MINISTÉRIO DA DEFESA EXÉRCITO BRASILEIRO DECEX – DEPA

COLÉGIO MILITAR DE MANAUS

Manaus, AM, 25 de setembro de 2016. CONCURSO DE ADMISSÃO 2016/2017

MATEMÁTICA

1º Ano do Ensino Médio

INSTRUÇÕES CANDIDATO, LEIA COM ATENÇÃO!

- **1.** Esta prova é composta por um caderno de perguntas, que contém 20 itens de múltipla escolha, numerados de 01 a 20 e impressa em 11 páginas, inclusive a capa.
- 2. A Prova terá duração de 03 (três) horas.
- 3. Antes de iniciar a resolução da prova, confira seus dados no cartão resposta e assine-o.
- 4. O(a) candidato(a) tem 15 (quinze) minutos iniciais para tirar dúvidas quanto à impressão da prova. Qualquer falha de impressão, paginação ou falta de folhas deve ser apresentada ao FISCAL DE PROVA, que a solucionará.
- **5.** Use somente caneta esferográfica de tinta AZUL ou PRETA.
- **6.** ATENÇÃO! Não se esqueça de que as respostas dos itens **01 ao 20**, constantes deste caderno de perguntas, deverão, obrigatoriamente, ser transpostas para o CARTÃO-RESPOSTA.
- 7. O(a) candidato(a) só poderá sair da sala de aula 45 (quarenta e cinco) minutos após o início da prova. Após ausentar-se da sala, não volte a ela e não permaneça no passadiço das salas.
- **8.** Os candidatos que desejarem levar o caderno de questões, somente poderão fazê-lo após 1h 30 min do início da prova.
- **9.** É **PROIBIDO**: emprestar ou pedir material emprestado, o uso de corretor, de calculadora e de qualquer meio eletrônico de comunicação.
- **10.** O uso, ou porte, de meios ilícitos (cola) desclassificará o candidato deste concurso.
- **11.** Ao sair da sala, não se esqueça de recolher seus pertences.
- **12.** Marque cada resposta com atenção. Para o correto preenchimento do Cartão de Respostas, observe o exemplo abaixo:

_	· •	1 '	/ 1	e o cartão da seguinte	
maneira, utilizando-se somente de caneta esferográfica de tinta azul ou preta:					
A	В	$lue{\mathbf{C}}$	D	E	

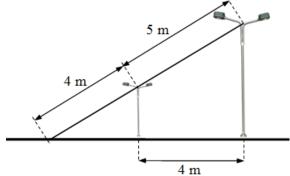
Página 2/11

Visto do Dir de Ens do CMM

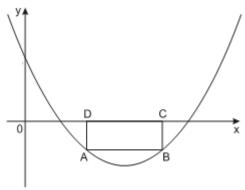
do Dir de Enis do Civ

1º Item – Dois postes perpendiculares ao solo estão a uma distância de 4 metros um do outro, e um fio bem esticado de 5 metros liga seus topos, como mostra a figura abaixo. Prolongando esse fio até prendê-lo no solo, são utilizados mais 4 metros de fio. A altura do maior poste é igual a:

- (A) 5,4 m
- (B) 6,2 m
- (C) 6,8 m
- (D) 8,4 m
- (E) 9,2 m



2º Item – O retângulo ABCD tem dois vértices na parábola de equação $y = \frac{1}{6}x^2 - \frac{11}{6}x + 3$ e dois vértices no eixo x, como mostra a figura abaixo.



Sabendo que D = (3,0), então, as coordenadas do ponto B são:

- (A)(5,-1)
- (B)(6, -2)
- (C)(6, -1)
- (D) (7, -2)
- (E)(8,-1)

Página 3/11

Visto do Dir de Ens do CMM

3º Item – Em uma seção de uma empresa com 20 funcionários, a distribuição dos salários mensais, segundo os cargos que ocupam, é a seguinte:

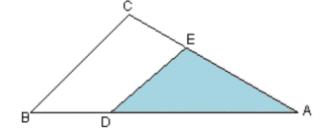
Cargo	N.º de empregados	Salário mensal (R\$)	
Gerentes	2	X	
Secretários	8	1.700,00	
Estagiários	10	1.200,00	

