

<b>МЭИ</b>	<b>ЭКЗАМЕНАЦИОННЫЙ БИЛЕТ № 21</b>	Утверждаю:
	Кафедра ВМСС	Зав. кафедрой
	<u>Дисциплина МСПИ II часть</u>	09.01.22 г.
Институт ИВТ		
<p>1. Расчет первичных параметров двусвязной длинной линии (двухпроводной и коаксиальной).</p> <p>2. Анализ физических процессов передачи энергии в <u>плоскопараллельных системах</u>.</p>		

### **1. Расчет первичных параметров двусвязной длинной линии (двухпроводной и коаксиальной).**

Двухпроводные линии:

Первичные параметры длинной линии  $r_0$ ,  $L_0$ ,  $g_0$ ,  $C_0$  для двусвязных линий передачи рассчитываются в приближении квазистатических электрических и квазистационарных магнитных плоскопараллельных полей.

Формула, связывающая погонную ёмкость и поперечную проводимость:

$$g_0 = \frac{I_y}{U} = C_0 \frac{\sigma}{\epsilon_0 \epsilon_r}.$$

Погонная ёмкость равна:  $\tau = C_0 U$ , где  $C_0$  - линейный заряд на проводах (или проводниках) линии передачи,  $U$  - разность потенциалов между ними.

Погонная индуктивность с помощью индуктивности линии, как контура (одного витка, т.е.  $W=1$ ), которая определяется по формуле:  $L_0 = \frac{\Psi}{II} = \frac{W\Phi}{II} = \frac{\Phi}{II}$ , где  $W$  - число витков, а  $l$  - длина линии.

Погонное продольное сопротивление двухпроводной линии с двумя проводниками круглого поперечного сечения на постоянном токе (или на низких частотах) равно:

$$R_0 = 2 \frac{1}{\sigma S} = \frac{2}{\rho \pi r_0^2}$$

Погонная поперечная ёмкость:

$$C_0 = \frac{\tau}{U} = \frac{\tau}{\frac{\tau}{2\pi\epsilon_0\epsilon_r} \ln \frac{2a}{r_0}} = \frac{2\pi\epsilon_0\epsilon_r}{\ln \frac{2a}{r_0}}, \text{ где } U = \int_{r_1}^{r_2} \frac{\tau}{2\pi\epsilon_0 r} dr = \frac{\tau}{2\pi\epsilon_0} \ln \frac{r_2}{r_1}. \quad (1)$$

$$\text{Погонная поперечная проводимость } g_0 = C_0 \frac{\sigma}{\epsilon_0\epsilon_r} = \frac{2\pi\epsilon_0\epsilon_r}{\ln \frac{2a}{r_0}} * \frac{\sigma}{\epsilon_0\epsilon_r} = \frac{2\pi\sigma}{\ln \frac{2a}{r_0}}$$

Подставляя выражение суммарной напряженности поля:

$$H_y = H_x = 2 \left( -\frac{1}{2\pi r} \right) = -\frac{1}{2\pi x}, \text{ где } r = x \text{ в формулу погонной продольной}$$

$$\text{индуктивности: } L_0 = \frac{\Phi}{lI} = \int_0^l \int_{r_0}^{(2a-r_0)} \mu_0 H_y dx dl \text{ получим:}$$

$$L_0 = -\frac{\mu_0}{\pi} \ln \frac{2a-r_0}{r_0} \text{ («-» характеризует направление потока индукции и не влияет на величину } L_0).$$

Пусть сечение провода – круг и равномерная плотностью тока  $\frac{1}{\pi a^2}$ , где а – радиус проводника.

