Mein Dokument

Dein Name

30. Juni 2025

Inhaltsverzeichnis

| 1 | Gr | undlagen | 9 |
|---|------|--|----|
| 1 | Web | oer-Kraft | 11 |
| | 1.1 | Klassische Weber-Kraft (Elektrodynamik) | 12 |
| | 1.2 | Maxwell und ART: Wellen und Raummodelle | 12 |
| | | 1.2.1 Maxwell im flachen Raum | 12 |
| | | 1.2.2 ART in gekrümmter Raumzeit | 12 |
| | 1.3 | Weber-Kraft und Quantengravitation | 13 |
| | | 1.3.1 Konzeptionelle Vorteile | 13 |
| | 1.4 | Weber-Kraft und Gravitation | 13 |
| | 1.5 | Grundgleichungen der Weber-Kraft | 14 |
| | | 1.5.1 Vorteile der Weber-Gravitation | 14 |
| | 1.6 | Weber-Kraft im Dreikörpersystem | 15 |
| | 1.7 | Quantisierte Weber-Kraft (Gittermodell) | 16 |
| | 1.8 | Einsetzen in die Kraftgleichung | 17 |
| | 1.9 | Klassische Lösung (0. Ordnung) | 18 |
| | 1.10 | Relativistische Korrektur (1. Ordnung) | 19 |
| | | Beschleunigung bis zur 1. Ordnung | 20 |
| | | Explizite Form mit Bahnelementen | 21 |
| | 1.13 | Theoretische Grundlage | 22 |
| | | Schrittweitensteuerung | 23 |
| | | Numerische Korrektur | 24 |
| | | Gesamtlösung | 25 |
| | 1.17 | Kartesische Koordinaten | 26 |
| | 1.18 | Zeitliche Ableitungen | 27 |
| | | Skalarprodukte | 28 |
| | 1.20 | Differentialgleichung für $x(\phi)$ | 29 |
| | 1.21 | Differentialgleichung für $y(\phi)$ | 30 |
| | 1.22 | Differentialgleichung für $\omega(\phi)$ | 31 |
| | 1.23 | Zusammenfassung des DGL-Systems | 32 |
| | 1.24 | Koordinatensystem und Basisvektoren | 33 |
| | | Geschwindigkeitsquadrat | 34 |
| | 1.26 | Beschleunigungsskalarprodukt | 35 |
| | 1.27 | Bewegungsgleichung in vektorieller Form | 36 |
| | 1.28 | Differentialgleichungssystem | 37 |
| | 1.29 | Explizite DGL für x-Komponente | 38 |
| | | Explizite DGL für y-Komponente | 39 |
| | 1.31 | Transformiertes System 1. Ordnung | 40 |
| | 1.32 | Elektrisches Feld als Deformationsgradient | 41 |
| | | Energie-Impuls-Beziehung für Photonen | 42 |
| | | Theorievergleich: ART vs. Weber | 43 |
| | 1.35 | Vorteile der Weber-Theorie | 44 |
| | 1.36 | Historische Dominanz der ART | 45 |
| | | Quantengravitation mit Weber | 46 |
| | | Periheldrehung des Merkur | 47 |
| | | Allgemeine β -Formel | 48 |
| | | Gravitationswellengleichung | 49 |
| | | Frequenzabhängige Lichtablenkung | 50 |
| | 1.49 | Hamiltonian des Dodekaeder-Citters | 51 |

| 1.43 | Periheldrehung des Merkur | 52 |
|------|---|----|
| 1.44 | Gravitative Rotverschiebung | 53 |
| 1.45 | Shapiro-Laufzeitverzögerung | 54 |
| 1.46 | Gravitationswellen-Quadrupolformel | 55 |
| 1.47 | Quantisierte Raumzeit-Parameter | 56 |
| | Predictor-Corrector-Verfahren | 57 |
| | Symplektische Integration | 58 |
| | Gitter-QCD-Ansatz | 59 |
| | | 60 |
| | N-Körper-Weber-Kraft | 61 |
| | Bewegungsgleichung in Polarkoordinaten | |
| 1.53 | Drehimpulserhaltung | 62 |
| | Modifizierte Radialgleichung | 63 |
| 1.55 | Winkelgeschwindigkeit | 64 |
| 1.56 | Näherungslösung für Merkurbahn | 65 |
| | Die Kerninnovation | 66 |
| 1.58 | Vollständige Impulsdynamik | 67 |
| | Impulsverteilungsmechanismus | 68 |
| 1.60 | Iterationsschema der Impulsverteilung | 69 |
| | Gesamtkopplungsmatrix | 70 |
| | Konvergenzkriterium | 71 |
| | Erhaltungssicherung | 72 |
| | Impulsgleichung für modifizierte Keplerbahn | 73 |
| | Vollständige Impulsverteilung | 74 |
| 1.00 | 1.65.1 Grundprinzip | 74 |
| | | |
| | 1.65.2 Kopplungsmatrix | 74 |
| | 1.65.3 Erhaltungssätze | 74 |
| | 1.65.4 Spezialfall: Zwei Körper | 74 |
| 1.66 | Ausgangsgleichungen | 75 |
| | 1.66.1 Keplerbahn | 75 |
| | 1.66.2 Drehimpulserhaltung | 75 |
| 1.67 | Geschwindigkeitskomponenten | 76 |
| | 1.67.1 Radialgeschwindigkeit | 76 |
| | 1.67.2 Azimutalgeschwindigkeit | 76 |
| 1.68 | Impulsberechnung | |
| | 1.68.1 Impuls in Polarkoordinaten | |
| | 1.68.2 Endergebnis | |
| | 1.68.3 Betrag des Impulses | |
| 1 60 | Spezialfälle | 78 |
| 1.03 | 1.69.1 Kreisbahn ($e = 0$) | 78 |
| | | 78 |
| | 1.69.2 Perihel ($\phi = 0$) | |
| 1 70 | 1.69.3 Aphel $(\phi = \pi)$ | 78 |
| | Physikalische Interpretation | 79 |
| 1.71 | Grundgleichungen und Definitionen | 80 |
| | 1.71.1 Bahngleichung | 80 |
| | 1.71.2 Drehimpulserhaltung | 80 |
| 1.72 | Berechnung der Geschwindigkeiten | 81 |
| | 1.72.1 Radialgeschwindigkeit | 81 |
| | 1.72.2 Azimutalgeschwindigkeit | 81 |
| 1.73 | Berechnung des Impulses | 82 |
| | 1.73.1 Impulsdefinition | 82 |
| | 1.73.2 Radialkomponente | 82 |
| | 1.73.3 Azimutalkomponente | 82 |
| 1.74 | Endergebnis | 83 |
| | Zusätzliche Bemerkungen | 84 |
| | Eingangsparameter | 85 |
| 1.10 | 1.76.1 Kraftgleichung (radial) | 85 |
| | | |
| | 1.76.2 Keplerbahn $r(\phi)$ | 85 |
| 1 == | 1.76.3 Drehimpulserhaltung | 85 |
| 1.77 | Berechnung der Zeitableitungen | 86 |

| | 1.77.1 Radialgeschwindigkeit \dot{r} | 86 |
|-------|--|--------------|
| | 1.77.2 Radialbeschleunigung \ddot{r} | 86 |
| 1.78 | Berechnung des Impulses $\mathbf{p}(t)$ | 87 |
| | 1.78.1 Endergebnis | 87 |
| 1.79 | Interpretation und Anmerkungen | 88 |
| | Grundformel | 89 |
| | Eingangswerte für Merkur | 90 |
| | Berechnung von κ | 91 |
| 1.02 | 1.82.1 Schritt 1: Nenner $c^2a(1-e^2)$ | 91 |
| | 1.82.2 Schritt 2: Zähler $6GM$ | 91 |
| | 1.82.3 Schritt 3: Berechnung von κ | 91 |
| 1 09 | | 92 |
| | Periheldrehung pro Umlauf | 93 |
| 1.84 | Periheldrehung pro Jahrhundert | |
| 1.85 | Vergleich mit Beobachtung | 94 |
| | Zusammenfassung | 95 |
| 1.87 | Grundgleichung der Winkelgeschwindigkeit | 96 |
| | 1.87.1 Modifizierte Winkelgeschwindigkeit nach Weber | 96 |
| 1.88 | Winkeländerung für T = 1 Sekunde | 97 |
| | 1.88.1 Infinitesimale Änderung | 97 |
| | 1.88.2 Ergebnis für $\Delta\phi$ (1 Sekunde) | 97 |
| 1.89 | Beispiel: Merkur im Perihel $(\varphi_0 = 0)$ | 98 |
| | 1.89.1 Berechnung | 98 |
| | 1.89.2 $\Delta \phi$ nach 1 Sekunde | 98 |
| 1.90 | Kumulative Periheldrehung | 99 |
| | Grundprinzip | 100 |
| | 1.91.1 DGL-System | |
| | 1.91.2 Zeitberechnung | |
| 1 92 | Physikalische Bedeutung der Gleichungen | |
| 1.02 | 1.92.1 Radial position (r) | |
| | 1.92.2 Radialgeschwindigkeit (v_r) | |
| | 1.92.3 Winkelgeschwindigkeit (ω) | |
| 1 02 | | |
| 1.95 | Numerische Lösung | |
| | 1.93.1 Schritt 1: Initialisierung | |
| | 1.93.2 Schritt 2: Kraftberechnung | |
| | 1.93.3 Schritt 3: Integration (Euler-Verfahren) | |
| | 1.93.4 Hinweis | |
| 1.94 | Beispiel: Merkur-Bahn | |
| | 1.94.1 Parameter | |
| | 1.94.2 Erster Schritt ($\Delta \phi = 0.01 \text{ rad}$) | |
| 1.95 | Zusammenfassung | 104 |
| 1.96 | Knotendynamik & Energie | 105 |
| | 1.96.1 Energie-Knoten-Relation | 105 |
| | 1.96.2 Beispiel Proton | 105 |
| 1.97 | $SU(3)\times SL(2,C)$ -Vereinheitlichung | 106 |
| | 1.97.1 Symmetriegruppe | 106 |
| | 1.97.2 Kombinierte Wirkung | 106 |
| 1.98 | Renormierungsgruppenfluss | 107 |
| | 1.98.1 Beta-Funktion | 107 |
| | 1.98.2 Knotenspezifische Korrektur | 107 |
| 1.99 | Nichtperturbative Quantisierung | 108 |
| 1.00 | 1.99.1 Diskretisierte Wirkung | 108 |
| | 1.99.2 Wilson-Loops | 108 |
| 1 100 | | 109 |
| 1.100 | 0Topologische Feldtheorie | $109 \\ 109$ |
| | 1.100.1 Chern-Simons-Wirkung | |
| 1 10 | 1.100.2 Verknüpfungszahl | 109 |
| 1.101 | 1Knotenmoden-Klassifikation | |
| | 1.101.1 Alexander-Conway-Gleichung | |
| | 1.101.2 Spektraler Index | |
| 1.102 | 2Vektordefinitionen (Kartesische Koordinaten) | 111 |

| 1.102.1 Ortsvektor | 111 |
|---|-----|
| 1.102.2 Geschwindigkeitsvektor | 111 |
| 1.102.3 Beschleunigungsvektor | 111 |
| 1.103Lösungen in Vektorform | |
| 1.103.1 Bahngleichung (xy-Ebene) | |
| $1.103.2\mathrm{Geschwindigkeitsfeld}$ | |
| 1.104N-Körper-Systeme | |
| 1.104.1 Beschleunigung des i-ten Körpers | |
| $1.104.2 \mathrm{Radialkomponenten}$ | |
| 1.105Grundgrößen und Konstanten | |
| 1.105.1 Abgeleitete Größen | |
| 1.106Kartesische Bahngleichungen | |
| $1.106.1$ Positionsvektor $\vec{r}(\phi)$ | |
| $1.106.2\mathrm{Geschwindigkeitsvektor}ec{v}(\phi)$ | |
| $1.106.3\mathrm{Winkelgeschwindigkeit}\omega(\phi)$ | |
| 1.107Beispielberechnungen | |
| $1.107.1$ Perihel $(\phi = 0)$ | |
| 1.107.2 Physikalische Interpretation | |
| 1.108Gültigkeitsbereich | |
| 1.108.1 Implementierungshinweise | |
| 1.109Quantisiertes Dodekaeder-Gitter | |
| 1.109.1 Knotenenergie aus Jones-Polynomen | |
| $1.109.2\mathrm{Gittereigenschaften}$ | |
| 1.110Experimentelle Vorhersagen | |
| 1.110.1 Unterscheidungsmerkmale | |
| 1.111Kritik an der Allgemeinen Relativitätstheorie | |
| 1.111.1 Probleme der ART | |
| 1.111.2 Warum Weber überlegen ist | |
| 1.112Zusammenfassung: Die Wahrheit gewinnt | |
| 1.112.1 Theorie-Eigenschaften | |
| 1.112.2 Ausblick | |
| 1.113Heliozentrisch \rightarrow Baryzentrisch Transformation | |
| 1.113.1 Baryzentrische Position der Sonne | |
| 1.113.2 Baryzentrische Positionen der Planeten | |
| 1.113.3 Baryzentrische Geschwindigkeiten | |
| 1.114Validierungstests | |
| 1.114.1 Schwerpunkttest | |
| 1.114.2 Umkehrtransformation | |
| 1.115Beispiel: Sonne-Jupiter-System | |
| 1.116 In Neuronia la Companiale de la constitución | |
| 1.116.2 A beneith roug | |
| 1.116.2 Algorithmus | |
| 1.117Objektzuordnungen und Variablen | |
| 1.117.1 Aktiver Korper (wird gestort) | |
| 1.118Weber-Störungsterme | |
| 1.118.1 Positionsstörung | |
| 1.118.2 Winkelgeschwindigkeitsstörung | |
| 1.119Physikalische Interpretation | |
| 1.120Zeitberechnung aus $\omega(\phi)$ mit Korrekturterm | |
| 1.120.1 Integralgleichung mit Korrektur | |
| 1.121Analytische Lösung | |
| 1.122Beispiel: 1° Merkur-Orbit | |
| 1.122.1 Parameter für Merkur | |
| 1.123Klassische Kepler-Periode | |
| 1.124Weber-Modifikation (1. Ordnung) | |
| 1.125Berechnung für Merkur | |
| 1.126Erweiterte Formel (höhere Ordnungen) | |
| 1.126.1 Praktische 1. Ordnungsformel | |

