Universidade de São Paulo

Instituto de Física de São Carlos

Lista 1

Pedro Calligaris Delbem 5255417

Professor: Attilio Cucchieri

Sumário

1	Exercício 1	2
2	Exercício 2	2
3	Exercício 3	3
4	Exercício 4	3
5	Exercício 5	4
6	Exercício 6	5

1 Exercício 1

Tarefa: Calcular a área de um círculo. Opções: entrada e saída usando teclado e monitor; entrada e saída usando arquivos; calcular a área em uma subrotina.

O código foi compilado com o comando:

```
gfortran L1-5255417-ex-1.f90 -o L1-5255417-ex-1.exe
```

Resultados:

```
pedro@Pedro-Lenovo ~/Documentos/GitHub/quanticacomp/lista1
 $ ./L1-5255417-ex-1.exe
Insert radius value:
 Area of the circle is:
                         3.14159274
pedro@Pedro-Lenovo ~/Documentos/GitHub/quanticacomp/lista1
 $ ./L1-5255417-ex-1.exe
 Insert radius value:
Area of the circle is: 12.5663710
pedro@Pedro-Lenovo ~/Documentos/GitHub/quanticacomp/lista1
 $ ./L1-5255417-ex-1.exe
Insert radius value:
Area of the circle is:
                         50.2654839
pedro@Pedro-Lenovo ~/Documentos/GitHub/quanticacomp/lista1
> $ ./L1-5255417-ex-1.exe
Insert radius value:
Area of the circle is: 201.061935
```

Figura 1: Valores de área para os raio de 1, 2, 4 e 8.

A área para o raio = 1 correponde ao valor de π , de acordo com o esperado. Dobrando o valor do raio espera-se, então, que o valor da área quadruplique e isto foi o que se obteve.

2 Exercício 2

Tarefa: Testar overflow e underflow em precisão simples e dupla.

O código foi compilado com o comando:

```
gfortran L1-5255417-ex-2.f90 -o L1-5255417-ex-2.exe
```

Resultados:

Figura 2: Valores de overflow e underflow para precisão simples e dupla.

Nota-se que os valores obtidos são coerentes com o esperado.

3 Exercício 3

Tarefa: Achar a precisão do computador, i.e., o maior número positivo tal que $1 + \epsilon = 1$, usando precisão simples e dupla.

O código foi compilado com o comando:

```
gfortran L1-5255417-ex-3.f90 -o L1-5255417-ex-3.exe
```

Resultados:

```
pedro@Pedro-Lenovo ~/Documentos/GitHub/quanticacomp/lista1
> $ ./L1-5255417-ex-3.exe
Machine precision for simple precision is: 5.96046448E-08
Machine precision for double precision is: 1.1102230246251565E-016
```

Figura 3: Valores de ϵ para precisão para precisão simples e dupla.

Nota-se que os valores obtidos correspondem aos valores esperados.

4 Exercício 4

Tarefa: Calcular

$$e^{-x} = 1 - x + x^2/2! - x^3/3! + \dots$$
 (1)

para x = 0.1, 1, 10, 100 e 1000 com um erro menor do que 10^{-8} . Problema: quando truncar a série? É preciso calcular o fatorial explicitamente? Comparar o valor obtido usando a série com o resultado exato.

O código foi compilado com o comando:

```
gfortran L1-5255417-ex-4.f90 -o L1-5255417-ex-4.exe
```

Resultados:

Figura 4: Valores de e^{-x} para x = 0.1, 1, 10, 100 e 1000.

Por fim, percebe-se que o resultado esperado foi obtido para $x=0.1,\ 1\ e\ 10.$ Para $x=100\ e\ 1000\ o$ resultado obtido diverge do esperado, o que se deve ao fato de que os termos somados se tornam muito pequenos ao ponto de serem menores que o Machine Precision.

5 Exercício 5

Tarefa: Considerar a somatória

$$\Sigma(N) = \sum_{n=1}^{2N} (-1)^n \frac{n}{n+1} = -\sum_{n=1}^{N} \frac{2n-1}{2n} + \sum_{n=1}^{N} \frac{2n}{2n+1} = \sum_{n=1}^{N} \frac{1}{2n(2n+1)}$$
 (2)

e calcular $\Sigma(N)$ para $N=1,\,2,\,\ldots\,,\,10^6$ usando as três fórmulas acima. Comparar os resultados usando precis ão simples.

