

Отчет о проверке на заимствования №1



Автор: Шаповалов Дмитрий Викторович

Проверяющий: ApiCorp (<u>sp-other@opentechnology.ru</u> / ID: 4) **Организация:** Воронежский Государственный Университет

Отчет предоставлен сервисом «Антиплагиат» - http://vsu.antiplagiat.ru

ИНФОРМАЦИЯ О ДОКУМЕНТЕ

№ документа: 221697
Начало загрузки: 16.06.2020 00:22:08
Длительность загрузки: 00:00:08
Имя исходного файла: Неизвестно
Название документа: Файл, добавленный в
рамках модуля курса Размещение ВКР, их
проверка в Антиплагиате, размещение
презентаций, отзывов, рецензий
Размер текста: 1 кБ
Символов в тексте: 44810
Слов в тексте: 6737
Число предложений: 294

ИНФОРМАЦИЯ ОБ ОТЧЕТЕ

Последний готовый отчет (ред.) Начало проверки: 16.06.2020 00:30:20 Длительность проверки: 00:01:08 Комментарии: не указано

Модули поиска: Модуль поиска ИПС "Адилет", Модуль выделения библиографических записей, Сводная коллекция ЭБС, Модуль поиска "Интернет Плюс", Коллекция РГБ, Цитирование, Модуль поиска переводных заимствований, Модуль поиска переводных заимствований по elibrary (EnRu), Модуль поиска переводных заимствований по интернет (EnRu), Коллекция eLibrary.RU, Коллекция ГАРАНТ, Коллекция Медицина, Диссертации и авторефераты НББ, Модуль поиска перефразирований eLibrary.RU, Модуль поиска перефразирований Интернет, Коллекция Патенты, Модуль поиска общеупотребительных выражений, Модуль поиска "ВГУ", Кольцо вузов



ЗАИМСТВОВАНИЯ 6.13%

6,13%

самоцитирования

0%

цитирования

6,12%

оригинальность

87.75%

Заимствования — доля всех найденных текстовых пересечений, за исключением тех, которые система отнесла к цитированиям, по отношению к общему объему документа. Самоцитирования — доля фрагментов текста проверяемого документа, совпадающий или почти совпадающий с фрагментом текста источника, автором или соавтором которого является автор проверяемого документа, по отношению к общему объему документа.

Цитирования — доля текстовых пересечений, которые не являются авторскими, но система посчитала их использование корректным, по отношению к общему объему документа. Сюда относятся оформленные по ГОСТу цитаты; общеупотребительные выражения; фрагменты текста, найденные в источниках из коллекций нормативно-правовой документации.

Текстовое пересечение — фрагмент текста проверяемого документа, совпадающий или почти совпадающий с фрагментом текста источника.

Источник — документ, проиндексированный в системе и содержащийся в модуле поиска, по которому проводится проверка.

Оригинальность — доля фрагментов текста проверяемого документа, не обнаруженных ни в одном источнике, по которым шла проверка, по отношению к общему объему документа. Заимствования, самоцитирования, цитирования и оригинальность являются отдельными показателями и в сумме дают 100%, что соответствует всему тексту проверяемого документа. Обращаем Ваше внимание, что система находит текстовые пересечения проверяемого документа с проиндексированными в системе текстовыми источниками. При этом система является вспомогательным инструментом, определение корректности и правомерности заимствований или цитирований, а также авторства текстовых фрагментов проверяемого документа остается в компетенции проверяющего.

	0	D					F	F
N₂	Доля в отчете	Доля в тексте	Источник	Ссылка	Актуален на	Модуль поиска	Блоков в отчете	Блоков в тексте
[01]	3,25%	3,25%	не указано	не указано	раньше 2011	Модуль выделения библиографических записей	1	1
[02]	0,02%	2,49%	71669	http://e.lanbook.com	10 Map 2016	Сводная коллекция ЭБС	1	3
[03]	2,46%	2,46%	не указано	http://bib.convdocs.org	29 Янв 2017	Модуль поиска перефразирований Интернет	1	1
[04]	1,19%	2,28%	Антенны PIFA для мобильных средств	http://elibrary.ru	раньше 2011	Модуль поиска перефразирований eLIBRARY.RU	2	3
[05]	0,28%	2,25%	Железнодорожные туры в России и в м.	http://studentlibrary.ru	20 Дек 2016	Коллекция Медицина	1	2
[06]	2,22%	2,22%	Распоряжение Правительства Удмуртс	http://ivo.garant.ru	12 Янв 2017	Коллекция ГАРАНТ	2	2
[07]	0,02%	2,14%	ПРИМЕНЕНИЕ АНТЕНН ТИПА РІҒА В СИ.	http://elibrary.ru	раньше 2011	Модуль поиска перефразирований eLIBRARY.RU	1	3
[80]	1,24%	2,14%	Антенны для мобильных средств связи	http://revolution.allbest.ru	28 Янв 2017	Модуль поиска перефразирований Интернет	3	3
[09]	0%	2,05%	Загрузить полную PDF-версию статьи	http://electronics.ru	07 Янв 2017	Модуль поиска перефразирований Интернет	0	3
[10]	0%	2,03%	Электроника НТБ - научно-технически	http://electronics.ru	01 Янв 2017	Модуль поиска перефразирований Интернет	0	3
[11]	0,28%	1,42%	35921	http://e.lanbook.com	09 Map 2016	Сводная коллекция ЭБС	3	9
[12]	0%	1,11%	64376	не указано	22 Июн 2018	Кольцо вузов	0	7
[13]	0%	1,03%	Об экспериментальном измерении ур	http://elibrary.ru	14 Окт 2019	Модуль поиска перефразирований eLIBRARY.RU	0	2