Sabendo-se que o salário médio desses funcionários é de R\$ 1.490,00, pode-se concluir que o salário de cada um dos dois gerentes é de:

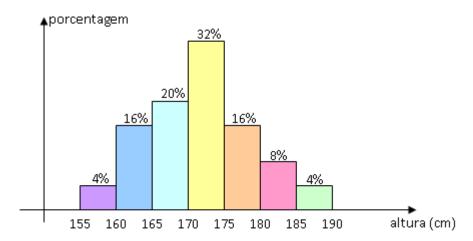
- (A) R\$ 2.900,00
- (B) R\$ 4.200,00
- (C) R\$ 2.100,00
- (D) R\$ 1.900,00
- (E) R\$ 3.400,00

 4° Item – Um terreno rural tem a forma do triangulo ABC representado na figura. A região cultivada corresponde apenas à porção sombreada. Sabendo-se que AD = $\frac{3}{5}$ AB e AE = $\frac{3}{5}$ AC, então, a porcentagem da área da propriedade rural cultivada é:

- (A) 50%
- (B) 60%
- (C) 36%
- (D) 75%
- (E) 40%



5° Item – O histograma da figura contém informações sobre as alturas de 25 alunos de uma sala de aula, do 1° ano do Ensino Médio, do Colégio Militar de Manaus.



Com base no gráfico é correto afirmar que

- (A) a quantidade de alunos com menos de 1,70 m é igual a 12.
- (B) a quantidade de alunos com altura entre 1,75 m e 1,90 m é menor que 10.
- (C) exatamente $\frac{2}{5}$ dos alunos da sala têm altura entre 1,70 m e 1,90 m.
- (D) a quantidade de alunos com mais de 1,80 m é maior que 4.
- (E) a quantidade de alunos com altura abaixo de 1,75 m é igual a 16.

6º Item – Uma cidade de 38.000 habitantes foi acometida por uma epidemia de gripe causada por um vírus contagioso. A velocidade (**V**) de contaminação da população da cidade foi calculada pela função $\mathbf{V} = \mathbf{k}\mathbf{x}\cdot(\mathbf{38.000} - \mathbf{x})$, sendo **k** um número real positivo e **x** o número de pessoas contaminadas. Quando a velocidade de contaminação atingiu o seu valor máximo, o número de pessoas contaminadas era de:

- (A) 15.000
- (B) 20.000
- (C) 19.000
- (D) 11.000
- (E) 38.000

Página 5/11

Visto do Dir de Ens do CMM

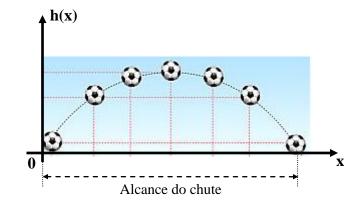
Down

7º Item – Navegando em linha reta, um navio passa sucessivamente pelos pontos A e B. O comandante, quando o navio está no ponto A, observa um farol em um ponto C e verifica que o ângulo AĈB mede 30°. Sabendo que o ângulo ABC é reto e que a distância entre os pontos A e B é de 6 milhas, então, a distância entre o farol e o ponto B é de:

- (A) $2\sqrt{3}$ milhas
- (B) $3\sqrt{2}$ milhas
- (C) $4\sqrt{3}$ milhas
- (D) $6\sqrt{2}$ milhas
- (E) $6\sqrt{3}$ milhas

8° Item – Durante uma partida de futebol, o goleiro de um dos times desferiu um chute na bola que descreveu uma trajetória parabólica segundo a equação $h(x) = -\frac{1}{32}x^2 + \frac{5}{2}x$, em que x é o deslocamento horizontal da bola e h(x) é a altura da bola em função de x, dados em metros, conforme mostra a figura abaixo. Dessa maneira, o alcance do chute desferido pelo goleiro foi de:

