

- **Enunciado:**

Una red de difracción con unas rendijas separadas por $0.60 \times 10^{-3} \text{ cm}$ esta iluminada por luz con una longitud de onda de 500 nm . ¿A que ángulo aparecerá el máximo de tercer orden?

- **Solución:**

Para este caso, lo que debemos hacer es utilizar

$$\alpha \sin \theta_m = m\lambda.$$

En este caso, lo que nos interesa es θ_m por lo tanto desarrollamos como sigue.

$$\begin{aligned}\alpha \sin \theta_m &= m\lambda \\ \sin \theta_m &= \frac{m\lambda}{\alpha}\end{aligned}$$

Ahora bien, en este caso tenemos $m = 3$, $\lambda = 500 \text{ nm}$ y $\alpha = 0.60 \times 10^{-3} \text{ cm}$. Sin embargo, en este caso necesitamos convertir las unidades. Por lo tanto nos queda

$$\begin{aligned}\lambda &= 500 \text{ nm} = 5 \times 10^{-7} \\ \alpha &= 0.60 \times 10^{-3} \text{ cm} = 6.0 \times 10^{-6} \text{ m}.\end{aligned}$$

Con esto ya acomodado podemos reemitirnos a la ecuación que despejamos previamente. Por lo tanto, esto nos queda como

$$\begin{aligned}\sin \theta_m &= \frac{m\lambda}{\alpha} \\ &= \frac{3(5 \times 10^{-7})}{6 \times 10^{-6}} \\ \sin^{-1}(\sin \theta_m) &= \sin^{-1}\left(\frac{3(5 \times 10^{-7})}{6 \times 10^{-6}}\right) \\ \theta &= \sin^{-1}(0.25) \\ \theta &\approx 14^\circ.\end{aligned}$$

- **Revisión Unidades:**

En este caso, unicamente dos de los valores tenían unidades y ambos eran unidades de longitud. Además dado que estaban en denominador y numerador esto se cancelaba. Si se desea el desarrollo este es como sigue:

$$\sin \theta_m = \frac{[L]}{[L]}.$$

Es obvio entonces que $\sin \theta_m$ es adimensional como era de esperarse