1	[14]	0%	0,92%	Антенны. Практическое руководство	http://studentlibrary.ru	19 Дек 2016	Коллекция Медицина	0	7
19	[15]	0,28%	0,83%	Антенны. Практическое руководство	http://studentlibrary.ru	27 Ноя 2017	Сводная коллекция ЭБС	1	6
19				· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·		раньше 2011		0	
19						•	Модуль поиска	0	5
1986 1986	[18]	0,65%	0,65%	не указано	не указано	раньше 2011	Модуль поиска общеупотребительных	8	8
20	[19]	0%	0,65%	Вестник ВИ ФСИН России 2 2013	http://vi.fsin.su	06 Авг 2017	Модуль поиска	0	3
22 06 0.466 0.056emporth paddita ceppalumpoono	[20]	0%	0,65%	Буй Као Нинь Малогабаритные диапа	http://dlib.rsl.ru	27 Дек 2019	Коллекция РГБ	0	3
20	[21]	0%	0,61%	Дипломы 2016 года выпуска/Матросов.	не указано	11 Янв 2017	Кольцо вузов	0	3
Pare	[22]	0%	0,46%	Особенности работы сверхширокопо	http://radiotec.ru	21 Окт 2019		0	2
188	[23]	0%	0,44%	Щучкин, Григорий Григорьевич диссе	http://dlib.rsl.ru	20 Янв 2010	Коллекция РГБ	0	2
25 0% 0.378 Часточно-реаменнами реобразования http://elicitary.ru 12 Дес 2019 Magyan noncea 1 1 1 1 1 1 1 1 1	[24]	0%	0,41%	Антенны PIFA для мобильных средств	http://elibrary.ru	раньше 2011	Коллекция eLIBRARY.RU	0	2
15 15 15 15 15 15 15 15	[25]	0%	0,37%	Частотно-временные преобразования	http://elibrary.ru	раньше 2011	перефразирований	0	1
28	[26]	0,14%	0,33%	Протокол защиты диссертации	http://ihim.uran.ru	18 Дек 2019	. •	1	1
198	[27]	0%	0,33%	Кузнецова, Юлия Викторовна Влияние	http://dlib.rsl.ru	01 Янв 2019	Коллекция РГБ	0	1
138 0,11% 0,31% 6.2723 http://elinthook.com D9 Map 2016 Сводчая коллекция ВСС 1 2 2 1 1 1 1 1 1 1	[28]	0%	0,32%	Магистерская диссертация.docx	не указано	27 Map 2019	Модуль поиска "ВГУ"	0	1
31 0% 0.31% Широкпопопосная антенна дециметров. http://ibbrary.eltech.ru 19 Cei 2019 Модил покска "Читернет Плос" 0 2 2 2 2 2 2 2 2 2	[29]	0%	0,32%	Криминалистика: сборник задач и зада.	http://studentlibrary.ru	20 Янв 2020	Сводная коллекция ЭБС	0	2
1912 10	[30]	0,11%	0,31%	62723	http://e.lanbook.com	09 Map 2016	Сводная коллекция ЭБС	1	2
133 0% 0.31% Корсаков, Сергей Сергевем Моделир. http://dlibrafru	[31]	0%	0,31%	Широкополосная антенна дециметров.	http://library.eltech.ru	19 Сен 2019		0	2
В4 0% 0.31% Оценко реализации свойства сверхши http://elibrary.ru	[32]	0%	0,31%	Моделирование свойств помеховых н	http://diss.vlsu.ru	30 Окт 2019		0	2
331 0% 0,31% Оценка реализации своїктва сверхши. 331 0% 0,3% Особенности работы сверхширокопо http://radiotec.ru 29 янв 2017 перефразирований 0 1 331 0% 0,2% Технология жидкой ржаной закваски с http://dep.nlb.by 06 Дек 2018 Диссертации и авторефраты НББ 0 1 337 0% 0,28% Промоторы адгезии на основе модифи. http://dep.nlb.by 06 Дек 2018 Диссертации и авторефраты НББ 0 1 338 0% 0,27% Методы самонаведения истребителей http://dep.nlb.by 06 Дек 2018 Диссертации и авторефраты НББ 0 1 339 0% 0,27% Методы самонаведения истребителей http://studentibrary.ru 20 янв 2020 Сводная коллекция ЭБС 0 1 339 0% 0,27% Спосб аменшення аварійності руху на http://studentibrary.ru раньше 2011 Коллекция свівлану поиска 0 1 340 0% 0,27% УСОВЕРШЕНСТВОВАННАЯ МЕТОДИКА http://sibbrary.ru раньше 2011 Коллекция свівлану поиска 0 1 441 0% 0,27% Синтулярный способ обеспечения гар http://sindpatent.ru 24 Июн 2015 Коллекция Патенты 0 1 442 0% 0,27% Способ обеспечения безаварийного д http://sindpatent.ru 24 Июн 2015 Коллекция Патенты 0 1 443 0% 0,27% Радиолокационные методы распознав не указано 03 Ноя 2017 Кольцо вузов 0 1 444 0% 0,26% Сверхширокополосная связь. Теория http://studentibrary.ru 27 Ноя 2017 Сводная коллекция ВБС 0 1 445 0% 0,26% Сверхширокополосная связь. Теория http://studentibrary.ru 19 Дек 2016 Коллекция Медицина 0 1 448 0% 0,26% Сверхширокополосная связь. Теория http://studentibrary.ru 19 Дек 2016 Коллекция Медицина 0 1 449 0% 0,26% Смерхширокополосная связь. Теория http://studentibrary.ru 15 Окт 2019 Коллекция Медицина 0 1 449 0% 0,26% Орей Оре	[33]	0%	0,31%	Корсаков, Сергей Сергеевич Моделир	http://dlib.rsl.ru	27 Дек 2019	Коллекция РГБ	0	2
331 0% 0,3% Особенности работы сверхширокопо http://radiotec.ru 29 Янв 2017 перефразурований 0 1 1 1 1 1 1 1 1 1	[34]	0%	0,31%	Оценка реализации свойства сверхши	http://elibrary.ru	раньше 2011	перефразирований	0	1
137 0% 0,28% Промоторы адгезии на основе модифи. http://dep.nib.by	[35]	0%	0,3%	Особенности работы сверхширокопо	http://radiotec.ru	29 Янв 2017	перефразирований	0	1
138 046 0,27% Методы самонаведения истребителей http://studentilbrary.ru 20 Янв 2020 Сводная коллекция ЭБС 0 1 139 046 0,27% Методы самонаведения истребителей http://studentilbrary.ru 20 Янв 2020 Сводная коллекция ЭБС 0 1 140 046 0,27% УСОВЕРШЕНСТВОВАННАЯ МЕТОДИКА http://elibrary.ru раньше 2011 Коллекция еLIBRARY.RU 0 1 141 046 0,27% УСОВЕРШЕНСТВОВАННАЯ МЕТОДИКА http://elibrary.ru 24 Июн 2015 Коллекция Патенты 0 1 142 046 0,27% Способ обеспечения гар http://findpatent.ru 24 Июн 2015 Коллекция Патенты 0 1 143 046 0,27% Радиолокационные методы распознав не указано 0 3 Ноя 2017 Кольцо вузов 0 1 144 046 0,26% Сверхширокополосная связь. Теория http://studentilbrary.ru 27 Ноя 2017 Сводная коллекция ЭБС 0 1 145 046 0,26% Сверхширокополосная связь. Теория http://studentilbrary.ru 19 Дек 2016 Коллекция Медицина 0 1 146 046 0,26% Сверхширокополосная связь. Теория http://studentilbrary.ru 19 Дек 2016 Коллекция Медицина 0 1 147 046 0,26% Сверхширокополосная связь. Теория http://studentilbrary.ru 19 Дек 2016 Коллекция Медицина 0 1 148 046 0,26% Сверхширокополосная связь. Теория http://studentilbrary.ru 19 Дек 2016 Коллекция Медицина 0 1 149 046 0,25% Куксин, Сергей Владимирович Стратег. http://elibrary.ru 15 Окт 2019 Коллекция РГБ 0 1 149 046 0,24% Ортимальні алгоритми розділення дво http://elibrary.ru 31 Дек 2016 Коллекция еLIBRARY.RU 0 1 150 046 0,23% 2139 http://elibrary.ru 27 Авг 2014 Коллекция eLIBRARY.RU 0 1	[36]	0%	0,28%	Технология жидкой ржаной закваски с	http://dep.nlb.by	06 Дек 2018		0	1
1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	[37]	0%	0,28%	Промоторы адгезии на основе модифи.	http://dep.nlb.by	06 Дек 2018		0	1
1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	[38]	0%	0,27%	Методы самонаведения истребителей	http://studentlibrary.ru	20 Янв 2020	Сводная коллекция ЭБС	0	1
[41] 0% 0,27% Сингулярный способ обеспечения гар http://findpatent.ru 24 Июн 2015 Коллекция Патенты 0 1 [42] 0% 0,27% Способ обеспечения безаварийного д http://findpatent.ru 24 Июн 2015 Коллекция Патенты 0 1 [43] 0% 0,27% Радиолокационные методы распознав не указано 03 Ноя 2017 Кольцо вузов 0 1 [44] 0% 0,26% Сверхширокополосная связь. Теория http://studentlibrary.ru 27 Ноя 2017 Сводная коллекция ЭБС 0 1 [45] 0% 0,26% Сверхширокополосная связь. Теория http://studentlibrary.ru 19 Дек 2016 Коллекция Медицина 0 1 [46] 0% 0,26% Сверхширокополосная связь. Теория http://studentlibrary.ru 19 Дек 2016 Коллекция Медицина 0 1 [47] 0% 0,25% Куксин, Сергей Владимирович Стратет http://dlib.rsl.ru 15 Окт 2019 Коллекция РГБ 0 1 [48] 0% 0,24% Оптимальні алгоритми розділення дво https://cyberleninka.ru 02 Мая 2020 Модуль поиска "Интернет Плюс" 0 1 [49] 0% 0,24% Ортіми algorithms of division two mu http://elibrary.ru 31 Дек 2016 Коллекция eLIBRARY.RU 0 1 [50] 0% 0,23% 2139 http://elibrary.ru 27 Авг 2014 Коллекция eLIBRARY.RU 0 1	[39]	0%	0,27%	Спосіб зменшення аварійності руху на	http://uapatents.com	21 Мая 2020		0	1
[42] 0% 0,27% Способ обеспечения безаварийного д http://findpatent.ru 24 Июн 2015 Коллекция Патенты 0 1 [43] 0% 0,27% Радиолокационные методы распознав не указано 03 Ноя 2017 Кольцо вузов 0 1 [44] 0% 0,26% Сверхширокополосная связь. Теория http://studentlibrary.ru 27 Ноя 2017 Сводная коллекция ЭБС 0 1 [45] 0% 0,26% Сверхширокополосная связь. Теория http://studentlibrary.ru 19 Дек 2016 Коллекция Медицина 0 1 [46] 0% 0,26% Сверхширокополосная связь. Теория http://studentlibrary.ru 19 Дек 2016 Коллекция Медицина 0 1 [47] 0% 0,25% Куксин, Сергей Владимирович Стратег http://dlib.rsl.ru 15 Окт 2019 Коллекция РГБ 0 1 [48] 0% 0,24% Оптимальні алгоритми розділення дво https://cyberleninka.ru 02 Мая 2020 Модуль поиска "Интернет Плюс" 0 1 [49] 0% 0,24% Орtimum algorithms of division two mu http://elibrary.ru 31 Дек 2016 Коллекция еLIBRARY.RU 0 1 [50] 0% 0,23% 2139 http://e.lanbook.com 09 Мар 2016 Сводная коллекция ЭБС 0 1	[40]	0%	0,27%	УСОВЕРШЕНСТВОВАННАЯ МЕТОДИКА	http://elibrary.ru	раньше 2011	Коллекция eLIBRARY.RU	0	1
[43] 0% 0,27% Радиолокационные методы распознав не указано 03 Ноя 2017 Кольцо вузов 0 1 [44] 0% 0,26% Сверхширокополосная связь. Теория http://studentlibrary.ru 27 Ноя 2017 Сводная коллекция ЭБС 0 1 [45] 0% 0,26% Сверхширокополосная связь. Теория http://studentlibrary.ru 19 Дек 2016 Коллекция Медицина 0 1 [46] 0% 0,26% Сверхширокополосная связь. Теория http://studentlibrary.ru 19 Дек 2016 Коллекция Медицина 0 1 [47] 0% 0,25% Куксин, Сергей Владимирович Стратег http://dlib.rsl.ru 15 Окт 2019 Коллекция РГБ 0 1 [48] 0% 0,24% Оптимальні алгоритми розділення дво https://cyberleninka.ru 02 Мая 2020 Модуль поиска "Интернет Плюс" 0 1 [49] 0% 0,24% Орtimum algorithms of division two mu http://elibrary.ru 31 Дек 2016 Коллекция eLIBRARY.RU 0 1 [50] 0% 0,23% 2139 http://e.lanbook.com 09 Мар 2016 Сводная коллекция ЭБС 0 1 [51] 0% 0,23% Терагерцовые технологии: современн http://elibrary.ru 27 Авг 2014 Коллекция eLIBRARY.RU 0 1	[41]	0%	0,27%	Сингулярный способ обеспечения гар	http://findpatent.ru	24 Июн 2015	Коллекция Патенты	0	1
[44] 0% 0,26% Сверхширокополосная связь. Теория http://studentlibrary.ru 27 Ноя 2017 Сводная коллекция ЭБС 0 1 [45] 0% 0,26% Сверхширокополосная связь. Теория http://studentlibrary.ru 19 Дек 2016 Коллекция Медицина 0 1 [46] 0% 0,26% Сверхширокополосная связь. Теория http://studentlibrary.ru 19 Дек 2016 Коллекция Медицина 0 1 [47] 0% 0,25% Куксин, Сергей Владимирович Стратег http://dlib.rsl.ru 15 Окт 2019 Коллекция РГБ 0 1 [48] 0% 0,24% Оптимальні алгоритми розділення дво https://cyberleninka.ru 02 Мая 2020 Модуль поиска "Интернет Плюс" 0 1 [49] 0% 0,24% Орtітим algorithms of division two mu http://elibrary.ru 31 Дек 2016 Коллекция eLIBRARY.RU 0 1 [50] 0% 0,23% 2139 http://elibrary.ru 27 Авг 2014 Коллекция eLIBRARY.RU 0 1 [51] 0% 0,23% Терагерцовые технологии: современн http://elibrary.ru 27 Авг 2014 Ко	[42]	0%	0,27%	Способ обеспечения безаварийного д	http://findpatent.ru	24 Июн 2015	Коллекция Патенты	0	1
[45] 0% 0,26% Сверхширокополосная связь. Теория http://studentlibrary.ru 19 Дек 2016 Коллекция Медицина 0 1 [46] 0% 0,26% Сверхширокополосная связь. Теория http://studentlibrary.ru 19 Дек 2016 Коллекция Медицина 0 1 [47] 0% 0,25% Куксин, Сергей Владимирович Стратег http://dlib.rsl.ru 15 Окт 2019 Коллекция РГБ 0 1 [48] 0% 0,24% Оптимальні алгоритми розділення дво https://cyberleninka.ru 02 Мая 2020 Модуль поиска "Интернет Плюс" 0 1 [49] 0% 0,24% Орtіmum algorithms of division two mu http://elibrary.ru 31 Дек 2016 Коллекция eLIBRARY.RU 0 1 [50] 0% 0,23% 2139 http://e.lanbook.com 09 Мар 2016 Сводная коллекция ЭБС 0 1 [51] 0% 0,23% Терагерцовые технологии: современн http://elibrary.ru 27 Авг 2014 Коллекция eLIBRARY.RU 0 1	[43]	0%	0,27%	Радиолокационные методы распознав	не указано	03 Ноя 2017	Кольцо вузов	0	1
[46] 0% 0,26% Сверхширокополосная связь. Теория http://studentlibrary.ru 19 Дек 2016 Коллекция Медицина 0 1 [47] 0% 0,25% Куксин, Сергей Владимирович Стратег http://dlib.rsl.ru 15 Окт 2019 Коллекция РГБ 0 1 [48] 0% 0,24% Оптимальні алгоритми розділення дво https://cyberleninka.ru 02 Мая 2020 Модуль поиска "Интернет Плюс" 0 1 [49] 0% 0,24% Optimum algorithms of division two mu http://elibrary.ru 31 Дек 2016 Коллекция eLIBRARY.RU 0 1 [50] 0% 0,23% 2139 http://e.lanbook.com 09 Мар 2016 Сводная коллекция ЭБС 0 1 [51] 0% 0,23% Терагерцовые технологии: современн http://elibrary.ru 27 Авг 2014 Коллекция eLIBRARY.RU 0 1	[44]	0%	0,26%	Сверхширокополосная связь. Теория	http://studentlibrary.ru	27 Ноя 2017	Сводная коллекция ЭБС	0	1
[47] 0% 0,25% Куксин, Сергей Владимирович Стратег http://dlib.rsl.ru 15 Окт 2019 Коллекция РГБ 0 1 [48] 0% 0,24% Оптимальні алгоритми розділення дво https://cyberleninka.ru 02 Мая 2020 Модуль поиска "Интернет Плюс" 0 1 [49] 0% 0,24% Optimum algorithms of division two mu http://elibrary.ru 31 Дек 2016 Коллекция eLIBRARY.RU 0 1 [50] 0% 0,23% 2139 http://e.lanbook.com 09 Мар 2016 Сводная коллекция ЭБС 0 1 [51] 0% 0,23% Терагерцовые технологии: современн http://elibrary.ru 27 Авг 2014 Коллекция eLIBRARY.RU 0 1	[45]	0%	0,26%	Сверхширокополосная связь. Теория	http://studentlibrary.ru	19 Дек 2016	Коллекция Медицина	0	1
[48] 0% 0,24% Оптимальні алгоритми розділення дво https://cyberleninka.ru 02 Мая 2020 Модуль поиска "Интернет Плюс" 0 1 [49] 0% 0,24% Optimum algorithms of division two mu http://elibrary.ru 31 Дек 2016 Коллекция eLIBRARY.RU 0 1 [50] 0% 0,23% 2139 http://e.lanbook.com 09 Мар 2016 Сводная коллекция ЭБС 0 1 [51] 0% 0,23% Терагерцовые технологии: современн http://elibrary.ru 27 Авг 2014 Коллекция eLIBRARY.RU 0 1	[46]	0%	0,26%	Сверхширокополосная связь. Теория	http://studentlibrary.ru	19 Дек 2016	Коллекция Медицина	0	1
[49] 0% 0,24% Оптимальналгоритми роздилення дво http://elibrary.ru 31 Дек 2016 Коллекция eLIBRARY.RU 0 1 [50] 0% 0,23% 2139 http://e.lanbook.com 09 Мар 2016 Сводная коллекция ЭБС 0 1 [51] 0% 0,23% Терагерцовые технологии: современн http://elibrary.ru 27 Авг 2014 Коллекция eLIBRARY.RU 0 1	[47]	0%	0,25%	Куксин, Сергей Владимирович Стратег	http://dlib.rsl.ru	15 Окт 2019	Коллекция РГБ	0	1
[50] 0% 0,23% 2139 http://e.lanbook.com 09 Мар 2016 Сводная коллекция ЭБС 0 1 [51] 0% 0,23% Терагерцовые технологии: современн http://elibrary.ru 27 Авг 2014 Коллекция eLiBRARY.RU 0 1	[48]	0%	0,24%	Оптимальні алгоритми розділення дво	https://cyberleninka.ru	02 Мая 2020		0	1
[51] 0% 0,23% Терагерцовые технологии: современн http://elibrary.ru 27 Авг 2014 Коллекция eLiBRARY.RU 0 1	[49]	0%	0,24%	Optimum algorithms of division two mu	http://elibrary.ru	31 Дек 2016	Коллекция eLIBRARY.RU	0	1
	[50]	0%	0,23%	2139	http://e.lanbook.com	09 Map 2016	Сводная коллекция ЭБС	0	1
[52] 0% 0,23% Дифракция электромагнитных волн на. http://elibrary.ru раньше 2011 Коллекция eLIBRARY.RU 0 1	[51]	0%	0,23%	Терагерцовые технологии: современн	http://elibrary.ru	27 Авг 2014	Коллекция eLIBRARY.RU	0	1
	[52]	0%	0,23%	Дифракция электромагнитных волн на.	http://elibrary.ru	раньше 2011	Коллекция eLIBRARY.RU	0	1

[53]	0%	0,23%	Алгебра логики, атомарные функции и.	http://studentlibrary.ru	19 Дек 2016	Коллекция Медицина	0	1
[54]	0%	0,23%	Белкин Максим Андреевич Диплом Бе	. не указано	14 Фев 2017	Кольцо вузов	0	1
[55]	0%	0,23%	280520223248_Аристов_280520_100819	. не указано	28 Мая 2020	Кольцо вузов	0	1
[56]	0%	0,23%	290520110341_Аристов_290520_014830	. не указано	29 Мая 2020	Кольцо вузов	0	1
[57]	0%	0,23%	290520134854_Аристов_290520_020255	. не указано	29 Мая 2020	Кольцо вузов	0	1
[58]	0%	0,23%	290520134853_Аристов_290520_011112	. не указано	29 Мая 2020	Кольцо вузов	0	1
[59]	0%	0,23%	130459	http://biblioclub.ru	15 Апр 2016	Сводная коллекция ЭБС	0	1
[60]	0%	0,2%	72568	http://e.lanbook.com	раньше 2011	Сводная коллекция ЭБС	0	1
[61]	0%	0,2%	Магистерская диссертация	http://studentlibrary.ru	19 Дек 2016	Коллекция Медицина	0	1
[62]	0%	0,2%	№ 2, июнь	http://emll.ru	28 Апр 2017	Коллекция Медицина	0	1
[63]	0%	0,2%	Куликов, Геннадий Валентинович дисс	http://dlib.rsl.ru	02 Фев 2013	Коллекция РГБ	0	1
[64]	0%	0,19%	электромагнитное-поле	http://worklib.ru	24 Фев 2017	Модуль поиска "Интернет Плюс"	0	1
[65]	0%	0,16%	ПРИМЕНЕНИЕ АНТЕНН ТИПА РІГА В СИ.	http://elibrary.ru	раньше 2011	Коллекция eLIBRARY.RU	0	1
[66]	0%	0,12%	Форум - Бесплатные электронные кни	http://exir.ru	07 Окт 2018	Модуль поиска "Интернет Плюс"	0	1
[67]	0%	0,11%	Часть 2	http://unitech-mo.ru	30 Ноя 2016	Модуль поиска "Интернет Плюс"	0	1
[68]	0%	0,11%	Журнал "Статистика, учет и аудит", 201	. http://aesa.kz	11 Map 2018	Модуль поиска "Интернет Плюс"	0	1
[69]	0%	0,11%	Дифференцированное лечение рака э	http://dep.nlb.by	16 Янв 2020	Диссертации и авторефераты НББ	0	1
[70]	0,11%	0,11%	РИА ИБ	http://studfiles.ru	30 Июл 2016	Модуль поиска "Интернет Плюс"	1	1
[71]	0%	0,1%	Калиниченко, Ирина Владиславовна д	http://dlib.rsl.ru	раньше 2011	Коллекция РГБ	0	1

