MINISTÉRIO DA DEFESA EXÉRCITO BRASILEIRO DECEx - DEPA COLÉGIO MILITAR DE JUIZ DE FORA



CONCURSO DE ADMISSÃO 2016/ 2017

PROVA DE MATEMÁTICA

1º ANO DO ENSINO MÉDIO

DATA: 25/09/16

Prova 1

INSTRUÇÕES

- 1. Escreva somente com caneta azul ou preta no cartão de resposta.
- Escreva seu nome, sala e número de inscrição no cabeçalho do cartão de resposta e marque o número de inscrição e o número da prova nos locais indicados. Coloque a data e assine.
- 3. É proibido o uso de corretor de qualquer tipo.
- O tempo de duração da prova é de 180 minutos, incluindo o tempo de preenchimento do cartão de resposta.
- Não serão consideradas marcações rasuradas. Faça como no modelo abaixo, preenchendo todo o interior do retângulo sem ultrapassar os seus limites.

Considerando como correta a opção C na questão 00, marca-se a resposta da seguinte maneira:



- Sob a orientação do aplicador, confira as folhas da prova, verificando se estão legíveis e se não há faltas.
- Esta prova é composta de 20 questões e 17 páginas, incluindo esta capa e uma folha para rascunhos
- 8. Qualquer dúvida quanto à impressão ou folha de prova, chame o aplicador.



Prova 1



Em cada questão a seguir, assinale a única alternativa correta.



ASCENSÃO DA CLASSE MÉDIA-ALTA Quadro de medalhas

DUROS EM LONDRES-2012 OUROS NA RIO-2016 46 Estados Unidos Estados Unidos 46 38 China Reino Unido 27 29 Grā-Bretanha China 26 24 Rússia Rússia 19 Alemanha 13 Coréia do Sul 17 Alemanha 11 Japão 12 11 França França 10 8 Itālia Coréia do Sul 9 8 Hungria Italia 3 Japão Austrália 8 Austrāha Holanda 8 Cazaquistão Hungria 8 Holanda Brasil 7 Nova Zelândia Espanha 7 6 **Ucrania** Quénia 6 5 Cuba lamaica 6 Croácia 4 Jamaica 5 4 Ira Cuba 5 República Tcheca 4 Nova Zelándia 4 Coreia do Norte 4 Canadá 4 3 Brasil Cazaquistão 3 3 Espanha Ucrânia 3 3 Croácia Irā 2 2 Quêma República Tcheca 1 Canada Coreia do Norte

Disponível em: http://www1.folha.uol.com.br/esporte/olimpiada-no-rio/2016/08/1805566-grupo-de-potencias-cai-e-paises-menos-tradicionais-levam-mais-ouros-na-rio-2016.shtml. Acesso em 23/agosto/2016.

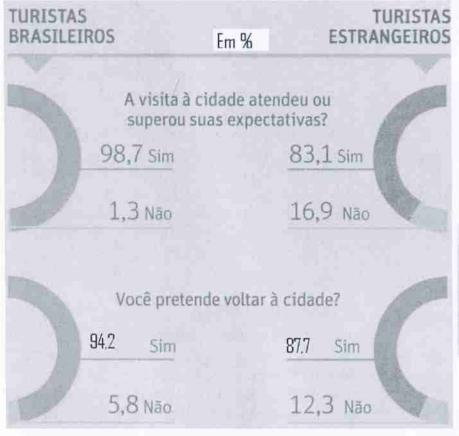
- 01. Concernente à variação no número de medalhas, de 2012 para 2016, o gráfico acima nos permite afirmar que:
- A () Estados Unidos, Rússia e França apresentaram variação nula.
- B () enquanto o Brasil teve um crescimento acima de 100%, o Cazaquistão teve uma queda de mais de 50%.
- C () Canadá apresentou crescimento de 400%.
- D () Japão e Quênia tiveram o mesmo índice de crescimento.



Prova 1







A pesquisa com os turistas estrangeiros foi feita pela Fundação Instituto de Pesquisa Econômica (Fipe), que ouviu 1.262 estrangeiros nos aeroportos e regiões de fronteira entre 6 e 16 de agosto.

A pesquisa com turistas brasileiros foi feita pela GMR Inteligência & Pesquisa, que ouviu 4.150 brasileiros de 3 a 16 de agosto em locais como as arenas esportivas e o Bouvelard Olímpico.

Fonte: Jornal FOLHA DE S. PAULO, edição 19 DE AGOSTO DE 2016, Caderno B8 - adaptado.

