# Nome: Dennis José da Silva, NUSP: 9176517, dennis@ime.usp.br Universidade de São Paulo Instituto de Matemática e Estatística MAC5832 - Aprendizagem Computacional: Modelos, Algoritmos e Aplicações

### Problem 1:

# Resposta.:

Exemplos positivos: 101, 1100, 1010101, 1111, 0011 Exemplos Negativos: 010, 1000, 101010, 111, 1

## Problem 2:

### Resposta.:

Exemplos positivos: 101, 1001, 1111, 0000, 110011, 1, 0 Exemplos negativos: 10, 1100, 1010, 1110, 011101, 01

#### Problem 3:

## Resposta:

Exemplos positivos: (0.1, 0.1, 0.1), (0.1, 0.5), (0.5, 0.3, 0.6, 0.1) Exemplos negativos: (1, 1, 1), (2, 1, 2), (3.5, 4.5, 1.1)

#### Problem 4:

## Resposta:

Função alvo =  $função \ alvo = < u_1 \bar{u}_2 u_4 u_7 >$ 

$$\begin{split} &(1001111,\,1)=U=\{\overline{u}_{\overline{\pm}},u_1,\overline{u}_{2,}\overline{u}_{\overline{2}},\overline{u}_{3},\underline{u}_{\overline{4}},u_4,\overline{u}_{\overline{5}},u_5,\overline{u}_{\overline{6}},u_6,\overline{u}_{\overline{7}},u_7\}\\ &(0110110,\,0)=\text{Conjunto }U\text{ não modificado por que }b_2=0\\ &(1011101,\,1)=U=\{u_{1,}\overline{u}_{2,},\overline{u}_{\overline{3}},u_4,u_5,\underline{u}_{\overline{6}},u_7\}\\ &(1011001,\,1)=U=\{u_{1,}\overline{u}_{2,},u_4,\underline{u}_{\overline{5}},u_7\} \end{split}$$

$$U = \{u_1, \bar{u}_2, u_4, u_7\} = \langle u_1 \bar{u}_2 u_4 u_7 \rangle$$

# Problem 5:

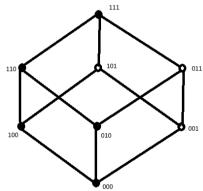
# Resposta:

Três possíveis formas são por reticulado booleano, função booleana e portas lógicas, por exemplo, dada a seguinte tabela para a função  $f:\{0,1\}^3 \to \{0,1\}$ :

| $x_1$ | $x_2$ | $x_3$ | f(x) |
|-------|-------|-------|------|
| 0     | 0     | 0     | 1    |
| 0     | 0     | 1     | 0    |
| 0     | 1     | 0     | 1    |
| 0     | 1     | 1     | 0    |
| 1     | 0     | 0     | 1    |
| 1     | 0     | 1     | 0    |
| 1     | 1     | 0     | 1    |
| 1     | 1     | 1     | 1    |

Pode ser representado como:

Por reticulado:

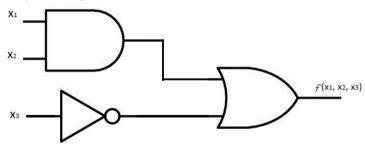


Repare que os pontos pintados em preto representam os pontos onde a função vale 1.

Por Função Booleana:

$$f(x_1, x_2, x_3) = (x_1 \land x_2) \lor \neg x_3$$

Por portas lógicas:



#### Problem 6:

## Resposta:

## ATENÇÃO: Os programas foram desenvolvidos em python versão = 3.4.1 no S.O Windows 7

Perceptron desenvolvido em linguagem Python. O arquivo fonte está na pasta problem 6 juntamente com as instruções de uso, resumo abaixo:

Executar programa de geração de amostras: "samples\_generator.py" que recebe os parâmetros:

- -s = sample-number, quantidade de amostras a serem geradas. Valor padrão = 100
- -t = threshold, valor de  $\theta$ ; valor padrão = 5.0
- -i = ini, valor inicial do domínio da função. Valor padrão = 0.0
- -e = end, valor final do domínio da função. Valor padrão = 10.0
- -o = output file, arquivo de amostras no formato json, Valor padrão ./samples.json

