

## ¿Cómo se realiza un análisis de los resultados de un trabajo científico? Parte 2



Dr. Diego Stalder (FIUNA) dstalder@ing.una.py





¿Cómo se realiza un análisis de los resultados de un trabajo científico?

## Contenido: Análisis estadístico

### Dia 1

- Revisión de algunos conceptos
- Medición/Muestreo
- Estadística Descriptiva
- Probabilidades
  - Distribuciones de Discretas y Continuas

### Dia 2

- Estimación de Parámetros
  - Regresión Lineal
  - Regresión Logística
  - Bondad de ajuste





¿Cómo se realiza un análisis de los resultados de un trabajo científico?

# Análisis Exploratorio

https://github.com/sborquez/Python-LEC/

- Antes de Comenzar
- Análisis Exploratorio de Datos
  - ¿Por qué es importante?
  - Manipulación de datos con Pandas
  - ¿Qué Gráfico debería usar?
- Caso de estudio: Migraciones en Chile
  - Carga de Datos
  - Conociendo el Dataframe
  - Realizar Consultas
  - Operaciones sobre el DataFrame
  - Agrupar datos
  - Visualizaciones Básicas
- · Caso de estudio: Pokemon Dataset
  - Estadísticas Básicas
  - Operaciones y Comparaciones entre Columnas
  - Visualización Estadística de Datos
- Caso de estudio: SARS-CoV-2 Total Cases Dataset Pronto...
  - How to combine data from multiple tables?
  - How to handle time series data with ease?
  - Log Scales
  - Gráficos Interactivos con Plotly





¿Cómo se realiza un análisis de los resultados de un trabajo científico?

## Análisis Exploratorio

s.hea	

	SEXO	NACIMIENTO	ACTIVIDAD	PROFESION	PAIS	ESTUDIOS	COMUNA	PROVINCIA	REGION	TIT_DEP	AÑO	BENEFICIO
0	Femenino	1974-10-05	EMPLEADO	MATRONA	PERÚ	no indica	SANTIAGO	SANTIAGO	METROPOLITANA	Т	2006	PERMANENC DEFINITIVA
1	Masculino	1949-09-13	EMPLEADO	INGENIERO	ECUADOR	no indica	PROVIDENCIA	SANTIAGO	METROPOLITANA	Т	2007	PERMANENC DEFINITIVA
2	Femenino	1949-12-07	EMPLEADO	ASESORA DEL HOGAR	BOLIVIA	BASICO	ARICA	ARICA	ARICA Y PARINACOTA	Т	2007	PERMANENC DEFINITIVA
3	Femenino	1966-09-20	DUEÑA DE CASA	DUEÑA DE CASA	BOLIVIA	MEDIO	ARICA	ARICA	ARICA Y PARINACOTA	Т	2006	PERMANENC DEFINITIVA
4	Masculino	1981-08-15	EMPRESARIO O PATRON	COMERCIANTE	BRASIL	no indica	LAS CONDES	SANTIAGO	METROPOLITANA	Т	2008	PERMANENC DEFINITIVA

### Tipos de datos:

- Categóricos: Sexo, Actividad, Profesión, Estudios ...
- Discretos: Año, Nacimiento(Fecha, dato compuesto)
- Continuos: No hay



#### Valores por columna

A continuación, se hará una exploración de las columnas.

```
# Al iterar un df, se obtienen los nombres de las columnas
for columna in visas:

# Una forma de acccesos a las columnas es como usarlo como un diccionar
datos_columna = visas[columna]

# Cantidad de valores unicos
distintos = datos_columna.nunique()

print(f"La columna {columna} tiene {distintos} valores diferentes.")
```

```
La columna SEXO tiene 2 valores diferentes.

La columna NACIMIENTO tiene 27688 valores diferentes.

La columna ACTIVIDAD tiene 15 valores diferentes.

La columna PROFESION tiene 599 valores diferentes.

La columna ESTUDIOS tiene 8 valores diferentes.

La columna COMUNA tiene 351 valores diferentes.

La columna PROVINCIA tiene 55 valores diferentes.

La columna REGION tiene 15 valores diferentes.

La columna TIT DEP tiene 2 valores diferentes.

La columna AÑO tiene 12 valores diferentes.

La columna BENEFICIO tiene 2 valores diferentes.
```



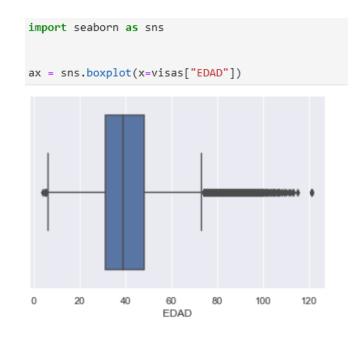


¿Cómo se realiza un análisis de los resultados de un trabajo científico?

