

QUESTÃO 1 ALTERNATIVA B

Os números que estão escritos dentro do triângulo são: 3, 4, 5, 6 e 7. Os que estão dentro do círculo são: 1, 2, 4, 5, 6, 8, 9 e 10. Deste modo, os que estão dentro do círculo e do triângulo são: 4, 5 e 6. Como 4 está dentro do quadrado, apenas os números 5 e 6 satisfazem as condições do enunciado. Somando-os, obtemos $5 + 6 = 11$.

QUESTÃO 2 ALTERNATIVA B

Observando como os anéis estão entrelaçados, vemos que não é possível soltar todos os seis anéis cortando apenas um deles. De fato, cortando só o vermelho, só ele se solta; o mesmo acontece se cortarmos só o verde claro, só o azul escuro ou só o verde escuro. Cortando o azul claro, soltam-se ele e o vermelho, e, cortando o rosa, soltam-se ele e o azul escuro. Como há quatro anéis que estão soltos entre si (vermelho, verde claro, azul escuro e verde escuro), cortando os outros dois (azul claro e rosa), todos os seis anéis vão ficar soltos. Assim, o número mínimo de anéis que devem ser cortados para que todos fiquem soltos é 2.

QUESTÃO 3 ALTERNATIVA B

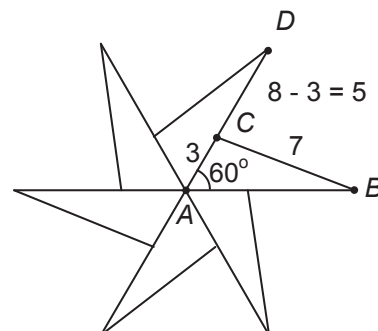
O comprimento do segmento é $8 - 5 = 3$ cm. Como ele foi dividido em 6 partes iguais, cada uma das partes mede $3 \div 6 = 0,5$ cm. Da marcação 5 até a marcação 6, temos um intervalo de 1 cm, mas $1 = 2 \times 0,5$, logo, a partir da marcação 5 cm, há duas partes de 0,5 cm para chegarmos até 6 cm. Concluimos que 6 cm corresponde ao ponto B.



QUESTÃO 4 ALTERNATIVA C

1ª solução: Observemos, em primeiro lugar, que o lado BC do triângulo, como na figura ao lado, mede 7 cm; já o lado AB , sendo maior que o lado AC , mede 8 cm e o lado AC , sendo o menor, mede 3 cm. Segue, então, que o segmento CD mede $8 - 3 = 5$ cm e o perímetro da figura é $6 \times 7 + 6 \times 5 = 72$ cm.

2ª solução: O perímetro de cada um dos triângulos é $3 + 7 + 8 = 18$ cm. Cada um deles tem o lado de 3 cm apoiado em um lado maior de outro triângulo; tanto esse lado quanto a parte correspondente do outro triângulo não contam para o perímetro da figura. Desse modo, cada triângulo deixa de acrescentar 6 cm ao perímetro da figura, que é, então, $6 \times 18 - 6 \times 6 = 72$ cm.



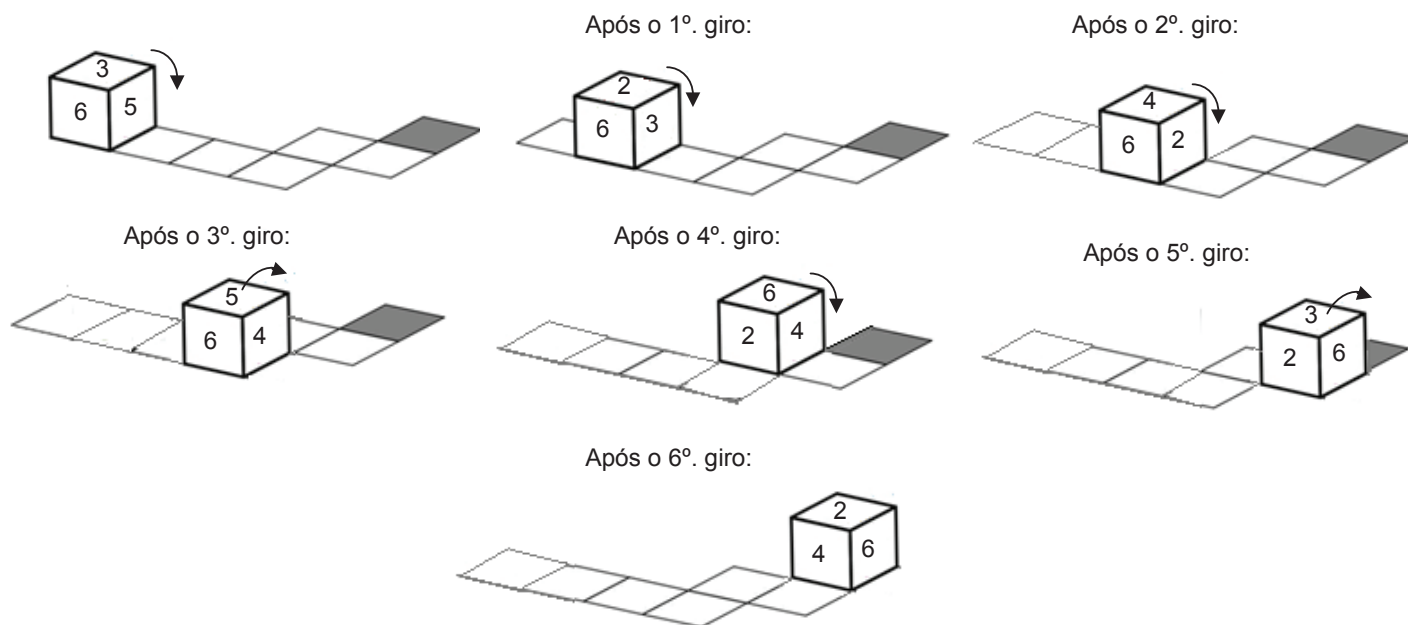
Observemos também que, como os seis ângulos que têm vértice em A são iguais e eles somam 360° , então, cada um deles mede $360^\circ \div 6 = 60^\circ$. É um fato notável que, em um triângulo de lados 3, 7 e 8, o ângulo entre o menor lado e o maior mede 60° .

