

Universidade de São Paulo

Instituto de Física de São Carlos

Lista 1

Pedro Calligaris Delbem 5255417

Professor: Attilio Cucchieri

Março de 2025

Sumário

1	Exercício 1	2
2	Exercício 2	2
3	Exercício 3	3
4	Exercício 4	3
5	Exercício 5	4
6	Exercício 6	5

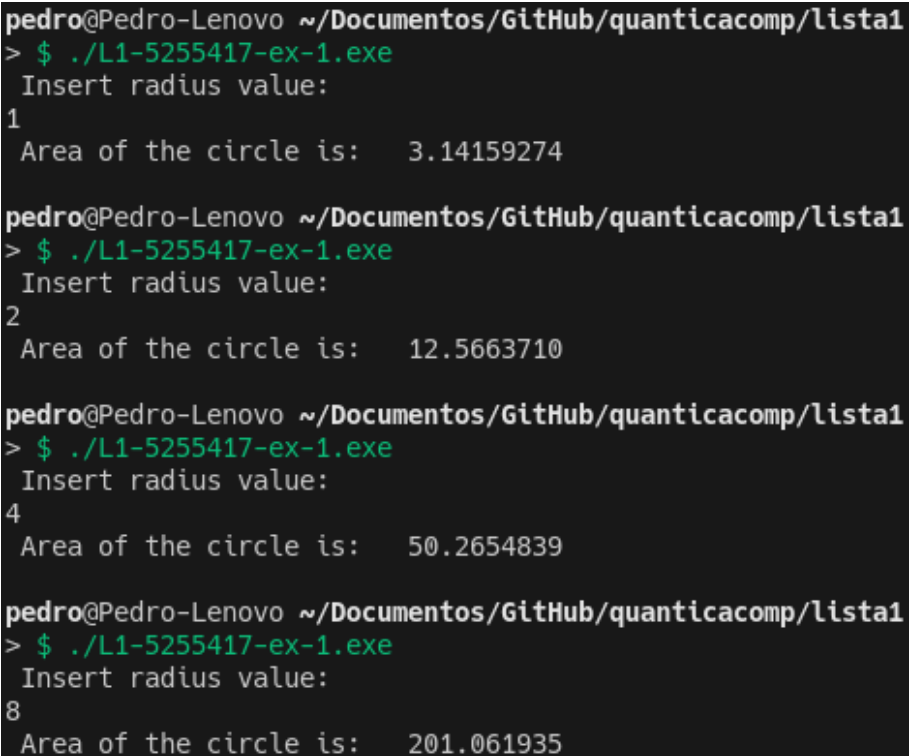
1 Exercício 1

Tarefa: Calcular a área de um círculo. Opções: entrada e saída usando teclado e monitor; entrada e saída usando arquivos; calcular a área em uma subrotina.

O código foi compilado com o comando:

```
gfortran L1-5255417-ex-1.f90 -o L1-5255417-ex-1.exe
```

Resultados:



```
pedro@Pedro-Lenovo ~/Documentos/GitHub/quanticacomp/lista1
> $ ./L1-5255417-ex-1.exe
Insert radius value:
1
Area of the circle is: 3.14159274

pedro@Pedro-Lenovo ~/Documentos/GitHub/quanticacomp/lista1
> $ ./L1-5255417-ex-1.exe
Insert radius value:
2
Area of the circle is: 12.5663710

pedro@Pedro-Lenovo ~/Documentos/GitHub/quanticacomp/lista1
> $ ./L1-5255417-ex-1.exe
Insert radius value:
4
Area of the circle is: 50.2654839

pedro@Pedro-Lenovo ~/Documentos/GitHub/quanticacomp/lista1
> $ ./L1-5255417-ex-1.exe
Insert radius value:
8
Area of the circle is: 201.061935
```

Figura 1: Valores de área para os raio de 1, 2, 4 e 8.

A área para o raio = 1 corresponde ao valor de π , de acordo com o esperado. Dobrando o valor do raio espera-se, então, que o valor da área quadruplique e isto foi o que se obteve.

2 Exercício 2

Tarefa: Testar overflow e underflow em precisão simples e dupla.

O código foi compilado com o comando:

```
gfortran L1-5255417-ex-2.f90 -o L1-5255417-ex-2.exe
```

Resultados:

```
pedro@Pedro-Lenovo ~/Documentos/GitHub/quanticaomp/lista1
> $ ./L1-5255417-ex-2.exe
Overflow simple real is:      1.000000007E+38
Overflow double real is:     9.999999999999981E+307
Underflow simple real is:     1.40129846E-45
Underflow double real is:     9.8813129168249309E-324
```

Figura 2: Valores de overflow e underflow para precisão simples e dupla.

Nota-se que os valores obtidos são coerentes com o esperado.

3 Exercício 3

Tarefa: Achar a precisão do computador, i.e., o maior número positivo tal que $1 + \epsilon = 1$, usando precisão simples e dupla.