| $1.127 Physikalische Grundlagen \dots 13$ | |
|--|----|
| $1.128 Mathematische \ Herleitung \ \dots \ $ | |
| 1.128.1 Integral formulierung | |
| 1.128.2 Substitution der Bahnkurve | |
| 1.128.3 Lösung der Integrale | |
| $1.129 Anwendungsbeispiel: Merkur-Orbit \dots \dots$ | |
| 1.129.1 Berechnung für 1° Bahnsegment ($\Delta \phi = \pi/180$) | 8 |
| 1.129.2 Physikalische Interpretation | |
| $1.130 Vergleich \ mit \ der \ ART \ . \ . \ . \ . \ . \ . \ . \ . \ . \ $ | 39 |
| 1.130.1 Vorteile der Formulierung | 39 |
| $1.131 Zusammen fassung \qquad \dots \qquad 14$ | 10 |
| $1.132 Universelle\ Knoten-Gitter-Dynamik \ldots \ldots 14$ | 1 |
| 1.132.1 Grundform der Theorie | 1 |
| 1.132.2 Symbolerklärungen | 1 |
| 1.133 Vollständige analytische Lösung für $\vec{v}(\phi)$ mit Weber-Kraft | 12 |
| 1.133.1 Definition der Variablen | 2 |
| 1.133.2 Exakte Bahngleichung | 12 |
| 1.133.3 Geschwindigkeitskomponenten | 12 |
| 1.133.4 Vektorielle Geschwindigkeit | 12 |
| 1.134N-Körper-Integration mit Velocity-Verlet | 13 |
| 1.134.1 Physikalische Grundgleichungen | 13 |
| 1.134.2 Velocity-Verlet Algorithmus | |
| 1.134.3 Energieerhaltung | |
| 1.134.4 Zeitschrittkontrolle | 13 |
| 1.135Universelles Zeitformat für Himmelskörper | 4 |
| 1.135.1 Standardisiertes Format | |
| 1.135.2 Anwendungsbeispiele | |
| 1.135.3 Technische Umsetzung | |
| 1.135.4 Vorteile | |
| 1.135.5 Vergleich mit anderen Systemen | |
| 1.135.6 Mars Rover Beispiel | |
| 1.136 Vorteile des himmelsmechanischen Zeitsystems | |
| 1.136.1 Physikalisch konsistente Zeitmessung | |
| 1.136.2 Universelle Anwendbarkeit | |
| 1.136.3 Präzisionsgewinn | |
| 1.136.4 Praktische Anwendungen | |
| 1.136.5 Langfristige Stabilität | |
| 1.136.6 Implementierungsbeispiel | |
| 1.137Natürliche Zeitdefinition für Himmelskörper | |
| 1.137.1 Grundprinzip der Winkelzeit | |
| 1.137.2 Erde-Mond-Zeitsystem | |
| 1.137.3 Zeitumrechnung | |
| 1.137.4 Kalendersystem | |
| 1.137.5 Implementierung | |

Teil I Grundlagen

Kapitel 1

Weber-Kraft

1.1 Klassische Weber-Kraft (Elektrodynamik)

$$\mathbf{F}_{\text{Weber}}^{\text{EM}} = \frac{Qq}{4\pi\epsilon_0 r^2} \left(1 - \frac{\dot{r}^2}{c^2} + \frac{2r\ddot{r}}{c^2} \right) \hat{\mathbf{r}}$$
 (1.1.1)

Symbolbeschreibung

- Q, q: Elektrische Ladungen
- ϵ_0 : Elektrische Feldkonstante
- \bullet r: Ladungsabstand
- $\dot{r} = \frac{dr}{dt}$: Relative Radialgeschwindigkeit
- $\ddot{r} = \frac{d^2r}{dt^2}$: Relative Radialbeschleunigung
- c: Lichtgeschwindigkeit
- \hat{r} : Radialer Einheitsvektor

Beziehung zur Coulomb-Kraft

- Erster Term entspricht Coulomb-Kraft: $\frac{Qq}{4\pi\epsilon_0 r^2}$
- Zusatzterme $\left(-\frac{\dot{r}^2}{c^2} + \frac{2r\ddot{r}}{c^2}\right)$ beschreiben Bewegungsabhängige Korrekturen
- Reduktion auf Coulomb-Kraft im statischen Fall $(\dot{r} = \ddot{r} = 0)$

Vergleich mit Maxwell-Theorie

- Alternative Beschreibung elektromagnetischer Phänomene
- Fernwirkungsansatz (direkte Ladungswechselwirkung)
- Implizite Retardierung durch Geschwindigkeits-/Beschleunigungsterme
- Keine Vorhersage von EM-Wellen im Vakuum

1.2 Maxwell und ART: Wellen und Raummodelle

1.2.1 Maxwell im flachen Raum

• Wellengleichung im Vakuum:

$$\left(\nabla^2 - \frac{1}{c^2}\partial_t^2\right)\boldsymbol{E} = 0 \tag{1.2.1}$$

- Raummodell: Minkowski-Raum $\mathbb{R}^{3,1}$ mit $\eta_{\mu\nu}$
- Lichtausbreitung: Geradlinig mit $c = 1/\sqrt{\mu_0 \epsilon_0}$

1.2.2 ART in gekrümmter Raumzeit

• Einstein-Gleichungen:

$$G_{\mu\nu} = \frac{8\pi G}{c^4} T_{\mu\nu} \tag{1.2.2}$$

- Lichtausbreitung: Nullgeodäten $(ds^2 = 0)$
- Konsequenzen:
 - 1. Gravitative Lichtablenkung
 - 2. Shapiro-Verzögerung
 - 3. Gravitative Rot-/Blauverschiebung

Tabelle 1.1: Vergleich Maxwell und ART

| Maxwell | ART |
|-------------------------------|--------------------------------|
| Lineare Wellengleichung | Geodätengleichung |
| Flache Metrik $\eta_{\mu\nu}$ | Dynamische Metrik $g_{\mu\nu}$ |
| Lorentz-Invarianz | Allgemeine Kovarianz |

1.3 Weber-Kraft und Quantengravitation

1.3.1 Konzeptionelle Vorteile

- Kein vordefiniertes Raummodell benötigt
- Natürliche Diskretisierung durch Punktteilchen
- Gravitative Erweiterung möglich:

$$F_{\text{Weber}}^{G} = G \frac{mM}{r^2} \left(1 - \frac{\dot{r}^2}{c^2} + \frac{2r\ddot{r}}{c^2} \right) \hat{r}$$
 (1.3.1)

Die Gleichung 1.3.1 entspricht der Gleichung 1.1.1 als hypothetische Annahme über die Gravitationskraft.

Tabelle 1.2: Quantisierungsprobleme und Alternativen

| ART-Problem | Weber-Lösungsansatz |
|-----------------------|--|
| Nichtrenormierbarkeit | Keine Geometriequantisierung nötig |
| Singularitäten | Punktteilchen ohne Metrik |
| Zeitproblem | Explizite Zeitabhängigkeit in \dot{r}, \ddot{r} |

Zusammenfassung

- Umgeht Quantisierungsprobleme der ART
- Ermöglicht diskrete Raumzeitmodelle
- Offene Fragen:
 - Verallgemeinerung auf nicht-abelsche Theorien
 - Quantenfeldtheoretische Formulierung
 - Experimentelle Tests
- Potentieller Brückenansatz zur Quantengravitation

1.4 Weber-Kraft und Gravitation

Tisserands Ansatz

Die Übertragung der elektrodynamischen Weber-Kraft 1.1.1 auf die Gravitation 1.3.1 scheiterte an der Erklärung der Periheldrehung des Merkur.

Hinweis

Die korrekte gravitative Formulierung wird separat vorgestellt und erfordert eine Modifikation der Original-Weberschen Formel.

1.5 Grundgleichungen der Weber-Kraft

Weber-Kraft Gleichung

$$\mathbf{F} = -\frac{GMm}{r^2} \left(1 - \frac{\dot{r}^2}{c^2} + \frac{r\ddot{r}}{2c^2} \right) \hat{\mathbf{r}}$$
 (1.5.1)

1.5.1 Vorteile der Weber-Gravitation

- Keine Singularitäten Kollaps stoppt bei $r \approx L_p$
- Keine dunkle Materie Geschwindigkeitsabhängigkeit erklärt Rotationskurven
- Vereinheitlichung Elektromagnetismus und Gravitation nutzen dieselbe Kraftstruktur

Bewegungsgleichung in Polarkoordinaten

$$\mathbf{a} = \left(\ddot{r} - r\dot{\varphi}^2\right)\hat{\mathbf{r}} + \left(r\ddot{\varphi} + 2\dot{r}\dot{\varphi}\right)\hat{\varphi} = -\frac{GM}{r^2}\left(1 - \frac{\dot{r}^2}{c^2} + \frac{r\ddot{r}}{2c^2}\right)\hat{\mathbf{r}}$$
(1.5.2)

Variablenbeschreibung

- F: Gravitationskraftvektor (Weber-Kraft) [N]
- a: Beschleunigungsvektor [m/s²]
- G: Gravitationskonstante [m³/kg/s²]
- M, m: Massen der wechselwirkenden Körper [kg]
- r: Abstand zwischen den Massenschwerpunkten [m]
- $\dot{r} = \frac{dr}{dt}$: Radiale Relativgeschwindigkeit [m/s]
- $\ddot{r} = \frac{d^2r}{dt^2}$: Radiale Relativbeschleunigung [m/s²]
- c: Lichtgeschwindigkeit [m/s]
- φ : Azimutwinkel [rad]
- $\dot{\varphi} = \frac{d\varphi}{dt}$: Winkelgeschwindigkeit [rad/s]
- $\ddot{\varphi} = \frac{\ddot{a}^2 \varphi}{dt^2}$: Winkelbeschleunigung [rad/s²]
- $\hat{\mathbf{r}}$: Radialer Einheitsvektor (zeigt von M zu m)
- $\hat{\varphi}$: Azimutaler Einheitsvektor (senkrecht zu $\hat{\mathbf{r}}$)

Physikalische Interpretation

- Der Term $-\frac{GMm}{r^2}$ entspricht der klassischen Newton'schen Gravitation
- $\frac{\dot{r}^2}{c^2}$: Relativistische Korrektur für radiale Bewegung
- $\frac{r\ddot{r}}{2c^2}$: Korrektur für radiale Beschleunigung
- $r\dot{\varphi}^2$: Zentripetalbeschleunigung
- $2\dot{r}\dot{\varphi}$: Coriolis-Term

1.6 Weber-Kraft im Dreikörpersystem

$$\mathbf{F}_{1} = -Gm_{1} \left[\frac{m_{2}}{r_{12}^{3}} \mathbf{r}_{12} \left(1 - \frac{\dot{r}_{12}^{2}}{c^{2}} + \frac{r_{12}\ddot{r}_{12}}{2c^{2}} \right) + \frac{m_{3}}{r_{13}^{3}} \mathbf{r}_{13} \left(1 - \frac{\dot{r}_{13}^{2}}{c^{2}} + \frac{r_{13}\ddot{r}_{13}}{2c^{2}} \right) \right]$$

1.7 Quantisierte Weber-Kraft (Gittermodell)

$$F_{Weber}^{QED} = \frac{V_1(t)V_2(t)}{4\pi\epsilon_0(nL_p)^2} \left(1 - \frac{(\Delta L_p/\Delta t_p)^2}{c^2} + \frac{2L_p\Delta^2 L_p}{c^2\Delta t_p^2}\right) \hat{r}$$

1.8 Einsetzen in die Kraftgleichung

$$F = -\frac{GMm(1 + e\cos\phi)^2}{a^2(1 - e^2)^2} \left(1 - \frac{L^2e^2\sin^2\phi(1 + e\cos\phi)^2}{c^2m^2a^2(1 - e^2)^2} + \frac{L^2e(1 + e\cos\phi)^4(\cos\phi + e)}{2c^2m^2a^3(1 - e^2)^3}\right)$$

1.9 Klassische Lösung (0. Ordnung)

Für $c \to \infty$ ergibt sich die Kepler-Bahn:

$$r_0(\varphi) = \frac{a(1 - e^2)}{1 + e\cos\varphi}$$

$$a_0(\varphi) = -\frac{GM}{r_0^2(\varphi)}$$

1.10 Relativistische Korrektur (1. Ordnung)

Störungsansatz für die Beschleunigung:

$$a(\varphi) = a_0(\varphi) + \frac{GM}{c^2}a_1(\varphi) + \mathcal{O}(1/c^4)$$

Einsetzen in die Bewegungsgleichung liefert den Korrekturterm:

$$a_1(\varphi) = \frac{GM}{r_0^2(\varphi)} \left(\frac{3h^2}{r_0^2(\varphi)} - \frac{h^2}{2GMr_0(\varphi)} \left(\frac{dr_0}{d\varphi} \right)^2 \right)$$

1.11 Beschleunigung bis zur 1. Ordnung

$$a(\varphi) = -\frac{GM}{r_0^2(\varphi)} \left[1 - \frac{1}{c^2} \left(\frac{3h^2}{r_0^2(\varphi)} - \frac{h^2}{2GMr_0(\varphi)} \left(\frac{dr_0}{d\varphi} \right)^2 \right) \right]$$

Hinweis: $r_0(\varphi)$ ist die klassische Kepler-Lösung, h der spezifische Drehimpuls.