QUESTÃO 5 ALTERNATIVA C

O maior número de três algarismos é 999. Se dividirmos 999 por 13, temos como resultado 76 e resto 11. Logo, $999 - 11 = 988$ é o maior múltiplo de 13 com três algarismos e a soma de seus algarismos é $9 + 8 + 8 = 25$.

QUESTÃO 6 ALTERNATIVA B

O enunciado da questão mostra o dado em suas duas primeiras posições. Continuando os sucessivos giros, observamos que as faces do dado se comportam da seguinte maneira:



Assim, o número que aparece no topo do dado quando este estiver sobre a casa cinza é 2.

QUESTÃO 7 ALTERNATIVA E

Observe que a cartela com seis adesivos é idêntica à primeira cartela acrescida dos adesivos e . Logo, o preço da cartela com seis adesivos é igual a 16 reais mais o preço desses dois adesivos. Por outro lado, esses dois adesivos aparecem na segunda cartela juntamente com os adesivos e , mas esses dois últimos adesivos juntos custam 5 reais, como mostra a terceira cartela. Logo, o preço dos adesivos e , juntos, é $12 - 5 = 7$ reais e, como consequência, a cartela com seis adesivos custa $16 + 7 = 23$ reais.

Observe uma variação da solução:

$$\begin{aligned}
 & \left[\begin{array}{ccc} \text{pink star} & \text{blue star} & \text{green cylinder} \\ \text{blue star} & \text{pink star} & \text{blue star} \end{array} \right] = \left[\begin{array}{cc} \text{green cylinder} & \text{blue star} \\ \text{blue star} & \text{pink star} \end{array} \right]_{\text{R\$ 16,00}} + \left[\begin{array}{cc} \text{pink star} & \text{green cylinder} \\ \text{blue star} & \text{pink star} \end{array} \right]_{\text{R\$ 12,00}} - \left[\begin{array}{c} \text{green cylinder} \\ \text{pink star} \end{array} \right] \\
 & \left[\begin{array}{ccc} \text{pink star} & \text{blue star} & \text{green cylinder} \\ \text{blue star} & \text{pink star} & \text{blue star} \end{array} \right] = \left[\begin{array}{cc} \text{green cylinder} & \text{blue star} \\ \text{blue star} & \text{pink star} \end{array} \right]_{\text{R\$ 16,00}} + \left[\begin{array}{cc} \text{pink star} & \text{green cylinder} \\ \text{blue star} & \text{pink star} \end{array} \right]_{\text{R\$ 12,00}} - \frac{1}{2} \times \left[\begin{array}{cc} \text{pink star} & \text{green cylinder} \\ \text{green cylinder} & \text{pink star} \end{array} \right]_{\text{R\$ 10,00}}
 \end{aligned}$$

Ou seja,

Portanto, o preço da cartela com seis adesivos é igual a $16 + 12 - 5 = 23$ reais.

QUESTÃO 8 ALTERNATIVA A

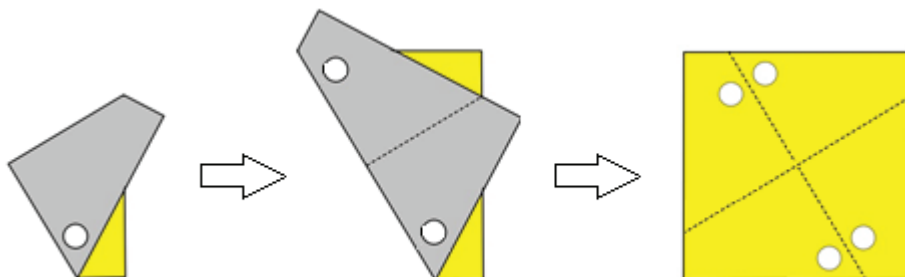
Um número natural cujo dobro é um número de dois algarismos deve estar entre 5 e 49. Por outro lado, os números pares são aqueles cuja metade é um número natural, o que reduz a nossa escolha, dentre os números no intervalo acima, aos números pares que vão do 6 ao 48. Considerando agora que, além disso, queremos números cujas metades sejam números de dois algarismos, nossa escolha fica restrita aos números pares entre 20 e 48, incluindo o 20 e o 48. Podemos contá-los sem listá-los, observando, por exemplo, que