# Análisis Exploratorio

### Variable Numérica Discreta

AÑO	EDAD
324932.000000	324931.000000
2011.956988	39.448908
3.314549	14.184114
2005.000000	4.000000
2009.000000	31.000000
2013.000000	39.000000
2015.000000	48.000000
2016.000000	121.000000
	324932.000000 2011.956988 3.314549 2005.000000 2009.000000 2013.000000 2015.000000



Columna Calculada a partir de la fecha de nacimiento

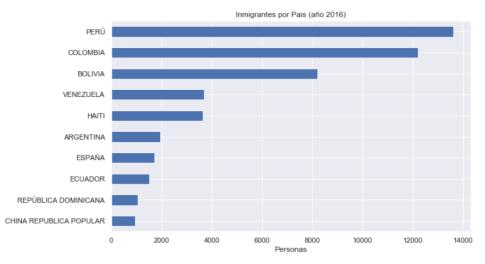


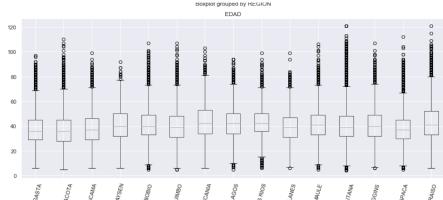


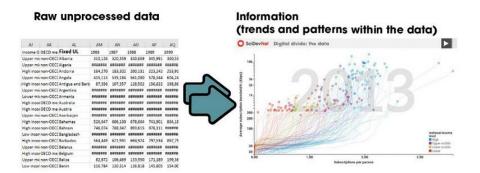
### ¿Cómo se realiza un análisis de los resultados de un trabajo científico?

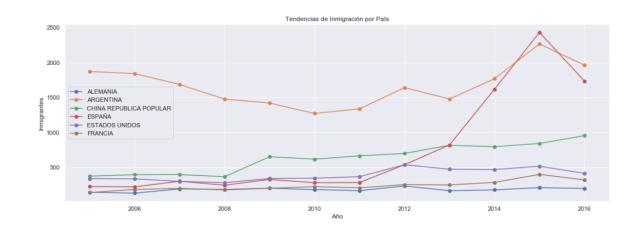
#### Visualizaciones Básicas

# Análisis Exploratorio













¿Cómo se realiza un análisis de los resultados de un trabajo científico?

## Contenido: Análisis estadístico

### Dia 1

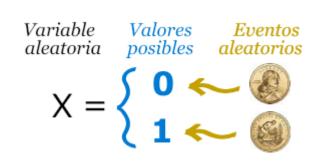
- Revisión de algunos conceptos
- Medición/Muestreo
- Estadística Descriptiva: Analisis Exploratorio
- Probabilidades
  - Distribuciones y variables aleatorias



¿Cómo se realiza un análisis de los resultados de un trabajo científico?

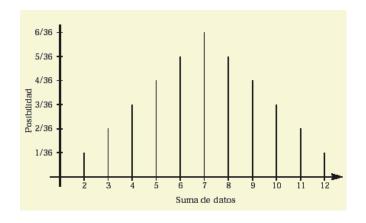
## Variable Aleatoria Discreta

#### Lanzar dos datos



Lanzar una moneda

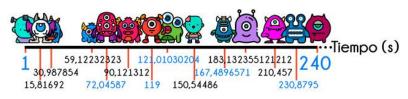
						•••
	(1 1)	(1 2)	(1 3)	(1 4)	(15)	(16)
	(2 1)	(22)	(2 3)	(2 4)	(2 5)	(2 6)
••	(3 1)	(3 2)	(3 3)	(3 4)	(3 5)	(3 6)
	(4 1)	(4 2)	(4 3)	(4 4)	(4 5)	(4 6)
	(5 1)	(5 2)	(5 3)	(5 4)	(5 5)	(5 6)
•••	(6 1)	(6 2)	(6 3)	(6 4)	(6 5)	(6 6)



## Variable aleatoria continua

Una variable aleatoria continua, es aquella que puede asumir un número incontable de valores.

