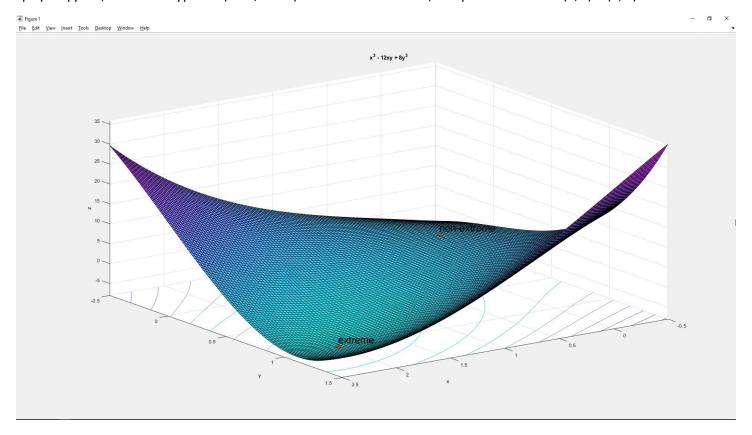
ЛР «Экстремумы ФНП». 6 вариант.

Аналитический метод:

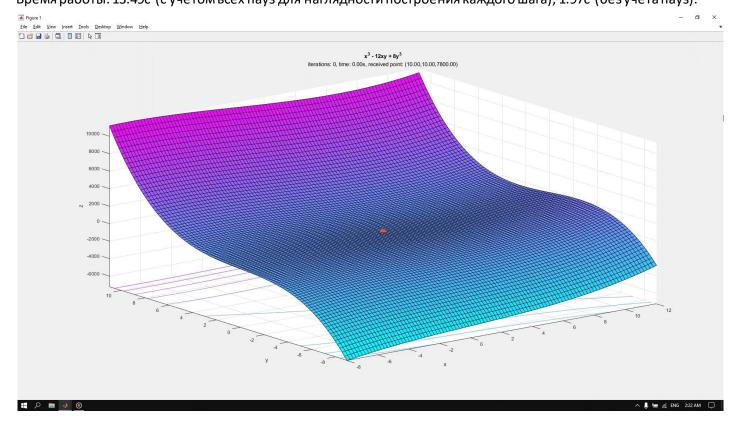
=(x,y)=x3-12xy+8y3	MP. 6 Capusion
· \ 3 x 2 - 124 = 0 \ (3.4.9 - 124 = 0 \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \ \	12=1; 8=x=5 (4=0; x=0
(0,0) 4 (2,1) - anoy. north. 2"x=6x, 2"x=-12, 2"x=48x (0,0) 1. ya Pere: (0-12) 2=0	
12 0) 2120 D	
Mar war mya heberpangena u ne boman, ye 0,0) 1,0,0,0,00,00 ne son, morrai nor.	
4 2(x,x)= 9x3-12x3 = x2(9x-12) <0	, x x a : F(x) < F(a) (f(x) > f(a)
\$ 2 (C) -2x, x) = -8x3+8x3+24x >0) -	> m. (0,0) he sur
. (2;1) de-ya rece: (12 -12) 2, >0	
r.k. 20, 20, 20, 20 (2',1)-	
Oulen: (0,0)-re obu dor tramp:, (2:,1)-	morka emenyua.

График функции и линий уровня (z = 0, z = -8) с отмеченными стационарными точками (0, 0) и (2, 1).

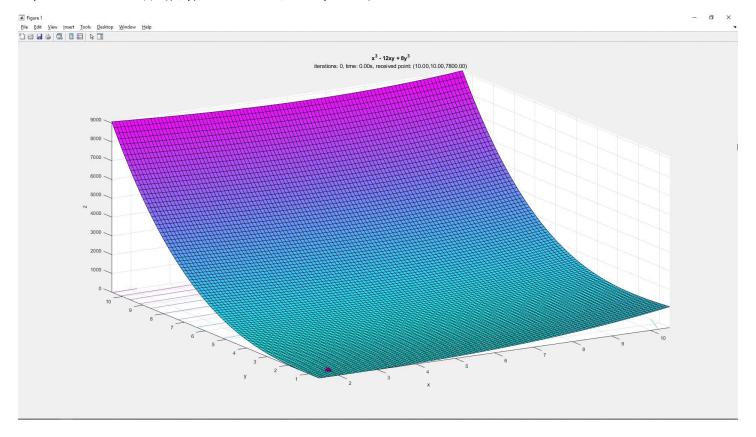


Численный метод:

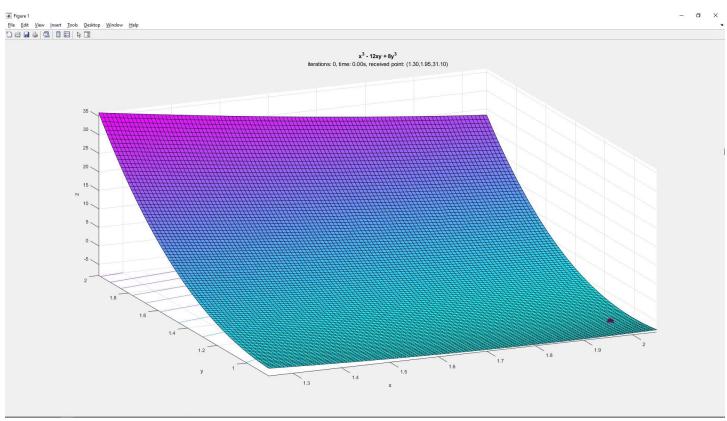
Выбираем точку минимума (2, 1, -8). Ограничим область до $\{(x,y): -8 \le x \le 12, -9 \le y \le 11\}$. Стартовая точка (10, 10). Количество итераций: 1117. Критерий останова $|(\Delta x_k, \Delta y_k)| < 0.0001$. Полученная точка: (2.0181, 1.0055, -7.9985). Время работы: 13.49с (с учётом всех пауз для наглядности построения каждого шага), 1.97с (без учёта пауз).



Ограничим область до $\{(x, y): 1.5 \le x \le 10.5, 0.5 \le y \le 10.5\}.$



Стартовая точка (1.3, 1.95). Ограничим область до $\{(x,y): 1.25 \le x \le 2.05, 0.85 \le y \le 2\}$.



Вывод

Численными методами можно легко находить области, в которых находится результат. Точность вычислений естественно зависит от оптимизации программной части и мощности вычислительной машины.