- (A) 50 m
- (B) 60 m
- (C) 70 m
- (D) 80 m
- (E) 90 m



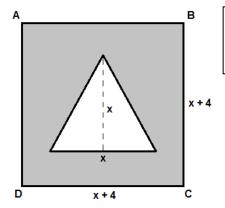
Página 6/11

Visto do Dir de Ens do CMM

9° Item – Simplificando a expressão $\frac{\left[1-\left(\frac{x}{y}\right)^{-2}\right]\cdot x^2}{\left(\sqrt{x}-\sqrt{y}\right)^2+2\sqrt{xy}}, \text{ com } x>y>0, \text{ obtemos:}$

- (A) x y
- (B) x + y
- (C) y-x
- (D) $x^2 + y^2$
- (E) $x^2 y^2$

10° Item – As medidas dos lados do quadrado ABCD da figura abaixo são dadas por expressões algébricas. A superfície sombreada tem área igual a 112 cm² e as medidas da base e da altura do triângulo são iguais a **x**. De acordo com essas informações, a medida do lado desse quadrado corresponde a:



Dados:

- Área do quadrado = medida do lado ao quadrado;
- Área do triângulo = metade do produto da base pela altura.

- (A) $8\sqrt{7}$ cm
- (B) $12\sqrt{3}$ cm
- (C) $8\sqrt{3}$ cm
- (D) 12 cm
- (E) 8 cm

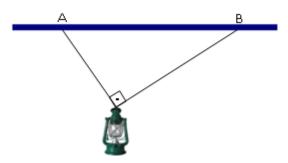
Página 7/11

Visto do Dir de Ens do CMM

11º Item – Um lampião está suspenso por duas cordas que formam entre si um ângulo reto, conforme mostra a figura abaixo. Os pontos A e B, no teto, estão distantes 20 cm um do outro. Sabendo-se que a razão entre as medidas das cordas é $\frac{3}{4}$, então, a soma das medidas das cordas, em metros, é:

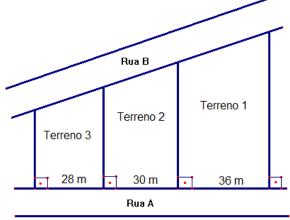


- (B) 0,34
- (C) 0,32
- (D) 0,30
- (E) 0,28

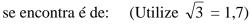


12° Item – A figura abaixo representa três terrenos (1, 2 e 3) que ocupam uma quadra de um determinado bairro da cidade de Manaus. Os três terrenos têm frentes para as ruas A e B. Sabendo que as divisas dos terrenos são perpendiculares à rua A e a soma das frentes dos terrenos, para a rua B, é 141 m, então, a medida da frente, para a rua B, do terreno 2 é igual a:

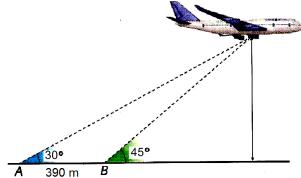
- (A) 50 m
- (B) 48 m
- (C) 45 m
- (D) 44 m
- (E) 42 m



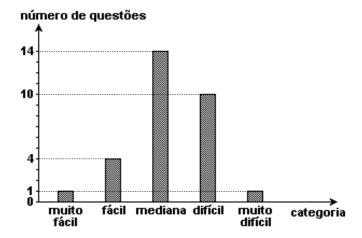
13° Item – Um avião é visto por dois observadores que estão nos pontos A e B, sob os ângulos de 30° e 45°, respectivamente. Se a distância entre os dois observadores é de 390 m, então, a altitude em que o avião



- (A) 1020 m
- (B) 810 m
- (C) 600 m
- (D) 510 m
- (E) 340 m



14º Item – As questões de Matemática do Concurso Vestibular da Universidade Amazonense, em 2015, foram classificadas em categorias quanto ao índice de facilidade, como mostra o gráfico de barras a seguir.