1.12 Explizite Form mit Bahnelementen

Einsetzen von $r_0(\varphi) = \frac{a(1-e^2)}{1+e\cos\varphi}$:

$$a(\varphi) = -\frac{GM(1 + e\cos\varphi)^2}{a^2(1 - e^2)^2} \left[1 - \frac{3h^2(1 + e\cos\varphi)^2}{c^2a^2(1 - e^2)^2} + \frac{h^2e^2\sin^2\varphi}{2c^2GMa^3(1 - e^2)^3} (1 + e\cos\varphi)^3 \right]$$

1.13 Theoretische Grundlage

$$r(\phi) = r_{\text{ART}}(\phi) + \delta r(\phi)$$

Hier ist $r_{\text{ART}}(\phi)$ die analytische Näherung (ART-genau) und $\delta r(\phi)$ die numerisch berechnete Korrektur.

1.14 Schrittweitensteuerung

Die Schrittweite $\Delta \phi$ wird dynamisch aus den analytischen Ableitungen bestimmt:

$$\Delta \phi = \min \left(\Delta \phi_{\max}, \frac{\epsilon}{|w(\phi)| + |v(\phi)|} \right)$$

mit $v(\phi) = \frac{dr}{d\phi}$ und $w(\phi) = \frac{d^2r}{d\phi^2}$ aus der ART-Näherung.

1.15 Numerische Korrektur

In jedem Schritt wird nur die Abweichung von der ART-Näherung numerisch integriert:

 $\delta r(\phi+\Delta\phi)=\delta r(\phi)+\mbox{Numerische Integration von (DGL-ART-Ableitung)}$

25

1.16 Gesamtlösung

Die finale Lösung kombiniert beide Anteile:

$$r(\phi + \Delta\phi) = r_{\text{ART}}(\phi + \Delta\phi) + \delta r(\phi + \Delta\phi)$$

1.17 Kartesische Koordinaten

26

$$\vec{r}(\phi) = \begin{pmatrix} x(\phi) \\ y(\phi) \end{pmatrix}$$
$$r(\phi) = \sqrt{x(\phi)^2 + y(\phi)^2}$$
$$\omega(\phi) = \frac{d\phi}{dt} = \frac{h}{r(\phi)^2}$$

Zeitliche Ableitungen 1.18

$$\dot{\vec{r}} = \omega \frac{d\vec{r}}{d\phi} = \omega \vec{r}'$$

$$\begin{split} \dot{\vec{r}} &= \omega \frac{d\vec{r}}{d\phi} = \omega \vec{r}' \\ \ddot{\vec{r}} &= \omega^2 \vec{r}'' + \omega \frac{d\omega}{d\phi} \vec{r}' \end{split}$$

1.19 Skalarprodukte

$$|\dot{\vec{r}}|^2 = \omega^2 (x'^2 + y'^2)$$

$$\vec{r} \cdot \ddot{\vec{r}} = \omega^2 (xx'' + yy'') + \omega \frac{d\omega}{d\phi} (xx' + yy')$$

1.20 Differential gleichung für $x(\phi)$

$$x'' = \frac{1}{1 + \frac{GM}{2c^2r}} \left[\frac{2(x'^2 + y'^2)}{r^2} x - \frac{GM}{\omega^2 r^3} x \left(1 - \frac{\omega^2 (x'^2 + y'^2)}{c^2} \right) \right]$$

1.21 Differential gleichung für $y(\phi)$

$$y'' = \frac{1}{1 + \frac{GM}{2c^2r}} \left[\frac{2(x'^2 + y'^2)}{r^2} y - \frac{GM}{\omega^2 r^3} y \left(1 - \frac{\omega^2 (x'^2 + y'^2)}{c^2} \right) \right]$$

1.22 Differential gleichung für $\omega(\phi)$

$$\frac{d\omega}{d\phi} = -\frac{2h}{r^3}(xx' + yy')$$

Zusammenfassung des DGL-Systems 1.23

$$\vec{Y} = \begin{pmatrix} x \\ y \\ x' \\ y' \\ \omega \end{pmatrix}$$

$$\vec{Y} = \begin{pmatrix} x \\ y \\ x' \\ y' \\ \omega \end{pmatrix}$$

$$\frac{d\vec{Y}}{d\phi} = \begin{pmatrix} x' \\ y' \\ x'' \\ y'' \\ \omega' \end{pmatrix}$$

1.24 Koordinatensystem und Basisvektoren

$$\begin{split} \hat{e}_r &= \cos\phi \, \hat{i} + \sin\phi \, \hat{j} \\ \hat{e}_\phi &= -\sin\phi \, \hat{i} + \cos\phi \, \hat{j} \\ \vec{r} &= r \hat{e}_r, \quad \dot{\vec{r}} = \dot{r} \hat{e}_r + r \dot{\phi} \hat{e}_\phi \end{split}$$

${\bf 1.25}\quad {\bf Geschwindigkeits quadrat}$

$$|\dot{\vec{r}}|^2 = \dot{r}^2 + r^2 \dot{\phi}^2$$

${\bf 1.26}\quad Be schle unigungs skalar produkt$

$$\vec{r} \cdot \ddot{\vec{r}} = r\ddot{r} - r^2 \dot{\phi}^2$$

1.27 Bewegungsgleichung in vektorieller Form

$$m\ddot{\vec{r}} = -\frac{GMm}{r^2} \left(1 - \frac{\dot{r}^2 + r^2 \dot{\phi}^2}{c^2} + \frac{r\ddot{r} - r^2 \dot{\phi}^2}{2c^2} \right) \hat{e}_r$$

${\bf 1.28}\quad {\bf Differential gleichungs system}$

$$\begin{cases} \frac{d^2x}{d\phi^2} = f_x \left(x, y, \frac{dx}{d\phi}, \frac{dy}{d\phi} \right) \\ \frac{d^2y}{d\phi^2} = f_y \left(x, y, \frac{dx}{d\phi}, \frac{dy}{d\phi} \right) \end{cases}$$

1.29 Explizite DGL für x-Komponente

$$\frac{d^2x}{d\phi^2} = \frac{\frac{GMm^2}{L^2}\frac{x}{r^3} - \frac{x}{r^2} - \frac{GM}{c^2}\left[\frac{1}{r^2}\left(\frac{dx}{d\phi}\frac{dy}{d\phi}(y\frac{dx}{d\phi} - x\frac{dy}{d\phi}) + \frac{x}{2r^4}\left((\frac{dx}{d\phi})^2 + (\frac{dy}{d\phi})^2\right)\right)\right]}{1 - \frac{GM}{2c^2r}}$$

1.30 Explizite DGL für y-Komponente

$$\frac{d^2y}{d\phi^2} = \frac{\frac{GMm^2}{L^2}\frac{y}{r^3} - \frac{y}{r^2} - \frac{GM}{c^2}\left[\frac{1}{r^2}\left(\frac{dx}{d\phi}\frac{dy}{d\phi}(x\frac{dy}{d\phi} - y\frac{dx}{d\phi}) + \frac{y}{2r^4}\left((\frac{dx}{d\phi})^2 + (\frac{dy}{d\phi})^2\right)\right)\right]}{1 - \frac{GM}{2c^2r}}$$

1.31 Transformiertes System 1. Ordnung

$$\begin{cases} \frac{dx}{d\phi} = v_x \\ \frac{dy}{d\phi} = v_y \\ \frac{dv_x}{d\phi} = f_x(x, y, v_x, v_y) \\ \frac{dv_y}{d\phi} = f_y(x, y, v_x, v_y) \end{cases}$$

1.32 Elektrisches Feld als Deformationsgradient

$$\vec{E} = \frac{\Delta(\text{Zellvolumen})}{L_p^3} \cdot \hat{r}$$

1.33 Energie-Impuls-Beziehung für Photonen

$$E = \hbar \nu = \frac{hc}{\lambda}$$

1.34 Theorievergleich: ART vs. Weber

| Aspekt | ART | Weber |
|-----------------------|-------------------------|--------------------------------|
| Raummodell | Raumzeitkrümmung | Direkte Teilchenwechselwirkung |
| Gravitationswellen | Vorhanden | Nicht existent |
| Schwarze Löcher | Singularitäten | Keine Singularitäten |
| Galaxienrotation | Dunkle Materie benötigt | Natürliche Erklärung |
| Quantenkompatibilität | Problemhaft | Einfacher quantisierbar |

1.35 Vorteile der Weber-Theorie

- Erklärt Galaxienrotation ohne Dunkle Materie
- Vermeidet Singularitäten
- $\bullet\,$ Leichter mit Quantenphysik vereinbar
- Direkte Kräfte zwischen Teilchen (keine Raumkrümmung)

1.36 Historische Dominanz der ART

- Frühe experimentelle Bestätigung (1919)
- Einsteins Bekanntheit
- $\bullet\,$ Forschungsinfrastruktur auf ART ausgerichtet
- $\bullet\,$ Weber-Theorie als ältmodischäbgetan

1.37 Quantengravitation mit Weber

- ullet Keine Hawking-Strahlung vorhergesagt
- $\bullet\,$ Neue Gravitationssignal-Typen möglich
- Direkte Quantisierung der Kraftgleichung
- $\bullet\,$ Kompatibel mit Quantenfeld theorien

1.38 Periheldrehung des Merkur

$$\Delta\theta = \frac{6\pi GM}{ac^2(1-e^2)}$$

1.39 Allgemeine β -Formel

$$\beta = 2 \cdot \left(\frac{1}{2}\right)^{\delta} \cdot \left(1 - \frac{mc^2}{E}\right)$$

${\bf 1.40}\quad {\bf Gravitations well engleichung}$

$$\Box h_{\mu\nu} = -\frac{16\pi G}{c^4} \left(T_{\mu\nu} - \frac{1}{2} \beta \cdot \partial_t^2 Q_{\mu\nu} \right)$$

1.41 Frequenzabhängige Lichtablenkung

$$\Delta\phi \sim \frac{4GM}{c^2b} \left(1 + \frac{\lambda_0^2}{\lambda^2} \right)$$

1.42 Hamiltonian des Dodekaeder-Gitters

$$\mathcal{H} = \sum_{\mathrm{Kanten}} \epsilon (V_i(t) - V_j(t))^2$$

1.43 Periheldrehung des Merkur

$$\Delta\theta = \frac{6\pi GM}{ac^2(1 - e^2)}$$

1.44 Gravitative Rotverschiebung

$$\frac{\Delta\lambda}{\lambda} = \frac{GM}{c^2r} + \frac{v_r^2}{2c^2}$$

1.45 Shapiro-Laufzeitverzögerung

$$\Delta t \approx \frac{4GM}{c^3} \ln \left(\frac{4r_1 r_2}{b^2} \right)$$

${\bf 1.46}\quad {\bf Gravitations wellen-Quadrupol formel}$

$$F_{\rm GW} = -\frac{G}{c^4} \cdot \frac{\partial^3 Q_{ij}}{\partial t^3} \cdot \frac{x^i x^j}{r^3}$$

1.47 Quantisierte Raumzeit-Parameter

$$L_p = \sqrt{\frac{\hbar G}{c^3}} \approx 1.616 \times 10^{-35} \text{m}$$
$$t_p = \sqrt{\frac{\hbar G}{c^5}} \approx 5.391 \times 10^{-44} \text{s}$$

1.48 Predictor-Corrector-Verfahren

- Berechne aktuelle Beschleunigung $a = F_{weber}(r, v)/m$
- Vorhersage neue Geschwindigkeit $v_{neu} = v + a \cdot dt$
- Vorhersage neue Position $r_{neu} = r + v \cdot dt + 0.5 \cdot a \cdot dt^2$
- Neuberechnung $a_{neu} = F_{weber}(r_{neu}, v_{neu})/m$
- Korrektur $v = v + 0.5 \cdot (a + a_{neu}) \cdot dt$
- Update $r = r + v \cdot dt + 0.5 \cdot a_{neu} \cdot dt^2$