O código foi compilado com o comando:

```
gfortran L1-5255417-ex-3.f90 -o L1-5255417-ex-3.exe
```

Resultados:

```
pedro@Pedro-Lenovo ~/Documentos/GitHub/quanticaomp/lista1
> $ ./L1-5255417-ex-3.exe
Machine precision for simple precision is:  5.96046448E-08
Machine precision for double precision is:  1.1102230246251565E-016
```

Figura 3: Valores de ϵ para precisão simples e dupla.

Nota-se que os valores obtidos correspondem aos valores esperados.

4 Exercício 4

Tarefa: Calcular

$$e^{-x} = 1 - x + x^2/2! - x^3/3! + \dots \quad (1)$$

Resultados:

```
pedro@Pedro-Lenovo ~/Documentos/GitHub/quanticacomp/lista1
> $ ./L1-5255417-ex-5.exe
      1 -0.333333313      0.166666687      0.166666672
      2  0.883333385      0.216666698      0.216666669
      3 -0.509523690      0.240476370      0.240476191
      4  1.05436516      0.254365206      0.254365087
      5 -0.569877207      0.263456345      0.263455987
      6  1.12700903      0.269866943      0.269866258
      7 -0.600371778      0.274629116      0.274628162
      9 -0.618771255      0.281229973      0.281228602
     10  1.19270074      0.283611298      0.283609569
    100  1.29447055      0.304382324      0.304371417
   1000  1.30560207      0.306640625      0.306603163
  10000  1.30670857      0.306640625      0.306800693
100000  1.30684614      0.304687500      0.306800693
1000000 1.30686092      0.312500000      0.306800693
```

Figura 5: Valores de $\Sigma(N)$ para $N = 1, 2, \dots, 10^6$ usando precisão simples.

Nota-se que a primeira série demora é mais instável do que as demais. Além disso, a terceira série se mostra mais estável que a segunda - sendo então a melhor versão.

6 Exercício 6

Tarefa: Estudar numericamente o erro da aproximação

$$e^{-x} \approx \sum_{n=0}^N \frac{(-x)^n}{n!} \quad (3)$$

em função de N , para diferentes valores de x . Sugestão: faça um gráfico do erro em função de N . O que acontece quando e^{-x} é calculado usando a série $e^x = \sum_{n=0}^N \frac{x^n}{n!}$ e, depois, calculando $1/e^x$?

O código foi compilado com o comando:

```
gfortran L1-5255417-ex-6.f90 -o L1-5255417-ex-6.exe
```

Resultados:

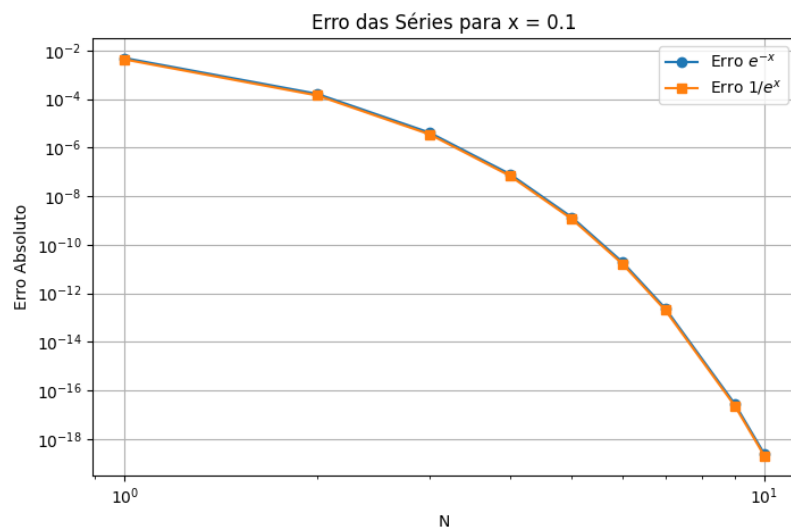


Figura 6: Gráfico do erro em função de N para $x = 0.100000001$.

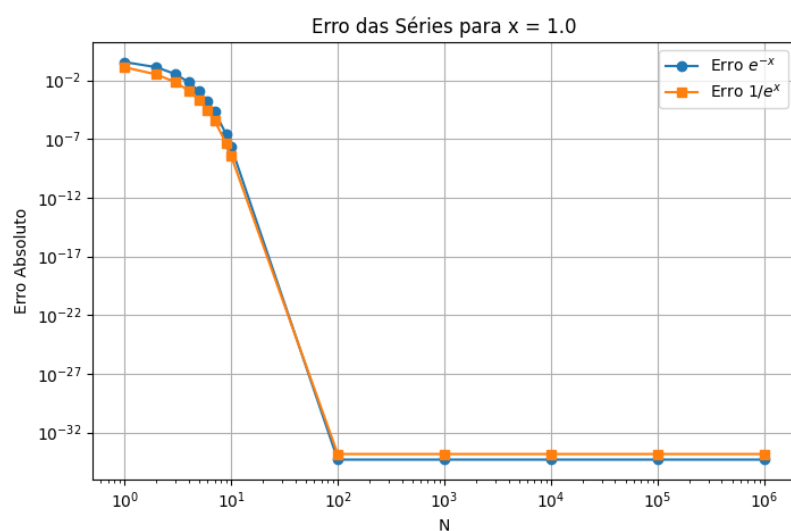


Figura 7: Gráfico do erro em função de N para $x = 1$.

