eine Periodendauer von 2.72ms abgelesen und ein Wert für die gedämpfte Eigenfrequenz von 367.647Hz errechnet werden. Diese wurde für die weiteren Schritte als die ungedämpfte Eigenfrequenz angenommen. Im letzten Schritt wurde erklärt das das System durch die in Formal BLA gegebene Übertragungsfunktion beschrieben werden kann. Hierfür wurden der Widerstand des unbekannten Filters gemessen ($R=12.63k\Omega$) und die Bauteilwerte der Spule und Kapazität berechnet. Mit diesen Werten wurde der ideale Frequenz- und Phasengang in der Abbildung 1 gezeichnet. Wie aus Abbildung 1 zu entnehmen ist, liegen die von uns gemessenen Werte sehr gut auf der idealen Kurve.

2 Analyse eines RC-Tiefpass-Filters

2.1 Aufgabenstellung

Für einen RC-Tiefpass Filter mit den gegebenen Bauteilwerten $R=13k\Omega$ und C=100nF soll die Grenzfrequenz berechnet und gemessen werden, sowie das Bodediagramm aufgenommen werden.

2.2 Messaufbau

Das bekannte System wurde mit Hilfe eines Frequenzgenerators gespeist und die Eigenschaften mit Hilfe eines analogen Oszilloskops gemessen.

2.3 Tabellen

$\frac{T}{2}$ Scale	$\frac{T}{2}Div$	δt_{Scale}	$\delta \mathrm{t}_{Div}$	$U_{a,Scale}$	$U_{a,Div}$
$\left[\frac{ms}{Div}\right]$	[Div]	$\left[\frac{ms}{Div}\right]$	[Div]	$\left[\frac{V}{Div}\right]$	[Div]
2.0	5.0	2.0	0.6	0.5	4.4
0.5	9.1	0.5	2.3	0.5	3.6
0.5	7.6	0.5	2.1	0.2	8.2
0.2	4.7	0.2	2.0	0.1	5.0
0.02	4.4	0.02	2.0	0.01	4.8
0.001	4.7	0.002	1.1	0.001	2.8

Tabelle 3: Gemessene halbe Periodendauer, Phasenverschiebung und Ausgangsspannung bei verschiedenen Frequenzen.

Т	$\delta \mathrm{t}$	U_a	f	ϕ	A	A_{dB}
[ms]	[ms]	[V]	[Hz]	[°]		[dB]
20	1.2	2.2	50	-21.6	0.88	-1.1
9.1	1.15	1.8	109.9	-45.5	0.72	-2.85
7.6	1.05	1.64	131.58	-49.7	0.66	-3.61
1.88	0.4	0.5	531.91	-76.6	0.2	-13.98
0.176	0.04	0.048	5681.8	-81.8	0.0192	-34.3
0.0094	0.0022	0.0028	106382.9	-84.3	0.00112	-59.02

Tabelle 4: Berechnete Periodendauer, Phasenverschiebung in ms und Grad, Ausgangsspannung, Frequenz und Verstärkung.

2.4 Formeln

Die Periodendauer T ergibt sich aus

$$T = 2 \cdot \frac{T}{2_{Scale}} \cdot \frac{T}{2_{Div}} \tag{15}$$

Die Phasenverschiebung δt in ms ergibt sich durch

$$\delta t = \delta t_{Scale} \cdot \delta t_{Div} \tag{16}$$

Die Ausgangsspannung U_a wird mit

$$U_a = U_{a,Scale} \cdot U_{a,Div} \tag{17}$$

berechnet. Die Frequenz f berechnet man mit

$$f = \frac{1}{T} \tag{18}$$

Die Phasenverschiebung ϕ in ° ergibt sich durch

$$\phi = -\frac{\delta t}{T} \cdot 360^{\circ} \tag{19}$$

Die Verstärkung A berechnet man mit

$$A = \frac{U_a}{U_e} \tag{20}$$

Die Verstärkung A_{dB} berechnet man mit

$$A_{dB} = 20 \cdot log(A) \tag{21}$$

2.5 Berechnungsbeispiele

Für die folgenden Berechnungsbeispiele wurden die Werte aus der ersten Zeile der Tabelle 2.3 verwendet.

$$T = 2 \cdot \frac{T}{2} \cdot \frac{T}{2_{Cale}} \cdot \frac{T}{2_{Div}} = 2 \cdot 2.0 \frac{ms}{Div} \cdot 5.0 Div = 20 ms$$
 (22)

$$\delta t = \delta t_{Scale} \cdot \delta t_{Div} = 2.0 \frac{ms}{Div} \cdot 0.6 Div = 1.2 ms$$
 (23)

$$U_a = U_{a,Scale} \cdot U_{a,Div} = 0.5 \frac{V}{Div} \cdot 4.4 Div = 2.2 V$$
 (24)

$$f = \frac{1}{T} = \frac{1}{20ms} = 50Hz \tag{25}$$

$$\phi = -\frac{\delta t}{T} \cdot 360^{\circ} = -\frac{1.2ms}{20ms} \cdot 360^{\circ} = -21.6^{\circ}$$
 (26)

Als Eingangssignal wurde für die Aufnahme des Bodediagramm ein Sinussignal mit Spitze-Spitze-Spannung $U_e=2.5V$ verwendet.

$$A = \frac{U_a}{U_e} = \frac{2.2V}{2.5V} = 0.88 \tag{27}$$

$$A_{dB} = 20 \cdot log(A) = 20 \cdot log(0.88) = -1.1 \tag{28}$$

2.6 Diagramme

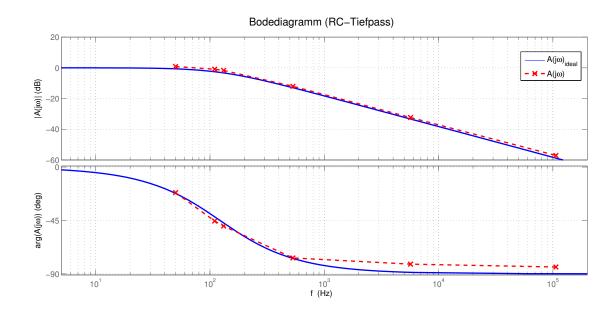


Abbildung 2: Bodediagramm des bekannten RC-Tiefpass Filters mit idealer und gemessener Kennlinie.

2.7 Geräteliste

Hier wurde wieder der AMREL FG-513 Funktionsgenerator und das Voltcraft 662 Oscilloskop verwendet.

2.8 Diskussion

In dieser Teilübung wurde das Bodediagramm eines bekannten Systems aufgenommen. Hierfür wurde die Phasenverschiebung und der Amplitudengang bei verschiedenen Frequenzen aufgenommen.