$$20 = 2 \times 10, 22 = 2 \times 11, 24 = 2 \times 12, \dots, 48 = 2 \times 24$$

e teremos $24 - 10 + 1 = 15$, números que satisfazem as condições do enunciado.

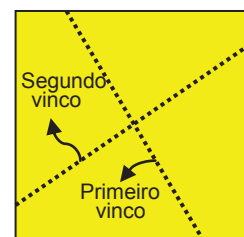
QUESTÃO 9 ALTERNATIVA A

Iniciamos observando que Joãozinho fez 4 furos na folha desdobrada, uma vez que, após as duas dobras, o local escolhido para furar tem 4 camadas de papel. A figura abaixo mostra a posição dos furos após cada desdobra. Observamos ainda que, após uma desdobra, para cada furo, obtemos dois: um na mesma posição e outro em posição simétrica à linha de desdobra.

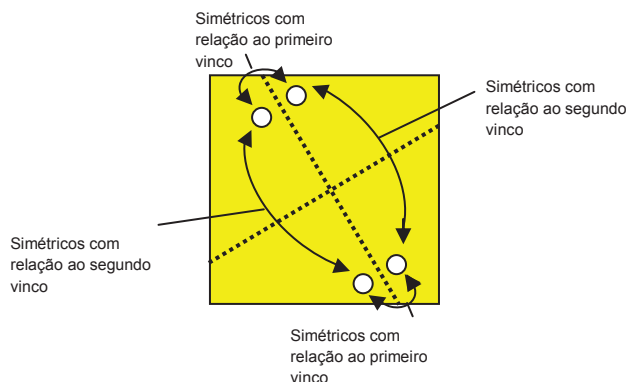


Dentre as figuras das alternativas, apenas a primeira respeita essas simetrias.

Vejamos com mais detalhes: na folha desdobrada, notamos que os vincos deixados pelas duas dobras feitas têm o seguinte aspecto:



Há dois furos inferiores simétricos com relação ao primeiro vinco e mais dois furos superiores que aparecem quando desdobramos a última dobra; esses furos superiores são simétricos aos inferiores com relação ao segundo vinco.



QUESTÃO 10 ALTERNATIVA B

Como um dos palpites foi 234, o número de sementes na abóbora deve ser um dos números:

$$234 - 31 = 203, 234 - 17 = 217, 234 - 9 = 225, 234 + 9 = 243, 234 + 17 = 251 \text{ ou } 234 + 31 = 265.$$

Como um dos palpites foi 260, o número de sementes na abóbora deve ser um dos números:

$$260 - 31 = 229, 260 - 17 = 243, 260 - 9 = 251, 260 + 9 = 269, 260 + 17 = 277 \text{ ou } 260 + 31 = 291.$$

Os únicos números que aparecem nas duas listas acima são 243 e 251. Se o número de sementes na abóbora fosse 243, o palpite 274 estaria errado por 31, que é coerente com o enunciado. Entretanto, se o número de sementes na abóbora fosse 251, o palpite 274 estaria errado por 23, o que não é coerente com o enunciado.

Logo, o número de sementes na abóbora é $243 = 10 \times 24 + 3$ e, no último montinho, havia 3 sementes.

Outra solução: A diferença entre o maior e o menor palpite é $274 - 234 = 40$. Como nenhum palpite está errado por mais de 40, concluímos que o número correto de sementes está entre 234 e 274. Desta forma, a soma dos erros, em valor absoluto, cometidos pelo menor palpite e pelo maior palpite deve ser igual a 40. Dentre os erros informados no enunciado, o único par cuja soma é 40 é (9, 31). Há, portanto, duas possibilidades:

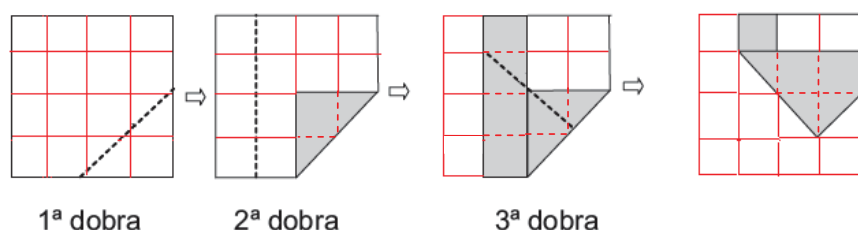
1ª) o número de sementes é $234 + 9 = 243$ ou

2ª) o número de sementes é $234 + 31 = 265$.