Ejemplo: si vamos a una agencia del banco y registramos los datos de atención a los clientes, podemos definir la variable aleatoria D:



D = tiempo de atención en ventanilla (en s).
 → R<sub>n</sub>: 1 ≤ d ≤ 240

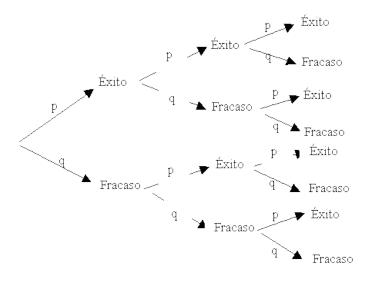




¿Cómo se realiza un análisis de los resultados de un trabajo científico?

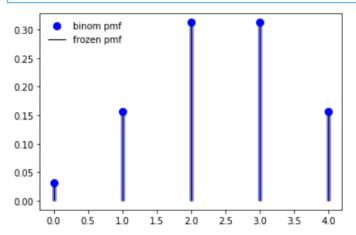
### Distribuciones de Probabilidades Discretas

#### Binomial



Ejemplo: Lanzar 3 veces uma monedas y contar cuantas veces sale cara

Las binomial, para predicir la variable lanzaR 5 veces una moneda







¿Cómo se realiza un análisis de los resultados de un trabajo científico?

## Distribuciones de Probabilidades Discretas

La distribución binomial tiende a una distribución de Poisson cuando en una distribución binomial se realiza el experimento muchas veces, la muestra n es grande y la probabilidad de éxito p en cada ensayo es baja, es aquí donde aplica el modelo de distribución de Poisson. Se tiene que cumplir que: p < 0.10 p \* n < 10

La probabilidad de que haya un accidente en una compañía de manufactura es de 0.02 por cada día de trabajo. Si se trabajan 300 días al año, ¿cuál es la probabilidad de tener 3 accidentes? Como la probabilidad p es menor que 0.1, y el producto n \* p es menor que 10 (300 \* 0.02 = 6), entonces, aplicamos el modelo de distribución de Poisson:

Poisson(λ = 6): stats.poisson(mu=6)

0.10 0.08 0.06 0.04 0.02

#### # Instanciar Distribuciones Pois = stats.poisson(mu=6) # Generar figura plt.figure(figsize=(12,4)) # Generar puntos k = np.arange(12)# Generar probabilidades para Poisson plt.plot(k, Pois.pmf(k), "ro", label="\$Pois(\\mu=6)\$") plt.vlines(k, 0, Pois.pmf(k), colors='r', lw=5, alpha=0.5) # Agregar estilo plt.title("Distribucion Poisson") plt.xlabel("k") plt.xticks(k) plt.legend() plt.show(); Distribucion Poisson 0.16 Pois (μ = 6) 0.14 0.12

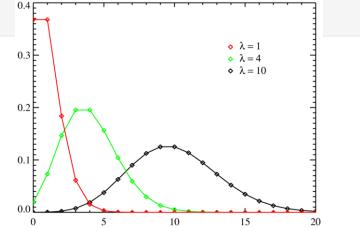
#### **Poisson Distribution Formula**

$$P(X = x) = \frac{\lambda^x e^{-x}}{x!}$$

#### where

$$x = 0, 1, 2, 3, ...$$

 $\lambda$  = mean number of occurrences in the interval e = Euler's constant  $\approx$  2.71828







¿Cómo se realiza un análisis de los resultados de un trabajo científico?

## Distribución de Probabilidades Continuas

```
• Normal(\mu = 5, \sigma = 2): stats.norm(loc=5, scale=2)
```

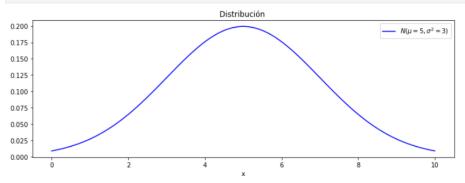
```
# Instanciar Distribucion
N = stats.norm(loc=5, scale=2)

# Generar figura
plt.figure(figsize=(12,4))

# Generar puntos
x = np.linspace(0,10, 100)

# Generar probabilidades para Normal
plt.plot(x, N.pdf(x), "b", label="$N(\\mu=5, \\sigma^2=3)$")

# Agregar estilo
plt.title("Distribución ")
plt.xlabel("x")
plt.legend()
plt.show()
```



```
• Gamma(\alpha = 9, \beta = 2): stats.gamma(a=9, scale=(1/2))
```

```
: # Instanciar Distribucion
Ga = stats.gamma(a=9, scale=0.5)

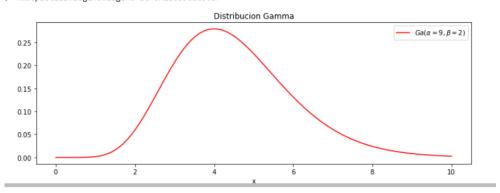
# Generar figura
plt.figure(figsize=(12,4))

# Generar puntos
x = np.linspace(0,10, 100)

# Generar probabilidades para Gamma
plt.plot(x, Ga.pdf(x),"r", label="$Ga(\\alpha=9, \\beta=2)$")

# Agregar estilo
plt.title("Distribucion Gamma")
plt.xlabel("x")
plt.legend()
```

