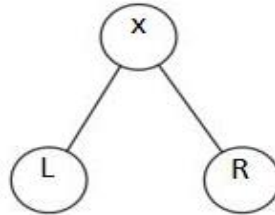


## TAD - TIPO ABSTRACTO DE DATOS

### TAD ÁRBOL BINARIO DE BÚSQUEDA

#### Representación:

Sea X, L, R nodos, donde L y R son sub árboles de X.



#### Invariante:

El sub árbol izquierdo de X contiene valores menos que X y el sub árbol derecho contiene los valores mayores que X.

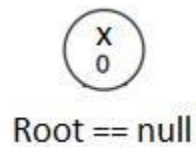
#### Operaciones:

<b>CreateBSTree</b>		→ BSTree
<b>SearchNode</b>	<b>Key</b>	→ BSTNode
<b>RotationToLeft</b>	<b>BSTNode</b>	→ void
<b>RotationToRight</b>	<b>BSTNode</b>	→ void
<b>AddNode</b>	<b>Key, Value</b>	→ BSTree
<b>Remove</b>	<b>Key</b>	→ Boolean

## BSTree()

**Pre:** true

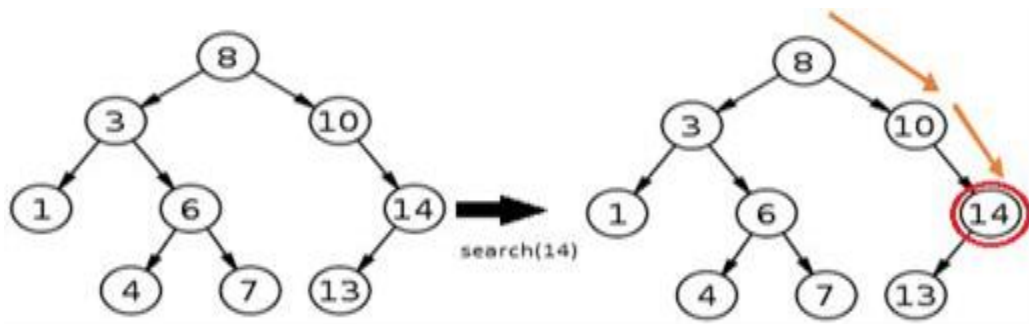
**Post:** El árbol es creado



## SearchNode(K key)

**Pre:** true

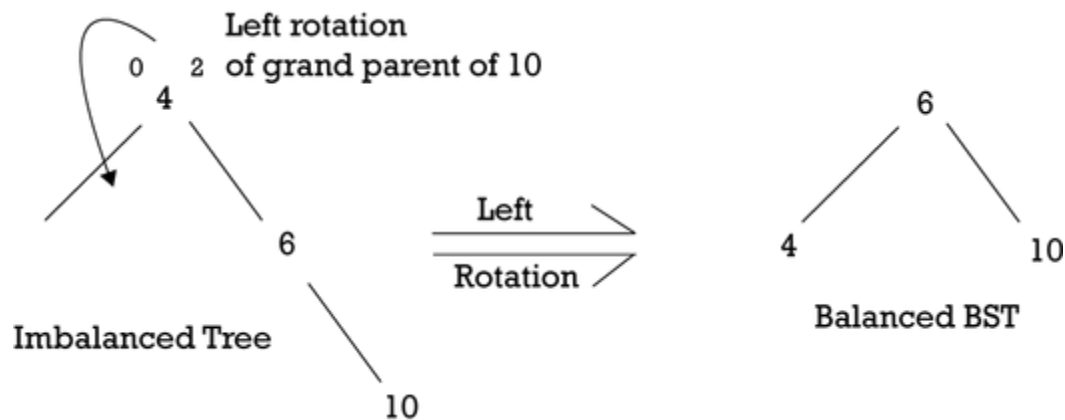
**Post:** Si la llave es encontrada, retorna el nodo con todos los valores asociados a ella.