Поток внутри провода находится подстановкой в формулу

$$\Phi_i = \frac{1}{I} \int \Phi_k di = \frac{1}{I} \int L_k I_k di = \frac{1}{I} \int I_k d\Phi_k \text{ формулы}$$

$$d\Phi_r = B_a dS = \frac{\mu_0 I l r^2}{2\pi r a^2} dr = \frac{\mu_0 I l r}{2\pi a^2} dr \text{ и равен: } \Phi_i = \frac{\mu_0 I l}{2\pi a^2 a^2} \int_0^a r^3 = \frac{\mu_0 I l}{8\pi}$$

Полная погонная индуктивность двухпроводной линии выводится из формул внешней

$$(L_{0e} = \frac{\mu_0}{\pi} \ln \frac{2a-r_0}{r_0}) \text{ и внутренней } (L_{0i} = \frac{\mu_0 l}{8\pi}) \text{ погонной индуктивности для}$$

одиночного провода:

$$L_0 = L_{0e} + 2L_{0i} = \frac{\mu_0}{\pi} \ln \frac{2a-r_0}{r_0} + 2 \frac{\mu_0 l}{8\pi} = \frac{\mu_0}{\pi} \left[ \ln \frac{2a-r_0}{r_0} + \frac{1}{4} \right] \approx \frac{\mu_0}{\pi} \left[ \ln \frac{2a}{r_0} + \frac{1}{4} \right]$$

Коаксиальные линии:

Погонное продольное сопротивление коаксиальной линии с проводниками круглого поперечного сечения на постоянном токе или на низких частотах состоит из суммы

$$\text{погонных сопротивлений жилы: } R_{0ж} = \frac{1}{\sigma S} = \frac{1}{\varrho \pi r_1^2} \text{ и оболочки:}$$

$$R_{0об} = \frac{1}{\sigma S_{об}} = \frac{1}{\varrho \pi (r_2^2 - r_3^2)}.$$

$$\text{Погонная поперечная ёмкость: } C_0 = \frac{\tau}{U} = \frac{\tau}{\frac{\tau}{2\pi\epsilon_0\epsilon_r} \ln \frac{r_2}{r_1}} = \frac{2\pi\epsilon_0\epsilon_r}{\ln \frac{r_2}{r_1}}, \text{ где } U = \text{формуле(1).}$$

Погонная поперечная проводимость:  $g_0 = C_0 \frac{\sigma}{\varepsilon_0 \varepsilon_r} = \frac{2\pi \varepsilon_0 \varepsilon_r}{\ln \frac{r_2}{r_1}} * \frac{\sigma}{\varepsilon_0 \varepsilon_r} = \frac{2\pi \sigma}{\ln \frac{r_2}{r_1}}$ .

Внешняя погонная продольная индуктивность коаксиальной линии определяется из формулы индуктивности петли единичной продольной длины, образованной центральным

проводником и оболочкой линии:  $L_{0e} = \frac{\Phi}{II} = \int_0^l \int_{r_1}^{r_2} \mu_0 H_\alpha dr dl$  подстановкой в неё

$H_\alpha = \frac{1}{2\pi r}$  и равна:  $L_{0e} = \frac{1}{II} l \int_{r_1}^{r_2} \mu_0 \frac{I}{2\pi r} dr = \frac{\mu_0}{2\pi} \ln \frac{r_2}{r_1}$ .

Внутренняя индуктивность для жилы равна  $L_i = \frac{\mu_0 l}{8\pi}$ . А для оболочки (при  $r_2 \leq r \leq r_3$ ) с учетом радиального изменения тока в оболочке и, значит, выражением суммарного тока  $I_\Sigma$  в поперечном сечении линии по формуле

Суммарный ток в поперечном сечении линии равен:

$$I_\Sigma = I - I \frac{\pi(r^2 - r_3^2)}{\pi(r_3^2 - r_2^2)} = I \frac{(r_3^2 - r^2)}{(r_3^2 - r_2^2)}.$$

Зависимость напряженности магнитного поля в оболочке:  $H_\alpha = \frac{1}{2\pi r} \frac{(r_3^2 - r^2)}{(r_3^2 - r_2^2)}$ .