O código foi compilado com o comando:

```
gfortran L1-5255417-ex-5.f90 -o L1-5255417-ex-5.exe
```

Resultados:

```
pedro@Pedro-Lenovo ~/Documentos/GitHub/quanticacomp/lista1
   ./L1-5255417-ex-5.exe
              -0.333333313
                                 0.166666687
                                                   0.166666672
               0.883333385
                                 0.216666698
                                                   0.216666669
              -0.509523690
                                 0.240476370
                                                   0.240476191
                1.05436516
                                 0.254365206
                                                   0.254365087
              -0.569877207
                                 0.263456345
                                                   0.263455987
                1.12700903
                                 0.269866943
                                                   0.269866258
                                 0.274629116
                                                   0.274628162
              -0.600371778
                                                   0.281228602
                                 0.281229973
              -0.618771255
                                 0.283611298
                                                   0.283609569
                1.19270074
         100
                  29447055
                                 0.304382324
                                                   0.304371417
                                 0.306640625
                                                   0.306603163
        1000
                  30560207
                1.30670857
                                 0.306640625
                                                   0.306800693
       10000
      100000
                1.30684614
                                 0.304687500
                                                   0.306800693
     1000000
                1.30686092
                                 0.312500000
                                                   0.306800693
```

Figura 5: Valores de $\Sigma(N)$ para $N = 1, 2, \ldots, 10^6$ usando precisão simples.

Nota-se que a primeira série demora é mais instável do que as demais. Além disso, a terceira série se mostra mais estável que a segunda - sendo então a melhor versão.

6 Exercício 6

Tarefa: Estudar numericamente o erro da aproximação

$$e^{-x} \approx \sum_{n=0}^{N} \frac{(-x)^n}{n!} \tag{3}$$

em função de N, para diferentes valores de x. Sugestão: faça um gráfico do erro em função de N. O que acontece quando e^{-x} é calculado usando a série $e^x = \sum_{n=0}^N \frac{x^n}{n!}$ e, depois, calculando $1/e^x$?

O código foi compilado com o comando:

Resultados:

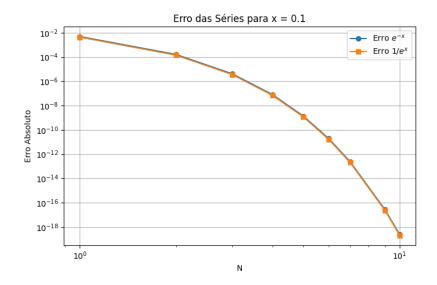


Figura 6: Gráfico do erro em função de N para x=0.100000001.

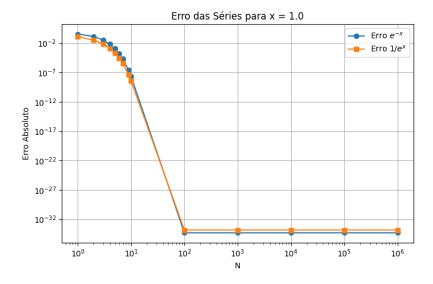


Figura 7: Gráfico do erro em função de N para x = 1.



Figura 8: Gráfico do erro em função de N para x=10.



Figura 9: Gráfico do erro em função de N para x = 100.

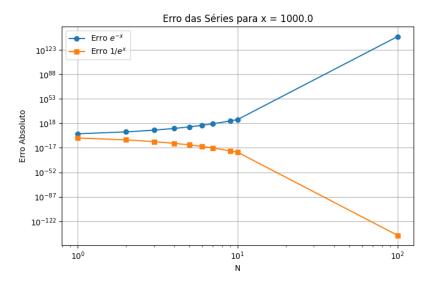


Figura 10: Gráfico do erro em função de N para x = 1000.

Percebe-se - claramente - que calcular a série de e^x e fazer $1/e^x$ o resultado é mais preciso do que calcular a série, diretamente, de e^{-x} . Além disso, é notório que ao calcular a série de e^{-x} diretamente para valores de N muito grande o resultado apresenta uma divergência muito grande do resultado real o que se deve ao fato de que os termos somados se tornam muito pequenos ao ponto de serem menores que o Machine Precision.