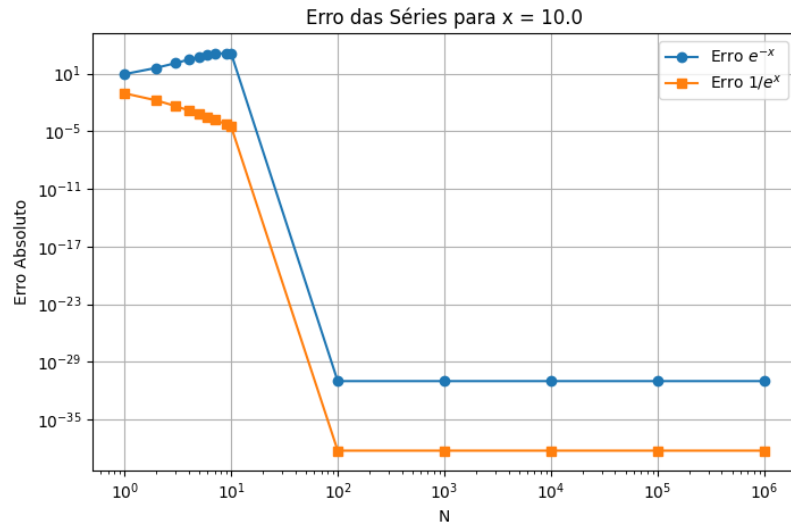


Figura 8: Gráfico do erro em função de N para $x = 10$.

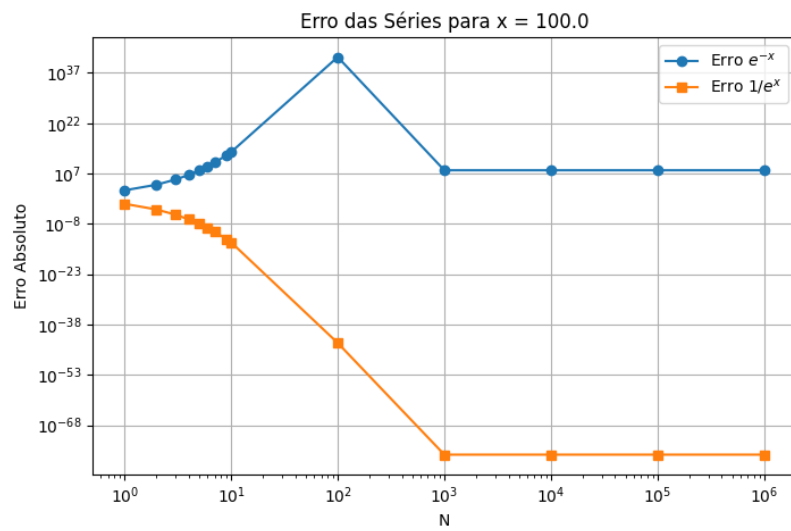


Figura 9: Gráfico do erro em função de N para $x = 100$.

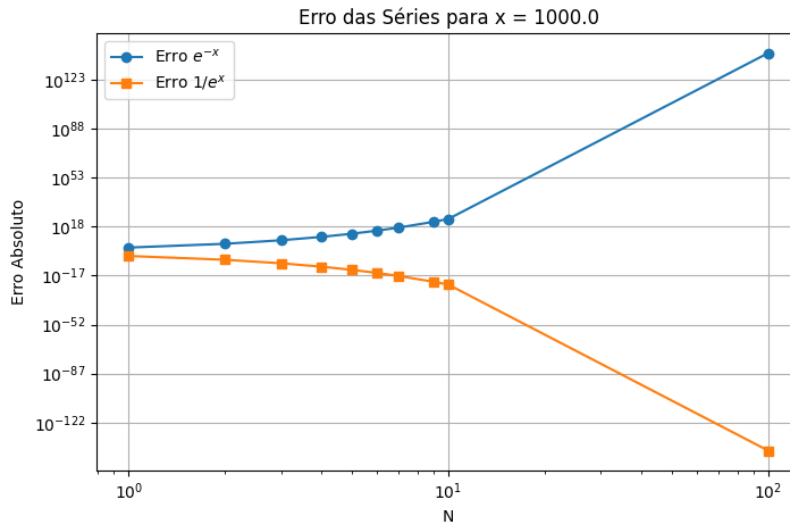


Figura 10: Gráfico do erro em função de N para x = 1000.

Percebe-se - claramente - que calcular a série de e^x e fazer $1/e^x$ o resultado é mais preciso do que calcular a série, diretamente, de e^{-x} . Além disso, é notório que ao calcular a série de e^{-x} diretamente para valores de N muito grande o resultado apresenta uma divergência muito grande do resultado real o que se deve ao fato de que os termos somados alternam sinal e como seus valores absolutos se tornam muito grandes, o erro de arredondamento se torna muito grande - causando esta grande diferença para o valor real.