Se esta classificação fosse apresentada em um gráfico de setores circulares, a cada categoria corresponderia um setor circular. O ângulo do maior desses setores mediria:

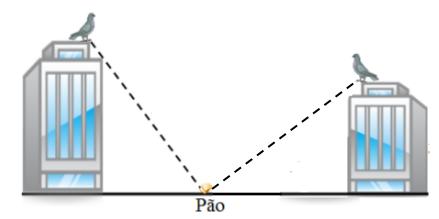
- (A) 168°
- (B) 120°
- (C) 152°
- (D) 134°
- (E) 172°

Página 9/11

Visto do Dir de Ens do CMM

15° Item – Dois prédios, um com 30 m e o outro com 40 m de altura, estão a uma distância de 50 m um do outro. Entre ambos se encontra um pedaço de pão, para o qual dois pássaros voam em linha reta, no mesmo momento do alto dos prédios, com a mesma velocidade, e chegam ao pedaço de pão ao mesmo tempo. A distância horizontal do pedaço de pão ao prédio mais alto é:

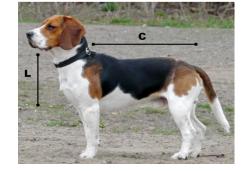
- (A) 30 m
- (B) 28 m
- (C) 20 m
- (D) 18 m
- (E) 16 m



16° Item – Sabe-se que o comprimento C de um quadrúpede, medido da bacia ao ombro, e sua largura L, medida na direção vertical (espessura média do corpo), possuem limites para além dos quais o corpo do animal não se sustentaria em pé. Por meio da medicina veterinária e suas aplicações físicas, confrontada com dados reais de animais, é possível identificar que esses limites implicam na razão $\frac{C}{\sqrt[3]{L^2}}$ ser, no

máximo, próxima de 3,5 (com as medidas de C e L dadas em centímetros). Se um elefante da índia com largura L = 135 cm possui essa razão igual a 3, então, o valor do comprimento C desse quadrúpede é de: (adote nos cálculos $\sqrt[3]{5} = 1,7$)

- (A) 69,08 cm
- (B) 78,03 cm
- (C) 80,06 cm
- (D) 91,04 cm
- (E) 94,01 cm



Página 10/11

Visto do Dir de Ens do CMM

17º Item – Um quadrado deve ser construído sobre a hipotenusa **a** de um triângulo retângulo, de catetos **b** e **c**, conforme representado na figura.



Sabendo que b + c = 10, então, a soma dos quadrados de **a**, **b** e **c**, para que a área desse quadrado seja mínima é:

- (A) 120
- (B) 100
- (C) 90
- (D) 80
- (E) 60

18° Item − O produto químico óxido de potássio (K₂O) é um nutriente usado para melhorar a produção em lavouras de cana-de-açúcar. Em determinada região, foram testadas três dosagens diferentes do nutriente e, nesse caso, a relação entre a produção de cana e a dosagem do nutriente se deu conforme mostra a tabela a seguir.

Dose do Nutriente K ₂ O (kg/hectare)	Produção de cana-de-açúcar (toneladas/hectare)
0	30
50	50
100	30

Considerando que a produção de cana-de-açúcar por hectare em função da dose de nutriente pode ser descrita por uma função do tipo $\mathbf{y} = \mathbf{ax}^2 + \mathbf{bx} + \mathbf{c}$, então, a quantidade de K_2O por hectare que torna máxima a produção de cana-de-açúcar por hectare é:

- (A) 50 kg
- (B) 30 kg
- (C) 75 kg
- (D) 70 kg
- (E) 100 kg

Página 11/11

Visto do Dir de Ens do CMM

o do Dir de Ens do CMP

19° Item – Sejam ${\bf r}$ e ${\bf s}$ as raízes da equação do 2° grau ${\bf x}^2-7{\bf x}+1=0$. É correto afirmar que:

- (A) $\sqrt{r} + \sqrt{s} = \sqrt{7}$
- (B) $\sqrt{r} + \sqrt{s} = \sqrt{5}$
- (C) $\sqrt{r} + \sqrt{s} = \sqrt{3}$
- (D) $\sqrt[4]{r} + \sqrt[4]{s} = \sqrt{3}$
- (E) $\sqrt[4]{r} + \sqrt[4]{s} = \sqrt{5}$

20° Item – A figura abaixo ilustra três circunferências, tangentes duas a duas e tangentes à reta ℓ . As duas circunferências maiores têm raios iguais a 9 cm e 4 cm, respectivamente. O raio da circunferência menor mede:

- (A) 1,45 cm
- (B) 1,44 cm
- (C) 1,40 cm
- (D) 1,20 cm
- (E) 1,10 cm