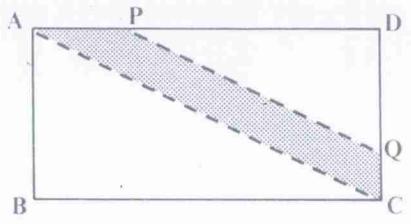
- 02. De acordo com as pesquisas realizadas com os turistas, e as respectivas informações acima, podemos afirmar que:
- A () para mais de 1050 dos turistas estrangeiros, dentre os entrevistados, a visita à cidade atendeu ou superou suas expectativas.
- B () dentre os turistas brasileiros entrevistados, mais de 54 disseram que a visita à cidade n\u00e3o atendeu ou superou suas expectativas.
- C () dos turistas estrangeiros entrevistados, 1110 disseram que pretendem voltar à cidade.
- D () aproximadamente 3909 turistas brasileiros, dentre os entrevistados, pretendem voltar à cidade.



Prova 1



03. No retângulo ABCD, os lados medem \overline{AB} = 12 cm, e \overline{AD} = 16 cm. Se os segmentos \overline{PQ} e \overline{AC} são paralelos e \overline{AP} = 4 cm, a medida \overline{PQ} em cm, é:



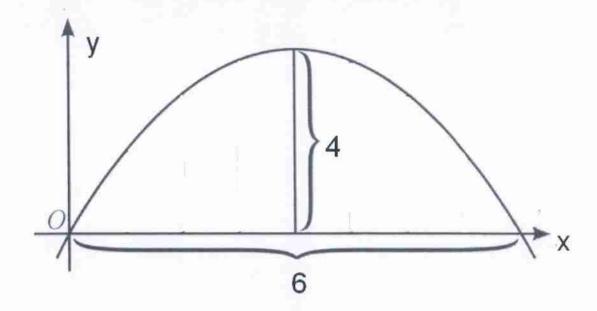
- A-() 15
- B-()25
- C-()35
- D-()45



Prova 1



04. Concernente à função quadrática, definida por $y=ax^2+bx+c$, ilustrada no gráfico abaixo, é correto afirmar que:



A - () A lei da função é
$$y = x^2 - \frac{1}{6}x + \frac{1}{4}$$

B-()
$$y > 3$$
 para $\frac{3}{2} < x < \frac{9}{2}$

C - () O produto
$$a \cdot b \cdot c < 0$$

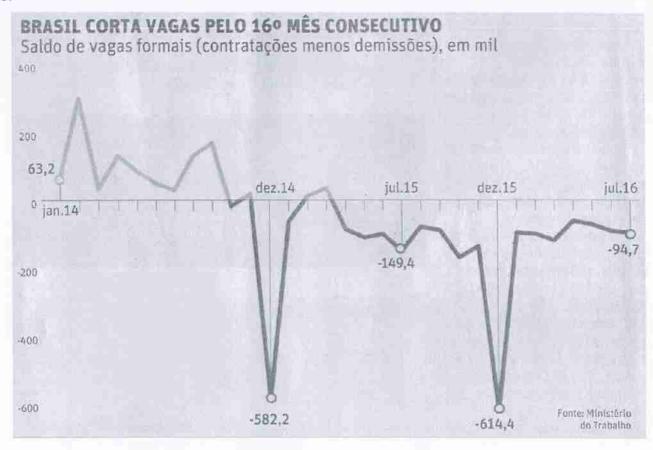
D - ()
$$a$$
 está para b assim como 4 está para 6.



Prova 1



05.



Adaptado de: Jornal FOLHA DE S. PAULO, 26 de agosto de 2016

De acordo com o gráfico apresentado, com o título: "Brasil corta vagas pelo 16º mês consecutivo, é correto afirmar, seguramente que:

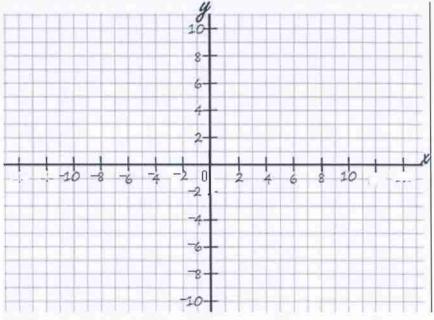
- A () em fevereiro de 2014, o número de contratações foi menor que 400 mil.
- B () em dezembro de 2014, o número de demissões foi 582,2 mil.
- C () em dezembro de 2015, o número de contratações foi maior do que 614,4 mil.
- D () entre outubro e novembro de 2014, houve um momento em que o número de contratações foi igual ao número de demissões.



Prova 1



06. No Plano Cartesiano, ilustrado abaixo, deseja-se desenhar uma figura, denominada CMJF unindo, por segmentos de reta, os seguintes pontos: C(-6;0); M(0;6); J(8;0) e F (0; -8).