A executar o gerador de amostras serão gerados amostras em json com o seguinte formato: [[valor gerado, {1 ou 0}], [valor gerado, {1 ou 0}]]

Então executar o programa "main .py" que gera o classificador apartir do algoritmo de perceptron, esse programa recebe o seguinte parâmetro:

-t = training\_data\_file, arquivo json geradpo pelo programa samples\_generator. Valor padrão = "./samples.json"

Então entre com os valores de x, e o programa retorna o y de acordo com o conceito aprendido.

O algoritmo do perceptron está no arquivo "Perceptron.py"

#### Problem 7:

# Resposta:

# ATENÇÃO: Os programas foram desenvolvidos em python versão = 3.4.1 no S.O Windows 7

Os perceptrons foram desenvolvido em linguagem Python. O arquivo fonte está na pasta problem 7 juntamente com as instruções de uso, resumo abaixo:

Executar programa de geração de amostras: "samples\_generator.py" que recebe os parâmetros:

- -b = bound, limitante superior ou inferior, pode receber os valores "upper" ou "lower", sem valor padrão;
- -s = sample-number, quantidade de amostras a serem geradas. Valor padrão = 100
- -t = threshold, valor de  $\theta$ ; valor padrão = 5.0
- -i = ini, valor inicial do domínio da função. Valor padrão = 0.0
- -e = end, valor final do domínio da função. Valor padrão = 10.0
- -o = output file, arquivo de amostras no formato json, Valor padrão ./samples.json

A executar o gerador de amostras serão gerados amostras em json com o seguinte formato: [[valor gerado, {1 ou 0}], [valor gerado, {1 ou 0}]]

Para a solução do exercício, será necessário executar duas vezes o "sample\_generator.py", um para o limitante inferior "lower" e outro para o superior "upper", grave os arquivos json gerados com nomes diferentes e execute o "main.py"

Então executar o programa "main .py" que gera o classificador apartir do algoritmo de perceptron, esse programa recebe os seguinte parâmetro:

- -l = lower\_tranning\_data\_file, arquivo json gerado pelo programa samples\_generator para limitante inferior. Valor padrão = "./lower\_samples.json"
- -u = upper\_bound\_tranning\_data\_file, arquivo json gerado pelo programa samples\_generator para limitante superior. Valor padrão = "./upper\_samples.json"

O algoritmo do perceptron está no arquivo "Perceptron.py", nesse o algoritmo gerara dois perceptron e juntara os dois para classificar a entrada pelo console.

O algoritmo do perceptron está no arquivo "Perceptron.py"

Então entre com os valores de x, e o programa retorna o y de acordo com o conceito aprendido.

## **Problem 8:**

## Resposta:

Sabendo que um monômio booleano representa um número qualquer com no máximo k literais podemos dizer que que  $M_{k,n}=2^n$ , porque teremos uma função que mapeia um monômio qualquer em 1 e outra em 0, como temos "n" monômios podemos ter  $2^n$  combinações de 1 e 0 como resultado de cada monômio, logo podemos ter  $2^n$  funções. Para  $D_{mk}$  cada função de  $M_{mk}$  se torna uma variável das disjunções de  $D_{mk}$  como sabemos que para qualquer disjunção representa a operação OU da álgebra booleana essas funções de  $D_{mk}$  só podem ser 0 quando todas as suas variáveis são 0 (quando todas as funções de  $M_{mk}$  assumem valor 0 ao mesmo tempo) e 1 quando possui alguma variável 1 (quando pelo menos uma função de  $M_{mk}$  assume valor 1), sabemos que podemos ter  $D_{mk}$  é igual a números de combinações dos resultados das funções de  $M_{mk}$  e como sabemos que  $M_{mk}$  pode representar  $2^n$  funções, logo  $D_{mk}=2^n$ . Logo Podemos calcular |H| como:

$$|H| = 2^n \cdot 2^n = 2^{2n}$$