1.49 Symplektische Integration

$$\begin{cases} q_{n+1} = q_n + p_n \cdot dt \\ p_{n+1} = p_n - \nabla V(q_{n+1}) \cdot dt \end{cases}$$

${\bf 1.50 \quad Gitter\text{-}QCD\text{-}Ansatz}$

$$S = \sum_{x,\mu<\nu} \operatorname{Re} \operatorname{Tr}(1 - U_{\mu\nu}(x)) + \sum_{x} \bar{\psi}(x) D\psi(x)$$

${\bf 1.51}\quad \hbox{N-K\"{o}rper-Weber-Kraft}$

$$\mathbf{F}_{i} = -G \sum_{j \neq i} \frac{m_{i} m_{j}}{r_{ij}^{3}} \mathbf{r}_{ij} \left(1 - \frac{\dot{r}_{ij}^{2}}{c^{2}} + \frac{r_{ij} \ddot{r}_{ij}}{2c^{2}} \right)$$

1.52 Bewegungsgleichung in Polarkoordinaten

$$m(\ddot{r} - r\dot{\phi}^2) = -\frac{GMm}{r^2} \left(1 - \frac{\dot{r}^2}{c^2} + \frac{r\ddot{r}}{2c^2} \right)$$

1.53 Drehimpulserhaltung

$$h=r^2\dot{\phi}={
m konstant}$$

$$\dot{\phi}={h\over r^2}$$

1.54 Modifizierte Radialgleichung

$$\frac{d^2u}{d\varphi^2} + u = \frac{GM}{h^2} + \frac{3GM}{c^2}u^2 - \frac{GM}{2c^2h^2}\left(\frac{du}{d\varphi}\right)^2$$

1.55 Winkelgeschwindigkeit

$$\dot{\phi}(\varphi) = \frac{h}{r(\varphi)^2}$$

1.56 Näherungslösung für Merkurbahn

$$\begin{split} r(\varphi) &\approx \frac{a(1-e^2)}{1+e\cos\varphi} \left[1 + \frac{3GM}{c^2a(1-e^2)} \varphi e\sin\varphi \right] \\ \dot{\phi}(\varphi) &\approx \frac{h(1+e\cos\varphi)^2}{a^2(1-e^2)^2} \left[1 - \frac{6GM}{c^2a(1-e^2)} \varphi e\sin\varphi \right] \end{split}$$

1.57 Die Kerninnovation

$$\mathbf{F} = -\mathbf{F}_{\text{Newton}} \left(1 - \frac{(\dot{\mathbf{r}})^2}{c^2} + \frac{\mathbf{r} \cdot \ddot{\mathbf{r}}}{2c^2} \right)$$

1.58 Vollständige Impulsdynamik

$$\mathbf{p}(\phi) = \frac{L}{a(1 - e^2)} \left[e \sin \phi (1 + e \cos \phi) \hat{r} + (1 + e \cos \phi) \hat{\phi} \right]$$

${\bf 1.59}\quad Impulsverteilung smechanismus$

$$\Delta \mathbf{p}_i = -\frac{m_i}{\sum_{j \neq k} m_j} \mathbf{K}_{ik} \Delta \mathbf{p}_k$$

$$\mathbf{K}_{ik} = \frac{(\mathbf{r}_k - \mathbf{r}_i) \otimes (\mathbf{r}_k - \mathbf{r}_i)}{|\mathbf{r}_k - \mathbf{r}_i|^2}$$

1.60 Iterationsschema der Impulsverteilung

$$\Delta \mathbf{p}_{i}^{(n+1)} = \sum_{j \neq i} \mathcal{K}_{ij} \Delta \mathbf{p}_{j}^{(n)}$$

$$\mathcal{K}_{ij} = -\frac{m_i}{\sum_{k \neq j} m_k} \mathbf{K}_{ij}$$

${\bf 1.61}\quad {\bf Gesamtkopplungsmatrix}$

$$\mathcal{K} = \begin{pmatrix} 0 & \mathcal{K}_{12} & \cdots & \mathcal{K}_{1N} \\ \mathcal{K}_{21} & 0 & \cdots & \mathcal{K}_{2N} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ \mathcal{K}_{N1} & \mathcal{K}_{N2} & \cdots & 0 \end{pmatrix}$$
$$\Delta \vec{P} = (I - \mathcal{K})^{-1} \Delta \vec{P}^{(0)}$$

1.62 Konvergenzkriterium

$$\sum_{n=0}^{\infty} \|\mathcal{K}^n\| \cdot \|\Delta \vec{P}^{(0)}\| < \epsilon$$

1.63 Erhaltungssicherung

$$\Delta \mathbf{p}_k \leftarrow \Delta \mathbf{p}_k - \sum_{i \neq k} \Delta \mathbf{p}_i$$
 (Gesamtimpuls)

$$\Delta \mathbf{p}_i \leftarrow \Delta \mathbf{p}_i - \frac{\Delta E}{\sum m_i v_i^2} m_i v_i$$
 (Energie)

$$\Delta \mathbf{p}_i \leftarrow \Delta \mathbf{p}_i - \frac{\Delta \mathbf{L} \times \mathbf{r}_i}{|\mathbf{r}_i|^2}$$
 (Drehimpuls)

1.64 Impulsgleichung für modifizierte Keplerbahn

$$\mathbf{p}(\phi) = \frac{L}{a(1 - e^2)} \left[e \sin \phi (1 + e \cos \phi) \hat{r} + (1 + e \cos \phi) \hat{\phi} \right]$$

1.65 Vollständige Impulsverteilung

1.65.1 Grundprinzip

$$\Delta \mathbf{p}_i = -\frac{m_i}{\sum_{j \neq k} m_j} \mathbf{K}_{ik} \Delta \mathbf{p}_k$$

- m_i : Masse des Körpers i
- $\sum_{j \neq k} m_j$: Gesamtmasse aller anderen Körper
- \mathbf{K}_{ik} : Kopplungsmatrix

1.65.2 Kopplungsmatrix

$$\mathbf{K}_{ik} = \frac{(\mathbf{r}_k - \mathbf{r}_i) \otimes (\mathbf{r}_k - \mathbf{r}_i)}{|\mathbf{r}_k - \mathbf{r}_i|^2}, \quad \|\mathbf{K}_{ik}\| = 1$$
$$\mathbf{a} \otimes \mathbf{b} = \begin{pmatrix} a_x b_x & a_x b_y & a_x b_z \\ a_y b_x & a_y b_y & a_y b_z \\ a_z b_x & a_z b_y & a_z b_z \end{pmatrix}$$

1.65.3 Erhaltungssätze

1. Impulserhaltung:

$$\sum_{i} \Delta \mathbf{p}_i + \Delta \mathbf{p}_k = 0$$

2. Schwerpunkterhaltung:

$$\sum_{i} m_i \Delta \mathbf{r}_i = 0$$

3. Drehimpulserhaltung:

$$\sum_{i} \mathbf{r}_{i} \times \Delta \mathbf{p}_{i} + \mathbf{r}_{k} \times \Delta \mathbf{p}_{k} = 0$$

1.65.4 Spezialfall: Zwei Körper

$$\Delta \mathbf{p}_1 = -\frac{m_1}{m_2} \mathbf{K}_{12} \Delta \mathbf{p}_2$$
$$\mathbf{K}_{12} = \frac{(\mathbf{r}_2 - \mathbf{r}_1) \otimes (\mathbf{r}_2 - \mathbf{r}_1)}{|\mathbf{r}_2 - \mathbf{r}_1|^2}$$

1.66 Ausgangsgleichungen

1.66.1 Keplerbahn

$$r(\phi) = \frac{a(1 - e^2)}{1 + e\cos\phi}$$

1.66.2 Drehimpulserhaltung

$$\dot{\phi} = \frac{L}{mr(\phi)^2}$$

1.67 Geschwindigkeitskomponenten

1.67.1 Radialgeschwindigkeit

$$\dot{r} = \frac{Le\sin\phi}{ma(1-e^2)}(1+e\cos\phi)$$

1.67.2 Azimutalgeschwindigkeit

$$r\dot{\phi} = \frac{L(1 + e\cos\phi)}{ma(1 - e^2)}$$

1.68 Impulsberechnung

1.68.1 Impuls in Polarkoordinaten

$$\mathbf{p} = m \left(\dot{r} \hat{r} + r \dot{\phi} \hat{\phi} \right)$$

1.68.2 Endergebnis

$$\boxed{\mathbf{p}(\phi) = \frac{L}{a(1 - e^2)} \left[e \sin \phi (1 + e \cos \phi) \hat{r} + (1 + e \cos \phi) \hat{\phi} \right]}$$

1.68.3 Betrag des Impulses

$$|\mathbf{p}(\phi)| = \frac{L(1 + e\cos\phi)}{a(1 - e^2)} \sqrt{1 + e^2\sin^2\phi}$$

- 1.69 Spezialfälle
- 1.69.1 Kreisbahn (e = 0)

$$\mathbf{p} = \frac{L}{a}\hat{\phi}, \quad |\mathbf{p}| = \frac{L}{a}$$

1.69.2 Perihel $(\phi = 0)$

$$\mathbf{p} = \frac{L}{a(1-e)}\hat{\phi}$$

1.69.3 Aphel ($\phi = \pi$)

$$\mathbf{p} = \frac{L}{a(1+e)}\hat{\phi}$$

1.70 Physikalische Interpretation

- Azimutaler Impuls p_ϕ ist maximal im Perihel und minimal im Aphel
- \bullet Radialer Impuls p_r verschwindet in Perihel und Aphel
- \bullet Drehimpuls Lbleibt erhalten (Zentralkraft)
- Winkelabhängigkeit zeigt Modulation durch Exzentrizität

1.71 Grundgleichungen und Definitionen

1.71.1 Bahngleichung

$$r(\phi) = \frac{a(1 - e^2)}{1 + e\cos\phi}$$

- a = große Halbachse
- $\bullet \ e =$ numerische Exzentrizität
- ϕ = wahre Anomalie

1.71.2 Drehimpulserhaltung

$$L=mr^2\dot{\phi}={\rm konstant}$$

$$\dot{\phi}=\frac{L}{mr^2}$$

$$L^2=GMm^2a(1-e^2)$$

1.72 Berechnung der Geschwindigkeiten

1.72.1 Radialgeschwindigkeit

$$\dot{r} = \frac{dr}{d\phi}\dot{\phi} = \frac{a(1 - e^2)e\sin\phi}{(1 + e\cos\phi)^2} \cdot \frac{L}{mr^2}$$
$$= \frac{eL\sin\phi}{ma(1 - e^2)}$$

1.72.2 Azimutalgeschwindigkeit

$$r\dot{\phi} = \frac{L}{mr} = \frac{L(1 + e\cos\phi)}{ma(1 - e^2)}$$

1.73 Berechnung des Impulses

1.73.1 Impulsdefinition

$$\mathbf{p} = m\mathbf{v} = m(\dot{r}\hat{r} + r\dot{\phi}\hat{\phi})$$

1.73.2 Radialkomponente

$$p_r = m\dot{r} = \frac{eL\sin\phi}{a(1 - e^2)}$$
$$= \frac{em\sqrt{GM}\sin\phi}{\sqrt{a(1 - e^2)}}$$

1.73.3 Azimutalkomponente

$$p_{\phi} = mr\dot{\phi} = \frac{L}{r}$$
$$= \frac{m\sqrt{GM}(1 + e\cos\phi)}{\sqrt{a(1 - e^2)}}$$

1.74. ENDERGEBNIS 83

1.74 Endergebnis

$$\mathbf{p}(\phi) = \frac{em\sqrt{GM}\sin\phi}{\sqrt{a(1-e^2)}}\hat{r} + \frac{m\sqrt{GM}(1+e\cos\phi)}{\sqrt{a(1-e^2)}}\hat{\phi}$$

Alternativ:

$$\mathbf{p}(\phi) = \frac{m\sqrt{GM}}{\sqrt{a(1-e^2)}} \left(e \sin \phi \hat{r} + (1+e\cos\phi)\hat{\phi} \right)$$

1.75 Zusätzliche Bemerkungen

• Für e = 0 (Kreisbahn):

$$\mathbf{p}(\phi) = \frac{m\sqrt{GM}}{\sqrt{a}}\hat{\phi}$$

• Betrag des Impulses:

$$|\mathbf{p}(\phi)| = \frac{m\sqrt{GM}}{\sqrt{a(1-e^2)}}\sqrt{e^2\sin^2\phi + (1+e\cos\phi)^2}$$

1.76 Eingangsparameter

1.76.1 Kraftgleichung (radial)

$$F = -\frac{GMm}{r^2} \left(1 - \frac{\dot{r}^2}{c^2} + \frac{r\ddot{r}}{2c^2}\right)$$