A partir desse desenho e fazendo os cálculos apropriados, podemos afirmar que:

A-()
$$\overline{CM} + \overline{MJ} + \overline{JF} + \overline{FC} = 2(1+7\sqrt{2})$$

B-()
$$\overline{CM}$$
 - \overline{MJ} - \overline{JF} - \overline{FC} = $2(1-7\sqrt{2})$

C-()
$$\overline{CM} \cdot \overline{MJ} \cdot \overline{JF} \cdot \overline{FC} = 9,6.10^3$$

D-() sen
$$OMJ = 1,25$$



Prova 1



07. Um triângulo retângulo tem hipotenusa medindo 1cm e a soma das medidas de todos os lados é $\frac{\sqrt{6}+2}{2}\,\text{cm}\ .$ O produto das medidas de seus catetos, em cm²,é:

A-()
$$\frac{1}{4}$$

B-()
$$\frac{1}{6}$$

$$C - () \frac{1}{2}$$

D-()
$$\frac{2}{3}$$

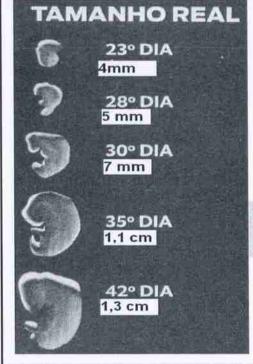
08. Um número inteiro positivo é dito "perfeito" se ele é a soma dos seus divisores, exceto, dentre esses divisores, o próprio número. Assim sendo, a alternativa que corresponde a um número perfeito é:

- A-() 184
- B-() 308
- C-() 520
- D-() 496



Prova 1



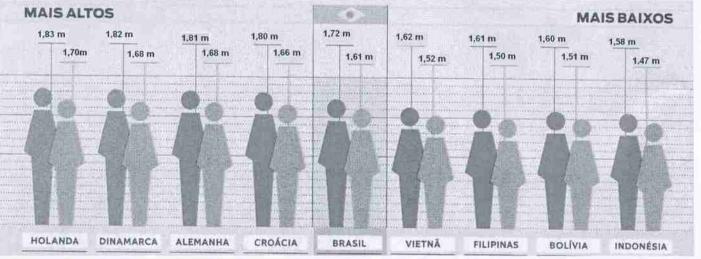




Fonte: Revista Mundo Estranho, Setembro de 2016 -p.28/29 - adaptado.

Quais os países com as pessoas mais altas e mais baixas?

HOMENS MULHERES



Fonte: Revista Mundo Estranho, Setembro de 2016 -p.42 -adaptado.

- 09 De acordo com as informações contidas acima em "Pedacinho de gente Tamanho real" e "Quais os países com as pessoas mais altas e mais baixas?", é correto afirmar que:
 - A () no Brasil, um homem adulto pode chegar a 430 vezes o seu tamanho de embrião ao 23º dia.
 - B () na Holanda, uma mulher adulta ultrapassa 350 vezes o seu tamanho de embrião ao 30º dia.
 - C () na Indonésia, um homem adulto não ultrapassa 315 vezes o seu tamanho de embrião ao 28º dia.
 - D () nas Filipinas, uma mulher adulta apresenta, no máximo, 299 vezes o seu tamanho de embrião ao 28º dia.



Prova 1



A média aritmética (Ma) ou simplesmente média, é dada pelo quociente da soma dos valores atribuídos à variável pela quantidade de valores adicionados.

10. Numa classe com 20 alunos, as notas do exame final poderiam variar de 0 a 100 e a nota mínima, para aprovação, era 70. A tabela abaixo apresenta o resultado verificado.

	Quantidade de alunos	Média aritmética
aprovados	12	77
reprovados	8	65

De acordo com as informações acima descritas, pode-se afirmar que a média aritmética de todas as notas da classe foi de:

- A-()71
- B-() 73,6
- C-() 72,2
- D-()74

11. Um segmento está dividido em média e extrema razão (ou divisão áurea), quando é dividido em duas partes tais que o segmento total, dividido pelo maior, dê o mesmo resultado que o maior dividido pelo menor (O maior é chamado segmento áureo). Assim sendo, ao dividir um segmento de medida 10 cm, em média e extrema razão, a medida do segmento áureo é:

A-()
$$(5\sqrt{5}-5)$$
cm

B-()
$$(5\sqrt{5}+5)$$
cm

C-()
$$(5\sqrt{5}-1)$$
cm

D-()
$$(5\sqrt{5}+3)$$
 cm



Prova 1



- 12. O total de triângulos retângulos, cujas medidas dos lados sejam três números ímpares consecutivos é:
 - A-() 0
 - B-() 1
 - C-()2
 - D-()3
- 13. Sendo $x \neq -4$, assinale a alternativa que apresenta o valor de X, solução da equação:

$$\left(\sqrt{\frac{16}{x^2 + 8x + 16}}\right)^{-1} = 1$$

- A-()0
- B-()-1
- C-()1
- D-()-2



Prova 1



14. Um número inteiro positivo, quando dividido por 21, deixa resto 15. A terça parte desse número, quando for dividida por 7, deixará resto igual a:

