

Primera Pregunta

En este caso desarrollamos por nodos. Tomando en cuenta que:

$$\begin{aligned}I_1 &= \frac{V_A - V_B}{R_S} = \frac{V_S - V_B}{R_S} \\I_2 &= \frac{V_B - V_C}{R} = \frac{V_B}{R} \\I_3 &= \frac{V_B - V_H}{2R} \\I_4 &= \frac{V_C - V_D}{2R} = -\frac{V_D}{2R} \\I_5 &= \frac{V_D - V_E}{R} = \frac{V_D}{R} \\I_6 &= \frac{V_E - V_F}{2R} = -\frac{V_F}{2R} \\I_7 &= \frac{V_F - V_G}{R} = \frac{V_F}{R} \\I_8 &= \frac{V_G - V_H}{2R} = -\frac{V_H}{2R} \\I_{R_L} &= \frac{0 - V_H}{R_L} = -\frac{V_H}{R_L}.\end{aligned}$$

Por los nodos C , E y G sabemos que:

$$\begin{aligned}I_2 &= I_4 \\I_5 &= I_6 \\I_7 &= I_8.\end{aligned}$$

Con lo que podemos desarrollar:

$$\begin{aligned}I_2 &= \frac{V_B}{R} = -\frac{V_D}{2R} = I_4 \rightarrow V_D = -2V_B \\I_5 &= \frac{V_D}{R} = -\frac{V_F}{2R} = I_6 \rightarrow V_D = -\frac{V_F}{2} \\I_7 &= \frac{V_F}{R} = -\frac{V_H}{2R} = I_8 \rightarrow V_F = -\frac{V_H}{2} \\V_D &= -2V_B = -\frac{V_F}{2} \rightarrow V_F = 4V_B \\V_H &= -2V_F \\V_H &= -2(4V_B) \\V_H &= -8V_B.\end{aligned}$$

Ahora con el nodo B queda

$$\begin{aligned}
 I_1 &= I_2 + I_3 \\
 \frac{V_S - V_B}{R_S} &= \frac{V_B}{R} + \frac{V_B - V_H}{2R} \\
 V_H &= -8V_B \\
 \frac{V_S - V_B}{R_S} &= \frac{V_B}{R} + \frac{9V_B}{2R} = \frac{11V_B}{2R} \\
 \frac{V_S}{R_S} &= \frac{11V_B}{2R} + \frac{V_B}{R_S} \\
 V_S &= V_B \left(\frac{11R_S}{2R} + 1 \right) \\
 V_B &= V_S \left(\frac{2R}{11R_S + 2R} \right) \\
 V_H &= -8 \left(\frac{2RV_S}{11R_S + 2R} \right) \\
 V_{out} = V_H &= -\frac{16RV_S}{11R_S + 2R}.
 \end{aligned}$$

Segunda Pregunta

1. En este caso es prudente iniciar definiendo un par de variables que utilizaremos despues:

$$\begin{aligned}
 \mathbb{Z}_1 &= \left(\frac{1}{\mathbb{Z}_{C_1}} + \frac{1}{\mathbb{Z}_{R_1}} \right)^{-1} + \mathbb{Z}_{R_S} \\
 \mathbb{Z}_2 &= \left(\frac{1}{\mathbb{Z}_{C_2}} + \frac{1}{\mathbb{Z}_{R_2}} \right)^{-1} = \frac{\mathbb{Z}_{C_2}\mathbb{Z}_{R_2}}{\mathbb{Z}_{C_2} + \mathbb{Z}_{R_2}}.
 \end{aligned}$$

Ahora bien, por medio de analisis de nodos (que fue realizado en una hoja de papel y que realmente no aporta especialmente mucho el ponerlo en este documento). podemos llegar

a:

$$\begin{aligned}
 V_{out} &= -\frac{\mathbb{Z}_2}{\mathbb{Z}_1} V_S \\
 V_{out} &= -\frac{\frac{\mathbb{Z}_{C_2} \mathbb{Z}_{R_2}}{\mathbb{Z}_{C_2} + \mathbb{Z}_{R_2}}}{\left(\frac{1}{\mathbb{Z}_{C_1}} + \frac{1}{\mathbb{Z}_{R_1}}\right)^{-1} + \mathbb{Z}_{R_S}} V_S \\
 \mathbb{Z}_2 &= \frac{\frac{R_2}{j\omega C_2}}{\frac{1}{j\omega C_2} + R_2} = \frac{R_2}{(1 + j\omega C_2 R_2)} \\
 \mathbb{Z}_1 &= \left(j\omega C_1 + \frac{1}{R_1}\right)^{-1} + R_S = \left(\frac{j\omega C_1 R_1 + 1}{R_1}\right)^{-1} + R_S \\
 &= \frac{R_1}{1 + j\omega C_1 R_1} + R_S = \frac{R_1 + R_S + j\omega C_1 R_1 R_S}{1 + j\omega C_1 R_1} \\
 V_{out} &= -\frac{\frac{R_2}{1 + j\omega C_2 R_2}}{\frac{R_1 + R_S + j\omega C_1 R_1 R_S}{1 + j\omega C_1 R_1}}
 \end{aligned}$$

$$V_{out} = -\frac{1 + j\omega C_1 R_1}{R_1 + R_S - \omega^2 C_1 C_2 R_1 R_2 R_S + j\omega C_1 R_1 R_S + j\omega C_2 R_2 R_1 + j\omega C_2 R_2 R_S} (V_S R_2).$$