No primeiro caso, os erros cometidos pelos palpites 234, 260 e 274 são, respectivamente, 9, 17 e 31, coerentes com o enunciado. No segundo caso, esses mesmos erros são, respectivamente, 31, 5 e 9, incoerentes com o enunciado. Portanto, o número de sementes é 243. Como $243 = 24 \times 10 + 3$, no último montinho havia 3 sementes.

QUESTÃO 11 ALTERNATIVA C

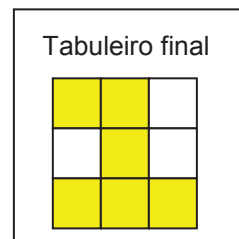
Podemos colocar a folha de papel sobre um quadriculado que a divide inicialmente em 16 quadradinhos iguais. Cada um desses quadradinhos tem área igual a 25 cm^2 , pois o lado da folha de papel mede 20 cm. A figura abaixo ilustra essa sobreposição:



Assim, a área da parte cinza que ficou visível é $3 \times 25 + 3 \times (25/2) = 112,5 \text{ cm}^2$.

QUESTÃO 12 ALTERNATIVA D

A cor de cada casa é alterada pelo toque em cinco casas do tabuleiro, a saber, ela e as demais casas da mesma linha ou da mesma coluna. Ou seja, ao se tocar em todas as nove casas, a cor de cada casa é alterada em um número ímpar de vezes. Consequentemente, todas as casas têm sua cor alterada de branco para amarelo ou vice-versa. Como no tabuleiro inicial havia seis casas brancas e três amarelas, ao final, concluímos que seis casas ficaram amarelas.



QUESTÃO 13

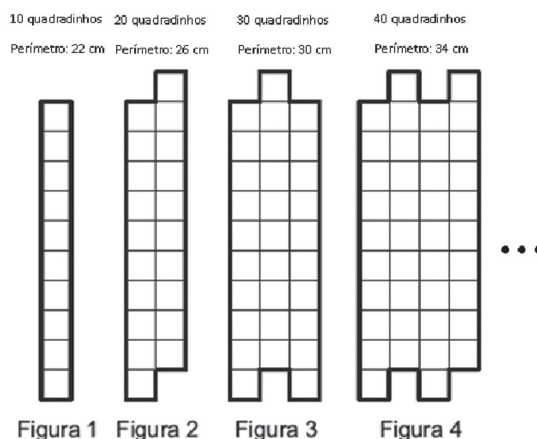
ALTERNATIVA E

Solução 1: Para construir uma figura a partir da anterior, na sequência, basta acrescentar uma coluna de 10 quadradinhos. A cada vez que isto é feito, são escondidos 9 lados dos quadradinhos da figura anterior e 9 lados da coluna que estamos adicionando. Como cada coluna é igual à Figura 1, seu perímetro é 22 cm e, como desaparecem $9 + 9 = 18$ lados de quadradinhos, o aumento do perímetro de uma figura em relação à anterior é de $22 - 18 = 4$ cm.

Para obter a figura com 1000 quadradinhos a partir da primeira, precisamos juntar a ela 99 colunas, pois $1000 - 10 = 990$ quadradinhos = 99 colunas de 10 quadradinhos. Logo, o perímetro da figura com 1000 quadradinhos é $22 + 99 \times 4 = 418$ cm.

Solução 2 (necessita do conhecimento de progressões aritméticas): A Figura 1 tem perímetro igual a 22 cm; a Figura 2 tem perímetro $22 + 4 = 26$ cm; a Figura 3 tem perímetro $22 + 8 = 30$ cm, etc. A sequência dos perímetros 22, 26, 30, ... é uma progressão aritmética de razão 4 e primeiro termo 22.

A Figura 1 tem 10 quadradinhos, a Figura 2 tem 20 quadradinhos, a Figura 3 tem 30 quadradinhos, etc. Podemos concluir que a figura formada por 1000 quadradinhos é a figura de número $1000 \div 10 = 100$ na sequência das figuras. Logo, seu perímetro é o perímetro do 100º termo da sequência de perímetros, igual a $22 + (100 - 1) \times 4 = 418$ cm.



QUESTÃO 14

ALTERNATIVA D

A tabela abaixo indica o que João e Maria dizem a respeito do dia da brincadeira (hoje, no diálogo) em cada pergunta:

Pergunta	João	Maria
Primeira	quinta	sexta
Segunda	domingo	sábado
Terceira	quarta	quinta

Como, pelo enunciado, João e Maria deram a resposta correta exatamente uma vez, concluímos que a brincadeira aconteceu em uma quinta-feira.

Outra solução: Observamos que a resposta correta de João foi para a primeira pergunta “Que dia da semana é hoje?”. As outras duas respostas de João não podem ser verdadeiras, pois implicariam que todas as respostas de Maria estariam erradas. De fato, se a resposta correta de João fosse para a pergunta “Que dia da semana será amanhã?”, ou seja, se o dia seguinte fosse uma segunda-feira, a conversa teria ocorrido em um domingo e o dia anterior seria um sábado, confirmando que as três respostas de Maria estariam erradas. Conclusão análoga é encontrada se a resposta correta de João fosse para a pergunta “Que dia da semana foi ontem?”. Portanto, a conversa ocorreu em uma quinta-feira.