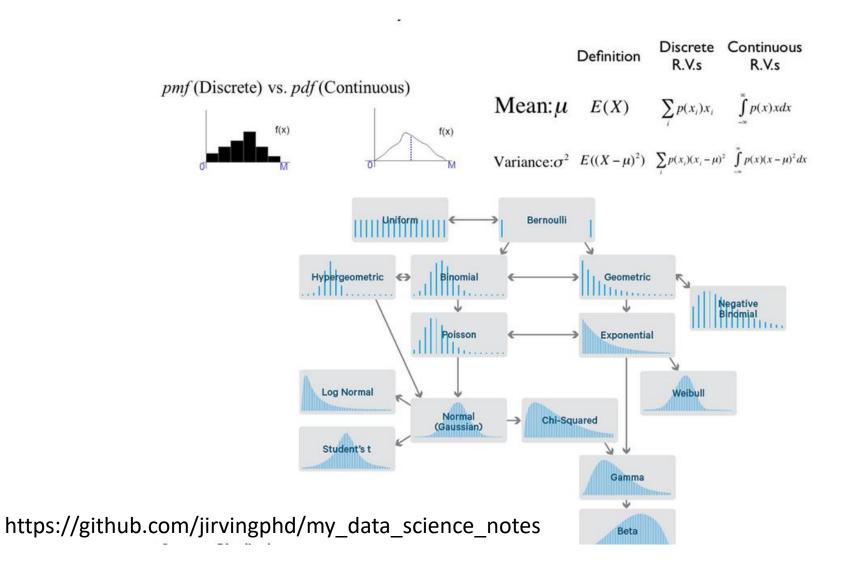
: <matplotlib.legend.Legend at 0x180396dc908>







¿Cómo se realiza un análisis de los resultados de un trabajo científico?







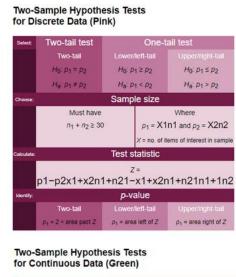
¿Cómo se realiza un análisis de los resultados de un trabajo científico?

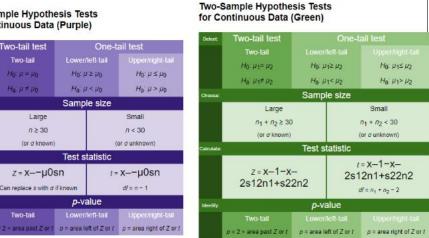
## Contenido: Análisis estadístico

### Dia 2

- Pruebas de Hipótesis
  - Nivel de significancia
  - Tipos de Errores
- Estimación de Parámetros
  - Regresión Lineal
  - Regresión Logística
  - Bondad de ajuste

#### One-Sample Hypothesis Tests for Discrete Data (Orange) $H_0: p = p_0$ Ho: p ≤ po Ha D ≠ PO Ha: p < po Ha: p > po Sample size Must have Where np≥5 p = Xn $n(1-p) \ge 5$ X = no. of items of interest in n ≥ 30 Test statistic z = p - p0p0(1 - p0)np-value One-Sample Hypothesis Tests for Continuous Data (Purple) Two-tail H<sub>0</sub>: µ ≥ µ<sub>0</sub> Ha μ < μ0 Sample size









¿Cómo se realiza un análisis de los resultados de un trabajo científico?

# Prueba de Hipótesis

Una prueba de hipótesis es una regla que especifica si se puede aceptar o rechazar una afirmación acerca de una población dependiendo de la evidencia proporcionada por una muestra de datos.

- •¿Tienen las estudiantes de pregrado una estatura media diferente de 66 pulgadas?
- •¿Es la desviación estándar de su estatura igual a o menor que 5 pulgadas?
- •¿Es diferente la estatura de las estudiantes y los estudiantes de pregrado en promedio?
- •¿Es la proporción de los estudiantes de pregrado significativamente más alta que la proporción de las estudiantes de pregrado?