МИНОБРНАУКИ РОССИИ

ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ

«Воронежский государственный университет»

Физический факультет

Кафедра электроники

Исследование зарядовой модели излучения импульсных сигналов

ВКР магистерская диссертация
Направление 03.04.03 «Радиофизика»
Специализация «Информационные системы»

Допущена к защите	в ГАК	20				
Зав. кафедрой		д. фм. н., проф. А.М. Бобрешов	20			
Обучающийся	подпись	Д.В. Шаповалов	20			
Руководитель	подпись	П.А. Кретов	20			

Оглавление

Введение	2
1. Зарядовая модель излучения импульсных сигналов	4
2. Поле точечного заряда	11
2.1. Поле постоянного во времени точечного заряда	11
2.2. Поле изменяемого точечного заряда	16
3. Проведение расчётов на основе известных антенн	21
3.1. Код	21
3.2. CST Studio Suite	
3.3. Антенна «Бабочка»	25
3.4. Антенна «перевернутая F»	295
Заключение	The second secon
Приложение А	
Приложение Б	
Приложение В	
Приложение Г	
Приложение Д	
Приложени 6	
Приложение Ж	
Приложени 61	
Приложение К	

Введение

К сожалению, в литературе крайне сложно найти четкое разделение антенн на импульсные и сверхширокополосные (СШП). Этот факт осложняет соотношение результатов теоретических к экспериментальных исследований, относящихся к СШП и импульсным антеннам и наоборот. Однако, любую импульсною антенну можно считать СШП, но не всякая СШП антенна может использоваться в качестве импульсной. Как пример можно привести интересную и насыщенную фактическим материалом монографию [1], в которой описываются вопросы, относящиеся как к СШП, так и импульсным антеннам без четкого разделения, вперемежку.

СШП Важная роль импульсных сигналах играет измерение характеристик антенн импульсным методом [2]. В качестве ОСНОВНЫХ преимуществ импульсного метода измерения перед частотным здесь, как и при измерении радиолокационных характеристик, а именно, измерение основных характеристик антенны (диаграммы направленности, коэффициента усиления, входного сопротивления и др.) в широкой полосе частот без использования безэховых камер. Так же, что не мало важно, данный метод позволяет измерять диаграмму направленности без вращения антенны, при небольшом числе датчиков. Здесь вместо движения в пространстве используется изменение сигналов во времени, а значит, вместо пространственных радиоголограмм, применяемых в антенной технике [3], можно использовать временные радиоголограммы.

Возможности сверхскоростной видеоимпульсной радиосвязи можно назвать наименее исследованными в настоящее время. Некоторые аспекты СШП связи описаны в [4]. Очевидно, для повышения скорости передачи информации следует увеличивать полосу пропускания канала.

Основные подходы к процессам излучения, рассеяния и приёма электромагнитных волн основаны на рассмотрении этих процессов во

временной области. Ввиду [5], временной подход обладает наглядностью и допускает простую физическую интерпретацию происходящих процессов, которая позволила построить модель излучения и приема волн [6], названную зарядовой моделью.

Однако, из за больших объёмов данных, рассчитываемых во временном подходе, обсчёт антенны может занимать весьма длительное время, в отличии от зарядовой модели. В некоторых моментах, этот фактор может быть критичным. Зарядовая модель, в свою очередь занимает гораздо меньше времени, но, к сожалению, с меньшей точностью, что не мешает получить предварительные данные по конкретно выбранной антенне. Так же, на данный момент, этот метод является одним из наименее исследованных.

1. Зарядовая модель излучения импульсных сигналов

При подаче на вход антенны кратковременного импульса возникает возбуждение, сосредоточенное на одном или нескольких локальных участках антенны. Положение этих возбужденных участков изменяется во времени, в виду их движения вдоль проводников. Такие перемещающиеся в пространстве участки малых размеров удобно считать движущимися сосредоточенными зарядами. Сумму полей, создаваемых этими зарядами можно в данном случае считать полем излучения антенны.

Сформулированные выше положения можно описать исходя из рис. 1.1. На рис. 1.1,а показано условное расположение силовых линий вокруг провода в некоторый момент времени. Электрическое поле \vec{E} отлично от нуля на небольшом участке проводника. По нормальной составляющей поля E_n можно подсчитать поверхностную плотность заряда $\sigma_{\text{пов}}$:

$$\sigma_{nos}(t) = \epsilon E_n(t)$$

Поверхностную плотность заряда также можно подсчитать через уравнение непрерывности, при условии, что известен ток в проводнике.

Зависимость поверхностной плотности заряда от поперечных координат может не учитываться при рассмотрении тонких проводников. Зависимость линейной плотности заряда р от продольной координаты l изображена на рис. 1.1,б. На рис. 1.1,в показан заменяющий этот распределенный заряд, сосредоточенный заряд q, движущийся вдоль проводника с некоторой скоростью v, зависящей от времени t. Полагается, что поле излучения этого сосредоточенного заряда близко к истинному полю $\vec{E}(\vec{r},t)$ на рис. 1.1,а.

Представление излучения проволочных антенн полями сосредоточенных движущихся зарядов составляет суть зарядовой модели. Потому как ток по определению представляет движение зарядов, переход при расчетах от токов к зарядам погрешности не вносит.

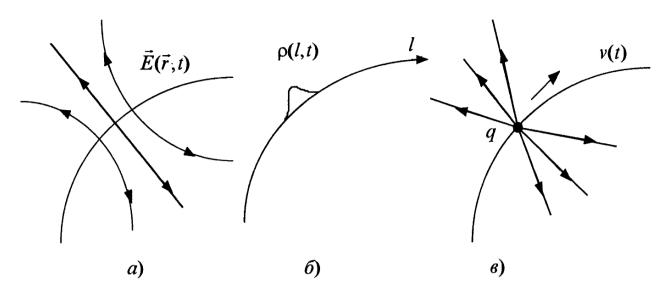


Рис.1.1. Зарядовая модель антенны: а -силовые линии поля вблизи проводника, возбужденного импульсным сигналом; б - зависимость плотности заряда на проводнике от продольной координаты; в - поле сосредоточенного заряда, заменяющего распределенный.

Погрешность возникает при переходе от реальных движений к упрощенным и, следовательно, замене распределенных зарядов сосредоточенными.

Представим аргументы в пользу зарядовой модели. Приведем результаты эксперимента, численного анализа и на модели в частотной области, которые убедили бы в справедливости зарядовой модели.

Рассмотрим простейший асимметричный вибратор - штырь над идеально проводящей плоскостью, возбуждаемый у основания (рис.1.2,а). Известно [7], что характеристики такой антенны приближенно могут быть подсчитаны, если считать, что ток в штыре распределен так же, как в отрезке длинной линии, разомкнутой на конце, т.е. распределение тока имеет характер стоячей волны с узлом на конце.

Рассмотрим возбуждение антенны на рис. 1.2,а импульсным сигналом и будем полагать, что представление об антенне как об отрезке длинной линии, разомкнутой на конце, справедливо для всех частот в спектре возбуждающего импульса. Для анализа антенны при этом предположении следует определить ток или закон движения заряда в отрезке линии на рис. 1.2,б

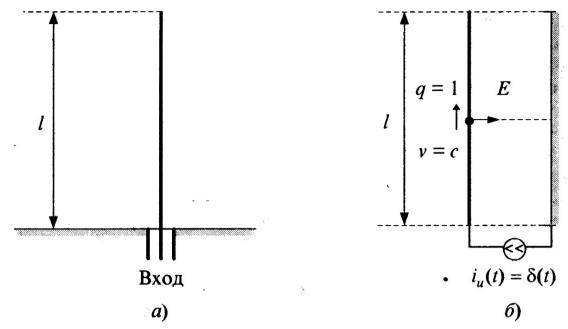


Рис.1.2. Модель вибраторной антенны: а - несимметричный вибратор; б - отрезок длинной линии, заменяющий вибратор, возбуждаемый импульсным сигналом.

В воздушной длинной линии импульсный сигнал распространяется без искажений, и по достижении конца линии, возвращается обратно. Допустим, что линия и источник согласованы на всех частотах, тогда переотражений возникать не будет. Пространственные размеры возбужденного в линии участка Δl определяются длительностью импульса Δt ($\Delta l = c \Delta t$) и при δ - импульсном виде сигнала, равны нулю, т.е. этот заряд можно считать сосредоточенным. Величина заряда определяется интегралом от входного тока:

$$q = \int_{-\infty}^{\infty} \delta(t) dt = 1 .$$

Если при подаче на штырь δ - импульсного тока в нем возникает единичный сосредоточенный заряд, частотный и временной подходы к физическим процессам в штыревой антенне окажутся не противоречащими друг другу. Этот заряд движется со скоростью света от основания штыря к вершине, отражается от нее и возвращается обратно ко входу. Если сопротивление на входе согласовано с волновым сопротивлением штыря, то этот заряд поглощается на входе, иначе возникают многократные переотражения. Для учета влияния идеально проводящей плоскости следует рассмотреть зеркальное движение противоположного по знаку заряда.

Таким образом, зарядовая модель соответствует представлению проволочной антенны в рассмотрении её как воздушная длинная линия с сопротивлением. Далее, будем постоянным волновым полагать, что проволочных антеннах при импульсном возбуждении распространяются сосредоточенные заряды. Так же, траектории движения зарядов определяются формой проводников, а скорость движения равна скорости света. Это антенной и было названо зарядовой моделью проволочной антенны[6].

В качестве второй группы аргументов в пользу зарядовой модели существуют результаты экспериментов [8][9]. В указанных работах приведены экспериментальные результаты по возбуждению проволочных антенн импульсным сигналом. Отмечается, что результаты эксперимента получают

качественное объяснение, если считать, что по антенне движется со скоростью света сосредоточенный заряд. Излучение возникает при изменении направления движения заряда (изменении скорости).

Если заряд перемещается в произвольном направлении, то электрическое поле, которое наблюдаем в данный момент в некоторой точке является функцией координаты, движения заряда и времени запаздывания, определяемое как отношение скорости света к пройденному пути от заряда до точки наблюдения. Иными словами, если мы желаем получить электрическое поле в точке 1 (см. рис№) во времени t, мы должны найти положение заряда 2' и пройденное расстояние за время (t-r'/c), где г' расстояние от точки наблюдения до позиции заряда в точке 2' во времени (t-r'/c). Потому как эта величина задерживается во времени, назовём её «запаздывающим расстоянием» от между 2' и 1, при этом акцентируем внимание на том, что данная точка не является расстоянием от расположения заряда в данный момент времени (2) к точке наблюдения (см.рис№).

Приведённые в данной работе вычисления основаны на принципах, изложенных в [6], авторы которых утверждают то, что эта модель может быть использована не только для качественного объяснения физических процессов, но и при расчетах для анализа и синтеза антенн во временной области.

Для антенн, содержащих металлические поверхности и металлические тела, также можно применить зарядовую модель, хотя и не без некоторых трудностей. При подаче импульсного воздействия на такие антенны возникают возбужденные локальные участки, но они в некоторый момент времени сосредоточены около каких-либо линий на поверхности, т. е. приходится рассматривать движение заряженных линий на поверхности тела. Конечно, при этом указать априорно характер движения зарядов еще сложнее, чем для проволочных антенн. Вывод общих соотношений, связывающих характер движения зарядов на поверхности тела с геометрическими характеристиками

поверхности, представляет важную задачу для дальнейшего развития импульсной электродинамики.

Основное достоинство зарядовой модели - это наглядность, причем не только в представлении физических процессов, но и при выполнении расчетов. Помимо этого, методы, родственные наиболее распространённому методу конечных разностей во временной области, требуют больших вычислительных мощностей вычислительного устройства, в отличии от метода представленного в данной работе.

2. Поле точечного заряда

В виду не ясности и отсутствия уверенности в правильности вывода формул для точечного заряда постоянного во времени в существующих источниках [6], в данной работе был произведён их вывод из базовых уравнений Максвелла. В последствии, опираясь на полученные уравнения, будет представлен вывод формулы для электрического поля создаваемого зарядом, изменяемым в течении времени.