### RotationToLeft(BSTNode<K, V> x)

**Pre:** x es diferente de null

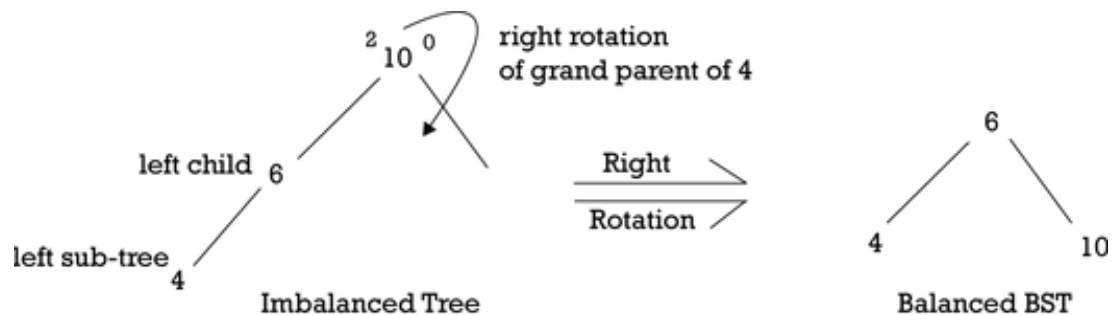
**Post:** Si la llave existe, entonces la llave rota a la izquierda.



### RotationToRight(BSTNode<K, V> x)

**Pre:** x es diferente de null

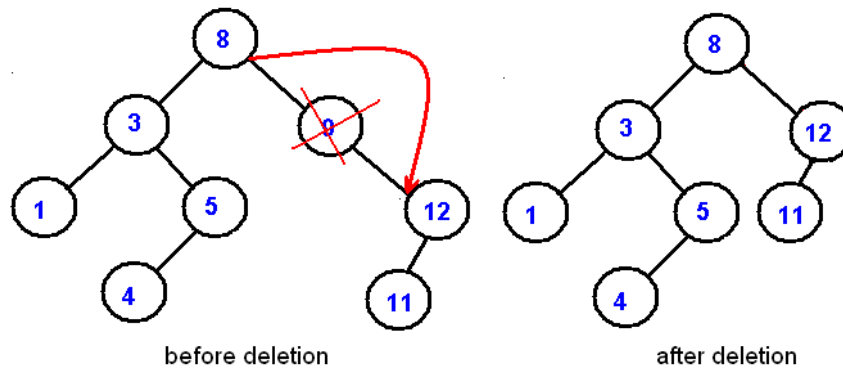
**Post:** Si la llave existe, entonces la llave rota a la derecha.



### DeleteNode(K key)

**Pre:** true

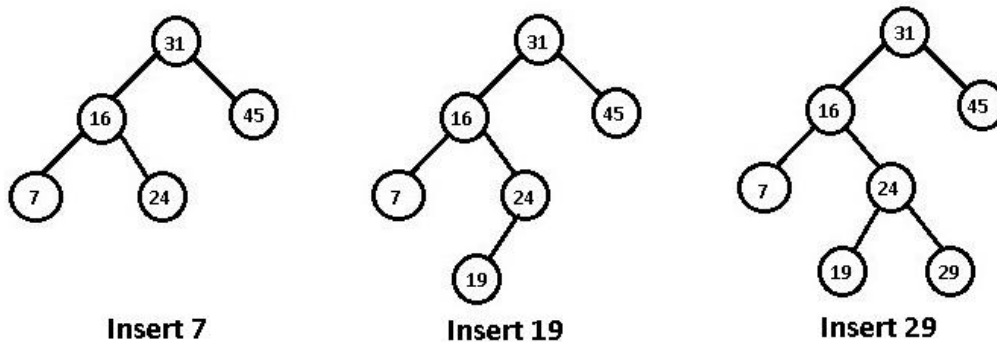
**Post:** Si la llave es encontrada, se elimina el nodo con todos los valores asociados a ella.



### AddNode(AVLNode x)

**Pre:** x diferente de null

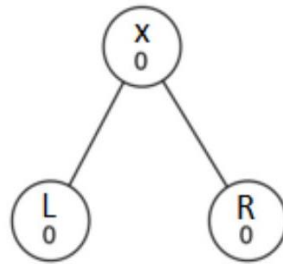
**Post:** Se agrega el nodo al árbol y se balancea completamente.



## TAD ÁRBOL AVL

### Representación:

Sea X, L, R nodos, donde L y R son sub árboles de X, y la altura de R menos la altura de L no difiere por mas de 1.