Поток внутри оболочки находится подстановкой в формулу  $\Phi_i = \frac{1}{I} \int I_\Sigma d\Phi_r$  формулы:

$$d\Phi_r = B_\alpha dS = \frac{\mu_0 I (r_3^2 - r^2) l}{2\pi r (r_3^2 - r_2^2)} dr \text{ и формулы суммарного тока в поперечном сечении}$$

линии (при  $dS = l dr$ ).

Внутренняя индуктивность коаксиального кабеля:

$$L_{i об} = \frac{\mu_0}{2\pi (r_3^2 - r_2^2)^2} \left\{ r_3^4 \ln \frac{r_3}{r_2} - 2r_3^2 \frac{(r_3^2 - r_2^2)}{2} + \frac{(r_3^4 - r_2^4)}{4} \right\}.$$

Сравнив внешнюю и внутреннюю индуктивности коаксиального провода, соотношение

между которыми составляет:  $\frac{\mu_0}{2\pi} \ln \frac{r_2}{r_1} * \frac{8\pi}{\mu_0} = 4 \ln \frac{r_2}{r_1}$ , можно считать, что погонная

индуктивность коаксиального кабеля определяется формулой:  $L_0 = \frac{\mu_0}{\pi} \left[ \ln \frac{2a}{r_0} + \frac{1}{4} \right]$ .

Формулы  $L_0$  двухпроводной и коаксиальной линии идентичны.

## **2. Анализ физических процессов передачи энергии в плоскопараллельных системах.**

Плоскопараллельные системы – системы, которые формируют плоскопараллельное поле. Главное внимание уделяется двухсвязным линиям передачи.

Расчет передачи мощности в двухсвязных линиях основан на допущении о характере поля в системе, соответствующей, зоне индукции (или ближней зоне  $d \ll \lambda$ ), где:

$d$ - поперечные размеры системы проводников

$\lambda$ - длиной волны

В реальных системах это соотношение выполняется до очень высоких частот.

Электрическое поле представляет собой квазистатическое поле, а магнитное поле – квазистационарное магнитное поле. При расчете мощности (вектора Пойнтинга) в двухсвязных системах применяем выражения для электростатического и для стационарного магнитного полей, предполагая, что это не независимые поля, а переменные, удовлетворяющие полной системе уравнений Максвелла (т.е. системе, учитывающей связь между составляющими электромагнитного поля).

Далее рассмотрим передачу энергии по длинной двухпроводной линии. Запишем поток вектора Пойнтинга через дуговые четырехугольники, образованные в плоскости поперечного сечения в результате пересечения силовых линий электрического и магнитного полей.

Углы при вершинах этих дуговых четырехугольников прямые, так как это углы между силовыми линиями электрического поля и эквипотенциальными линиями. Площадь элементарного четырехугольника  $ds=da \cdot db$ , поэтому поток плотности вектора Пойнтинга через него равен:

$$Pds = [E, H]ds = z^0(E*H)z^0(da*db) = (E*da)(H*db) = P_z ds.$$

где учтено, что вектора напряженностей электрического и магнитного полей лежат в плоскости поперечного сечения, ортогональной продольной оси  $z$  линии и сами взаимно ортогональны. Причем из рисунка видно, что в каждом четырехугольнике направление  $da$  совпадает с направлением вектора  $E$ , а направление  $db$  с направлением  $H$ . Суммируя все элементарные потоки по элементарным площадкам  $ds$  поперечного сечения, получим следующее:

$$P = \int_S P_z ds = \int_l \oint_l EH db da = \int_l E da \oint_l H db = UI,$$

так как интеграл  $\int_l E da$ , взятый от одного провода линии до другого её провода равен

напряжению между проводами, а интеграл  $\oint_l H db$ , согласно закону полного тока равен

току в проводе.

Приходим к тому, что поток энергии, проходящей в единицу времени через поперечное сечение линии равен передаваемой по этой линии мощности. Этот поток сосредоточен в пространстве между проводами линии, которые выполняют роль волноведущей структуры. Часть потока, ответвляющаяся внутрь каждого провода, равная  $RI^2$ , определяет потерю мощности, а полезная мощность в двухпроводных линиях передается в пространстве между проводами.