¿Cómo se realiza un análisis de los resultados de un trabajo científico?

# Prueba de Hipótesis

Una prueba de hipótesis es una regla que especifica si se puede aceptar o rechazar una afirmación acerca de una población dependiendo de la evidencia proporcionada por una muestra de datos.

- •¿Tienen las estudiantes de pregrado una estatura media diferente de 1.75m?
- •¿Es la desviación estándar de su estatura igual a o menor que 15cm pulgadas?
- •¿Es diferente la estatura de las estudiantes y los estudiantes de pregrado en promedio?
- •¿Es la proporción de los estudiantes de pregrado significativamente más alta que la proporción de las estudiantes de pregrado?







¿Cómo se realiza un análisis de los resultados de un trabajo científico?

## Prueba de Hipótesis

https://www.youtube.com/watch?v=AJcy4eZMwWM

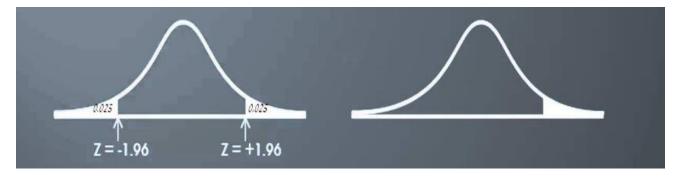
Las hipótesis nula y alternativa son dos enunciados mutuamente excluyentes acerca de una población.

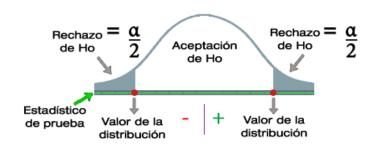
### **Hipótesis** nula (H<sub>0</sub>)

La hipótesis nula indica que un parámetro de población (tal como la media, la desviación estándar, etc.) es igual a un valor hipotético

### Hipótesis alternativa (H<sub>1</sub>)

La hipótesis alternativa indica que un parámetro de población es más pequeño, más grande o diferente del valor hipotético de la hipótesis nula.





.  $(H_0: \mu = 850 \text{ vs. } H_1: \mu \neq 850)$ 

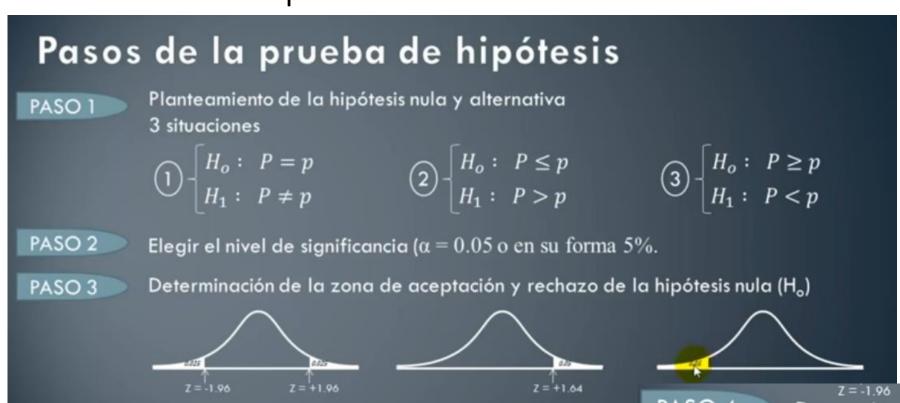
 $(H_0: \mu = 850 \text{ vs. } H_1: \mu > 850)$ 





¿Cómo se realiza un análisis de los resultados de un trabajo científico?

# Prueba de Hipótesis



PASO 4 Determinación de la Función Pivotal  $\bar{x} = 1.96$ 

$$t = \frac{\bar{X} - \mu}{\sigma/\sqrt{n}} \qquad t = \frac{\bar{X} - \mu}{\sigma/\sqrt{n}} \quad (n-1) GL$$
Cuandon  $\geq 30$ 

¿Cómo se realiza un análisis de los resultados de un trabajo científico?

# Prueba de Hipótesis

## Pasos de la prueba de hipótesis

PASO 5

Cálculo de la función Pivotal

Se reemplaza en la formula correcta la información obtenida y se obtiene un valor.

Por ejemplo si deseamos realizar una prueba de hipótesis para la media poblacional de los estudiantes de la USP y planteamos la hipótesis de interés de que la edad es diferente a 25 años.

Posteriormente cogemos una muestra de 40 alumnos y encontramos que el promedio de su edad es de 22.5 años, con una Desviación estándar de 4.5 años.

