Exercice 1.

Soit ABCDEFGH, un cube de côté 1 et I le centre de la face EFGH.

On se place dans le repère orthonormé $(A; \overrightarrow{AB}, \overrightarrow{AD}, \overrightarrow{AE})$.

Déterminer, au degré près, les mesures des angles :

1)
$$\alpha = \widehat{IBF}$$

2)
$$\beta = \widehat{BID}$$

Exercice 2.

Soit ABCDEFGH, un cube d'arête 1. Démontrer que la droite (FD) est orthogonale au plan (ACH).

Exercice 3.

Dans l'espace muni d'un repère orthonormé $(O; \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$, déterminer

une équation cartésienne du plan
$$(\mathcal{P})$$
 passant par $A(1;-2;3)$ et de vecteur normal $\overrightarrow{n} \begin{pmatrix} 4 \\ -2 \\ 1 \end{pmatrix}$.

Exercice 4.

Dans l'espace muni d'un repère orthonormé, on considère les points A(0; 1; 1), B(-4; 2; 3) et C(4; -1; 1).

Déterminer, s'il existe, une équation cartésienne du plan (P) défini par ces trois points.

Exercice 5.

Dans l'espace muni d'un repère orthonormé $(O; \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$, on considère

la droite (d) de représentation paramétrique $\left\{ \begin{array}{ll} x &=& 1-t \\ y &=& 2t \\ z &=& 5 \end{array} \right. , \ t \in \mathbb{R}$

et le plan (\mathcal{P}) d'équation cartésienne 3x + z + 7 = 0.

Déterminer, s'il existe, les coordonnées du point d'intersection de (d) et de (\mathcal{P}) .

Même consigne avec la droite
$$(d)$$
:
$$\begin{cases} x = 1-t \\ y = 2-2t , t \in \mathbb{R} \\ z = 3+5t \end{cases}$$

Exercice 6.

Dans l'espace muni d'un repère orthonormé $(O; \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$, on considère les plans (\mathcal{P}_1) et (\mathcal{P}_2) d'équations respectives x + 2y + z - 1 = 0 et 2x - 3y - z + 2 = 0.

Déterminer, si elle existe, une représentation paramétrique de la droite d'intersection entre (\mathscr{P}_1) et (\mathscr{P}_2) .

Même consigne avec les plans (\mathcal{P}_1) et (\mathcal{P}_2) d'équations respectives 2x - 4y + 3z - 5 = 0 et -4x + 8y - 6z + 10 = 0.