Отдельно стоит так же отметить труды американского лауреата нобелевской премии по физике, Ричарда Фейнмана [10]. На основании полученных формул, а так же выводах Фейнмана для поля заряда постоянного во времени, можем расширить задачу поиска общего решения до нахождения поля, в котором заряд будет изменяться со временем. В виду нетривиальности

2.1. Поле постоянного во времени точечного заряда

Представим вывод формулы для вычисления электрического поля заряда постоянного во времени на основании известных [11], из курса теоретической физики, уравнений Максвелла:

$$\nabla \cdot \vec{E} = \frac{\rho}{\epsilon_0}$$

$$\nabla \times \vec{E} = -\frac{\partial \vec{B}}{\partial t}$$

$$\nabla \cdot \vec{B} = 0$$

$$c^2 \nabla \times \vec{B} = \frac{\vec{j}}{\epsilon_0} + \frac{\partial \vec{E}}{\partial t}$$

а так же, их решений:

$$\vec{E} = -\nabla \phi - \frac{\partial \vec{A}}{\partial t}$$
$$\vec{B} = \nabla \times \vec{A}$$

при потенциалах:

$$\phi(1,t) = \int \frac{\rho\left(2, t - \frac{r_{12}}{c}\right)}{4\pi\epsilon_0 r_{12}} dV_2$$

$$\vec{A}(1,t) = \int \frac{\vec{j}\left(2, t - \frac{r_{12}}{c}\right)}{4\pi\epsilon_0 c^2 r_{12}} dV_2$$

Опираясь на вывод потенциалов Лиенара-Вихерта [11][12], найдём решения для представленных потенциалов:

Выведем отдельно скалярный потенциал.

$$\phi(\vec{r},t) = \int \frac{\rho(\vec{r},t')}{4\pi\varepsilon_0 \vec{r}} dV$$

где $\vec{r} = |\vec{r} - \vec{r}_0(t')|$

$$\phi(\vec{r},t) = \int \frac{\rho(\vec{r},t')}{4\pi\varepsilon_0 |\vec{r} - \vec{r_0}(t')|} dV$$

Вынесем постоянную часть за скобку интегрирования.

$$\phi(\vec{r},t) = \frac{1}{4\pi\varepsilon_0} \int \frac{\rho(\vec{r},t')}{|\vec{r}-\vec{r}_0(t')|} dV$$

Отбросим на время постоянную часть, для упрощения записи и понимания дальнейших действий.

$$\phi(\vec{r},t) = \int \frac{\rho(\vec{r},t')}{|\vec{r}-\vec{r_0}(t')|} dV$$

Приведём к интегралу по 4 переменным

$$\phi(\vec{r},t) = \int \int \frac{\rho(\vec{r},t')}{|\vec{r}-\vec{r_0}(t')|} \delta(t'-\tau) d\tau dV$$

где
$$\tau = t - \frac{1}{c} |\vec{r} - \vec{r_0}(t')|$$
 , и $\rho(\vec{r},t) = q \delta(\vec{r} - \vec{r_0}(t'))$,

тогда выражение скалярного потенциала принимает вид:

$$\phi(\vec{r},t) = \int \int \frac{q \, \delta(r' - \vec{r}(t'))}{|\vec{r} - \vec{r}_0(t')|} \delta(t' - \tau) \, d\tau \, dV$$

После тривиальных действий с изменением порядка интегрирования, а так же выноса заряда, потому как мы приняли его постоянным по времени:

$$\phi(\vec{r},t) = q \int \frac{\delta(t'-\tau)}{|\vec{r}-\vec{r}_0(t')|} d\tau$$

Воспользуемся приведённым в [13] правилом интегрирования названным

правилом параметризации Фейнмана $\int g(x)\delta(f(x)-\alpha)dx=rac{g(x_0)}{f'(x_0)}$, при $f(x_0)=\alpha$

$$\delta(t'-\tau) = \frac{\delta(t'-\tau)}{\frac{\partial}{\partial t'}(t'-(t-\frac{1}{c}|\vec{r}-\vec{r_0}(t')|))} = \frac{\delta(t'-\tau)}{\frac{\partial}{\partial t'}t'-\frac{\partial}{\partial t'}t+\frac{1}{c}(\frac{\partial}{\partial t'}|\vec{r}-\vec{r_0}(t')|)}$$

Исходя из приложения А, имеем:

$$\delta(t'- au) = \frac{\delta(t'- au)}{1-\vec{n}\,\vec{\beta}}$$
 , где $\vec{\beta} = \vec{v}(t')$, а $\vec{n} = \frac{(\vec{r}-\vec{r}_0(t'))}{|\vec{r}-\vec{r}_0(t')|}$.

Переходим во время $t'=\tau$.

Тогда скалярный потенциал примет вид:

$$\phi(\vec{r},t) = \frac{q}{4\pi\varepsilon_0} \frac{1}{|\vec{r} - \vec{r_0}(\tau)|(1-\vec{n}\,\vec{\beta})}$$

Найдём теперь решение уравнения для векторного потенциала. В ходе вывода будем руководствоваться схожими рассуждениями.

$$\vec{A}(\vec{r},t) = \int \frac{\vec{j}(\vec{r},t')}{4\pi\varepsilon_0 c^2 \vec{r}} dV$$

где $\vec{r} = |\vec{r} - \vec{r}_0(t')|$

$$\vec{A}(\vec{r},t) = \int \frac{\vec{j}(\vec{r},t')}{4\pi\varepsilon_0 c^2 |\vec{r} - \vec{r_0}(t')|} dV$$

Вынесем постоянную часть за скобку интегрирования.

$$\vec{A}(\vec{r},t) = \frac{1}{4\pi \epsilon_0 c^2} \int \frac{\vec{j}(\vec{r},t')}{|\vec{r} - \vec{r}_0(t')|} dV$$

Отбросим на время постоянную часть, для упрощения записи и понимания дальнейших действий

$$\vec{A}(\vec{r},t) = \int \frac{\vec{j}(\vec{r},t')}{|\vec{r}-\vec{r}_0(t')|} dV$$

Приведём к интегралу по 4 переменным

$$\vec{A}(\vec{r},t) = \int \int \frac{\vec{j}(\vec{r},t')}{|\vec{r}-\vec{r_0}(t')|} \delta(t'-\tau) d\tau dV$$

где
$$\tau = t - \frac{1}{c} |\vec{r} - \vec{r_0}(t')|$$
 , и $\vec{j}(\vec{r},t) = q \vec{v}(t') \delta(\vec{r} - \vec{r_0}(t'))$,

тогда выражение скалярного потенциала принимает вид:

$$\vec{A}(\vec{r},t) = \int \int \frac{q\vec{v}(t')\delta(r'-\vec{r}(t'))}{|\vec{r}-\vec{r}_0(t')|} \delta(t'-\tau)d\tau dV$$

После тривиальных действий с изменением порядка интегрирования, а также выноса заряда, потому как мы приняли его постоянным по времени.

$$\vec{A}(\vec{r},t) = q \int \frac{\vec{v}(t')\delta(t'-\tau)}{|\vec{r}-\vec{r}_0(t')|} d\tau$$

Воспользуемся приведённым в [13] правилом интегрирования названным

правилом параметризации Фейнмана $\int g(x)\delta(f(x)-\alpha)dx=rac{g(x_0)}{f'(x_0)}$, при $f(x_0)=\alpha$

$$\delta(t'-\tau) = \frac{\delta(t'-\tau)}{\frac{\partial}{\partial t'}(t'-(t-\frac{1}{c}|\vec{r}-\vec{r_0}(t')|))} = \frac{\delta(t'-\tau)}{\frac{\partial}{\partial t'}t'-\frac{\partial}{\partial t'}t+\frac{1}{c}(\frac{\partial}{\partial t'}|\vec{r}-\vec{r_0}(t')|)}$$

Исходя из того же приложения А, имеем:

$$\delta(t'- au) = \frac{\delta(t'- au)}{1-\vec{n}\vec{\beta}}$$
 , где $\vec{\beta} = \vec{v}(t')$, а $\vec{n} = \frac{(\vec{r}-\vec{r_0}(t'))}{|\vec{r}-\vec{r_0}(t')|}$.

Переходим во время $t'=\tau$.

Тогда скалярный потенциал примет вид:

$$\vec{A}(\vec{r},t) = \frac{q}{4\pi\epsilon_0 c} \frac{\vec{\beta}}{|\vec{r} - \vec{r_0}(\tau)|(1 - \vec{n}\,\vec{\beta})}$$

Используя приложения Б и Γ , убеждаемся в правильности полученных формул, найдя калибровку Лоренца $\frac{d\,\phi}{dt} + c^2 \nabla\,\vec{A} = 0$:

$$\frac{d\phi}{dt} = \frac{d}{dt} \left(\frac{q}{4\pi\epsilon_0} \frac{1}{|\vec{r} - \vec{r_0}(\tau)|(1 - \vec{n}\,\vec{\beta})} \right) = \frac{q}{4\pi\epsilon_0} \frac{c\,\vec{n}\,\vec{\beta} - c\,\vec{\beta}^2 + (\vec{r} - \vec{r_0}(\tau))\,\dot{\vec{\beta}}}{(|\vec{r} - \vec{r_0}(\tau)|)^2(1 - \vec{n}\,\vec{\beta})^3}$$

$$\nabla\vec{A} = \nabla \left(\frac{-q}{4\pi\epsilon_0 c} \frac{\vec{\beta}}{(|\vec{r} - \vec{r_0}(\tau)|)^2(1 - \vec{n}\,\vec{\beta})^3} \right) = \frac{-q}{4\pi\epsilon_0 c} \frac{\vec{n}\,\vec{\beta} - \vec{\beta}^2 + (\vec{r} - \vec{r_0}(\tau))\,\dot{\vec{\beta}}}{(|\vec{r} - \vec{r_0}(\tau)|)^2(1 - \vec{n}\,\vec{\beta})^3}$$

Как можем заметить, равенство выполняется. Сумма данных величин будет равна нулю.

Для нахождения поля обратимся к вспомогательным уравнениям, описанным в приложениях В и Д.

$$\begin{split} \vec{E} = & \frac{q}{4\pi\epsilon_0} \frac{1}{(|\vec{r} - \vec{r_0}(\tau)|)^2 (1 - \vec{n}\,\vec{\beta})^3} \left[\vec{n} \left(1 - \vec{\beta}^2 + (\vec{r} - \vec{r_0}(\tau)) \frac{\dot{\vec{\beta}}}{c} \right) - \vec{\beta} (1 - \vec{n}\,\vec{\beta}) \right] - \\ - & \frac{q}{4\pi\epsilon_0 c} \frac{c}{(|\vec{r} - \vec{r_0}(\tau)|)^2 (1 - \vec{n}\,\vec{\beta})^3} \left[\vec{\beta} \left(\vec{n}\,\vec{\beta} - \vec{\beta}^2 + (\vec{r} - \vec{r_0}(\tau)) \frac{\beta}{c} \right) + |\vec{r} - \vec{r_0}(\tau)| \frac{\dot{\vec{\beta}}}{c} (1 - \vec{n}\,\vec{\beta}) \right] = \end{split}$$

вынесем за скобки $\frac{q}{4\pi \varepsilon_0} \frac{1}{(|\vec{r}-\vec{r_0}(au)|)^2 (1-\vec{n}\vec{\beta})^3}$, тогда записаное выше

уравнение примет вид:

$$\begin{split} &= \left[\vec{n} \left(1 - \beta^2 + (\vec{r} - \vec{r_0}(\tau)) \frac{\dot{\vec{\beta}}}{c} \right) - \beta (1 - \vec{n} \, \vec{\beta}) \right] - \left[\dot{\vec{\beta}} \left(\vec{n} \, \vec{\beta} - \vec{\beta}^2 + (\vec{r} - \vec{r_0}(\tau)) \frac{\dot{\vec{\beta}}}{c} \right) + |\vec{r} - \vec{r_0}(\tau)| \frac{\dot{\vec{\beta}}}{c} (1 - \vec{n} \, \vec{\beta}) \right] = \\ &= \vec{n} \left(1 - \vec{\beta}^2 + (\vec{r} - \vec{r_0}(\tau)) \frac{\dot{\vec{\beta}}}{c} \right) - \vec{\beta} + \vec{n} \, \vec{\beta}^2 - \vec{n} \, \vec{\beta}^2 + \vec{\beta}^3 - (\vec{r} - \vec{r_0}(\tau)) \frac{\dot{\vec{\beta}}}{c} \, \vec{\beta} - |\vec{r} - \vec{r_0}(\tau)| \frac{\dot{\vec{\beta}}}{c} (1 - \vec{n} \, \vec{\beta}) = \\ &= \vec{n} - \vec{\beta}^2 \, \vec{n} + (\vec{r} - \vec{r_0}(\tau)) \frac{\dot{\vec{\beta}}}{c} \, \vec{n} - \vec{\beta} + \vec{\beta}^3 - (\vec{r} - \vec{r_0}(\tau)) \frac{\dot{\vec{\beta}}}{c} \, \vec{\beta} - |\vec{r} - \vec{r_0}(\tau)| \frac{\dot{\vec{\beta}}}{c} (1 - \vec{n} \, \vec{\beta}) = \\ &= (\vec{n} - \vec{\beta}) \left((\vec{r} - \vec{r_0}(\tau)) \frac{\dot{\vec{\beta}}}{c} \right) + \vec{n} (1 - \vec{\beta}^2) - \vec{\beta} (1 - \vec{\beta}^2) - |\vec{r} - \vec{r_0}(\tau)| \frac{\dot{\vec{\beta}}}{c} (1 - \vec{n} \, \vec{\beta}) = \\ &= (\vec{n} - \vec{\beta}) \left((\vec{r} - \vec{r_0}(\tau)) \frac{\dot{\vec{\beta}}}{c} \right) + (\vec{n} - \vec{\beta}) (1 - \vec{\beta}^2) - |\vec{r} - \vec{r_0}(\tau)| \frac{\dot{\vec{\beta}}}{c} (1 - \vec{n} \, \vec{\beta}) = \\ &= (\vec{n} - \vec{\beta}) (1 - \vec{\beta}^2) + |\vec{r} - \vec{r_0}(\tau)| (\vec{n} - \vec{\beta}) - |\vec{r} - \vec{r_0}(\tau)| (\vec{n} (\vec{n} - \vec{\beta})) \frac{\dot{\vec{\beta}}}{c} \end{aligned}$$

Возвращаясь к константам, получим:

$$\begin{split} \vec{E} = & \frac{q}{4 \, \pi \, \epsilon_0 |\vec{r} - \vec{r}_0(\tau)|^2 (1 - \vec{n} \, \vec{\beta})^3} \times \\ \times & \left[(\vec{n} - \vec{\beta}) (1 - \vec{\beta}^2) + |\vec{r} - \vec{r}_0(\tau)| \left(\vec{n} \, \frac{\dot{\vec{\beta}}}{c} \right) (\vec{n} - \vec{\beta}) - |\vec{r} - \vec{r}_0(\tau)| (\vec{n} \, (\vec{n} - \vec{\beta})) \frac{\dot{\vec{\beta}}}{c} \right] \end{split}$$

Полученное выражение не противоречит идее о зарядовой модели, и наоборот, её подтверждает. В источниках [6] и [10] так же можно встретить её сокращённый вариант записи. Указывать его здесь не имеет особого смысла. Приведённый выше вариант является удобным для понимания происходящего процесса. Однако, здесь возникает проблема в случае необходимости обсчёта антенны, для которой заряд будет переменной величиной. Помимо излучения на местах смены траектории, ещё вклад будет вносить и тот факт, что на единичной площадке антенны заряд будет претерпевать некоторые изменения. Само же нахождение такой формулы не является столь же тривиальным. К примеру Фейнман в [10] указывает на сложность нахождения приведённой выше формулы, а в [6] авторы описывают попытки вывода формул для изменяющегося заряда и их не удачу в процессе.