La función Pivotal elegida sería:

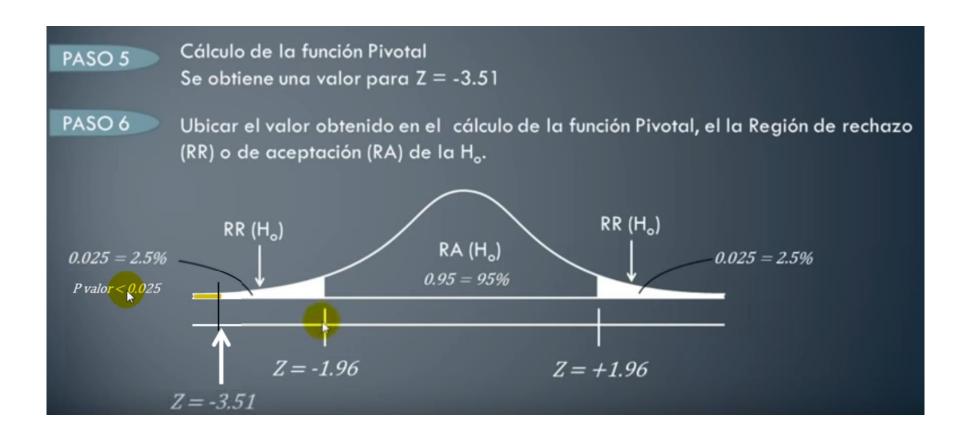
$$Z = \frac{\bar{X} - \mu}{\sigma/\sqrt{n}}$$
 Reemplazando los valores 
$$Z = \frac{22.5 - 25}{4.5/\sqrt{40}} = \frac{-2.5}{0.71}$$
 Finalmente  $Z = -3.51$ 





¿Cómo se realiza un análisis de los resultados de un trabajo científico?

# Prueba de Hipótesis







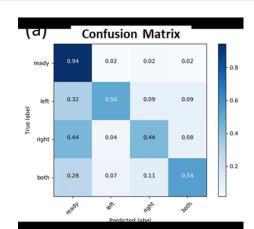
### ¿Cómo se realiza un análisis de los resultados de un trabajo científico?

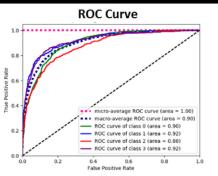
# Tipos de errores

	Verdad acerca de la población		
Decisión basada en la muestra	H <sub>0</sub> es verdadera	H <sub>0</sub> es falsa	
No rechazar H <sub>0</sub>	Decisión correcta (probabilidad = 1 - α)	Error tipo II - no rechazar H <sub>0</sub> cuando es falsa (probabilidad = β)	
Rechazar H <sub>0</sub>	Error tipo I - rechazar $H_0$ cuando es verdadera (probabilidad = $\alpha$ )	Decisión correcta (probabilidad = 1 - β)	

- •Un investigador médico desea comparar la efectividad de dos medicamentos. Las hipótesis nula y alternativa son: Hipótesis nula  $(H_0)$ :  $\mu_1 = \mu_2$
- •Los dos medicamentos tienen la misma eficacia.
- •Hipótesis alternativa ( $H_1$ ):  $\mu_1 \neq \mu_2$
- •Los dos medicamentos no tienen la misma eficacia.

		Predicción		
		Positivos	Negativos	
Observación	Positivos	Verdaderos Positivos (VP)	Falsos Negativos (FN)	
	Negativos	Falsos Positivos (FP)	Verdaderos Negativos (VN)	









¿Cómo se realiza un análisis de los resultados de un trabajo científico?

## Tipos de errores

Un investigador médico desea comparar la efectividad de dos medicamentos. Las hipótesis nula y alternativa son:

•Hipótesis nula ( $H_0$ ):  $\mu_1 = \mu_2$ 

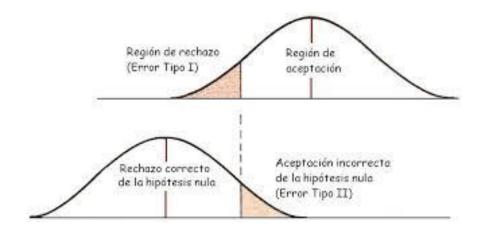
Los dos medicamentos tienen la misma eficacia.

•Hipótesis alternativa ( $H_1$ ):  $\mu_1 \neq \mu_2$ 

Los dos medicamentos no tienen la misma eficacia.

