МАТЕРИАЛЫ К ЗАДАНИЮ №38 – RSA

Постановка задачи

Пусть $M = (m_0, m_1, \dots, m_{t-1})$ – сообщение длины $t \in \mathbb{N}$, причём для каждого $i \in \overline{0, t-1}$ символ m_i имеет шестнадцатеричный ASCII-код, который будем обозначать $\operatorname{Ord}(m_i)$. В итоге сообщению M ставится в соответствие число

$$Ord(m_{t-1}) \parallel ... \parallel Ord(m_1) \parallel Ord(m_0),$$

где \parallel — символ конкатенации, то есть склеивания битовых последовательностей. К примеру, в предложении «abcd» символ «a» имеет ASCII-код 97 (или 0x61), символ «b» — 98 (или 0x62), символ «c» — 99 (или 0x63), символ «d» — 100 (или 0x64). Значит, этому предложению будет соответствовать шестнадцатеричное число 0x64636261, которое в десятичной системе счисления записывается в виде 1684234849.

Каждое сообщение, зашифрованное с помощью криптосистемы RSA, в числовом представлении не должно превосходить значение ключевого параметра n. В противном случае сообщение разбивается на блоки подходящего размера, каждый из которых зашифровывается отдельно.

В распоряжении криптоаналитика имеются:

- пара чисел (e, n), соответствующих открытому ключу криптосистемы RSA;
- перехваченные блоки закрытого текста у.

```
n = 10769400317727524586027727, e = 7555248402086629.
```

y: 0x86fb73460dcf4b198d815 0x7e1c3ab1774e0c30ba399 0x6a6778923b964cfe009e8 0x817d0e281eb3ae303d7a8 0x1fe41f6e0befd9556ccc4 0x17e4b9addab86e429f5e3 0x6c6c95cc405f0778eea5 0x73aed8f99c2a017832749 0xfecd28212d6a290c4461 0x78bc6a3837d7bec58a689 0x5e63b982ff086ea619940 0x7c64328648fc98672ed33 0x3632a04db67c0cc7f8bd6 0x7610a0a39c175a9ca8fe3 0x5f1c17dcf3a2f583498f1 0x72d7952ccd8aabd77feb0 0x8b44d4472963150dc3427 0x195e98443dd989e43e24c 0x34164d592769e7d15be29

Необходимо выполнить следующее:

- изучить и описать схему работы криптосистемы RSA;
- написать программную реализацию RSA на языке программирования С или Python, способную работать с числами произвольной разрядности;
- изучить и описать метод Ферма факторизации целых чисел;
- написать программную реализацию метода Ферма на языке программирования C или Python, способную работать с числами произвольной разрядности;
- по известному открытому ключу (e,n) криптосистемы RSA определить закрытый ключ (d,n) и с его помощью восстановить открытый текст x, из которого был получен закрытый текст y.

Полезные источники

- 1. Глухов М.М., Круглов И.А., Пичкур А.Б., Черемушкин А.В. Введение в теоретико-числовые методы криптографии: Учебное пособие. СПб.: Издательство «Лань», 2011.

 Здесь, помимо очевидно необходимого описания метода Ферма, излагается алгоритм извлечения квадратного корня, который понадобится реализовать на определённом этапе работы.
- 2. *Лось А.Б.*, *Нестеренко А.Ю.*, *Рожков М.И.* Криптографические методы защиты информации: учебник для академического бакалавриата. 2-е изд., испр. М.: Издательство Юрайт, 2019.
- 3. Черемушкин А.В. Лекции по арифметическим алгоритмам в криптографии. М.: МЦНМО, 2002.