Exercice 1. Definition

1-Montrer que les vecteurs suivants sont colinéaires

$$\overrightarrow{u}$$
 (6;21;9); \overrightarrow{v} (4;14;6)

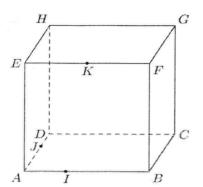
2-Montrer que les vecteurs suivants ne sont pas colinéaires

$$\overrightarrow{u}$$
 (5:8:3) ; \overrightarrow{v} $\left(3; \frac{24}{5}; \frac{8}{5}\right)$

Exercice 2. Is at KH sont colineaires

On considère le cube ABCDEFGH représenté ci-contre et les trois points définis par :

- Le point K est le milieu de [EF];
- le point I vérifie la relation $\overrightarrow{AI} = \frac{1}{3} \cdot \overrightarrow{AB}$;
- le point J vérifie la relation $\overrightarrow{AJ} = \frac{2}{3} \cdot \overrightarrow{AD}$.



En utilisant le repère $(A; \overrightarrow{AB}; \overrightarrow{AD}; \overrightarrow{AE})$, montrer que les droites (IJ) et (KH) sont parallèles.

Exercice 3.

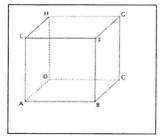
On considère le cube ABCDEFGH ci-contre

1-Soient
$$\vec{u} = \overrightarrow{AB}$$
, $\vec{v} = \overrightarrow{AC}$ et $\vec{w} = \overrightarrow{AE}$.

Justifier que $(\vec{u}, \vec{v}, \vec{w})$ est une base de l'espace.

2-Exprimer les vecteurs \overrightarrow{AH} et \overrightarrow{BH} en fonction de \overrightarrow{u} , \overrightarrow{v} et \overrightarrow{w} .

En déduire leurs coordonnées dans la base $(\vec{u}, \vec{v}, \vec{w})$



Exercice 4.

On considère le cube ABCDEFGH ci-contre

1-Soient
$$\vec{u} = \overrightarrow{AB}$$
, $\vec{v} = \overrightarrow{AC}$ et $\vec{w} = \overrightarrow{AE}$.

Justifier que $(\vec{u}, \vec{v}, \vec{w})$ est une base de l'espace.

2-Exprimer les vecteurs \overrightarrow{AH} et \overrightarrow{BH} en fonction de \overrightarrow{u} , \overrightarrow{v} et \overrightarrow{w} .

En déduire leurs coordonnées dans la base $(\vec{u}, \vec{v}, \vec{w})$

Exercice 5. On considère le cube ABCDEFGH ci-dessus.

Donner, en justifiant, les coordonnées des points A, B, C, D, E,F,G et H dans le repère (A; \overrightarrow{AB} , \overrightarrow{AD} , \overrightarrow{AE}).

