C08003 - Advanced Algorithms and Optimization

19th Algorithms Cup

Solving the Travelling Salesman Problem (TSP) with Java

Denys Vitali

April 2019

Contents

1	Introduzione	2
	1.1 Scopo	2
	1.2 Requisiti	2
	1.3 Problema del commesso viaggiatore (TSP)	2
2	Svolgimento del progetto 2.1 I/O	3
3	Algoritmi Utilizzati 3.1 Genetic Algorithm	3

1 Introduzione

Il presente documento contiene le informazioni riguardanti il mio metodo di risoluzione del problema del commesso viaggiatore (Travelling salesman problem, TSP). Questo progetto è un requisito del corso di *Algoritmi Avanzati ed Ottimizzazione (C08003)*, tenuto presso la *Scuola Universitaria Professionale della Svizzera Italiana (SUPSI)* durante il corso di laurea in ingegneria informatica.

1.1 Scopo

Lo scopo del progetto è quello di risolvere 10 problemi di TSP (originati dalla libreria TSPLIB) forniteci ad inizio corso sfruttando uno o più algoritmi sviluppati in Java.

1.2 Requisiti

Di seguito vengono riportati i requisiti per un corretto svolgimento della coppa:

- Limite di tempo: massimo 3 minuti per problema, il tempo è inteso da quando il software inizia a quando finisce.
- 10 problemi (forniti in un file .zip ad inizio corso)
- Linguaggio di programmazione: Java
- Obbligatorio l'utilizzo di Maven, vietato l'utilizzo di librerie esterne
- Esecuzione replicabile: è necessario salvare eventuali seed e parametri da usare
- Risoluzione dei problemi: effettuata mediante tests. Deve essere possibile eseguire un test per risolvere un problema.

1.3 Problema del commesso viaggiatore (TSP)

Il problema che andremo a risolvere attraverso il nostro algoritmo è quello del commesso viaggiatore. La descrizione può essere formalizzata come segue: un commesso viaggiatore necessita di visitare n città, al massimo una volta, partendo da una città di partenza A e tornando alla stessa dopo averle visitate tutte. Si chiede di trovare qual è il percorso ottimale (ossia il percorso più breve) che visiti tutte le città.

Il problema, di tipo NP-hard, viene espresso matematicamente nel modo seguente: dato un grafo pesato e completo G=(V,E,w) con n veritci, determinare il ciclo hamiltoniano con il costo più basso. Data una matrice di incidenza C (dove $c_{i,j} \in \{0,1\}$), ed una matrice dei pesi w, la funzione obiettivo è la seguente:

$$\min \sum_{i=0}^{n} \sum_{j=0}^{n} c_{i,j} \cdot w_{i,j} \tag{1}$$

Dato che la computazione e verifica di tutte le n! possibilità richiederebbe un tempo troppo elevato (ed il tempo per la risoluzione di un problema è limitato a 3 minuti), nel nostro progetto ci accontenteremo di una "buona" soluzione, utilizzando dei metodi euristici.

2 Svolgimento del progetto

2.1 I/O

Quale step iniziale e fondamentale è stato necessario sviluppare un parser dei problemi forniti, in quanto questi venivano forniti in un formato proprietario che sfrutta la struttura seguente:

```
NAME: ch130
TYPE: TSP
COMMENT: 130 city problem (Churritz)
DIMENSION: 130
EDGE_WEIGHT_TYPE: EUC_2D
BEST_KNOWN: 6110
NODE_COORD_SECTION
1 334.5909245845 161.7809319139
2 397.6446634067 262.8165330708
(...)
EOF
```

Al fine di sfruttare al meglio il tempo a disposizione per i runs ho deciso di spendere un po' più del mio tempo a sviluppare un parser che fosse efficiente e non facesse uso di Regular Expressions. Questo ha portato alla creazione della classe TSPLoader. Una volta caricato un problema (tramite il metodo parseFile()) viene restituita un'istanza della classe TSPData. Questa classe contiene i file di problema che verranno poi utilizzati in qualsiasi algoritmo di risoluzione.

3 Algoritmi Utilizzati

3.1 Genetic Algorithm

Per l'algoritmo genetico ho fatto uso di una funzione di crossover ampiamente discussa e rivisitata, ottimizzata per il TSP, chiamata EAX (Edge Assembly Crossover).

```
// TODO E_C := (E_A \setminus (\mathsf{E}\text{-}\mathsf{Set} \cap E_A)) \cup (\mathsf{E}\text{-}\mathsf{Set} \cap E_B)
```