- A-()4
- B-()5
- C-()3
- D-()2

15. Concernente aos números reais é correto afirmar que:

- A-() quaisquer que sejam os números reais positivos a e b , é verdadeiro que $\sqrt{a\,+\,b}\,=\,\sqrt{a}\,+\,\sqrt{b}$
- B-() quaisquer que sejam os números reais $\,a\,$ e $\,b\,$ tais que $\,a^2-b^2=0\,$, é verdadeiro que $\,a=b\,$
- C () qualquer que seja o número real a , é verdadeiro que $\sqrt{a^2}=a$
- D-() qualquer que seja o número real a , com 0 < a < 1 , é verdadeiro que $a^2 < \sqrt{a}$



Prova 1



Especial Olimpiada * t t * * 1 t ~ f * f * f * f * f

O MAIOR EVENTO DO MUNDO Conheça os números superlativos da Rio-2016

O MAIOR EVENTO DO MUNDO Conheça os números superlativos da Rio-2016

R\$ 39,1 BILHÕES é o custo total da Olimpiada



5 milhõeS de peças de mobiliário para a Vila dos Atletas e outras instalações. Entre elas, 100 mil cadeiras, 34 mil camas e 24 mil sofás





Fonte: Revista ISTOÉ, edição especial, 3 /agosto/2016.

- 16. Analisando os números superlativos da Rio 2016, conforme publicação da revista citada, é correto afirmar que:
- A () escrevendo como potência de 10, o total de ingressos é $7.5\cdot10^6$ e o custo total da Olimpíada, em reais, é de $3.91\cdot10^9$
- B () cadeiras, camas e sofás compõem 31,6% das peças de mobiliário para a Vila dos Atletas.
- C () a razão entre o número de bolinhas de tênis e o total de itens esportivos é 1:40.
- D () considerando "d" (dias) e "h" (horas), o tempo de transmissão das competições corresponde a 233d 33h.



Prova 1



17. Simplificando a expressão

$$\frac{16 \sqrt[4]{2} - 4\sqrt[4]{3}}{4\sqrt[8]{2} - 2\sqrt[8]{3}}$$

obtemos:

A-()
$$2\sqrt[8]{2} + \sqrt[8]{3}$$

B-()
$$4\sqrt[8]{2} + 2\sqrt[8]{3}$$

$$c - () 2\sqrt[8]{2} - \sqrt[8]{3}$$

D-()
$$4\sqrt[8]{2} - 2\sqrt[8]{3}$$

18. Assinale a alternativa que apresenta um número irracional.

A-() 3,146876666...

B-()
$$\frac{4}{3}$$



Prova 1



19. Um número primo da forma 4n+1 sempre pode ser escrito como soma de dois quadrados perfeitos. Exemplificando: $13=3^2+2^2$.

Admitindo o número primo P tal que 102 < P < 110, sendo P da forma 4n+1, escrito como soma de dois quadrados $P=k^2+r^2$, teremos k+r igual a:

- A-() 4
- B-() 8
- c-() 10
- D-() 13



Prova 1



O MAPA DA CONSERVAÇÃO

"Quase 33 milhões de quilômetros quadrados do nosso planeta, uma área maior que a do continente africano: essa é a quantidade total de terra e água que os países usam para fins de conservação. Desde 1990. número de reservas marinhas, parques nacionais e outras áreas protegidas saltou de menos de 50 mil para mais de 229 mil. [...] Embora cerca de 15% das áreas terrestres na Terra estejam protegidas, metade desses locais é pequena e isolada. [...] Apenas 3,5% dos oceanos estão preservados".

Fonte: Revista National Geografic BRASIL, setembro/2016 - Adaptado

- 20. De acordo com essas informações, a afirmação verdadeira é:
 - A () A área do Continente africano, em quilômetros quadrados, tem valor numérico de $3.3 \cdot 10^7$
 - B () Desde 1990, o número de reservas marinhas, parques nacionais e outras áreas protegidas apresentou um salto menor ou igual a 179 mil.
 - C () $\frac{75}{10}$ das áreas terrestres na Terra, protegidas, é uma parte pequena e isolada.
 - D () Apenas $\frac{7}{200}$ dos oceanos estão preservados.

Fim da prova



Prova 1



FOLHA DE RASCUNHOS