QUESTÃO 15

ALTERNATIVA D

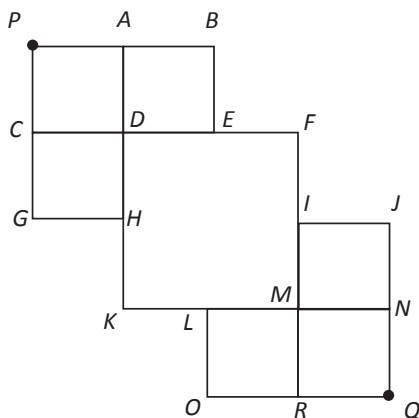
O numerador da fração com denominador 3 só pode ser igual a 0 ou igual a 1, pois qualquer outro número natural maior do que 1 produziria, quando dividido por 3, um número maior do que $\frac{5}{11}$. Logo,

$$\frac{\text{?}}{\text{?}} = \frac{5}{11} - \frac{0}{3} = \frac{5}{11} \quad \text{ou} \quad \frac{\text{?}}{\text{?}} = \frac{5}{11} - \frac{1}{3} = \frac{4}{33}$$

e o menor denominador possível para a primeira das frações é, portanto, 4.

QUESTÃO 16 ALTERNATIVA A

Para ir de P a Q , a formiguinha deve passar ou pelo ponto E ou pelo ponto H ; o enunciado mostra que não há nenhum caminho que passe por ambos esses pontos.



Segue que

$$\begin{array}{l} \text{número de caminhos} \\ \text{de } P \text{ a } Q \end{array} = \begin{array}{l} \text{número de caminhos} \\ \text{de } P \text{ a } Q \\ \text{passando por } E \end{array} + \begin{array}{l} \text{número de caminhos} \\ \text{de } P \text{ a } Q \\ \text{passando por } H \end{array}$$

De E ela deve seguir necessariamente a I e depois para Q ; o Princípio Multiplicativo nos mostra que

$$\begin{array}{l} \text{número de caminhos} \\ \text{de } P \text{ a } Q \\ \text{passando por } E \end{array} = \begin{array}{l} \text{número de caminhos} \\ \text{de } P \text{ a } E \end{array} \times \begin{array}{l} \text{número de caminhos} \\ \text{de } I \text{ a } Q \end{array}$$

Do mesmo modo, o número de caminhos de P a Q passando por H é

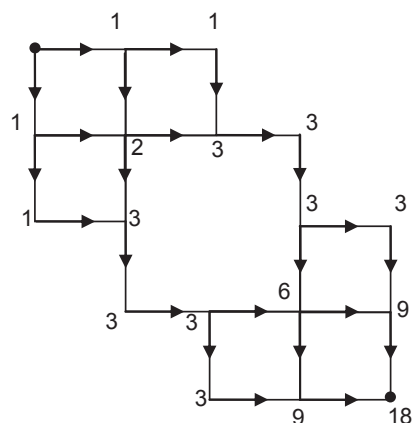
$$\begin{array}{l} \text{número de caminhos} \\ \text{de } P \text{ a } Q \\ \text{passando por } H \end{array} = \begin{array}{l} \text{número de caminhos} \\ \text{de } P \text{ a } H \end{array} \times \begin{array}{l} \text{número de caminhos} \\ \text{de } L \text{ a } Q \end{array}$$

e segue que o número total de caminhos de P a Q é

$$\begin{array}{l} \text{número de} \\ \text{caminhos} \\ \text{de } P \text{ a } E \end{array} \times \begin{array}{l} \text{número de} \\ \text{caminhos} \\ \text{de } I \text{ a } Q \end{array} + \begin{array}{l} \text{número de} \\ \text{caminhos} \\ \text{de } P \text{ a } H \end{array} \times \begin{array}{l} \text{número de} \\ \text{caminhos} \\ \text{de } L \text{ a } Q \end{array}$$

A simetria da figura nos mostra que todos os fatores da expressão acima são iguais. Basta, então, calcular, por exemplo, quantos são os caminhos de P a E . Eles são três, a saber: $PABE$, $PADE$ e $PCDE$, e segue que o número total de caminhos é $3 \times 3 + 3 \times 3 = 18$.

