Laborator 7 Metode numerice: Calcule numerice cu polinoame. Interpolare spline cubică - Probleme propuse -

1. Considerăm următoarele expresii polinomiale:

$$p = 2x^3 - 4x^2 + 4x - 1, q = x^4 - 16.$$

- a) Determinați p + q, p q, p * q;
- b) Determinați rădăcinile polinoamelor p, q;
- c) Determinați câtul și restul împărțirii lui q la p;
- d) Determinați valorile p(x), unde variabila x ia pe rând valorile: $x=1, x=[1,0,1], x=I_2$;
 - e) Să se descompună expresiile

$$\frac{p(x)}{x^2-1}, \frac{q(x)}{x^2-2x+1};$$

- e) Calculați $(pq)', \left(\frac{p}{q}\right)'.$
- **2.** Să se determine expresia polinomului cu rădăcinile $x_1 = 0, x_2 = -1, x_3 = 2, x_4 = -3.$
- **3.** Să se determine evaluarea polinomului $f=x^3-5x^2+1$ pentru $x\in[0,10]$, în puncte echidistante situate la o diferență de 0.5 unități.
 - 4. Fie $p = 2x^3 x + 2$, $q = x^2 + x 1$. Să se determine expresia

$$E = (p + q - pq)'$$

5. Cu ajutorul funcției interp1() și a metodei spline, să se interpoleze setul de valori:

$$x = 0:10$$

$$y = \cos(x)\sin(x)$$

$$xx = 0:7.5 \text{ cu pasul } 0.1.$$

6. Să se determine valoarea de interpolare spline cubică pentru x=1.5 fiind date sistemele de valori

$$x = [1, 2, 3, 4, 5]$$

 $y = [10, 20, 30, 40, 50].$

7. Să se determine prin interpolare spline și apoi să se reprezinte grafic în aceeași fereastră punctele corespunzătoare valorilor:

$$xi = [-8, -7.25, -2.5, 3.5, 4.75]$$

dacă se cunosc

$$x = 0:0.5:10, \quad y = \lg(2x+1).$$