## МАТЕРИАЛЫ К ЗАДАНИЮ №34 – RSA

## Постановка задачи

Пусть  $M = (m_0, m_1, \dots, m_{t-1})$  – сообщение длины  $t \in \mathbb{N}$ , причём для каждого  $i \in \overline{0, t-1}$  символ  $m_i$  имеет шестнадцатеричный ASCII-код, который будем обозначать  $\mathrm{Ord}(m_i)$ . В итоге сообщению M ставится в соответствие число

$$\operatorname{Ord}(m_{t-1}) \parallel \ldots \parallel \operatorname{Ord}(m_1) \parallel \operatorname{Ord}(m_0),$$

где  $\parallel$  – символ конкатенации, то есть склеивания битовых последовательностей. К примеру, в предложении «abcd» символ «a» имеет ASCII-код 97 (или 0x61), символ «b» – 98 (или 0x62), символ «c» – 99 (или 0x63), символ «d» – 100 (или 0x64). Значит, этому предложению будет соответствовать шестнадцатеричное число 0x64636261, которое в десятичной системе счисления записывается в виде 1684234849.

Каждое сообщение, зашифрованное с помощью криптосистемы RSA, в числовом представлении не должно превосходить значение ключевого параметра n. В противном случае сообщение разбивается на блоки подходящего размера, каждый из которых зашифровывается отдельно.

В распоряжении криптоаналитика имеются:

- пара чисел (e, n), соответствующих открытому ключу криптосистемы RSA;
- перехваченные блоки закрытого текста у.

```
n = 3765391553859724912370179, e = 4957756715208581.
```

 $y\colon 0x2e7953864ceadab169045 \quad 0x22a0de2b287c3117a2305 \quad 0x2bfd0773b5f630c60a930 \\ 0x201edbff952f21d942410 \quad 0x2432238697c1fb4c0c353 \quad 0x258e7476620092a6098fe \\ 0x2bb3cdbe7793dfb8ddda7 \quad 0x8580f52df51f0ce0f86a \quad 0x5608d71160542cb11370 \\ 0xcddb3006508569ef1dcf \quad 0x16d9e1a5ffa6109bebac9 \quad 0x31ce9138e19543f71f74b \\ 0x11a1110b625c943785586 \quad 0x1b5b9fcf7c8d0fd80f899 \quad 0x236edc822ee70965b8162 \\ 0x24a3a3e35f4a3862f9f93 \quad 0x2752575df0697fb1fc88$ 

## Необходимо выполнить следующее:

- изучить и описать схему работы криптосистемы RSA;
- написать программную реализацию RSA на языке программирования С или Python, способную работать с числами произвольной разрядности;
- изучить и описать метод Ферма факторизации целых чисел;
- написать программную реализацию метода Ферма на языке программирования C или Python, способную работать с числами произвольной разрядности;
- по известному открытому ключу (e, n) криптосистемы RSA определить закрытый ключ (d, n) и с его помощью восстановить открытый текст x, из которого был получен закрытый текст y.

## Полезные источники

- 1. Глухов М.М., Круглов И.А., Пичкур А.Б., Черемушкин А.В. Введение в теоретико-числовые методы криптографии: Учебное пособие. СПб.: Издательство «Лань», 2011.

  Здесь, помимо очевидно необходимого описания метода Ферма, излагается алгоритм извлечения квадратного корня, который понадобится реализовать на определённом этапе работы.
- 2. *Лось А.Б.*, *Нестеренко А.Ю.*, *Рожков М.И.* Криптографические методы защиты информации: учебник для академического бакалавриата. 2-е изд., испр. М.: Издательство Юрайт, 2019.
- 3. Черемушкин А.В. Лекции по арифметическим алгоритмам в криптографии. М.: МЦНМО, 2002.