Outra solução: Podemos anotar, em cada vértice, o número de caminhos que chegam naquele vértice (basta somar os números anteriores associados a lados que chegam naquele vértice):

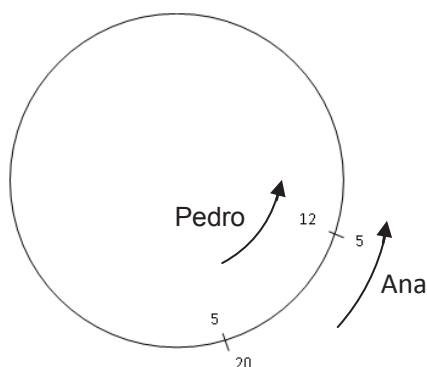


QUESTÃO 17 ALTERNATIVA A

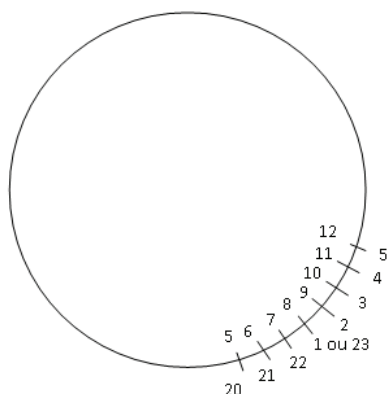
Como a 5ª casa contada por Ana foi a 12ª contada por Pedro, concluímos que Pedro está contando 7 = 12 – 5 casas à frente de Ana. Portanto, em geral, para determinarmos o número atribuído a uma casa por Pedro, basta acrescentar 7 ao número atribuído por Ana a essa mesma casa. Nos casos em que essa soma ultrapassar o número total de casas, devemos ter atenção. Isso pode ocorrer, uma vez que as casas estão dispostas em forma circular, contornando a praça. Identificamos esses casos quando o número de Pedro for menor que o número de Ana para a mesma casa.

Seguindo esse raciocínio, a 20ª casa contada por Ana deve ser a 27ª contada por Pedro, mas o enunciado nos diz que ela corresponde à 5ª casa contada por Pedro. Consequentemente, 27 é maior que o número total de casas. Logo, se Pedro, ao terminar a volta na praça após contar a última casa, continuar contando, então ele atribuirá o número 27 à mesma casa a que ele atribuiu o número 5, na primeira volta completa. Ou seja, Pedro contou 5 casas após a última e obteve 27. Portanto, o número total de casas é $27 - 5 = 22$.

Para ilustrar a solução, podemos representar a praça desenhando uma circunferência; colocamos por fora os números contados por Ana e por dentro os números contados por Pedro. O enunciado fornece os seguintes dados:



Colocamos, a seguir, os valores intermediários e vemos que a casa 23 da contagem de Pedro coincide com a casa 1 da contagem de Ana. Logo, há 22 casas em volta da praça.



QUESTÃO 18 **ALTERNATIVA D**

Como o número total de bolas em cinco caixas consecutivas é sempre o mesmo, a quantidade de bolas da primeira até a quinta caixa deve ser igual à quantidade de bolas da segunda até a sexta caixa:

$$(n^\circ \text{ de bolas na Caixa 1}) + 5 + 9 + 1 + (n^\circ \text{ de bolas na Caixa 5}) =$$

$$5 + 9 + 1 + (n^\circ \text{ de bolas na Caixa 5}) + (n^\circ \text{ de bolas na Caixa 6})$$

Logo, $(n^\circ \text{ de bolas na Caixa 1}) = (n^\circ \text{ de bolas na Caixa 6})$.

Pelo mesmo motivo, começando da segunda caixa e depois na terceira caixa,

$$5 + 9 + 1 + (n^\circ \text{ de bolas na Caixa 5}) + (n^\circ \text{ de bolas na Caixa 6}) =$$

$$9 + 1 + (n^\circ \text{ de bolas na Caixa 5}) + (n^\circ \text{ de bolas na Caixa 6}) + (n^\circ \text{ de bolas na Caixa 7}).$$

Logo, o número de bolas na Caixa 7 é 5.

De modo análogo, vemos que o número de bolas da Caixa 8 é 9, o número de bolas na Caixa 9 é 1, que a Caixa 10 possui o mesmo número de bolas que o da Caixa 5 e a Caixa 11, o mesmo número de bolas que o da Caixa 6, o qual é igual ao número de bolas na Caixa 1, como vimos acima. As quantidades de bolas repetem-se a cada cinco caixas.

Na ilustração há a informação de que as caixas contendo 3 e 7 bolas são vizinhas; para que isto ocorra, a Caixa 1 deve conter 7 bolas e as caixas 5 e 6 devem conter, respectivamente, 3 e 7 bolas. Assim, os conteúdos das caixas formam a sequência 7, 5, 9, 1, 3, 7, 5, 9, 1, 3

De fato, não pode ocorrer que a primeira caixa contenha 3 bolas, pois isto geraria a sequência 3, 5, 9, 1, 7, 3, 5, 9, 1, 7, ... e a ordem entre 3 e 7 seria incompatível com o que aparece na ilustração no enunciado.

Para descobrir o conteúdo da Caixa 2016, fazemos a divisão de 2016 por 5; o resto é 1 e isto nos diz que o conteúdo da Caixa 2016 é o mesmo que o da Caixa 1, ou seja, que a Caixa 2016 contém 7 bolas.