2.2. Поле изменяемого точечного заряда

В попытках решения представленной ранее проблемы, был произведён вывод формулы для вычисления электрического поля изменяемого заряда.

Опираясь на предыдущий вывод, на уже упомянутых [11] уравнений Максвелла, можем записать:

$$\nabla \cdot \vec{E} = \frac{\rho}{\epsilon_0}$$

$$\nabla \times \vec{E} = -\frac{\partial \vec{B}}{\partial t}$$

$$\nabla \cdot \vec{B} = 0$$

$$c^2 \nabla \times \vec{B} = \frac{\vec{j}}{\epsilon_0} + \frac{\partial \vec{E}}{\partial t}$$

а так же, их решений:

$$\vec{E} = -\nabla \phi - \frac{\partial \vec{A}}{\partial t}$$
$$\vec{B} = \nabla \times \vec{A}$$

при потенциалах:

$$\phi(1,t) = \int \frac{\rho\left(2, t - \frac{r_{12}}{c}\right)}{4\pi\epsilon_0 r_{12}} dV_2$$

$$\vec{A}(1,t) = \int \frac{\vec{j}\left(2, t - \frac{r_{12}}{c}\right)}{4\pi\epsilon_0 c^2 r_{12}} dV_2$$

Так же, опираясь на вывод потенциалов Лиенара-Вихерта [11][12], найдём решения для представленных потенциалов:

Выведем отдельно скалярный потенциал.

$$\phi(\vec{r},t) = \int \frac{\rho(\vec{r},t')}{4\pi\varepsilon_0 \vec{r}} dV$$

где $\vec{r} = |\vec{r} - \vec{r}_0(t')|$

$$\phi(\vec{r},t) = \int \frac{\rho(\vec{r},t')}{4\pi\varepsilon_0 |\vec{r}-\vec{r}_0(t')|} dV$$

Вынесем постоянную часть за скобку интегрирования.

$$\phi(\vec{r},t) = \frac{1}{4\pi\varepsilon_0} \int \frac{\vec{\rho}(\vec{r},t')}{|\vec{r}-\vec{r}_0(t')|} dV$$

Отбросим на время постоянную часть, для упрощения записи и понимания дальнейших действий.

$$\phi(\vec{r},t) = \int \frac{\rho(\vec{r},t')}{|\vec{r}-\vec{r_0}(t')|} dV$$

Приведём к интегралу по 4 переменным

$$\phi(\vec{r},t) = \int \int \frac{\rho(\vec{r},t')}{|\vec{r}-\vec{r_0}(t')|} \delta(t'-\tau) d\tau dV$$

где
$$\tau = t - \frac{1}{c} |\vec{r} - \vec{r_0}(t')|$$
 , и $\rho(\vec{r},t) = q(t') \delta(\vec{r} - \vec{r_0}(t'))$,

После тривиальных действий с изменением порядка интегрирования.

$$\phi(\vec{r},t) = \int \frac{q(t')\delta(t'-\tau)}{|\vec{r}-\vec{r_0}(t')|} d\tau$$

Воспользуемся приведённым в [13] правилом интегрирования названным

правилом параметризации Фейнмана $\int g(x)\delta(f(x)-\alpha)dx = \frac{g(x_0)}{f'(x_0)}$, при $f(x_0)=\alpha$

$$\delta(t'-\tau) = \frac{\delta(t'-\tau)}{\frac{\partial}{\partial t'}(t'-(t-\frac{1}{c}|\vec{r}-\vec{r_0}(t')|))} = \frac{\delta(t'-\tau)}{\frac{\partial}{\partial t'}t'-\frac{\partial}{\partial t'}t+\frac{1}{c}(\frac{\partial}{\partial t'}|\vec{r}-\vec{r_0}(t')|)}$$

Исходя из приложения А, имеем:

$$\delta(t'- au) = \frac{\delta(t'- au)}{1-\vec{n}\vec{\beta}}$$
 , где $\vec{\beta} = \vec{v}(t')$, а $\vec{n} = \frac{(\vec{r}-\vec{r_0}(t'))}{|\vec{r}-\vec{r_0}(t')|}$.

Переходим во время $t'=\tau$.

Тогда скалярный потенциал примет вид:

$$\phi(\vec{r},t) = \frac{1}{4\pi\varepsilon_0} \frac{q(\tau)}{|\vec{r} - \vec{r}_0(\tau)|(1-\vec{n}\,\vec{\beta})}$$

Найдём теперь решение уравнения для векторного потенциала. В ходе вывода будем руководствоваться схожими рассуждениями.

$$\vec{A}(\vec{r},t) = \int \frac{\vec{j}(\vec{r},t')}{4\pi\varepsilon_0 c^2 \vec{r}} dV$$

где $\vec{r} = |\vec{r} - \vec{r}_0(t')|$

$$\vec{A}(\vec{r},t) = \int \frac{\vec{j}(\vec{r},t')}{4\pi\varepsilon_0 c^2 |\vec{r}-\vec{r_0}(t')|} dV$$

Вынесем постоянную часть за скобку интегрирования.

$$\vec{A}(\vec{r},t) = \frac{1}{4\pi\epsilon_0 c^2} \int \frac{\vec{j}(\vec{r},t')}{|\vec{r}-\vec{r}_0(t')|} dV$$

Отбросим на время постоянную часть, для упрощения понимания дальнейших действий

$$\phi(\vec{r},t) = \int \frac{\rho(\vec{r},t')}{|\vec{r}-\vec{r_0}(t')|} dV$$

Приведём к интегралу по 4 переменным

тогда выражение скалярного потенциала принимает вид:

$$\vec{A}(\vec{r},t) = \int \int \frac{q\vec{v}(t')\delta(r'-\vec{r}(t'))}{|\vec{r}-\vec{r}_{0}(t')|} \delta(t'-\tau) d\tau dV$$

После тривиальных действий с изменением порядка интегрирования.

$$\vec{A}(\vec{r},t) = \int \frac{q(t')\vec{v}(t')\delta(t'-\tau)}{|\vec{r}-\vec{r}_0(t')|} d\tau$$

Воспользуемся приведённым в [13] правилом интегрирования названным

правилом параметризации Фейнмана $\int g(x)\delta(f(x)-\alpha)dx=\frac{g(x_0)}{f'(x_0)}$, при $f(x_0)=\alpha$

$$\delta(t'-\tau) = \frac{\delta(t'-\tau)}{\frac{\partial}{\partial t'}(t'-(t-\frac{1}{c}|\vec{r}-\vec{r_0}(t')|))} = \frac{\delta(t'-\tau)}{\frac{\partial}{\partial t'}t'-\frac{\partial}{\partial t'}t+\frac{1}{c}(\frac{\partial}{\partial t'}|\vec{r}-\vec{r_0}(t')|)}$$

Снова обратимся к приложению А, получаем:

$$\delta(t'- au) = \frac{\delta(t'- au)}{1-\vec{n}\vec{\beta}}$$
 , где $\vec{\beta} = \vec{v}(t')$, а $\vec{n} = \frac{(\vec{r}-\vec{r}_0(t'))}{|\vec{r}-\vec{r}_0(t')|}$.

Переходим во время $t'=\tau$.

Тогда скалярный потенциал примет вид:

$$\vec{A}(\vec{r},t) = \frac{1}{4\pi\epsilon_0 c} \frac{q(\tau)\vec{\beta}}{|\vec{r} - \vec{r_0}(t')|(1-\vec{n}\vec{\beta})}$$

Используя приложение E и И, убеждаемся в правильности данных формул, найдя калибровку Лоренца $\frac{d\,\phi}{dt} + c^2 \nabla\,\vec{A} = 0$:

$$\begin{split} \frac{d\,\phi}{dt} &= \frac{d}{dt} \left(\frac{\frac{1}{4\,\pi\,\epsilon_0}}{|\vec{r} - \vec{r_0}(\tau)|(1 - \vec{n}\,\vec{\beta})} \right) = \frac{-1}{|\vec{r} - \vec{r_0}(\tau)^2|(1 - \vec{n}\,\vec{\beta})^3} \times \\ &\times \left(\dot{q}(\tau)[|\vec{r} - \vec{r_0}(\tau)|(1 - \vec{n}\,\vec{\beta})] - q(\tau)[-\vec{n}\,\vec{\beta}\,c + \vec{\beta}^2c - (\vec{r} - \vec{r_0}(\tau))\dot{\vec{\beta}}] \right) \end{split}$$

Можно без особых ухищрений заметить факт не выполнения калибровки. Однако, если в данном случае предположить, что q = const, то условие выше выполняется. Этот факт можно объяснить нарушением закона сохранения энергии на антеннах подобного типа. Если на участке не происходит изменения заряда, то, следовательно, закон сохранения энергии выполняется. Иначе возникнут погрешности, что мы и наблюдаем в данном случае.

Для нахождения поля обратимся к вспомогательным уравнениям в приложениях Ж и К. Опустим тривиальные преобразования и перейдём сразу к искомой формуле:

$$\begin{split} \vec{E} = & \frac{1}{4 \, \pi \, \epsilon_0} \frac{1}{\left| \vec{r} - \vec{r_0} (\tau) \right|^2 (1 - \vec{n} \, \vec{\beta})^3} q(\tau) \times \\ \times & \left[\vec{n} - \vec{\beta} (\vec{\beta}^2 + (1 - \vec{n} \, \vec{\beta})) + \frac{\dot{\vec{\beta}}}{c} \left| \vec{r} - \vec{r_0} (\tau) \right| (1 - \vec{n} \, \vec{\beta}) + (\vec{r} - \vec{r_0} (\tau)) (\vec{n} + \vec{\beta}) \right] + \\ & + \frac{1}{4 \, \pi \, \epsilon_0} \frac{1}{\left| \vec{r} - \vec{r_0} (\tau) \right|^2 (1 - \vec{n} \, \vec{\beta})^3} \dot{q}(\tau) (\vec{n} + \vec{\beta}) \frac{1}{c} \left| \vec{r} - \vec{r_0} (\tau) \right| (1 - \vec{n} \, \vec{\beta}) \end{split}$$

Таким образом, получили выражение для вычисления электрического поля антенны с переменным зарядом. В целях подтверждения её, мы произвели расчёт частного случая антенны по этой формуле, а так же сравнили с результатами широко признанной в узких кругах программой моделирования антенн CST Studio Suit для всё той же антенны.

3. Проведение расчётов на основе известных антенн

В пользу приведённых выше формул, проведём моделирование нескольких антенн при помощи численного моделирования на языке программирования Python и рассчёта модели в программе CST Studio Suite. Опорным критерием для нас будет энергетическая диаграмма направленности антенны. Ввиду того, что метод FDTD (Finite Difference Time Domain, или же метод конечных разностей во временной области), используемый в CST очень хорошо исследован, а так же сама программа обрела определённую популярность и доверие среди инженеров, результаты полученные из неё можно считать достоверными. Сравниванием исчисленных программно данных с результатами полученными в CST докажем правдивость зарядовой модели и полученных формул.

3.1. Реализация полученных формул в вычислениях

То что вычисление полей антенны является весьма трудоёмким процессом, пожалуй, не является секретом. В связи с этим, данные выражения были перенесены в программный код. В качестве языка программирования был выбран язык Руthon версии 3.Х. Выбор этого языка был не случайным: он позволяет значительно упростить процесс написания алгоритмов вычисления, в первую очередь, за счёт встроенных функций языка. Так же, благодаря внутренним требованиям по написанию кода, определённым в стандартах Руthon, удаётся достичь высокого удобства чтения функций. Однако, за такие достоинства приходиться расплачиваться скоростью выполнения программы. Хоть и не многим, но он уступает в производительности таким языкам, как С. Но несмотря на это, скорость обсчёта полей не уступает скорости сходных антенн, но с более распространённым методом FDTD. И за это тоже приходится чем-то жертвовать. В данном случае - точностью измерений.

Описанные ниже участки кода приведены в соответствующих листнигах в конце работы.

В листинге 1 приведены вспомогательные функции для векторной алгебры, которых не хватило из стандартного набора.

Функция _dot принимает на вход два вектора и вычисляет сумму перемноженных координат. sqrMagnitude вызывает dot, передавая на вход один и тот же вектор дважды, тем самым получаем квадрат диагонали построенного прямоугольного треугольника, В прямоугольной системе координат по двум точкам, записанным в данном векторе. _magnitude возвращает корень из квадрата диагонали, полученного ранее. distance определяет расстояние между двумя точками в двумерной плоскости. normalize вычисляет норму вектора и возвращает его нормированной значение, тем самым создаёт нормированное векторное пространство. ргој выдаёт проекцию одного вектора на другой. _directions генерирует направления от места излучения до точки наблюдения поля.

_раігwise создаёт пару значений, состоящих из указания направления прямой от одной точки к другой. _pairwise3 работает по схожему принципу, что и предыдущая функция, но с учётом третьей размерности. _reflectDirection возвращает направление отраженного луча. _findLineIntersection находит точки пересечения линий. _findIntersection отсеивает из точек, сгенерированных предыдущей функцией, точки, удовлетворяющие условиям нашей задачи. _traceReflection инициализирует просчет траектории луча по поверхности антенны. _traceRay выполняет предыдущую функцию для различных стартовых вариаций лучей распространения заряда, а так же запускает функцию итогового просчёта значения поля на определённой точке наблюдения.

Класс Probe служит для хранения положений точек наблюдения, а так же значений поля по координатам. Помимо этого, данный класс определяет функцию суммирования полей в итоговое значение, в результате работы которой, получаем конечное значение электрического поля в данной точке наблюдения.

Стоит обратить ещё внимание на тот факт, что данную программу без особых изменений можно применять для различных антенн. Все что нужно, это изменить модель геометрии антенны, а так же формулу изменения заряда, в зависимости от того, в каких плоскостях она выполнена.