Ahora podemos usar: $V_S R_2 \Rightarrow V_S R_2 \angle 0^\circ$

Con lo que llegamos a:

$$\begin{aligned}
 |V_{out}(\omega)| &= -\frac{\sqrt{1^2 + (\omega C_1 R_1)^2} V_S R_2}{\sqrt{(R_1 + R_S - \omega^2 C_1 C_2 R_1 R_2 R_S)^2 + (\omega C_1 R_1 R_S + \omega C_2 R_2 R_1 + \omega C_2 R_2 R_S)^2}} \\
 P_{V_{out}} &= 0 + \arctan(\omega C_1 R_1) - \arctan\left(\frac{\omega C_1 R_1 R_S + \omega C_2 R_2 R_1 + \omega C_2 R_2 R_S}{R_1 + R_S - \omega^2 C_1 C_2 R_1 R_2 R_S}\right).
 \end{aligned}$$

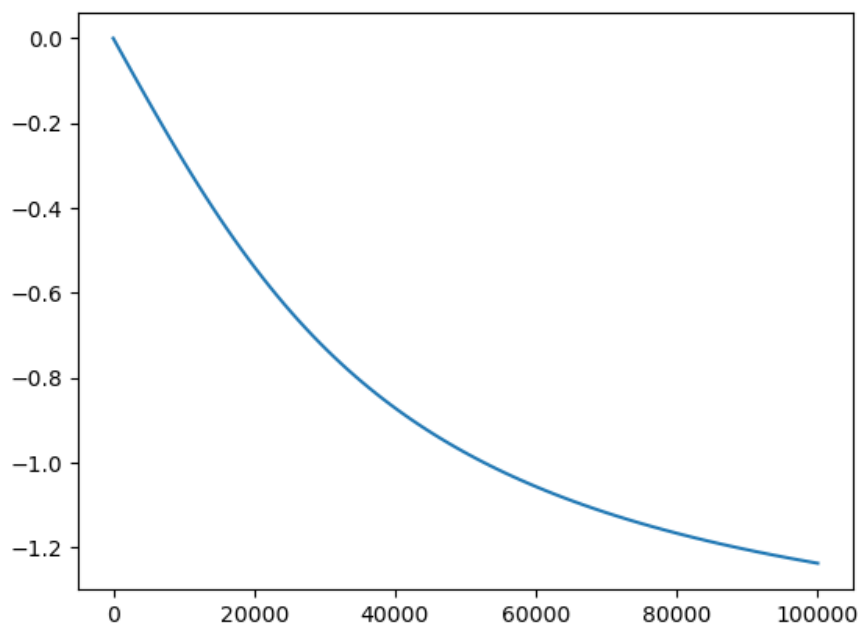


Figure 1: Grafica de la fase calculada previamente

2.

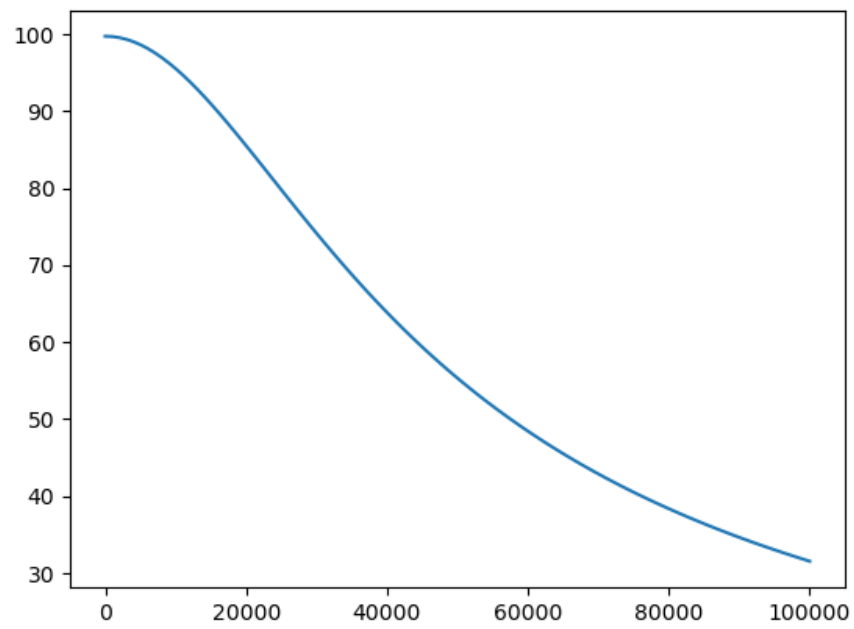


Figure 2: Grafica del voltaje de salida sobre el de la fuente respecto a omega y en valor absoluto.

3.