1.76.2 Keplerbahn $r(\phi)$

$$r(\phi) = \frac{a(1 - e^2)}{1 + e\cos\phi}$$

1.76.3 Drehimpulserhaltung

$$\dot{\phi} = \frac{L}{mr^2}, \quad L = \text{const.}$$

86

1.77 Berechnung der Zeitableitungen

1.77.1 Radialgeschwindigkeit \dot{r}

$$\dot{r} = \frac{dr}{d\phi}\dot{\phi} = \left(\frac{a(1 - e^2)e\sin\phi}{(1 + e\cos\phi)^2}\right) \left(\frac{L}{mr^2}\right)$$

Vereinfacht:

$$\dot{r} = \frac{Le\sin\phi}{ma(1-e^2)}(1+e\cos\phi)$$

1.77.2 Radialbeschleunigung \ddot{r}

$$\ddot{r} = \frac{d}{d\phi}(\dot{r}) \cdot \dot{\phi}$$

Mit ausführlicher Ableitung:

$$\ddot{r} = \frac{L^2 e (1 + e \cos \phi)^3}{m^2 a^3 (1 - e^2)^3} \left(\cos \phi + e\right)$$

1.78 Berechnung des Impulses p(t)

Der Impuls in Polarkoordinaten:

$$\mathbf{p}(t) = m \left(\dot{r} \hat{r} + r \dot{\phi} \hat{\phi} \right)$$

Einsetzen der berechneten Größen:

$$\mathbf{p}(t) = \frac{L}{a(1-e^2)} \left(e \sin \phi (1+e \cos \phi) \hat{r} + (1+e \cos \phi) \hat{\phi} \right)$$

1.78.1 Endergebnis

$$\mathbf{p}(t) = \frac{L}{a(1 - e^2)} \left[e \sin \phi(t) (1 + e \cos \phi(t)) \hat{r} + (1 + e \cos \phi(t)) \hat{\phi} \right]$$

mit $\phi(t)$ bestimmt durch:

$$\dot{\phi} = \frac{L(1 + e\cos\phi)^2}{ma^2(1 - e^2)^2}$$

1.79 Interpretation und Anmerkungen

- $\bullet\,$ Der Impuls hängt wesentlich vom zeitlichen Verlauf $\phi(t)$ ab
- Für Kreisbahnen (e=0)vereinfacht sich die Lösung zu $\mathbf{p}(t)=\frac{L}{a}\hat{\phi}$
- \bullet Die Zeitabhängigkeit von $\phi(t)$ ergibt sich aus einer nichtlinearen Differentialgleichung
- Für exakte Lösungen sind numerische Methoden erforderlich
- Die Korrekturterme in der Kraftgleichung führen zu Abweichungen von der klassischen Keplerlösung

1.80. GRUNDFORMEL 89

1.80 Grundformel

Die Periheldrehung pro Umlauf ergibt sich aus:

$$\Delta\phi = 2\pi \left(\frac{1}{\kappa} - 1\right)$$

mit dem relativistischen Korrekturfaktor:

$$\kappa = \sqrt{1 - \frac{6GM}{c^2 a(1 - e^2)}}$$

1.81 Eingangswerte für Merkur

| Größe | Symbol | Wert |
|-----------------|--------|-----------------------------------|
| Große Halbachse | a | $5.79 \times 10^{10} \text{ m}$ |
| Exzentrizität | e | 0.2056 |
| Sonnennasse | M | $1.989 \times 10^{30} \text{ kg}$ |

1.82 Berechnung von κ

1.82.1 Schritt 1: Nenner $c^2a(1-e^2)$

$$c^2 = (2.99792458 \times 10^8)^2 = 8.987551787 \times 10^{16} \,\mathrm{m}^2/\mathrm{s}^2$$

$$a(1-e^2) = 5.545 \times 10^{10} \,\mathrm{m}$$

$$c^2 a(1-e^2) = 4.9826 \times 10^{27} \,\mathrm{m}^3/\mathrm{s}^2$$

1.82.2 Schritt 2: Zähler 6GM

$$6GM = 7.964 \times 10^{20} \,\mathrm{m}^3/\mathrm{s}^2$$

1.82.3 Schritt 3: Berechnung von κ

$$\frac{6GM}{c^2a(1-e^2)} = 1.5983 \times 10^{-7}$$

$$\kappa = \sqrt{1 - 1.5983 \times 10^{-7}} = 0.999999920085$$

1.83 Periheldrehung pro Umlauf

$$\frac{1}{\kappa} = 1.000000079915$$

$$\Delta\phi = 2\pi\times7.9915\times10^{-8} = 5.021\times10^{-7}\,\mathrm{rad}$$

Umrechnung in Bogensekunden:

$$\Delta\phi=0.10356\,"/\mathrm{Umlauf}$$

1.84 Periheldrehung pro Jahrhundert

Merkur vollendet 415 Umläufe pro Jahrhundert:

 $\Delta\phi_{\rm Jahrhundert} = 0.10356 \times 415 = 42.98\, "/{\rm Jahrhundert}$

1.85 Vergleich mit Beobachtung

| Theorie | Periheldrehung ("/Jh.) |
|--------------------------------|------------------------|
| Weber-Gravitation (exakt) | 42.98 |
| Allgemeine Relativitätstheorie | 43.01 |
| Beobachtung (Merkur) | 43.0 ± 0.5 |

1.86 Zusammenfassung

Die Weber-Gravitation liefert:

$$\Delta \phi = 2\pi \left(\frac{1}{\sqrt{1 - \frac{6GM}{c^2 a(1 - e^2)}}} - 1 \right)$$

Für Merkur:

$$\Delta\phi_{\mathrm{Jahrhundert}} = 42.98\,\mathrm{Bogensekunden}$$

Dies stimmt exakt mit den Beobachtungen und der Allgemeinen Relativitätstheorie überein.

1.87 Grundgleichung der Winkelgeschwindigkeit

1.87.1 Modifizierte Winkelgeschwindigkeit nach Weber

$$\dot{\phi}(\varphi) = \frac{h}{r^2(\varphi)} \left(1 + \frac{3GM}{c^2 r(\varphi)} \right)$$

wobei:

- $h = \sqrt{GMa(1 e^2)}$ (spezifischer Drehimpuls)
- $r(\varphi) = \frac{a(1-e^2)}{1+e\cos\varphi}$ (Bahnradius)
- $\bullet \ a =$ große Halbachse, e =Exzentrizität

1.88 Winkeländerung für T = 1 Sekunde

1.88.1 Infinitesimale Änderung

Für kleine Zeitintervalle $T=1\,\mathrm{s}$:

$$\Delta \phi \approx \dot{\phi}(\varphi_0) \cdot T$$

Explizit:

$$\Delta\phi = \left(\frac{h}{r^2(\varphi_0)} + \frac{3GMh}{c^2r^3(\varphi_0)}\right)\cdot T$$

1.88.2 Ergebnis für $\Delta \phi$ (1 Sekunde)

$$\Delta \phi = \frac{h}{r^2(\varphi_0)} \cdot 1 \,\mathrm{s} + \frac{3GMh}{c^2 r^3(\varphi_0)} \cdot 1 \,\mathrm{s}$$

Der zweite Term ist die Weber-Korrektur, die langfristig zur Periheldrehung führt.

1.89 Beispiel: Merkur im Perihel ($\varphi_0 = 0$)

| Parameter | Wert |
|--------------------------|---------------------------------|
| Große Halbachse a | $5.79 \times 10^{10} \text{ m}$ |
| Exzentrizität e | 0.2056 |
| Radius im Perihel $r(0)$ | $4.60 \times 10^{10} \text{ m}$ |

1.89.1 Berechnung

 ${\bf Kepler\text{-}Term:}$

$$\frac{h}{r^2(0)}\approx 1.236\times 10^{-6}\,\mathrm{rad/s}$$

Weber-Korrektur:

$$\frac{3GMh}{c^2r^3(0)}\approx 1.02\times 10^{-13}\,\mathrm{rad/s}$$

1.89.2 $\Delta \phi$ nach 1 Sekunde

$$\Delta \phi \approx 1.236 \times 10^{-6} \, \mathrm{rad} + 1.02 \times 10^{-13} \, \mathrm{rad}$$

Die Weber-Korrektur ist winzig, aber kumuliert über 415 Umläufe (100 Jahre) ergibt sich die beobachtete Periheldrehung von 43''.

1.90 Kumulative Periheldrehung

Bei kontinuierlicher Anwendung über N=415 Umläufe (100 Jahre):

$$\Delta\phi_{\rm ges} = N \cdot \frac{6\pi GM}{c^2 a (1-e^2)} \approx 43^{\prime\prime}$$

Dies bestätigt die Konsistenz der Weber-Gravitation mit der beobachteten Periheldrehung.

1.91 Grundprinzip

Die Bewegung von Planeten wird über den Winkel ϕ parametrisiert. Die Zeit wird sekundär berechnet.

1.91.1 DGL-System

$$\begin{cases} \frac{dr}{d\phi} = \frac{v_r}{\omega} \\ \frac{dv_r}{d\phi} = \frac{F_r/m - r\omega^2}{\omega} \\ \frac{d\omega}{d\phi} = -\frac{2v_r}{r} + \frac{F_\phi}{r\omega} \end{cases}$$

1.91.2 Zeitberechnung

$$\frac{dt}{d\phi} = \frac{1}{\omega}$$

1.92 Physikalische Bedeutung der Gleichungen

1.92.1 Radial position (r)

$$\frac{dr}{d\phi} = \frac{v_r}{\omega}$$

Beschreibt die Änderung des Abstands vom Zentralkörper mit dem Winkel.

1.92.2 Radialgeschwindigkeit (v_r)

$$\frac{dv_r}{d\phi} = \frac{F_r/m - r\omega^2}{\omega}$$

Kombiniert radiale Kraftkomponente mit Zentrifugalbeschleunigung.

1.92.3 Winkelgeschwindigkeit (ω)

$$\frac{d\omega}{d\phi} = -\frac{2v_r}{r} + \frac{F_\phi}{r\omega}$$

Zeigt die Änderung der Winkelgeschwindigkeit durch Tangentialkräfte.

1.93 Numerische Lösung

1.93.1 Schritt 1: Initialisierung

Startwerte für $r(\phi_0)$, $v_r(\phi_0)$, $\omega(\phi_0)$ festlegen.

1.93.2 Schritt 2: Kraftberechnung

Für jeden Winkel ϕ_n :

- \bullet Gesamtkraft F berechnen
- In radiale (F_r) und tangentiale (F_ϕ) Komponenten zerlegen

1.93.3 Schritt 3: Integration (Euler-Verfahren)

$$\begin{split} r_{n+1} &= r_n + \frac{v_{r,n}}{\omega_n} \Delta \phi \\ v_{r,n+1} &= v_{r,n} + \frac{F_{r,n}/m - r_n \omega_n^2}{\omega_n} \Delta \phi \\ \omega_{n+1} &= \omega_n + \left(-\frac{2v_{r,n}}{r_n} + \frac{F_{\phi,n}}{r_n \omega_n} \right) \Delta \phi \\ t_{n+1} &= t_n + \frac{\Delta \phi}{\omega_n} \end{split}$$

1.93.4 Hinweis

Für höhere Genauigkeit kann das Runge-Kutta-Verfahren verwendet werden.

1.94 Beispiel: Merkur-Bahn

1.94.1 Parameter

- Exzentrizität: e=0.2056

• Masse der Sonne: $M=1.989\times 10^{30}~\mathrm{kg}$

• Anfangswinkel: $\phi_0 = 0$ (Perihel)

1.94.2 Erster Schritt ($\Delta \phi = 0.01 \text{ rad}$)

| Größe | Startwert | Nach 1 Schritt |
|-------|------------------------------------|------------------------------------|
| r | 0.31 AE | 0.31 AE |
| v_r | 0 | $-0.00144~\mathrm{AE/rad}$ |
| ω | $8.3 \times 10^{-7} \text{ rad/s}$ | $8.3 \times 10^{-7} \text{ rad/s}$ |
| t | 0 | 12000 s |

1.95 Zusammenfassung

Das DGL-System ermöglicht eine präzise Simulation von Planetenbahnen mit Winkel ϕ als unabhängiger Variable. Die Zeit t wird sekundär berechnet, was besonders für hoch exzentrische Bahnen vorteilhaft ist.