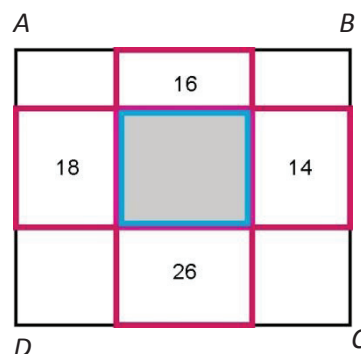
Solução 2: (utilizando Álgebra)

Sejam x_1, x_2, x_3, x_4, x_5 e x_6 os números de bolas distribuídas em seis caixas consecutivas, respectivamente. Como o número total de bolas em cinco caixas consecutivas é sempre o mesmo, segue que $x_1 + x_2 + x_3 + x_4 + x_5 = x_2 + x_3 + x_4 + x_5 + x_6$ e, conseqüentemente, $x_1 = x_6$. Assim, caixas cujos números diferem por cinco unidades contêm o mesmo número de bolas. Como em duas caixas consecutivas aparecem 3 e 7 bolas, concluímos que os conteúdos das caixas formam a sequência 7, 5, 9, 1, 3, 7, 5, 9, 1, 3 ..., pois a outra possibilidade, 3, 5, 9, 1, 7, 3, 5, 9, 1, 7 ..., é incompatível com a informação da ilustração. Assim, a caixa de número 2016 contém a mesma quantidade de bolas que a Caixa 1, a saber, 7 bolas.

QUESTÃO 19

ALTERNATIVA C

1ª solução: O perímetro do retângulo maior $ABCD$ é igual ao perímetro da figura em forma de cruz formada pelos cinco retângulos (os que possuem números marcados em seu interior e o retângulo cinza), como na ilustração ao lado. O perímetro dessa figura é igual à soma das medidas de todos os lados dos quatro retângulos externos, menos as de cada um de seus lados que coincidem com os lados do retângulo cinza. A soma das medidas de todos os lados desses quatro retângulos externos é $16 + 18 + 26 + 14 = 74$ e o perímetro da figura em forma de cruz é 54, pois ele é igual ao perímetro do retângulo $ABCD$. Logo, o perímetro do retângulo cinza é $74 - 54 = 20$ cm.



2ª solução (exige alguns conhecimentos de Álgebra):

As letras de a até f na figura são as medidas dos lados dos retângulos menores. Calculando o perímetro de cada um dos retângulos menores, temos:

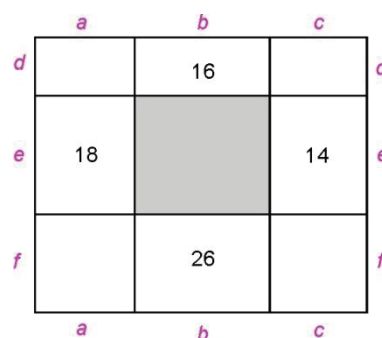
$$2b + 2d = 16$$

$$2a + 2e = 18$$

$$2c + 2e = 14$$

$$2b + 2f = 26$$

$$2b + 2e = ?$$



O perímetro do retângulo maior $ABCD$ é $2(a + b + c) + 2(d + e + f) = 2a + 2b + 2c + 2d + 2e + 2f = 54$.

Somando os perímetros dos quatro retângulos ao redor do retângulo central cujas medidas são dadas, temos:

$$2b + 2d + 2a + 2e + 2c + 2e + 2b + 2f = \underbrace{2a + 2b + 2c + 2d + 2e + 2f}_{\text{perímetro do retângulo maior}} + 2b + 2e$$

Assim, $16 + 18 + 14 + 26 = 54 + 2b + 2e \Leftrightarrow 2b + 2e = 74 - 54 = 20$.

Portanto, o perímetro do retângulo cinza é 20 cm.

QUESTÃO 20

ALTERNATIVA E

Solução 1: Uma sequência com três números é obtida após a aplicação de dois procedimentos a partir do primeiro número, finalizando no terceiro número igual a 1. Vamos fazer a contagem das sequências a partir da quantidade de algarismos do número inicial.

- número inicial com 3 algarismos:** nesse caso o único procedimento usado foi o de apagar o algarismo das unidades (duas vezes, consecutivamente). Nesta situação, o número inicial é ímpar (5 possibilidades para o algarismo das unidades), com o algarismo das dezenas também ímpar (também 5 possibilidades para o algarismo das dezenas), e com o algarismo das centenas igual a 1 (acima de 199, não obtemos o 1 como terceiro número aplicando apenas 2 procedimentos). Assim, existem $5 \times 5 \times 1 = 25$ números de três algarismos que geram uma sequência formada por três números.
- número inicial com 2 algarismos:** necessariamente usamos dois procedimentos diferentes para formá-la: apagamos os algarismos das unidades (se iniciar por um ímpar) ou dividimos por 2 (se iniciar por um par), nessa ordem ou vice-versa.
 - Se o primeiro número for ímpar, o algarismo das dezenas é 2 (pois deve ser o resultado obtido após apagar o seu algarismo das unidades). Nesse caso, temos 5 possibilidades.