3.2. CST Studio Suite

CST Studio Suite - это, по заверению разработчиков, высокопроизводительный пакет программного обеспечения для электромагнитного анализа в трёхмерном пространстве, предназначенный для проектирования, анализа и оптимизации электромагнитных компонентов и систем.

В программе, по выбору, представлено несколько основных алгоритмов, для обработки полей моделируемых антенн. В случае, рассматриваемом в данной работе, более всего уместен метод FDTD.

Для моделирования антенны реализован специальный трёхмерный редактор, позволяющий так же визуально наблюдать саму модель, что очень помогает в обнаружении конструктивных ошибок при проектировании.

Что бы просчитать поле в заданной точке необходимо задать в пространстве пробный заряд, настроить программу для вычислений соответствующим с поставленной задачей образом и отдать команду на вычисление.

Рассчитанные данные, а так же различные компоненты и некоторые настройки для программы вычисления. На иллюстрации (ИЛЛЮСТРАЦИЯ) представлен общий вид окна дизайнера программы, а на (ИЛЛЮСТРАЦИЯ) показан пример окна настройки вычислений.

Так же, отметим, что данная программа снискала огромную популярность среди инженеров и учёных, которые работают в области исследований антенн.

В виду перечисленных выше достоинств этой программы, было решено в производимых вычислениях опираться на неё. Как упоминалось ранее больший

интерес представляет энергетическая диаграмма направленности. Получив исчисленные данные из программы описанной в предыдущем пункте, можно сравнить диаграмму направленности полученной из формул с той, что была просчитана по другому известному и популярному алгоритму в CST Studio Suite.

Вставить иллюстрации

Ожидается, что максимумы и минимумы, как и общая картина, совпадут по направлению. Однако, численные значения могут быть различны, в виду различающейся точности в вычислениях.

3.3. Антенна «Бабочка»

существует Наиболее данной антенны МНОГО названий. распространённые — бабочка и крыло летучей мыши. Для упрощения, будем использовать первый вариант. Такие имена антенна получила за свою характерную форму (ИЛЛЮСТРАЦИЯ). Если постараться придать данной антенне широкий диапазон частот то, исходя из разрезного полуволнового вибратора, нужно превратить его в «толстый» вибратор. Для обеспечения этого, плечо вибратора конструктивно выполняется в виде треугольной плоскости (ИЛЛЮСТРАЦИЯ ВЫШЕ). Эта версия вибратора в области УКВ имеет название широкополосного излучателя. Однако, полосу частот вибратора можно счёт расширить ввода антенну двух взаимно за В параллельных проводников. Дополнительно, короткозамкнутых треугольники ОНЖОМ дополнить до прямоугольников, таким образом, оба проводника образовывать полуволновую щель между ними. Возбуждение, в данном случае, будет осуществляться в геометрической середине щели. По сути, так получим щелевой излучатель, отличающийся лишь тем, что вертикальная щель даст горизонтальную поляризацию. Дабы улучшить распределение тока и частотную характеристику, плечо вибратора зачастую прогибают, в следствии чего, его контур начинает напоминать плечо летучей мыши в размахе.

Однако, в данном случае больший интерес представляет именно конструкция «бабочки». Выбор треугольников в антенне позволяет сэкономить материал и, в добавок, позволит четко задать вход антенны, за счёт близко расположенных треугольников. Из-за повышенного емкостного краевой эффекта произойдёт значительное укорочение вибратора. Входное сопротивление, коэффициент укорочения и частотный интервал этого типа антенны определяются углом раскрыва α (углом между плечами треугольников).

По конструктивным соображениям в области ультра коротких волн угол раскрыва α выбирается примерно близким к 30°, однако, в дециметровом диапазоне предпочитают углы между 60° и 80°, за счёт чего обеспечивается большая ширина полосы частот.

Дабы снизить вес и парусность, треугольники делают из перфорированной жести или мелкой металлической сетки. Также допустимо использование решетчатых конструкций.

Изменение входного сопротивления в зависимости от угла α происходит лишь в узком интервале изменений последнего, а само сопротивление почти неизменно в относительно широком интервале частот. Оптимальными являются углы от 60° до 80°. Им соответствует входное сопротивление порядка 180 Ом. Реактивная составляющая входного импеданса и её частотный ход пренебрежимо малы, а длина плеча, благодаря широкополосности излучателя, слабо влияет на основные параметры.

Известно(ссыль), что «узкий» волновой вибратор выдаёт усиление порядка 1.8 дБ относительно настроенного полуволнового вибратора. Широкополосный же плоский вибратор работает на значительно более высоких частотах. Этому способствует частотная зависимость его импеданса. В высокочастотной области вибратор окажется, естественно электрически длиннее одной длины волны. Ввиду изложенных факторов, усиление антенны растёт с частотой и способно достигать порядка 4 dBd.

Однако, не смотря на очень высокую популярность и востребованность в подобных антеннах в телевизионной области, их вопрос, на удивление, освещен в литературе крайне слабо.

Построив модель данной антенны в CST Studio Suite, как показано на рис. (1,2) получаем опорную диаграмму направленности рис(3). Теперь остаётся

построить данную модель в коде, произвести вычисления, согласно выведенным ранее формулам и сверить диаграммы направленности.

Полученные данные представлены на рис N_2 . Как можно заметить не вооруженным глазом..

Вставить рисунки

Обратим внимание на то, что бесконечно малые величины в данном случае не учитываются, однако при возникновении необходимости в более точных вычислениях, точность можно повысить, учтя их.

Как можем заметить, при параметрах антенны, Xmin = ...; Xmax = ...; Ymin = ...; Ymax = ...; мы имеем совпадение диаграмм. В значениях 0°, 180° мы наблюдаем минимумы мощности, при этом максимумы так же совпадают. Стоит так же отметить, что результат не зависит от конкретных значений антенны. Приведённые здесь параметры являются лишь примером её задания.

Таким образом, используя пример антенны «бабочка», имеем совпадение выведенных формул для импульсной теории заряда с хорошо известным и излюбленным многими инженерами методом конечных разностей во временной области. Однако, справедливости ради стоит отметить, что это ещё не даёт права утверждать, что приведённые в данной работе формулы всегда верны. Потому проведём измерения ещё на двух типах антенн.

3.4. Антенна «перевернутая F»

Для дальнейших доказательств произведём симуляцию антенны, называемой в англоязычной литературе как «inverted F», что в переводе на русский будет «перевёрнутая Ф». Однако, это не совсем точный перевод. Как показано на рис.(1), данная антенна получила своё название за счёт своей формы, напоминающей латинскую букву F.

Перевёрнутая F базируется на четверть-волновых монопольных антеннах. Такая проволочная антенна была изобретена в 1940-х годах ссыль. В данной антенне запитка подключена к промежуточной точке вдоль антенны, а не с основанием. Само основание подключено к заземлению. Преимущество этого соединения заключается в том, что входное сопротивление антенны зависит от расстояния между точкой запитки и заземлением. Часть антенны, заключенная между точкой запитки и заземлением, по существу, является коротко замкнутой цепью. Таким образом, проектировщик может задать сопротивление системы

перемещением точки запитки (радиочастотные системы обычно имеют сопротивление системы 50 Ом, тогда как импеданс 36,5 Ом возникает при монополи $\lambda/4$)(Ссыль).

Электрические характеристики антенны зависят, в обязательном порядке, от размеров излучающей пластины, а так же соотношения длин её сторон, высоты этой пластины над экраном, размеров и положения вертикальной заземляющей стенки, точки запитки антенны.

Помимо диэлектрических свойств воздушной среды, в конструкции инвертированной антенны F - типа пространство под горизонтальной пластиной не запрещено заполнить диэлектрическим материалом. Такой вариант получил широкое распространение в реализации связи по каналу Bluetooth в диапазоне частот (2.40 - 2.48) ГГц(ссыль).

В подобных антеннах отсутствуют чёткие соотношения, учитывающих влияние местоположения фидерной линии. В связи с этим, проектировщики вынуждены применять различные численные методы оптимизации, использующие «фидерный эффект» для получения необходимых параметров антенны. Как пример, одно из существующих направлений совершенствования технологии проектирования связан с оптимизацией расположения питающего контакта в совокупности с подбором иных геометрических параметров антенн с использованием «генетических алгоритмов».

РИСУНОК

Заключение

В предоставленной работе была исследована применимость зарядовой модели по отношению к треугольной антенне. Из полученных данных можно сделать вывод о том, что данный метод расчёта полей не противоречит методу конечных разностей.

Простота заложенных в неё понятий обеспечивает относительно лёгкое понимание процесса излучения импульсных сигналов, но в то же время, вывод необходимых формул занимает отдельное место среди тяжёлых, и в то же время весьма увлекательных задач.

Проблема подобного излучения не была исследована полностью в данной работе, и потому представляет особый интерес для дальнейшего изучения. Помимо нахождения общих формул, есть задача о представлении последних в численных методах для решения связанных с этим методом задач на программной основе, в связи с выдающейся трудоёмкостью данного процесса.

Список литературы

- 1: H. Schantz, Ultrawideland Antennas, Artech House, 2005
- 2: Пономарёв Д. М. и др., Способ определения диаграммы направленности антенны в диапазоне частот, Б. И., 1988
- 3: Бахрах Л. Д., Курочкин А. П., Голография в микроволновой технике, М.: Сов. радио, 1979
- 4: Милстайн Л. Б., Методы подавления помех в системах радиосвязи с широкополосными сигналами, ТИИЭР, 1988
- 5: Астанин Л. Ю., Костылев А. А., Основы сверхширокополосных радиолокационных измерений, М.: Радио и связь, 1989
- 6: Ковалев И. П., Пономарев Д. М., Анализ процессов излучения и приёма импульсных сигналов во временной области, М.: Радио и связь, 1996
- 7: Фрадин Ф. З., Антенно-фидерные устройства, М.: Связь, 1977
- 8: Ковалев И. П., Пономарев Д. М., Клюев Е. А., Нестационарные процессы в проволочных антеннах при импульсном возбуждении, Радиотехника и электроника, 1991
- 9: Небабин В. Г., Гришин В. К., Методы и техника радиолокационного распознавания: современное состояние, тенденции развития, преспективы, Зарубежная радиоэлектроника, 1992
- 10: Фейнман Р., Лейтон Р., Сендс М., Фейнмановские лекции по физике, М., 2004
- 11: Ландау Л. Д., Лифшиц Е. М., Теория поля (Теоретическая физика, т. II), М.: Физматлит, 2003
- 12: Е.Ю. Петров, ИЗЛУЧЕНИЕ ЭЛЕКТРОМАГНИТНЫХ ВОЛН ДВИЖУЩИМИСЯ ЗАРЯЖЕННЫМИ ЧАСТИЦАМИ, Нижегородский государственный университет им. Н. И. Лобачевского, 2019
- 13: Weinbell, Steven, The Quantum Theory of Fields, Volume I, Cambridge: Cambridge University Press, 2008

Приложение А

$$\begin{split} &\frac{\partial}{\partial t'} |\vec{r} - \vec{r_0}(t')| = \frac{\partial}{\partial t'} \sqrt{\vec{r}^2 - 2\vec{r} \, \vec{r_0}(t') + \vec{r_0}^2(t')} = \frac{\partial}{\partial t'} (\vec{r}^2 - 2\vec{r} \, \vec{r_0}(t') + \vec{r_0}^2(t'))^{\frac{1}{2}} = \\ &= \frac{\partial}{\partial t'} (\vec{r}^2 - 2\vec{r} \, \vec{r_0}(t') + \vec{r_0}^2(t'))}{(\vec{r}^2 - 2\vec{r} \, \vec{r_0}(t') + \vec{r_0}^2(t'))^{\frac{1}{2}}} = \frac{2(\vec{r_0}(t') - \vec{r}) \, \vec{r_0}(\tau)}{2|\vec{r} - \vec{r_0}(\tau)|} = -\vec{n} \, \vec{v}(t') \end{split}$$

Приложение Б

$$\frac{d}{dt} \frac{1}{|\vec{r} - \vec{r_0}(\tau)|(1 - \vec{n}\,\vec{\beta})} = \frac{d\,\tau}{dt} \frac{d}{d\,\tau} \left(\frac{1}{|\vec{r} - \vec{r_0}(\tau)|(1 - \vec{n}\,\vec{\beta})} \right)$$

$$\begin{split} &\frac{d}{d\,\tau}\big[|\vec{r}-\vec{r_0}(\tau)|(1-\vec{n}\,\vec{\beta})\big] \!=\! \big(|\vec{r}-\vec{r_0}(\tau)|-(\vec{r}-\vec{r}\,(\tau))\vec{\beta}\big) \!=\! \! \frac{d}{d\,\tau}|\vec{r}-\vec{r_0}(\tau)|-\! \frac{d}{d\,\tau}((\vec{r}-\vec{r_0}(\tau))\vec{\beta}) \!=\! \\ &=\! -\vec{n}\,\vec{v}(\tau) \!-\! ((\vec{r}-\vec{r_0}(\tau))\vec{\beta}\!+\! \dot{\vec{\beta}}(\vec{r}-\vec{r_0}(\tau))) \!=\! -\vec{n}\,\vec{v}\,c \!-\! (\vec{r}-\vec{r}\,(\tau))\dot{\vec{\beta}}\!+\! c\,\vec{\beta}^2 \end{split}$$

$$\frac{d}{dt} \frac{1}{|\vec{r} - \vec{r_0}(\tau)|(1 - \vec{n}\,\vec{\beta})} = \frac{d}{dt} \frac{1}{|\vec{r} - \vec{r_0}(\tau)|^2 (1 - \vec{n}\,\vec{\beta})^3} (\vec{n}\,\vec{\beta}\,c - c\,\beta^2 + (\vec{r} - \vec{r_0}(\tau))\dot{\vec{\beta}})$$