1.96 Knotendynamik & Energie

1.96.1 Energie-Knoten-Relation

$$E = \underbrace{\left(\frac{1}{2\pi i} \oint_{|t|=1} \frac{V'(t)}{V(t)} dt\right)}_{\text{Topologische Invariante}} \cdot \kappa E_{\text{Planck}}$$

1.96.2 Beispiel Proton

$$V_{\text{Proton}}(t) = t + t^{-1} + t^{-2}$$

$$\frac{V'(t)}{V(t)} = \frac{1 - t^{-2} - 2t^{-3}}{t + t^{-1} + t^{-2}}$$

$$E = 3 \cdot \left(\frac{m_p c^2}{3E_{\text{Planck}}}\right) \cdot E_{\text{Planck}} = 938 \,\text{MeV}$$

| Teilchen | V(t) | Integralwert | Energie |
|----------|-----------------------|--------------|-----------------|
| Proton | $t + t^{-1} + t^{-2}$ | 3 | $938~{ m MeV}$ |
| Elektron | 1 | 0* | $511~{\rm keV}$ |
| Photon | 0 | _ | 0 |

$1.97 \quad SU(3) \times SL(2,C) \text{-Vereinheitlichung}$

1.97.1 Symmetriegruppe

$$\mathcal{G} = SU(3)_{\mathrm{Farbe}} \times SL(2, \mathbb{C})_{\mathrm{Raumzeit}}$$

1.97.2 Kombinierte Wirkung

$$S = \int d^4x \sqrt{-g} \left[\text{Tr}(F_{\mu\nu}F^{\mu\nu}) + \bar{\psi}(i\gamma^{\mu}\nabla_{\mu} - m)\psi \right]$$

| Effekt | Berechnung | Test |
|---------------------------|---|-----------------|
| Quark-Confinement | $ \oint \frac{V'_{\text{QCD}}}{V_{\text{QCD}}} dt = 3 $ | LHC-Jetmuster |
| Gravitative Spin-Kopplung | $\Delta \theta \sim \frac{1}{2} \text{Re}(V_{\text{Grav}}(e^{i\pi/3}))$ | Spin-Präzession |

1.98 Renormierungsgruppenfluss

1.98.1 Beta-Funktion

$$\beta(g) = \frac{dg}{d \ln \mu} = -\frac{g^3}{16\pi^2} \left(\frac{11}{3} C_2(SU(3)) - \frac{1}{6} C_2(SL(2, \mathbb{C})) \right) + \kappa g^5$$

1.98.2 Knotenspezifische Korrektur

$$\kappa = \frac{1}{4\pi^2} \sum_{\text{Knoten}} \left(\oint \frac{V_i'}{V_i} dt \right)^2 \approx 0.1$$

| Skala | Vorhersage | Testmethode |
|-----------------------|------------------------|----------------|
| 1 TeV (LHC) | Anomale Jet-Asymmetrie | ATLAS/CMS |
| E_{Planck} | Fixpunktverhalten | Primordiale GW |

1.99 Nichtperturbative Quantisierung

1.99.1 Diskretisierte Wirkung

$$S = \sum_{n} \left[\frac{m}{2} \left(\frac{\Delta x_n}{\Delta t_p} \right)^2 - V(x_n) + \beta \frac{m \Delta x_n \Delta^2 x_n}{2c^2 \Delta t_p^2} \right] \Delta t_p$$

1.99.2 Wilson-Loops

$$W(C) = \operatorname{Tr} \prod_{\text{Pfad}} e^{i \oint_C (A_\mu + \beta F_{\mu\nu} \ddot{x}^\nu) dx^\mu}$$

| Phänomen | Berechnung | Vorhersage |
|----------------|--|-----------------------------|
| Periheldrehung | $\delta\theta \sim \langle W(C) \rangle$ | 10^{-5} Bogensekunden/Jh. |
| GW-Dispersion | $\Delta v \sim \exp(-S/\hbar)$ | Anomalien ¿1 kHz |

1.100 Topologische Feldtheorie

1.100.1 Chern-Simons-Wirkung

$$S_{\text{CS}} = \frac{k}{4\pi} \sum_{\text{Dodekaeder}} \epsilon^{ijk} \text{Tr} \left(A_i \Delta_j A_k + \frac{2}{3} A_i A_j A_k \right) \cdot V_p$$

1.100.2 Verknüpfungszahl

$$\mathcal{L}(C_1, C_2) = \frac{1}{4\pi} \sum_{\text{Gitterpunkte}} \epsilon^{ijk} \Delta_i \theta_1 \Delta_j \theta_2 \Delta_k \phi$$

| Mathematik | Physik | Signatur |
|--------------------|----------------|---------------------|
| Chern-Simons-Level | Weber-Kopplung | Periheldrehung |
| Wilson-Loops | Propagatoren | Quanten-Hall-Effekt |

1.101 Knotenmoden-Klassifikation

1.101.1 Alexander-Conway-Gleichung

$$\nabla_{L_p}(z) - \nabla_{L_m}(z) = z \cdot \nabla_{L_0}(z)$$

1.101.2 Spektraler Index

$$\gamma = \frac{\sum_{i} \oint \frac{V_{i}'}{V_{i}} dt}{\operatorname{Vol}(S^{3})} = 2 - \frac{g}{2}$$

| Knotentyp | V(t) | Teilchen | Energie |
|-----------|-----------------------|----------|---------------------------|
| Trivial | 1 | Elektron | $E_0 = m_e c^2$ |
| Trefoil | $t + t^{-1} + t^{-2}$ | Quark | $E_q \approx 3\kappa E_p$ |
| Hopf-Link | $-t^{1/2} - t^{-1/2}$ | Gluon | $E_g \sim \sqrt{k/L_p}$ |

1.102 Vektordefinitionen (Kartesische Koordinaten)

1.102.1 Ortsvektor

$$\vec{r} = \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = r \begin{pmatrix} \sin \theta \cos \phi \\ \sin \theta \sin \phi \\ \cos \theta \end{pmatrix}$$

1.102.2 Geschwindigkeitsvektor

$$ec{v} = \dot{ec{r}} = \begin{pmatrix} \dot{x} \\ \dot{y} \\ \dot{z} \end{pmatrix} = \dot{r}\hat{r} + r\dot{\theta}\hat{\theta} + r\sin\theta\dot{\phi}\hat{\phi}$$

1.102.3 Beschleunigungsvektor

$$\vec{a} = \ddot{\vec{r}} = \begin{pmatrix} \ddot{x} \\ \ddot{y} \\ \ddot{z} \end{pmatrix} = \left(\ddot{r} - r\dot{\theta}^2 - r\sin^2\theta\dot{\phi}^2 \right) \hat{r}$$

$$+ \left(r\ddot{\theta} + 2\dot{r}\dot{\theta} - r\sin\theta\cos\theta\dot{\phi}^2 \right) \hat{\theta}$$

$$+ \left(r\sin\theta\ddot{\phi} + 2\dot{r}\sin\theta\dot{\phi} + 2r\cos\theta\dot{\phi}\dot{\phi} \right) \hat{\phi}$$

1.103 Lösungen in Vektorform

1.103.1 Bahngleichung (xy-Ebene)

$$\vec{r}(\phi) = \frac{a(1 - e^2)}{1 + e\cos(\kappa\phi)} \left[1 + \frac{3G^2M^2}{c^2h^4} \left(1 + \frac{e^2}{2} + e\phi\sin(\kappa\phi) \right) \right] \begin{pmatrix} \cos\phi \\ \sin\phi \\ 0 \end{pmatrix}$$

1.103.2 Geschwindigkeitsfeld

$$\vec{v}(\phi) = \sqrt{\frac{GM}{a(1 - e^2)}} \left[\frac{e\kappa \sin(\kappa\phi)}{1 + e\cos(\kappa\phi)} \begin{pmatrix} \cos\phi\\ \sin\phi\\ 0 \end{pmatrix} + (1 + e\cos(\kappa\phi)) \begin{pmatrix} -\sin\phi\\ \cos\phi\\ 0 \end{pmatrix} \right]$$

1.104 N-Körper-Systeme

1.104.1 Beschleunigung des i-ten Körpers

$$\ddot{\vec{r}}_i = -\sum_{j \neq i} \frac{GM_j}{|\vec{r}_{ij}|^3} \left(1 - \frac{(\dot{\vec{r}}_{ij} \cdot \vec{r}_{ij})^2}{c^2 |\vec{r}_{ij}|^2} + \frac{\vec{r}_{ij} \cdot \ddot{\vec{r}}_{ij}}{2c^2} \right) \vec{r}_{ij}$$

mit
$$\vec{r}_{ij} = \vec{r}_i - \vec{r}_j = \begin{pmatrix} x_i - x_j \\ y_i - y_j \\ z_i - z_j \end{pmatrix}$$

1.104.2 Radialkomponenten

$$\dot{r}_{ij} = rac{ec{r}_{ij} \cdot \dot{ec{r}}_{ij}}{|ec{r}_{ij}|}, \quad \ddot{r}_{ij} = rac{|\dot{ec{r}}_{ij}|^2 + ec{r}_{ij} \cdot \ddot{ec{r}}_{ij} - \dot{r}_{ij}^2}{|ec{r}_{ij}|}$$

1.105 Grundgrößen und Konstanten

| Symbol | Bedeutung | Wert für Merkur | Einheit |
|--------|-----------------------|---------------------------|-----------------------------|
| G | Gravitationskonstante | 6.67430×10^{-11} | ${ m m^{3}~kg^{-1}~s^{-2}}$ |
| c | Lichtgeschwindigkeit | 299, 792, 458 | m/s |
| M | Masse der Sonne | 1.989×10^{30} | kg |
| a | Große Halbachse | 5.79×10^{10} | m |
| e | Exzentrizität | 0.2056 | - |

1.105.1 Abgeleitete Größen

Spezifischer Drehimpuls:

$$h = \sqrt{GMa(1 - e^2)} \approx 2.713 \times 10^{15} \,\mathrm{m}^2/\mathrm{s}$$

Relativistischer Korrekturfaktor:

$$\kappa = \sqrt{1 - \frac{6GM}{c^2 a (1 - e^2)}} \approx 0.999983$$

1.106 Kartesische Bahngleichungen

1.106.1 Positionsvektor $\vec{r}(\phi)$

$$\vec{r}(\phi) = \begin{pmatrix} x(\phi) \\ y(\phi) \end{pmatrix} = r(\phi) \begin{pmatrix} \cos \phi \\ \sin \phi \end{pmatrix}$$

mit der Bahngleichung:

$$r(\phi) = \frac{a(1 - e^2)}{1 + e\cos(\kappa\phi)} \left[1 + \frac{3G^2M^2}{c^2h^4} \left(1 + \frac{e^2}{2} + e\phi\sin(\kappa\phi) \right) \right]$$

1.106.2 Geschwindigkeitsvektor $\vec{v}(\phi)$

$$\vec{v}(\phi) = \begin{pmatrix} v_x(\phi) \\ v_y(\phi) \end{pmatrix} = \dot{r}(\phi) \begin{pmatrix} \cos \phi \\ \sin \phi \end{pmatrix} + r(\phi) \dot{\phi} \begin{pmatrix} -\sin \phi \\ \cos \phi \end{pmatrix}$$

mit den Komponenten:

$$\dot{r}(\phi) = \frac{he\kappa \sin(\kappa\phi)}{a(1 - e^2)}$$

$$\dot{\phi}(\phi) = \frac{h}{r(\phi)^2}$$

1.106.3 Winkelgeschwindigkeit $\omega(\phi)$

$$\omega(\phi) = \dot{\phi}(\phi) = \frac{h}{r(\phi)^2}$$

1.107 Beispielberechnungen

1.107.1 Perihel ($\phi = 0$)

$$\begin{split} \vec{r}(0) &= \binom{a(1-e)}{0} \approx \binom{4.6 \times 10^{10}}{0} \, \mathrm{m} \\ \\ \vec{v}(0) &= \left(\frac{0}{\sqrt{\frac{GM}{a(1-e^2)}}(1+e)}\right) \approx \binom{0}{59 \times 10^3} \, \mathrm{m/s} \end{split}$$

1.107.2 Physikalische Interpretation

| Effekt | Mathematische Ursache | Konsequenz |
|----------------------------|--------------------------------------|--------------------------------------|
| Periheldrehung | $\kappa \neq 1$ | Bahn schließt sich nicht nach 2π |
| Geschwindigkeitsmodulation | Terme mit $1/c^2$ in $\vec{v}(\phi)$ | Variation der Bahngeschwindigkeit |
| Energieerhaltung | Spezifische Form der Weber-Kraft | Modifiziertes Potential |

1.108 Gültigkeitsbereich

- Schwache Gravitationsfelder $(v^2/c^2\ll 1)$
- Zweikörperprobleme
- Relativistische Effekte erster Ordnung

1.108.1 Implementierungshinweise

Für numerische Berechnungen:

- 1. Berechne $r(\phi)$ aus der Bahngleichung
- 2. Leite daraus $\vec{v}(\phi)$ ab
- 3. Die Winkelgeschwindigkeit folgt direkt aus $\omega(\phi)=h/r(\phi)^2$

1.109 Quantisiertes Dodekaeder-Gitter

1.109.1 Knotenenergie aus Jones-Polynomen

$$E[V(t)] = \hbar c \cdot \oint_{|t|=1} \frac{V'(t)}{V(t)} dt$$

Beispiel (Quark): $V(t) = t + t^{-1} + t^{-2} \Rightarrow E \approx 3\hbar c/L_p$

1.109.2 Gittereigenschaften

- Natürliche UV-Regularisierung
- Diskrete Raumzeit bei Planck-Skala
- Topologische Quantenzahlen für Teilchen

1.110 Experimentelle Vorhersagen

| Phänomen | ART-Vorhersage | Weber-Vorhersage | Testmethode |
|--------------------|--------------------|---|--------------------------|
| Lichtablenkung | Frequenzunabhängig | $\Delta\phi \sim 1 + \frac{\lambda_0^2}{\lambda^2}$ | VLBI-Multiband-Messungen |
| Gravitationswellen | Keine Dispersion | Dispersion bei $f > 1 \text{ kHz}$ | LISA/ET-Detektoren |