Un error de tipo I se produce si el investigador rechaza la hipótesis nula y concluye que los dos medicamentos son diferentes cuando, en realidad, no lo son.

Un error de tipo II, el investigador no rechaza la hipótesis nula cuando debe rechazarla y concluye que los medicamentos son iguales cuando en realidad son diferentes.







¿Cómo se realiza un análisis de los resultados de un trabajo científico?

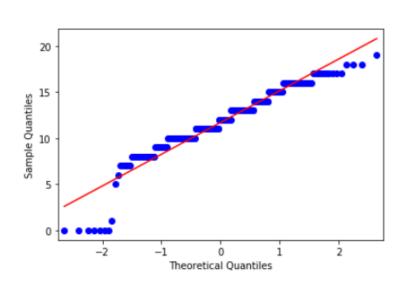
## Prueba de Normalidad

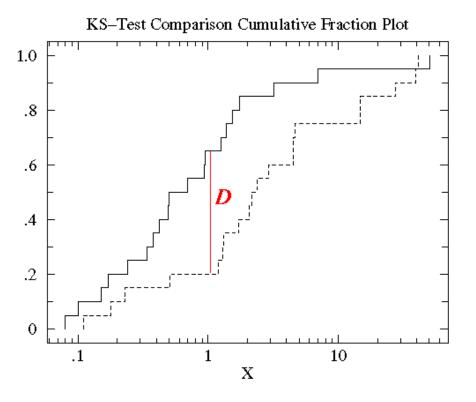
Prueba de Kolmogorov-Smirnov El supuesto de normalidad es importante para muchos modelos: Se puede examinar con graficos:

- qqplots
- diagramas de caja

Prueba con estadísticas:

- Shapiro-Wilk;
- Anderson-Darling y;
- Kolmogorov-Smirnov.





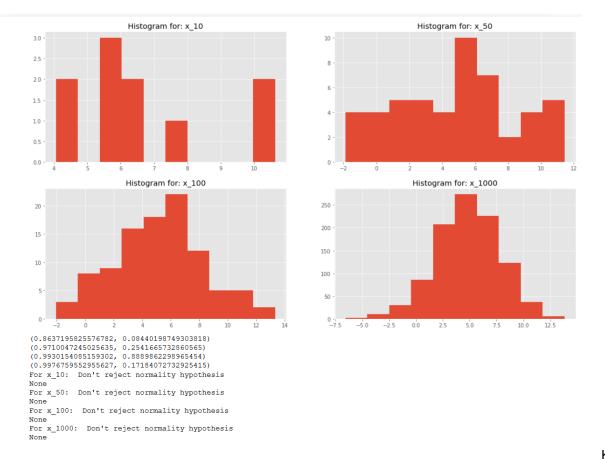


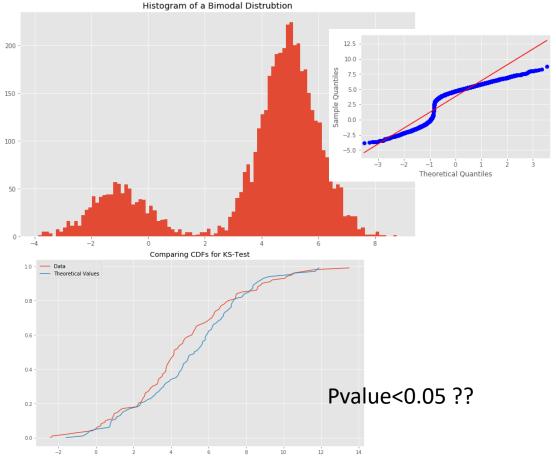


¿Cómo se realiza un análisis de los resultados de un trabajo científico?

## Prueba de Normalidad

https://github.com/robertdefilippi/normality-applicationspython/blob/master/normality-tests.ipynb





KstestResult(statistic=0.061047174276107175, pvalue=0.8501205705664947)





¿Cómo se realiza un análisis de los resultados de un trabajo científico?

## Prueba de Hipótesis (dos muestras)

#### Prueba KS de dos muestras

- comprueba si se han extraído dos muestras \*\* independientes \*
  dos poblaciones idénticas (X = Y).
- compara dos distribuciones de \*\* muestra \*\* (en lugar de teóric

$$d = \max[abs[F_{n1}(X) -$$

- $n_1$  = Observaciones de la primera muestra.
- $n_2$  = Observaciones del segundo muestreo

Hipótesis nula: Se extraen 2 muestras independientes de la misma distribución continua.