Приложение В

$$\begin{split} &\nabla\frac{1}{|\vec{r}-\vec{r_0}(\tau)|(1-\vec{n}\,\vec{\beta})} = \frac{\partial}{\partial \vec{r}} \left(\frac{1}{|\vec{r}-\vec{r_0}(\tau)|(1-\vec{n}\,\vec{\beta})}\right) + \frac{\partial}{\partial \tau} \left(\frac{1}{|\vec{r}-\vec{r_0}(\tau)|(1-\vec{n}\,\vec{\beta})}\right) \nabla \tau \\ &\frac{\partial}{\partial \vec{r}} \frac{1}{|\vec{r}-\vec{r_0}(\tau)|(1-\vec{n}\,\vec{\beta})} = \frac{\partial}{\partial \vec{r}} \frac{|\vec{r}-\vec{r_0}(\tau)|(1-\vec{n}\,\vec{\beta})}{|\vec{r}-\vec{r_0}(\tau)|^2(1-\vec{n}\,\vec{\beta})^2} = \frac{\partial}{\partial \vec{r}} \frac{|\vec{r}-\vec{r_0}(\tau)|(1-\vec{n}\,\vec{\beta})}{|\vec{r}-\vec{r_0}(\tau)|^2(1-\vec{n}\,\vec{\beta})^2} \\ &\frac{\partial}{\partial \vec{r}} |\vec{r}-\vec{r_0}(\tau)| = \frac{\partial}{\partial \vec{r}} \sqrt{\vec{r}^2 - 2\vec{r}\,\vec{r_0}(\tau) + \vec{r_0}^2(\tau)} = \frac{\partial}{\partial \vec{r}} \frac{|\vec{r}-\vec{r_0}(\tau)|^2(1-\vec{n}\,\vec{\beta})^2}{2|\vec{r}-\vec{r_0}(\tau)|} = \frac{2(\vec{r}-\vec{r_0}(\tau))}{2|\vec{r}-\vec{r_0}(\tau)|} = \vec{n} \\ &\frac{\partial}{\partial \vec{r}} (|\vec{r}-\vec{r_0}(\tau)|\vec{\beta}) = \vec{\beta} (\frac{\partial}{\partial \vec{r}} (|\vec{r}-\vec{r_0}(\tau)|) + (\vec{r}-\vec{r_0}(\tau)) \frac{\partial}{\partial \vec{r}} \vec{\beta} = \vec{\beta} \\ &\frac{\partial}{\partial \vec{r}} \frac{1}{|\vec{r}-\vec{r_0}(\tau)|(1-\vec{n}\,\vec{\beta})} = \frac{\vec{n}-\vec{\beta}}{|\vec{r}-\vec{r_0}(\tau)|^2(1-\vec{n}\,\vec{\beta})^2} = \frac{(\vec{n}-\vec{\beta})(1-\vec{n}\,\vec{\beta})}{|\vec{r}-\vec{r_0}(\tau)|^2(1-\vec{n}\,\vec{\beta})^3} \\ &\frac{\partial}{\partial \tau} \frac{1}{|\vec{r}-\vec{r_0}(\tau)|(1-\vec{n}\,\vec{\beta})} \nabla \tau = \frac{\partial}{\partial \tau} (|\vec{r}-\vec{r_0}(\tau)|(1-\vec{n}\,\vec{\beta}))^{-1} \nabla \tau = \frac{-\frac{\partial}{\partial \tau}}{|\vec{r}-\vec{r_0}(\tau)|^2(1-\vec{n}\,\vec{\beta})} \nabla \tau = \frac{\partial}{\partial \tau} (|\vec{r}-\vec{r_0}(\tau)|(1-\vec{n}\,\vec{\beta}))^{-1} \nabla \tau = \frac{-\frac{\partial}{\partial \tau}}{|\vec{r}-\vec{r_0}(\tau)|^2(1-\vec{n}\,\vec{\beta})^2} \\ &\frac{\partial}{\partial \tau} |\vec{r}-\vec{r_0}(\tau)|(1-\vec{n}\,\vec{\beta}) \nabla \tau = \frac{\partial}{\partial \tau} (|\vec{r}-\vec{r_0}(\tau)|(1-\vec{n}\,\vec{\beta}))^2 \nabla \tau = \frac{\partial}{\partial \tau} (|\vec{r}-\vec{r_0}(\tau)|(1-\vec{n}\,\vec{\beta}))^2 \nabla \tau = \frac{\partial}{\partial \tau} (|\vec{r}-\vec{r_0}(\tau)|(1-\vec{n}\,\vec{\beta}))^2 \\ &\frac{\partial}{\partial \tau} |\vec{r}-\vec{r_0}(\tau)|(1-\vec{n}\,\vec{\beta}) \nabla \tau = \frac{\vec{n}\,\vec{\beta}}{\partial \tau} (\vec{r}-\vec{r_0}(\tau)) + (\vec{r}-\vec{r_0}(\tau)) \frac{\partial}{\partial \tau} = -\vec{\beta}\,\vec{\tau} + (\vec{r}-\vec{r_0}(\tau)) \dot{\vec{\beta}} \\ &\nabla \tau = \frac{1}{(1-\vec{n}\,\vec{\beta})} \nabla \tau = \frac{\vec{n}\,\vec{\beta}}{|\vec{r}-\vec{r_0}(\tau)|^2(1-\vec{n}\,\vec{\beta})^2} = \frac{\vec{n}\,\vec{\beta}}{|\vec{r}-\vec{r_0}(\tau)|^2(1-\vec{n}\,\vec{\beta})^2} = \frac{\vec{n}\,\vec{\beta}}{|\vec{r}-\vec{r_0}(\tau)|^2(1-\vec{n}\,\vec{\beta})^2} = \frac{\vec{n}\,\vec{\beta}}{|\vec{r}-\vec{r_0}(\tau)|^2(1-\vec{n}\,\vec{\beta})^2} = \frac{\vec{n}\,\vec{\beta}}{|\vec{r}-\vec{r_0}(\tau)|^2(1-\vec{n}\,\vec{\beta})^3} = \frac{\vec{n}\,\vec{\beta}}{|\vec{r}-\vec{r_0}(\tau)|^2(1-\vec{n}\,\vec{\beta})^3} = \frac{\vec{n}\,\vec{\beta}}{|\vec{r}-\vec{r_0}(\tau)|^2(1-\vec{n}\,\vec{\beta})^3} = \frac{\vec{n}\,\vec{\beta}}{|\vec{r}-\vec{r_0}(\tau)|^2(1-\vec{n}\,\vec{\beta})^3} = \frac{\vec{n}\,\vec{\beta}}{|\vec{r}-\vec{r_0}(\tau)|^2(1-\vec{n}\,\vec{\beta})^3} = \frac{\vec{n}\,\vec{\beta}}{|\vec{r}-\vec{r_0}(\tau)|^2(1-\vec{n}\,\vec{\beta})^3} = \frac{\vec{n}\,\vec{\beta}}{|\vec{r}-\vec{r_0}(\tau)|^2$$

$$\begin{split} &\frac{(\vec{\beta} - \vec{n})(1 - \vec{n}\,\vec{\beta})}{|\vec{r} - \vec{r}_0(\tau)|^2(1 - \vec{n}\,\vec{\beta})^3} + \frac{-\vec{\beta} + \vec{n}\,\vec{\beta}^2 - (\vec{r} - \vec{r}_0(\tau))\frac{\dot{\vec{\beta}}}{c}\vec{n}}{|\vec{r} - \vec{r}_0(\tau)|^2(1 - \vec{n}\,\vec{\beta})^3} = \\ &= \frac{1}{|\vec{r} - \vec{r}_0(\tau)|^2(1 - \vec{n}\,\vec{\beta})^3} \left((\vec{\beta} - \vec{n})(1 - \vec{n}\,\vec{\beta}) - \vec{\beta} + \vec{n}\,\vec{\beta}^2 - (\vec{r} - \vec{r}_0(\tau))\frac{\dot{\vec{\beta}}}{c}\vec{n} \right) = \\ &= \frac{1}{|\vec{r} - \vec{r}_0(\tau)|^2(1 - \vec{n}\,\vec{\beta})^3} \left(\vec{\beta} - \vec{n} - \vec{n}\,\vec{\beta}^2 + \vec{n}^2\vec{\beta} - \vec{\beta} + \vec{n}\,\vec{\beta}^2 - (\vec{r} - \vec{r}_0(\tau))\frac{\dot{\vec{\beta}}}{c}\vec{n} \right) = \\ &= \frac{1}{|\vec{r} - \vec{r}_0(\tau)|^2(1 - \vec{n}\,\vec{\beta})^3} \left(\vec{\beta} - \vec{n} - \vec{n}\,\vec{\beta}^2 + \vec{\beta} - \vec{\beta} + \vec{n}\,\vec{\beta}^2 - (\vec{r} - \vec{r}_0(\tau))\frac{\dot{\vec{\beta}}}{c}\vec{n} \right) = \\ &= \frac{1}{|\vec{r} - \vec{r}_0(\tau)|^2(1 - \vec{n}\,\vec{\beta})^3} \left(-\vec{n} + \vec{n}\,\vec{\beta}^2 - (\vec{r} - \vec{r}_0(\tau))\frac{\dot{\vec{\beta}}}{c}\vec{n} + \vec{\beta} - \vec{n}\,\vec{\beta}^2 \right) = \\ &= \frac{1}{|\vec{r} - \vec{r}_0(\tau)|^2(1 - \vec{n}\,\vec{\beta})^3} \left(\vec{n} \left(2 - \vec{\beta}^2 + (\vec{r} - \vec{r}_0(\tau))\frac{\dot{\vec{\beta}}}{c} \right) + \vec{\beta}(1 - \vec{n}\,\vec{\beta}) \right) \end{split}$$

Приложение Г

$$\begin{split} &\nabla \left(\frac{\vec{\beta}(\tau)}{|\vec{r} - \vec{r}_0(\tau)|(1 - \vec{n}\,\vec{\beta})}\right) = \frac{-1}{|\vec{r} - \vec{r}_0(\tau)|^2(1 - \vec{n}\,\vec{\beta})^2} \, x \\ & \times (\vec{\beta}\,\nabla(|\vec{r} - \vec{r}_0(\tau)| - (\vec{r} - \vec{r}_0(\tau))\vec{\beta}) - (|\vec{r} - \vec{r}_0(\tau)| - (\vec{r} - \vec{r}_0(\tau))\vec{\beta})\,\nabla\vec{\beta}) \\ &\nabla (|\vec{r} - \vec{r}_0(\tau)| - (\vec{r} - \vec{r}_0(\tau))\vec{\beta}) = \frac{1}{(1 - \vec{n}\,\vec{\beta})} \left[\vec{n} (1 - \vec{\beta}^2 + (\vec{r} - \vec{r}_0(\tau))\frac{\dot{\beta}}{c}) - \vec{\beta} (1 - \vec{n}\,\vec{\beta}) \right] \\ &\nabla \vec{\beta} = \frac{\partial}{\partial \vec{r}} \vec{\beta} + \frac{\partial}{\partial \tau} \vec{\beta} \nabla \tau = 0 - \dot{\vec{\beta}} \frac{\vec{n}}{c} - \dot{\vec{\beta}} \frac{\vec{n}}{(1 - \vec{n}\,\vec{\beta})} \\ &(|\vec{r} - \vec{r}_0(\tau)| - (\vec{r} - \vec{r}_0(\tau))\vec{\beta}) \nabla \vec{\beta} = \frac{-1}{(1 - \vec{n}\,\vec{\beta})} \left[\vec{n} (|\vec{r} - \vec{r}_0(\tau)| - (\vec{r} - \vec{r}_0(\tau))\vec{\beta}) \right] \frac{\dot{\vec{\beta}}}{c} = \\ &= \frac{-1}{(1 - \vec{n}\,\vec{\beta})} \left[(\vec{r} - \vec{r}_0(\tau)) \frac{\dot{\vec{\beta}}}{c} - (\vec{r} - \vec{r}_0(\tau)) \vec{\beta} \frac{\dot{\vec{\beta}}}{c} \vec{n} \right] \\ &\nabla \left(\frac{\vec{\beta}(\tau)}{|\vec{r} - \vec{r}_0(\tau)|(1 - \vec{n}\,\vec{\beta})} \right) = \frac{-1}{|\vec{r} - \vec{r}_0(\tau)|^2(1 - \vec{n}\,\vec{\beta})^3} \, x \\ &\times \left[\vec{n} (1 - \vec{\beta}^2 + (\vec{r} - \vec{r}_0(\tau)) \frac{\dot{\vec{\beta}}}{c}) - \vec{\beta} (1 - \vec{n}\,\vec{\beta}) \right] \vec{\beta} - \left(- \left[(\vec{r} - \vec{r}_0(\tau)) \frac{\dot{\vec{\beta}}}{c} - (\vec{r} - \vec{r}_0(\tau)) \vec{\beta} \frac{\dot{\vec{\beta}}}{c} \vec{n} \right] \right) = \\ &= \frac{-1}{|\vec{r} - \vec{r}_0(\tau)|^2(1 - \vec{n}\,\vec{\beta})^3} \left[\vec{n}\,\vec{\beta} - \vec{\beta}^2 + (\vec{r} - \vec{r}_0(\tau)) \frac{\dot{\vec{\beta}}}{c} \right] \end{split}$$