### Invariante:

$-1 \leq | \text{Factor de balanceo} | \leq 1$

### Operaciones:

**CreateAVLTree**

**AddNode**

**DeleteNode**

AVLNode

Key

→ AVLTree

→ void

→ Boolean

## AVLTree()

**Pre:** true

**Post:** El árbol es creado

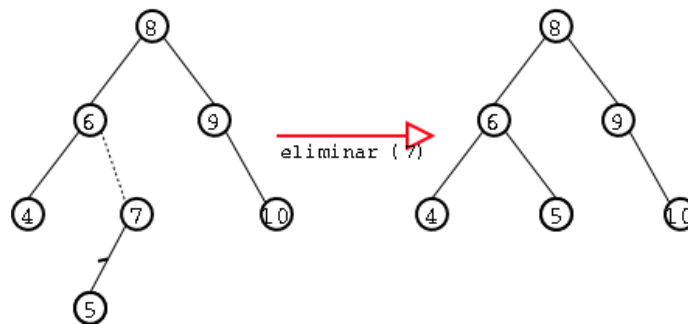


Root == null

## DeleteNode(K key)

**Pre:** true

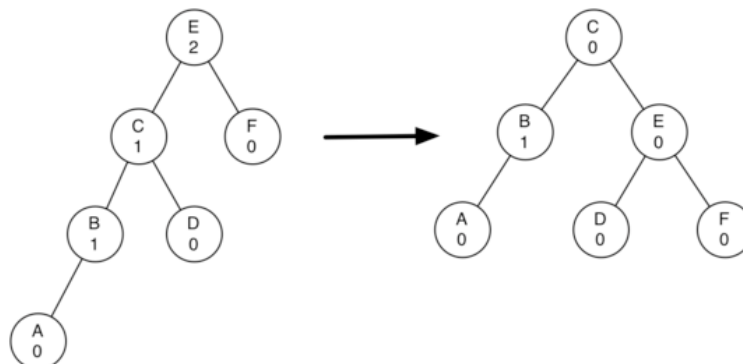
**Post:** Si la llave es encontrada, se elimina el nodo con todos los valores asociados a ella, y luego de esto, se balancea automáticamente. Retorna true si el nodo fue eliminado.



## AddNode(AVLNode x)

**Pre:** x diferente de null

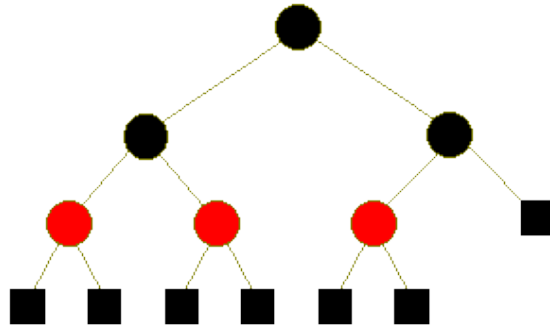
**Post:** Se agrega el nodo al árbol y se balancea completamente.



## TAD ÁRBOL ROJINEGRO

### Representación:

Sea X, L, R nodos, donde L y R son sub árboles de X.



### Invariante:

1. Cada nodo es rojo o negro.
2. La raíz es negra.
3. Todas las hojas (null) son negras.
4. Los hijos de un nodo rojo deben ser negros.
5. La altura negra debe ser la misma.

### Operaciones:

**CreateRedBlackTree**

**AddNode**

**DeleteNode**

RBNode

Key

→ RedBlackTree

→ void

→ Boolean

## RedBlackTree()

**Pre:** true

**Post:** El árbol es creado

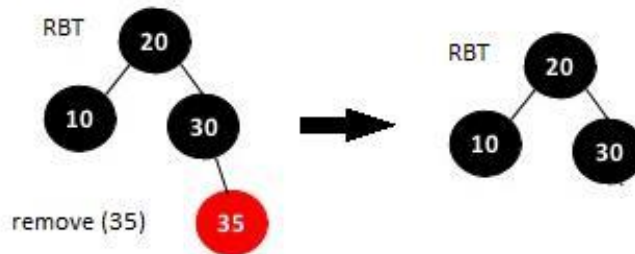


Root == null

### DeleteNode(K key)

**Pre:** true

**Post:** Si la llave es encontrada, se elimina el nodo con todos los valores asociados a ella, y luego de esto, se balancea automáticamente. Retorna true si el nodo fue eliminado.



### AddNode(RBTNode x)

**Pre:** x diferente de null

**Post:** Se agrega el nodo al árbol y se balancea completamente.