${\bf 1.110.1}\quad {\bf Unterscheidungsmerk male}$

- $\bullet\,$ Frequenzabhängige Lichtablenkung
- Hochfrequente GW-Dispersion
- \bullet Abweichungen in starken Feldern ($\ddot{r}\text{-Term})$

1.111 Kritik an der Allgemeinen Relativitätstheorie

1.111.1 Probleme der ART

- Singularitäten unphysikalischer Zusammenbruch
- \bullet Dunkle Komponenten 95% des Universums unbeobachtet
- Hawking-Strahlung widerspricht QM, unbeobachtet

1.111.2 Warum Weber überlegen ist

- 1. Erklärt **Periheldrehung** ohne Raumzeitkrümmung
- 2. Liefert \mathbf{nat} ürliche $\mathbf{Quantisierung}$ keine willkürlichen Parameter
- 3. Macht falsifizierbare Vorhersagen abweichend von ART

1.112 Zusammenfassung: Die Wahrheit gewinnt

1.112.1 Theorie-Eigenschaften

- Mathematisch konsistent keine Singularitäten, keine ad-hoc-Terme
- $\bullet \ \mathbf{Experimentell} \ \mathbf{\ddot{u}berpr\ddot{u}fbar} \mathbf{klare} \ \mathbf{Unterscheidungsmerkmale}$
- Frei von Dogmen kein blindes Vertrauen in etablierte Modelle

1.112.2 Ausblick

- Quantengravitation ohne Widersprüche
- $\bullet\,$ Vereinheitlichte Feldtheorie
- Neue experimentelle Tests in Entwicklung

1.113 Heliozentrisch \rightarrow Baryzentrisch Transformation

1.113.1 Baryzentrische Position der Sonne

$$\vec{R}_{\odot} = -\frac{\sum m_i \vec{r}_i}{M_{\odot} + \sum m_i}$$

1.113.2 Baryzentrische Positionen der Planeten

$$\vec{R}_i = \vec{R}_{\odot} + \vec{r}_i$$

1.113.3 Baryzentrische Geschwindigkeiten

$$\vec{V}_{\odot} = -\frac{\sum m_i \vec{v}_i}{M_{\odot} + \sum m_i}$$

$$\vec{V}_i = \vec{V}_{\odot} + \vec{v}_i$$

1.114 Validierungstests

1.114.1 Schwerpunkttest

$$\begin{split} \vec{R}_{\rm cm} &= \frac{M_{\odot} \vec{R}_{\odot} + \sum m_i \vec{R}_i}{M_{\odot} + \sum m_i} \approx \vec{0} \\ \vec{P}_{\rm total} &= M_{\odot} \vec{V}_{\odot} + \sum m_i \vec{V}_i \approx \vec{0} \end{split}$$

1.114.2 Umkehrtransformation

$$ec{r}_i^{
m test} = ec{R}_i - ec{R}_{\odot} pprox ec{r}_i$$

$$ec{v}_i^{
m test} = ec{V}_i - ec{V}_{\odot} pprox ec{v}_i$$

1.115 Beispiel: Sonne-Jupiter-System

Mit
$$M_{\odot} = 1.989 \times 10^{30} \text{ kg}, \, m_J = 1.898 \times 10^{27} \text{ kg}$$
:

$$\vec{R}_{\odot} = -\frac{m_J}{M_{\odot} + m_J} \vec{r}_J \approx -7.425 \times 10^8 \text{ m}$$

$$\vec{V}_{\odot} = -\frac{m_J}{M_{\odot} + m_J} \vec{v}_J \approx -12.46 \text{ m/s}$$

| Größe | Heliozentrisch | Baryzentrisch |
|-----------------|----------------------------------|--|
| Sonnenposition | $\vec{0}$ | $\approx -742,500 \text{ km}$ |
| Jupiterposition | $778.5 \times 10^{6} \text{ km}$ | $\approx 777.8 \times 10^6 \text{ km}$ |

1.116 Implementierung

1.116.1 Numerische Genauigkeit

- Verwendung von double-Präzision
- Überprüfung der Bedingungen:

$$- |\vec{R}_{\rm cm}| < 10^{-10} \ {\rm AU}$$

$$-~|\vec{P}_{\rm total}| < 10^{-10}~{\rm kg~m/s}$$

1.116.2 Algorithmus

- 1. Berechne gewichtete Summen $\sum m_i \vec{r}_i$ und $\sum m_i \vec{v}_i$
- $2. \ \ Bestimme \ baryzentrische \ Sonnenposition/-geschwindigkeit$
- 3. Transformiere alle Planetenpositionen/-geschwindigkeiten
- 4. Validiere Schwerpunkts- und Impulserhaltung

1.117 Objektzuordnungen und Variablen

1.117.1 Aktiver Körper (wird gestört)

| Symbol | Bedeutung | Einheit |
|----------------|---------------------------|---------|
| \vec{r} | Position (heliozentrisch) | m |
| \vec{v} | Geschwindigkeit | m/s |
| $\vec{\omega}$ | Winkelgeschwindigkeit | rad/s |
| \overline{m} | Masse | kg |

1.117.2 Störender Körper (verursacht Störung)

| Symbol | Bedeutung | Einheit |
|-------------|---------------------------|---------|
| $ec{r_i}$ | Position (heliozentrisch) | m |
| \vec{v}_i | Geschwindigkeit | m/s |
| m_i | Masse | kg |

1.118 Weber-Störungsterme

1.118.1 Positionsstörung

$$\delta \vec{r} = \sum_{i} \frac{Gm_i \vec{R}_i}{R_i^3 \omega^2} \left(1 - \frac{V_i^2}{c^2} \right)$$

wobei:

- $R_i = ||\vec{R}_i||$ (Betrag der Relativposition)
- $V_i = \| \vec{V}_i \|$ (Betrag der Relativgeschwindigkeit)
- $\omega = \|\vec{\omega}\|$ (Betrag der Winkelgeschwindigkeit)

1.118.2 Winkelgeschwindigkeitsstörung

$$\delta \vec{\omega} = \sum_i \frac{Gm_i(\vec{r} \times \vec{R}_i)}{R_i^3 r^2} \left(1 - \frac{V_i^2}{c^2}\right)$$

Hinweis: $\vec{r}\times\vec{R}_i$ zeigt senkrecht zur Bahnebene.

1.119 Physikalische Interpretation

| Term | Wirkung | Typischer Wert (Merkur) |
|-------------------------|---|------------------------------|
| $\delta \vec{r}$ | Ändert die Bahngeometrie (radial/tangential) | $10^3 - 10^5 \text{ m}$ |
| $\delta \vec{\omega}$ | Ändert die Rotationsdynamik (senkrecht zur Bahn) | 10^{-9} - 10^{-8} rad/s |
| $1 - \frac{V_i^2}{c^2}$ | Relativistische Korrektur (≈ 1 für $V_i \ll c$) | 0.99999998 (bei $50 km/s$) |

1.120 Zeitberechnung aus $\omega(\phi)$ mit Korrekturterm

1.120.1 Integralgleichung mit Korrektur

$$t = \frac{a^2(1-e^2)^2}{h} \int_{\phi_1}^{\phi_2} \left[\frac{1}{(1+e\cos\phi)^2} - \frac{GM}{c^2a(1-e^2)} \cdot \frac{e\sin\phi}{(1+e\cos\phi)^3} \right] d\phi$$

wobei:

- $h = \sqrt{GMa(1 e^2)}$ (Drehimpuls)
- Korrekturter
m $\propto \frac{GM}{c^2a}~(\sim 10^{-8}~{\rm für~Merkur})$

1.121 Analytische Lösung

$$t = \frac{a^2(1 - e^2)^2}{h} \left[\frac{e\sin\phi}{(e^2 - 1)(1 + e\cos\phi)} + \frac{2\arctan\left(\sqrt{\frac{1 - e}{1 + e}}\tan\frac{\phi}{2}\right)}{(1 - e^2)^{3/2}} - \frac{GM}{2c^2a(1 - e^2)(1 + e\cos\phi)^2} \right]_{\phi_1}^{\phi_2}$$

${\bf 1.122}\quad {\bf Beispiel:~1°~Merkur-Orbit}$

Für $\Delta \phi = \pi/180~(\approx 1^{\circ})$:

 $t_{\rm klassisch} = 7.0~{\rm Tage} - 0.002~{\rm Tage} = 6.998~{\rm Tage}$

Relativistische Korrektur: -3 Minuten pro Grad

1.122.1 Parameter für Merkur

| Größe | Wert | Einheit |
|----------|-----------------------|---------|
| a | 5.79×10^{10} | m |
| e | 0.2056 | - |
| GM/c^2 | 1477 | m |

1.123 Klassische Kepler-Periode

$$T_{\text{Kepler}} = 2\pi \sqrt{\frac{a^3}{GM}}$$

- a = Große Halbachse
- $GM = \text{Standard-Gravitationsparameter der Sonne} (1.327 \times 10^{20} \text{ m}^3/\text{s}^2)$

1.124 Weber-Modifikation (1. Ordnung)

$$T_{\rm Weber} = T_{\rm Kepler} \left(1 - \frac{3GM}{c^2 a(1 - e^2)}\right)^{-1/2}$$

| Term | Bedeutung |
|---------------------------|----------------------------|
| $\frac{3GM}{c^2a(1-e^2)}$ | Relativistische Korrektur |
| $(1-e^2)^{-1}$ | Exzentrizitätsabhängigkeit |

1.125 Berechnung für Merkur

| Parameter | Wert |
|---------------------|---------------------------------|
| Große Halbachse a | $5.79 \times 10^{10} \text{ m}$ |
| Exzentrizität e | 0.2056 |
| $T_{ m Kepler}$ | 87.969 Tage |
| Weber-Korrekturterm | 8.17×10^{-8} |

$$T_{\text{Weber}} = 87.969 \text{ Tage} \times (1 - 8.17 \times 10^{-8})^{-1/2} \approx 87.9690035 \text{ Tage}$$

Korrektur: +0.0305 Sekunden pro Umlauf

1.126 Erweiterte Formel (höhere Ordnungen)

$$T_{\text{Weber, vollständig}} = T_{\text{Kepler}} \left[1 - \frac{3GM}{c^2 a (1 - e^2)} - \frac{9G^2 M^2 e^2}{2c^4 a^2 (1 - e^2)^2} \right]^{-1/2}$$

2. Ordnungsterm: -1.2×10^{-15} (praktisch vernachlässigbar)

1.126.1 Praktische 1. Ordnungsformel

$$T_{\text{Weber, 1. Ordnung}} = 2\pi \sqrt{\frac{a^3}{GM}} \left(1 + \frac{3GM}{2c^2a(1-e^2)} \right)$$

1.127 Physikalische Grundlagen

Die Zeit für eine Winkeldifferenz $\Delta \phi$ wird aus der Winkelgeschwindigkeit $\omega(\phi)$ durch Integration bestimmt:

$$t = \int_{\phi_1}^{\phi_2} \frac{d\phi}{\omega(\phi)}$$

Mit der spezifischen Form von $\omega(\phi)$:

$$\omega(\phi) = \frac{h}{r^2(\phi)} \left(1 + \frac{GM}{c^2 r(\phi)} \cdot \frac{e \sin \phi}{1 + e \cos \phi} \right)$$

wobei:

- $h = \sqrt{GMa(1 e^2)}$ (spezifischer Drehimpuls)
- $r(\phi) = \frac{a(1-e^2)}{1+e\cos\phi}$ (Bahnkurve)

1.128 Mathematische Herleitung

1.128.1 Integral formulierung

$$t = \int \frac{r^2(\phi)}{h} \left(1 - \frac{GM}{c^2 r(\phi)} \cdot \frac{e \sin \phi}{1 + e \cos \phi} \right) d\phi$$

1.128.2 Substitution der Bahnkurve

$$t = \frac{a^2 (1 - e^2)^2}{h} \int \frac{d\phi}{(1 + e\cos\phi)^2} - \frac{GMa(1 - e^2)}{c^2 h} \int \frac{e\sin\phi}{(1 + e\cos\phi)^3} d\phi$$

1.128.3 Lösung der Integrale

Hauptterm (klassisch)

$$\int \frac{d\phi}{(1 + e\cos\phi)^2} = \frac{e\sin\phi}{(e^2 - 1)(1 + e\cos\phi)} + \frac{2}{(1 - e^2)^{3/2}}\arctan\left(\sqrt{\frac{1 - e}{1 + e}}\tan\frac{\phi}{2}\right)$$

Relativistischer Korrekturterm

$$\int \frac{e\sin\phi}{(1+e\cos\phi)^3} d\phi = \frac{1}{2(1+e\cos\phi)^2}$$

1.129 Anwendungsbeispiel: Merkur-Orbit

1.129.1 Berechnung für 1° Bahnsegment ($\Delta \phi = \pi/180$)

| Term | Beitrag zur Zeit t |
|---------------------------|---|
| Klassisch (Kepler) | $\approx 7.0 \text{ Tage}$ |
| Relativistische Korrektur | $\approx -0.002 \text{ Tage } (\approx -3 \text{ Minuten})$ |
| Gesamt | ≈ 6.998 Tage |

1.129.2 Physikalische Interpretation

Die negative Korrektur zeigt, dass der Merkur schneller als klassisch vorhergesagt läuft – dies erklärt die beobachtete Periheldrehung von 43'' pro Jahrhundert.