- Se o primeiro número for par, o segundo é a sua metade. Nesse caso, o segundo termo deve ser ímpar (para usarmos, em continuação, o procedimento de apagar o algarismo das unidades). Como, após apagar as unidades, devemos obter 1, o número obtido no estágio intermediário é ímpar entre 10 e 20. Nesse caso, também temos 5 possibilidades.

Assim, existem $5 + 5 = 10$ números de dois algarismos que geram uma sequência formada por três números.

- número inicial com 1 algarismo:** temos duas sequências, uma com o número inicial igual a 4 e outra iniciando por 3.

Logo, o número de sequências formadas por três números é $25 + 10 + 2 = 37$.

A tabela abaixo mostra as possíveis sequências formadas por três números. Para isso, usamos as letras u e d, para representar, respectivamente, o algarismo das unidades e das dezenas do número inicial.

Número inicial	Observação	1º procedimento	Número intermediário	2º procedimento	Quantidade de sequências
1du	d e u ímpares	apaga unidade	1d	apaga unidade	$5 \times 5 = 25$
2u	u ímpar	apaga unidade	2	divide por 2	5
du	u par	divide por 2	ímpar entre 10 e 20	apaga unidade	5
u=4		divide por 2	2	divide por 2	1
u=3		soma 1 e divide por 2	2	divide por 2	1
total de sequências					37

Solução 2: As sequências descritas no enunciado que começam com números de apenas um algarismo são:

$2 \rightarrow 1$, $3 \rightarrow 2 \rightarrow 1$, $4 \rightarrow 2 \rightarrow 1$, $5 \rightarrow 3 \rightarrow 2 \rightarrow 1$, $6 \rightarrow 3 \rightarrow 2 \rightarrow 1$, $7 \rightarrow 4 \rightarrow 2 \rightarrow 1$ e $8 \rightarrow 4 \rightarrow 2 \rightarrow 1$ e $9 \rightarrow 5 \rightarrow 3 \rightarrow 2 \rightarrow 1$.

Destas, somente duas têm três termos: a que começa com 3 e a que começa com 4.

Há apenas as seguintes sequências com dois termos: $2 \rightarrow 1$, $11 \rightarrow 1$, $13 \rightarrow 1$, $15 \rightarrow 1$, $17 \rightarrow 1$ e $19 \rightarrow 1$. Utilizando-as, há dois procedimentos para se obter sequências com três termos:

1) Colocando-se como primeiro termo da sequência o dobro dos números iniciais das sequências com dois termos exibidas acima:

$4 \rightarrow 2 \rightarrow 1$, $22 \rightarrow 11 \rightarrow 1$, $26 \rightarrow 13 \rightarrow 1$, $30 \rightarrow 15 \rightarrow 1$, $34 \rightarrow 17 \rightarrow 1$ e $38 \rightarrow 19 \rightarrow 1$.

Observe que $4 \rightarrow 2 \rightarrow 1$ já havia sido contada antes e, portanto, no total, até agora, temos sete sequências de três termos.

2) Colocando-se como primeiro termo da sequência números iniciados com 2 (ou seja, com 2 na casa das dezenas) ou 11, 13, 15, 17 ou 19 (ou seja, com 1 na casa das centenas e um algarismo ímpar na casa das dezenas) e terminados com um número ímpar na casa das unidades:

$21 \rightarrow 2 \rightarrow 1$, $23 \rightarrow 2 \rightarrow 1$, $25 \rightarrow 2 \rightarrow 1$, $27 \rightarrow 2 \rightarrow 1$, $29 \rightarrow 2 \rightarrow 1$

$111 \rightarrow 11 \rightarrow 1$, $113 \rightarrow 11 \rightarrow 1$, $115 \rightarrow 11 \rightarrow 1$, $117 \rightarrow 11 \rightarrow 1$, $119 \rightarrow 11 \rightarrow 1$

$131 \rightarrow 13 \rightarrow 1$, $133 \rightarrow 13 \rightarrow 1$, $135 \rightarrow 13 \rightarrow 1$, $137 \rightarrow 13 \rightarrow 1$, $139 \rightarrow 13 \rightarrow 1$

$151 \rightarrow 15 \rightarrow 1$, $153 \rightarrow 15 \rightarrow 1$, $155 \rightarrow 15 \rightarrow 1$, $157 \rightarrow 15 \rightarrow 1$, $159 \rightarrow 15 \rightarrow 1$

$171 \rightarrow 17 \rightarrow 1$, $173 \rightarrow 17 \rightarrow 1$, $175 \rightarrow 17 \rightarrow 1$, $177 \rightarrow 17 \rightarrow 1$, $179 \rightarrow 17 \rightarrow 1$

$191 \rightarrow 19 \rightarrow 1$, $193 \rightarrow 19 \rightarrow 1$, $195 \rightarrow 19 \rightarrow 1$, $197 \rightarrow 19 \rightarrow 1$, $199 \rightarrow 19 \rightarrow 1$

Assim, ao todo temos $7 + 30 = 37$ sequências de três termos.