Приложение Д

$$\begin{split} &\frac{d}{dt} \left(\frac{\dot{\beta}}{|\vec{r} - \vec{r_0}(\tau)|(1 - \vec{n}\,\vec{\beta})} \right) = \frac{d\tau}{dt} \frac{d}{d\tau} \left(\frac{\dot{\beta}}{|\vec{r} - \vec{r_0}(\tau)|(1 - \vec{n}\,\vec{\beta})} \right) = \\ &= \frac{-1}{|\vec{r} - \vec{r_0}(\tau)|^2 |(1 - \vec{n}\,\vec{\beta})^2} \frac{d\tau}{dt} \left[\frac{d}{d\tau} \, \vec{\beta} |\vec{r} - \vec{r_0}(\tau)|(1 - \vec{n}\,\vec{\beta}) - \vec{\beta} \frac{d}{d\tau} |\vec{r} - \vec{r_0}(\tau)|(1 - \vec{n}\,\vec{\beta}) \right] \\ &\frac{d}{d\tau} \vec{\beta} = \dot{\vec{\beta}} \\ &(|\vec{r} - \vec{r_0}(\tau)|(1 - \vec{n}\,\vec{\beta})\dot{\vec{\beta}}) = (|\vec{r} - \vec{r_0}(\tau)| - (\vec{r} - \vec{r_0}(\tau))\dot{\vec{\beta}})\dot{\vec{\beta}} \\ &\frac{d}{d\tau} \left(|\vec{r} - \vec{r_0}(\tau)|(1 - \vec{n}\,\vec{\beta}) \right) = \frac{d}{d\tau} \left(|\vec{r} - \vec{r_0}(\tau)| - (\vec{r} - \vec{r_0}(\tau))\dot{\vec{\beta}} \right) = [-\vec{n}\,\vec{\beta}\,c + \vec{\beta}^2\,c - (\vec{r} - \vec{r_0}(\tau))\dot{\vec{\beta}}] \vec{\beta} \\ &\frac{d}{dt} \left(\frac{\vec{\beta}}{|\vec{r} - \vec{r_0}(\tau)|(1 - \vec{n}\,\vec{\beta})} \right) = \frac{-1}{|\vec{r} - \vec{r_0}(\tau)|^2 |(1 - \vec{n}\,\vec{\beta})^3} \times \\ &\times \left((|\vec{r} - \vec{r_0}(\tau)| - (\vec{r} - \vec{r_0}(\tau)))\dot{\vec{\beta}}) \dot{\vec{\beta}} - (-\vec{n}\,\vec{\beta}^2\,c + \vec{\beta}^2 - (\vec{r} - \vec{r_0}(\tau)))\dot{\vec{\beta}} \vec{\beta}) \right) = \\ &= \frac{d}{d\tau} \left(|\vec{r} - \vec{r_0}(\tau)|(1 - \vec{n}\,\vec{\beta}) \right) = \frac{d}{d\tau} \left(|\vec{r} - \vec{r_0}(\tau)| - (\vec{r} - \vec{r_0}(\tau)) \dot{\vec{\beta}} \right) = [-\vec{n}\,\vec{\beta}\,c + \vec{\beta}^2\,c - (\vec{r} - \vec{r_0}(\tau))\dot{\vec{\beta}}] \vec{\beta} \\ &\frac{d}{dt} \left(\frac{\vec{\beta}}{|\vec{r} - \vec{r_0}(\tau)|(1 - \vec{n}\,\vec{\beta})} \right) = \frac{c}{|\vec{r} - \vec{r_0}(\tau)^2|(1 - \vec{n}\,\vec{\beta})^3} \times \\ &\times \left(\vec{\beta}\,(\vec{n}\,\vec{\beta} - \vec{\beta}^2 + (\vec{r} - \vec{r_0}(\tau)))\dot{\vec{\beta}} \right) + |\vec{r} - \vec{r_0}(\tau)| \dot{\vec{\beta}} \left(1 - \vec{n}\,\vec{\beta} \right) \right) \end{aligned}$$

Приложение Е

$$\begin{split} &\frac{d}{dt}\frac{q(\tau)}{|\vec{r}-\vec{r_0}(\tau)|(1-\vec{n}\,\vec{\beta})} = \frac{d\,\tau}{dt}\frac{d}{d\,\tau}\frac{q(\tau)}{|\vec{r}-\vec{r_0}(\tau)|(1-\vec{n}\,\vec{\beta})} = \\ &= \frac{-1}{|\vec{r}-\vec{r_0}(\tau)^2|(1-\vec{n}\,\vec{\beta})^2}\frac{d\,\tau}{dt} \bigg((|\vec{r}-\vec{r_0}(\tau)|(1-\vec{n}\,\vec{\beta}))\frac{d}{d\,\tau}\,q(\tau) - q(\tau)\frac{d}{d\,\tau} (|\vec{r}-\vec{r_0}(\tau)|(1-\vec{n}\,\vec{\beta})) \bigg) \\ &\frac{d}{dt}\,q(\tau) = \dot{q}(\tau) \\ &\dot{q}(\tau)(|\vec{r}-\vec{r_0}(\tau)|(1-\vec{n}\,\vec{\beta})) = \dot{q}(\tau)(|\vec{r}-\vec{r_0}(\tau)| - (\vec{r}-\vec{r_0}(\tau))\vec{\beta}) \\ &\frac{d}{d\,\tau} (|\vec{r}-\vec{r_0}(\tau)|(1-\vec{n}\,\vec{\beta})) = [-\vec{n}\,\vec{\beta}\,c + \vec{\beta}^2\,c - (\vec{r}-\vec{r_0}(\tau))\dot{\vec{\beta}}] \\ &\frac{-1}{|\vec{r}-\vec{r_0}(\tau)^2|(1-\vec{n}\,\vec{\beta})^3} \Big(\dot{q}(\tau)[|\vec{r}-\vec{r_0}(\tau)|(1-\vec{n}\,\vec{\beta})] - q(\tau)[-\vec{n}\,\vec{\beta}\,c + \vec{\beta}^2\,c - (\vec{r}-\vec{r_0}(\tau))\dot{\vec{\beta}}] \bigg) \end{split}$$

Приложение Ж

$$\begin{split} &\nabla \left(\frac{q(\tau)}{|\vec{r}-\vec{r}_0(\tau)|(1-\vec{n}\vec{\beta})}\right) = \frac{\partial}{\partial \vec{r}} \frac{q(\tau)}{|\vec{r}-\vec{r}_0(\tau)|(1-\vec{n}\vec{\beta})} + \frac{\partial}{\partial \tau} \left(\frac{q(\tau)}{|\vec{r}-\vec{r}_0(\tau)|(1-\vec{n}\vec{\beta})}\right) \nabla \tau \\ &\frac{\partial}{\partial \vec{r}} \left(\frac{q(\tau)}{|\vec{r}-\vec{r}_0(\tau)|(1-\vec{n}\vec{\beta})}\right) = \frac{1}{|\vec{r}-\vec{r}_0(\tau)|^2(1-\vec{n}\vec{\beta})^2} [0-q(\tau)(\vec{n}-\vec{\beta})] = \\ &= \frac{1}{|\vec{r}-\vec{r}_0(\tau)|^2(1-\vec{n}\vec{\beta})^3} [-q(\tau)(\vec{n}-\vec{\beta})](1-\vec{n}\vec{\beta}) \\ &\frac{\partial}{\partial \tau} \left(\frac{q(\tau)}{|\vec{r}-\vec{r}_0(\tau)|(1-\vec{n}\vec{\beta})}\right) = \frac{1}{|\vec{r}-\vec{r}_0(\tau)|^2(1-\vec{n}\vec{\beta})^2} x \\ &x \left[|\vec{r}-\vec{r}_0(\tau)|(1-\vec{n}\vec{\beta})\frac{\partial}{\partial \tau}q(\tau)-q(\tau)\frac{\partial}{\partial \tau}|\vec{r}-\vec{r}_0(\tau)|(1-\vec{n}\vec{\beta})\right] = \\ &= \frac{1}{|\vec{r}-\vec{r}_0(\tau)|^2(1-\vec{n}\vec{\beta})^2} \left[|\vec{r}-\vec{r}_0(\tau)|(1-\vec{n}\vec{\beta})\dot{q}(\tau)-q(\tau)[-\vec{n}\vec{\nu}+\vec{\beta}\vec{\nu}-(\vec{r}-\vec{r}_0(\tau))\dot{\vec{\beta}}]\right] \\ &\nabla \left(\frac{q(\tau)}{|\vec{r}-\vec{r}_0(\tau)|^2(1-\vec{n}\vec{\beta})}\right) = \frac{1}{|\vec{r}-\vec{r}_0(\tau)|^2(1-\vec{n}\vec{\beta})^3} x \\ &x \left[-q(\tau)(\vec{n}-\vec{\beta})(1-\vec{n}\vec{\beta})-(\vec{r}-\vec{r}_0(\tau))(1-\vec{n}\vec{\beta})\frac{\dot{q}(\tau)}{c}+q(\tau)[-\vec{\beta}+\vec{n}\vec{\beta}^2-(\vec{r}-\vec{r}_0(\tau))\frac{\dot{\beta}}{c}\vec{n}]\right] = \\ &\text{тбросим на время общий множитель} \\ &= -q(\tau)(\vec{n}-\vec{\beta})(1-\vec{n}\vec{\beta})-|\vec{r}-\vec{r}_0(\tau)|(1-\vec{n}\vec{\beta})\dot{q}(\tau)\frac{\dot{q}(\tau)}{c}+q(\tau)[-\vec{\beta}+\vec{n}\vec{\beta}^2-(\vec{r}-\vec{r}_0(\tau))\frac{\dot{\beta}}{c}\vec{n}] = \\ &= -q(\tau)(\vec{n}-\vec{\beta}-\vec{\beta}+\vec{n}\vec{\beta}^2)-(\vec{r}-\vec{r}_0(\tau))\frac{\dot{q}(\tau)}{c}+(\vec{r}-\vec{r}_0(\tau))\vec{n}\vec{\beta}\frac{\dot{q}(\tau)}{c}-q(\tau)\vec{\beta}+q(\tau)\vec{\beta}^2\vec{n}-q(\tau)\vec{\beta}+q(\tau)\vec{\beta}^2\vec{n}-q(\tau)\vec{\beta}+q(\tau)\vec{\beta}^2\vec{n}-q(\tau)\vec{\beta}+q(\tau)\vec{\beta}^2\vec{n}-q(\tau)\vec{\beta}+q(\tau)\vec{\beta}^2\vec{n}-q(\tau)\vec{\beta}+q(\tau)\vec{\beta}^2\vec{n}-q(\tau)(\vec{r}-\vec{r}_0(\tau))\frac{\dot{\beta}}{c}\vec{n}=-|\vec{r}-\vec{r}_0(\tau)|(1-\vec{n}\vec{\beta})\dot{q}(\tau)\frac{\ddot{n}}{c}-q(\tau)\vec{n}+q(\tau)\vec{\beta}-\vec{n}\vec{\beta}^2q(\tau)-q(\tau)\vec{\beta}+q(\tau)\vec{\beta}-q(\tau)\vec{n}+q(\tau)\vec{\beta}-q(\tau)\vec{\beta$$

Приложение И

$$\begin{split} &\frac{d}{dt} \left(\frac{q(\tau)\vec{\beta}}{|\vec{r} - \vec{r}_0(\tau)|(1 - \vec{n}\,\vec{\beta})} \right) = \frac{1}{|\vec{r} - \vec{r}_0(\tau)|^2(1 - \vec{n}\,\vec{\beta})^2} \, x \\ & x \left[\left(|\vec{r} - \vec{r}_0(\tau)|(1 - \vec{n}\,\vec{\beta}) \right) \frac{d}{dt} \left(q(\tau)\vec{\beta} \right) - \left(q(\tau)\vec{\beta} \right) \frac{d}{dt} \left(|\vec{r} - \vec{r}_0(\tau)|(1 - \vec{n}\,\vec{\beta}) \right) \right] \\ & \frac{d}{dt} \left(q(\tau)\vec{\beta} \right) = \vec{\beta} \frac{d}{dt} \, q(\tau) + q(\tau) \frac{d}{dt} \, \vec{\beta} = [\vec{\beta}\dot{q}(\tau) + \dot{\vec{\beta}} \, q(\tau)] \left(\frac{1}{(1 - \vec{n}\,\vec{\beta})} \right) \\ & \frac{1}{|\vec{r} - \vec{r}_0(\tau)|^2(1 - \vec{n}\,\vec{\beta})^3} \left[(\vec{\beta}\,\dot{q}(\tau)) + \dot{\vec{\beta}} \, q(\tau) \right] (|\vec{r} - \vec{r}_0(\tau)|(1 - \vec{n}\,\vec{\beta}) \right] = \\ & = \frac{1}{|\vec{r} - \vec{r}_0(\tau)|^2(1 - \vec{n}\,\vec{\beta})^3} \left[\vec{\beta}\,\dot{q}(\tau) (|\vec{r} - \vec{r}_0(\tau)| - (\vec{r} - \vec{r}_0(\tau))\vec{\beta}) + \dot{\vec{\beta}} \, q(\tau) (|\vec{r} - \vec{r}_0(\tau)| - (\vec{r} - \vec{r}_0(\tau))\vec{\beta}) \right] \\ & \frac{d}{dt} \left(|\vec{r} - \vec{r}_0(\tau)|(1 - \vec{n}\,\vec{\beta}) \right) = \frac{d\tau}{dt} \, \frac{d}{d\tau} \, \left(|\vec{r} - \vec{r}_0(\tau)| - (\vec{r} - \vec{r}_0(\tau))\vec{\beta} \right) \\ & = \frac{1}{(1 - \vec{n}\,\vec{\beta})} \left[\vec{n}\,\vec{\beta}\,c + \vec{\beta}^2\,c - (\vec{r} - \vec{r}_0(\tau))\dot{\vec{\beta}} \right] \\ & \frac{d}{dt} \left(\frac{q(\tau)\vec{\beta}}{|\vec{r} - \vec{r}_0(\tau)|(1 - \vec{n}\,\vec{\beta})} \right) = \frac{1}{|\vec{r} - \vec{r}_0(\tau)|^2(1 - \vec{n}\,\vec{\beta})^3} \, x \\ & x \left[\vec{\beta}\,\dot{q}(\tau) (|\vec{r} - \vec{r}_0(\tau)| - (\vec{r} - \vec{r}_0(\tau))\vec{\beta}) + \dot{\vec{\beta}}\,q(\tau) (|\vec{r} - \vec{r}_0(\tau)|\vec{\beta}) - q(\tau)\vec{\beta}(\vec{n}\,\vec{\beta}\,c + \vec{\beta}^2\,c - (\vec{r} - \vec{r}_0(\tau))\dot{\vec{\beta}}) \right] \\ & = \frac{1}{|\vec{r} - \vec{r}_0(\tau)|^2(1 - \vec{n}\,\vec{\beta})^3} \left[(|\vec{r} - \vec{r}_0(\tau)|(1 - \vec{n}\,\vec{\beta})(\vec{\beta}\,\dot{q}(\tau) + \dot{\vec{\beta}}\,q(\tau))) - q(\tau)\vec{\beta}(\vec{n}\,\vec{\beta}\,c + \vec{\beta}^2\,c - (\vec{r} - \vec{r}_0(\tau))\dot{\vec{\beta}}) \right] \end{aligned}$$

Приложение К