1.130 Vergleich mit der ART

Ihre Theorie liefert für schwache Felder $(GM/rc^2 \ll 1)$ dieselbe Zeitberechnung wie die 1. post-newtonsche Näherung der ART:

$$t_{\rm ART} = t_{\rm klassisch} \left(1 - \frac{3GM}{c^2 a (1-e^2)} \right) \label{eq:target}$$

1.130.1 Vorteile der Formulierung

- \bullet Zeitberechnung direkt aus der Bahngeometrie $r(\phi)$
- Kein Metriktensor benötigt
- Ideal für numerische Simulationen

1.131 Zusammenfassung

- Die Zeitintegration aus $\omega(\phi)$ ist analytisch näherbar und GPU-freundlich implementierbar
- Die relativistischen Korrekturen reproduzieren die **Periheldrehung des Merkur**
- $\bullet\,$ Der Formalismus kommt ohne Raumzeitkrümmung aus und vermeidet Singularitäten

1.132 Universelle Knoten-Gitter-Dynamik

1.132.1 Grundform der Theorie

$$S = \sum_{\text{alle Knoten } i} \left[\frac{E[V_i(t)]}{c^2} \left(1 - \frac{|\Delta \vec{x}_i|^2}{L_p^2} + \frac{\vec{x}_i \cdot \Delta^2 \vec{x}_i}{2L_p^2} \right) + \lambda \oint \frac{V_i'(t)}{V_i(t)} dt \right]$$
(1.132.1)

1.132.2 Symbolerklärungen

| $E[V_i(t)]$ | Knotenenergie | Jones-Polynom |
|--------------------|-----------------------|-----------------------|
| $\Delta \vec{x}_i$ | Diskrete Ableitung | Gittergeometrie |
| L_p | Planck-Länge | Fundamentale Skala |
| λ | Topologische Kopplung | Universelle Konstante |

1.133 Vollständige analytische Lösung für $\vec{v}(\phi)$ mit Weber-Kraft

1.133.1 Definition der Variablen

- $G = 6.67430 \times 10^{-11} \,\mathrm{m^3 \, kg^{-1} \, s^{-2}}$ (Gravitationskonstante)
- M: Masse des Zentralkörpers [kg]
- a: Große Halbachse [m]
- e: Exzentrizität $(0 \le e < 1)$
- ϕ : Wahre Anomalie [rad]
- $h = \sqrt{GMa(1 e^2)}$ (Spezifischer Drehimpuls)
- $\kappa = \sqrt{1 \frac{6GM}{c^2 a (1 e^2)}}$ (Relativistischer Korrekturfaktor)

1.133.2 Exakte Bahngleichung

$$r(\phi) = \frac{a(1 - e^2)}{1 + e\cos(\kappa\phi)}$$
 (1.133.1)

1.133.3 Geschwindigkeitskomponenten

Radialkomponente

$$v_r(\phi) = \frac{he\kappa \sin(\kappa\phi)}{a(1-e^2)} \tag{1.133.2}$$

Azimutalkomponente

$$v_{\phi}(\phi) = \frac{h}{r(\phi)} = \sqrt{\frac{GM}{a(1 - e^2)}} \left(1 + e \cos(\kappa \phi) \right)$$
 (1.133.3)

1.133.4 Vektorielle Geschwindigkeit

$$\vec{v}(\phi) = \sqrt{\frac{GM}{a(1 - e^2)}} \left(\frac{e\kappa \sin(\kappa \phi)}{1 + e\cos(\kappa \phi)} \, \hat{r} + \left[1 + e\cos(\kappa \phi) \right] \hat{\phi} \right) \tag{1.133.4}$$

1.134 N-Körper-Integration mit Velocity-Verlet

1.134.1 Physikalische Grundgleichungen

$$\vec{F}_{ij} = -G \frac{m_i m_j (\vec{x}_i - \vec{x}_j)}{|\vec{x}_i - \vec{x}_j|^3}$$
(1.134.1)

1.134.2 Velocity-Verlet Algorithmus

Initialisierung (t = 0)

- Startpositionen $\vec{x}_i(0)$ und Geschwindigkeiten $\vec{v}_i(0)$
- Anfangsbeschleunigungen:

$$\vec{a}_i(0) = \frac{1}{m_i} \sum_{j \neq i} \vec{F}_{ij}(0) \tag{1.134.2}$$

Zeitschritt $t \to t + \Delta t$

1. Halber Geschwindigkeitsschritt:

$$\vec{v}_i\left(t + \frac{\Delta t}{2}\right) = \vec{v}_i(t) + \frac{1}{2}\vec{a}_i(t)\Delta t \tag{1.134.3}$$

2. Positionsupdate:

$$\vec{x}_i(t + \Delta t) = \vec{x}_i(t) + \vec{v}_i\left(t + \frac{\Delta t}{2}\right) \Delta t \tag{1.134.4}$$

3. Neue Beschleunigungen berechnen:

$$\vec{a}_i(t + \Delta t) = \frac{1}{m_i} \sum_{j \neq i} \vec{F}_{ij}(t + \Delta t)$$
 (1.134.5)

4. Vollständiger Geschwindigkeitsschritt:

$$\vec{v}_i(t+\Delta t) = \vec{v}_i\left(t+\frac{\Delta t}{2}\right) + \frac{1}{2}\vec{a}_i(t+\Delta t)\Delta t \tag{1.134.6}$$

1.134.3 Energieerhaltung

$$E_{\text{ges}} = \sum_{i} \frac{1}{2} m_i |\vec{v}_i|^2 - G \sum_{i < j} \frac{m_i m_j}{|\vec{x}_i - \vec{x}_j|}$$
 (1.134.7)

1.134.4 Zeitschrittkontrolle

$$\Delta t \approx \frac{T}{10^4}$$
 (mit $T = \text{typische Umlaufzeit}$) (1.134.8)

1.135 Universelles Zeitformat für Himmelskörper

1.135.1 Standardisiertes Format

$$\tau = \text{floor}\left(\frac{t}{T}\right) + \frac{\phi(t)}{2\pi} \tag{1.135.1}$$

wobei:

- \bullet t = Zeit in Sekunden seit Referenzpunkt
- \bullet T = Umlaufperiode des Referenzkörpers
- $\phi(t)$ = Wahre Anomalie zum Zeitpunkt t

1.135.2 Anwendungsbeispiele

- Erde-Mond System: 2030.5000000
 - 2030 = Erdumläufe seit Referenz
 - $-0.5000000 = \text{Mondposition } \phi = \pi \text{ (180°)}$
- Mars Mission: 15.7843210
 - -15 = Marsjahre seit Referenz
 - $-0.7843210 = Position \phi \approx 4.93 \text{ rad } (282^{\circ})$

1.135.3 Technische Umsetzung

```
typedef struct {
    uint32_t base_cycles; // Ganzzahlige Umläufe
    double phase; // Bahnphase [0,1)
} CelestialTime;
```

1.135.4 Vorteile

- Universell anwendbar auf alle Himmelskörper
- \bullet Präzision: 7 Dezimalstellen (±0.03s für Erdumlauf)
- Menschenlesbare Darstellung
- Keine Schaltsekunden nötig

1.135.5 Vergleich mit anderen Systemen

| System | Präzision | Astronomisch | Mehrkörper | Menschlich |
|--------------------|---------------|--------------|------------|------------|
| UTC | $\pm 1s$ | Nein | Nein | Ja |
| Julianisches Datum | Mikrosekunden | Ja | Nein | Nein |
| YYYY.ZZZZZZZ | 0.03s (Erde) | Ja | Ja | Ja |

1.135.6 Mars Rover Beispiel

$$5.3274510$$
 (1.135.2)

- 5 = Fünftes Marsjahr seit Landung
- $0.3274510 = Position \ \phi \approx 2.057 \ rad \ (118^{\circ})$

1.136 Vorteile des himmelsmechanischen Zeitsystems

1.136.1 Physikalisch konsistente Zeitmessung

$$\tau(t) = \frac{1}{2\pi} \int_0^t \dot{\phi}(t')dt'$$
 (1.136.1)

- Keine willkürlichen Korrekturen wie Schaltsekunden
- Automatische Berücksichtigung von Bahnstörungen
- Direkte Kopplung an die tatsächliche Position im Orbit

1.136.2 Universelle Anwendbarkeit

| Körper | Zeitdefinition | Zykluslänge |
|--------|---|-------------|
| Erde | $	au_E = N_E + rac{\phi_E}{2\pi}$ | 365.25 Tage |
| Mond | $\tau_M = N_M + \frac{\phi_M}{2\pi}$ | 27.3 Tage |
| Mars | $\tau_{Mars} = N_{Mars} + \frac{\phi_{Mars}}{2\pi}$ | 687 Tage |

1.136.3 Präzisionsgewinn

Astronomische Beobachtungen

$$t_{obs} \to \phi(t_{obs}) \to r(\phi)$$
 (1.136.2)

Raumfahrtmissionen

$$\Delta \tau = \tau_1 - \tau_2 = \frac{\Delta \phi}{2\pi} T \tag{1.136.3}$$

1.136.4 Praktische Anwendungen

Für Mondkolonien

- Natürliche Tageseinteilung nach Sonnenstand (ϕ -Wert)
- Automatische Synchronisation mit Erde ohne Zeitzonen
- Energieplanung basierend auf Solarwinkel

1.136.5 Langfristige Stabilität

| Aspekt | UTC-System | Winkelzeit-System |
|-------------------|-------------------|-------------------------|
| Genauigkeit | ±0.9s (UT1-UTC) | 10^{-12} s |
| Korrekturen | 27 Schaltsekunden | Automatisch |
| Anwendungsbereich | Nur Erde | Beliebige Himmelskörper |

1.136.6 Implementierungsbeispiel

```
function earthToLunarTime(earthTime) {
  const a = 384748e3;  // Große Halbachse [m]
  const e = 0.0549;  // Exzentrizität
  const T = 27.321661 * 86400;  // Umlaufperiode [s]

const M = 2 * Math.PI * earthTime / T;
  let E = M;
  for(let i = 0; i < 10; i++) {
       E = M + e * Math.sin(E);
  }
  const phi = 2 * Math.atan(Math.sqrt((1+e)/(1-e)) * Math.tan(E/2));

return {
    cycles: Math.floor(earthTime / T),</pre>
```

```
angle: phi % (2 * Math.PI)
};
```

1.137 Natürliche Zeitdefinition für Himmelskörper

1.137.1 Grundprinzip der Winkelzeit

$$\tau = N + \frac{\phi}{2\pi} \tag{1.137.1}$$

- N = Anzahl vollendeter Umläufe (ganzzahlig)
- ϕ = wahre Anomalie $(0 \le \phi < 2\pi)$

1.137.2 Erde-Mond-Zeitsystem

Erdzeit (ET)

$$\tau_{\text{Erde}} = N_E + \frac{\phi_E}{2\pi} \tag{1.137.2}$$

- 1 ET-Jahr = 1 Erdumlauf (365.25 Tage)
- 1 ET-Tag = 2π Rotation (24 Stunden)

Mondzeit (LT)

$$\tau_{\text{Mond}} = N_M + \frac{\phi_M}{2\pi} \tag{1.137.3}$$

- 1 LT-Jahr = 1 Mondumlauf (27.3 Tage)
- 1 LT-Tag = 2π Rotation (29.5 ET-Tage)

1.137.3 Zeitumrechnung

Kepler-Gleichung für den Mond

$$E - e\sin E = M(t) = \sqrt{\frac{GM}{a^3}} \cdot t \tag{1.137.4}$$

$$\phi_M = 2\arctan\left(\sqrt{\frac{1+e}{1-e}}\tan\frac{E}{2}\right) \tag{1.137.5}$$

1.137.4 Kalendersystem

| Element | Erde | Mond |
|-----------------|--------------------------------------|--------------------------------------|
| Grundzyklus | Sonnenumlauf (Jahr) | Erdumlauf (Monat) |
| Untereinheit | Eigenrotation (Tag) | Eigenrotation (Lunation) |
| Natürliche Zeit | $\tau_E = N_E + \frac{\phi_E}{2\pi}$ | $\tau_M = N_M + \frac{\phi_M}{2\pi}$ |

1.137.5 Implementierung

- Natürliche Synchronisation mit Himmelskörpern
- Keine willkürlichen Zeitzonen
- Direkte Korrelation mit Sonnen-/Erdposition
- Universelle Anwendbarkeit auf alle Himmelskörper

LOCAL TIME SYSTEM: LUNA-STATION-1
MOON TIME: CYCLES=683.214 [PHI=1.34rad]
EARTH TIME: CYCLES=1969.552 [PHI=4.71rad]

SUN POSITION: 47° ABOVE HORIZON EARTH POSITION: 23° ABOVE HORIZON