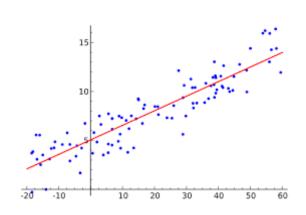
```
from scipy import stats
np.random.seed(12345678) #fix random seed to get the same result
n1 = 200 # size of first sample
n2 = 300 # size of second sample
n3 = 100 # size of second sample
rvs1 = stats.norm.rvs(size=n1, loc=0., scale=1)
rvs2 = stats.norm.rvs(size=n2, loc=0.5, scale=1.5)
rvs3 = stats.norm.rvs(size=n3, loc=0., scale=1)
stats.ks 2samp(rvs1, rvs2)
Ks 2sampResult(statistic=0.2083333333333334, pvalue=5.129279597815284e-05)
stats.ks_2samp(rvs1, rvs3 )
Ks 2sampResult(statistic=0.105, pvalue=0.44546367341695026)
```



¿Cómo se realiza un análisis de los resultados de un trabajo científico?

# Regresión Lineal

La regresión lineal se basa en la estimación de mínimos cuadrados ordinarios (OLS)



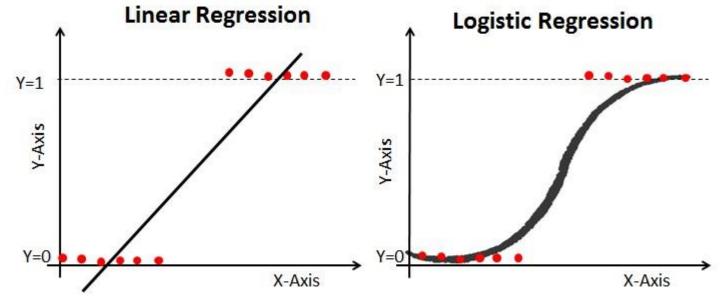




¿Cómo se realiza un análisis de los resultados de un trabajo científico?

# Regresión Lineal vs Regresión Logística

La regresión lineal se utiliza para predecir salidas continuas, mientras que la regresión logística se utiliza para predecir un conjunto discreto de salidas que se asigna a diferentes clases.



https://github.com/pb111/Logistic-Regression-in-Python-Project





¿Cómo se realiza un análisis de los resultados de un trabajo científico?

# Bondad de ajuste

"Prueba de bondad de ajuste chi cuadrado" Esto también se usa para probar si las frecuencias de muestra observadas son consistentes con las frecuencias esperadas.

#### Supuestos

- El método de muestreo es un muestreo aleatorio simple.
- La variable en estudio es \*\* categórica \*\*.
- El valor esperado del número de observaciones de muestra en cada nivel de la variable es al menos 5.

#### Hipótesis

- \*\* Hipótesis nula \*\*: los valores observados y esperados son consistentes
- \*\* Hipótesis alternativa \*\*: los valores observados y esperados son significativamente diferentes

#### Estadística de prueba

La estadística de prueba (CV) se calcula como

$$chi^2 = sum_i(O_i - E_i)^2/E_i$$

donde se observan  $O_i$  y  $E_i$  y se cuentan las frecuencias esperadas.





¿Cómo se realiza un análisis de los resultados de un trabajo científico?

https://archive.ics.uci.edu/ml/index.php

## Actividades

Seleccionar un dataset

(assumir que este representa la población total de estudio)

- Seleccionar dos variables de interés
- Seleccionar una muestra aleatoria de los datos
- Graficar el histograma de las variables (población y de la muestra)
- Construir um gráfico de dispersión
- Graficar un box plot(si es uma variable numérica) o una torta si es categórica
- Comparar los estadísticos de la muestra y de la población







¿Cómo se realiza un análisis de los resultados de un trabajo científico?

## Actividades Opcionales

- Realizar una prueba de hipótesis para determinar si la media de la muestra es consistente con la de la población.
- Definir dos muestras (o dos grupos) y pueden venir de una misma distribución continua o no(KS).
- (Opcional)Definir dos muestras (o dos grupos) y determinar si la diferencia de las medias es significativa o no. https://github.com/trangel/stats-with-python/blob/master/notebooks//Difference%20between%20means.ipynb
- Seleccionar dos variables numéricas y realizar un ajuste lineal
- Escribir un informe de 1-2 páginas (se puede enviar el notebook o código si utilizaron python o R)





En el marco del curso "De la mano de científicos: ¿Cómo hacer investigación?" ¿Cómo se realiza un análisis de los resultados de un trabajo científico?

# Gracias por su atención