

7.2 Сложение чисел в экспоненциальной форме

В арифметике с плавающей запятой сложение и вычитание — более сложные операции, чем умножение и деление. Обусловлено это необходимостью выравнивания порядков операндов. Алгоритм сложения и вычитания включает в себя следующие основные фазы:

1. Определение операнда, имеющего меньший порядок, и сдвиг его мантиссы вправо на число разрядов, равное разности порядков операндов;
2. Приравнивание порядка результата большему из порядков операндов;
3. Сложение или вычитание мантисс и определение знака результата;
4. Проверку на переполнение;

С начала производится проверка с целью выяснения, не равен ли нулю один из операндов. Если это имеет место, в качестве результата сразу берется другой операнд.

В следующей фазе осуществляется выравнивание порядков обоих операндов. Для пояснения рассмотрим например сложения десятичных чисел с плавающей запятой: $123 \cdot 10^0 + 456 \cdot 10^{-2}$

Очевидно, что непосредственное сложение мантисс недопустимо, поскольку цифры мантисс, имеющие одинаковый вес, должны располагаться в эквивалентных позициях. Так, цифра 4 во втором числе должна суммироваться с цифрой 3 в первом. Этого можно добиться, если записать второе число так, чтобы порядки обоих чисел были равны:

$$123 \cdot 10^0 + 456 \cdot 10^{-2} = 123 \cdot 10^0 + 4,56 \cdot 10^0 = 127,56 \cdot 10^0$$

Выравнивание порядков операндов реализуется путем сдвига мантиссы меньшего из чисел на один разряд вправо с одновременным увеличением порядка этого числа на единицу. Действия повторяются до совпадения порядков. Если в процессе сдвига мантисса обращается в 0, то в качестве результата операции берется другой операнд.

Следующая фаза — сложение мантисс с учетом их знаков, что при одинаковых знаках мантисс может привести к переполнению. В последнем случае мантисса результата сдвигается вправо на один разряд, а порядок