## МАТЕРИАЛЫ К ЗАДАНИЮ №35 – RSA

## Постановка задачи

Пусть  $M = (m_0, m_1, \dots, m_{t-1})$  – сообщение длины  $t \in \mathbb{N}$ , причём для каждого  $i \in \overline{0, t-1}$  символ  $m_i$  имеет шестнадцатеричный ASCII-код, который будем обозначать  $\mathrm{Ord}(m_i)$ . В итоге сообщению M ставится в соответствие число

$$Ord(m_{t-1}) \parallel ... \parallel Ord(m_1) \parallel Ord(m_0),$$

где  $\parallel$  – символ конкатенации, то есть склеивания битовых последовательностей. К примеру, в предложении «abcd» символ «a» имеет ASCII-код 97 (или 0x61), символ «b» – 98 (или 0x62), символ «c» – 99 (или 0x63), символ «d» – 100 (или 0x64). Значит, этому предложению будет соответствовать шестнадцатеричное число 0x64636261, которое в десятичной системе счисления записывается в виде 1684234849.

Каждое сообщение, зашифрованное с помощью криптосистемы RSA, в числовом представлении не должно превосходить значение ключевого параметра n. В противном случае сообщение разбивается на блоки подходящего размера, каждый из которых зашифровывается отдельно.

В распоряжении криптоаналитика имеются:

- пара чисел (e, n), соответствующих открытому ключу криптосистемы RSA;
- перехваченные блоки закрытого текста у.

```
n = 4041499096509758920409669, e = 5012342898331229.
```

y: 0x1df441a3025ba0894d996 0x222596a3860e0e7390f95 0x6babda245e863eeca72a
 0x1f2adbe40a89e44bf26e2 0x26502401ce19788f0dd79 0x27b31051691d02c41644e
 0x2a6dffa9163de78a19722 0x1c06fe0ffb26d9c7988da 0x2a4689fc1130e84294da7
 0x2c7d0a32d4842aabfa59f 0x247a0392625d92441d6a5 0x73f6d735a75ad0a29fda
 0xc0b42969cbd1c6bab1e 0x278f53c05ed7641c2193e 0x1f660927099f915919b7f
 0xdcac589b4bd612ed129c 0x1397a3630b237d796c758

## Необходимо выполнить следующее:

- изучить и описать схему работы криптосистемы RSA;
- написать программную реализацию RSA на языке программирования С или Python, способную работать с числами произвольной разрядности;
- изучить и описать метод Ферма факторизации целых чисел;
- написать программную реализацию метода Ферма на языке программирования C или Python, способную работать с числами произвольной разрядности;
- по известному открытому ключу (e, n) криптосистемы RSA определить закрытый ключ (d, n) и с его помощью восстановить открытый текст x, из которого был получен закрытый текст y.

## Полезные источники

- 1. Глухов М.М., Круглов И.А., Пичкур А.Б., Черемушкин А.В. Введение в теоретико-числовые методы криптографии: Учебное пособие. СПб.: Издательство «Лань», 2011.

  Здесь, помимо очевидно необходимого описания метода Ферма, излагается алгоритм извлечения квадратного корня, который понадобится реализовать на определённом этапе работы.
- 2. *Лось А.Б., Нестеренко А.Ю., Рожков М.И.* Криптографические методы защиты информации: учебник для академического бакалавриата. 2-е изд., испр. М.: Издательство Юрайт, 2019.
- 3. Черемушкин А.В. Лекции по арифметическим алгоритмам в криптографии. М.: МЦНМО, 2002.