Mein Dokument

Dein Name

30. Juni 2025

Inhaltsverzeichnis

L	Gr	undlagen
1	Web	per-Kraft
	1.1	Klassische Weber-Kraft (Elektrodynamik)
	1.2	Zusammenhang zwischen Maxwell-Theorie und ART: Wellenausbreitung und Raummodelle $$.
		1.2.1 Maxwells elektromagnetische Wellen im flachen Raum
		1.2.2 Allgemeine Relativitätstheorie und gekrümmte Raumzeit
		1.2.3 Konzeptioneller Brückenschlag
	1.3	Grundgleichungen der Weber-Kraft
	1.4	Post-Newtonische Kraft
		in vektorieller Form
	1.5	Weber-Kraft in kartesischer Form
	1.6	Weber-Kraft in Vektorform
		1.6.1 Weber-Kraft zwischen zwei Massen
	1 7	1.6.2 Bewegungsgleichung für Masse m
	1.7 1.8	Webers Gravitationskraft
	_	(9 /
	1.9	Modifizierte Weber-Kraft (gravitativ)
		Universelle Weber-Kraft
		Quantisierte Weber-Kraft (Gittermodell)
		Quantisierte Weber-Kraft (QED)
		Modifizierte Weber-Kraft
		Modifizierte Kraftgleichung
		Weber-Kraft im Dreikörpersystem
		Einsetzen in die Kraftgleichung
		Die Weber-Kraft als Fundament
	1.10	1.18.1 Modifizierte Weber-Kraft (gravitativ)
		1.18.2 Vorteile der Weber-Kraft
	1.19	Klassische Lösung (0. Ordnung)
		Relativistische Korrektur (1. Ordnung)
		Beschleunigung bis zur 1. Ordnung
	1.22	Explizite Form mit Bahnelementen
	1.23	Theoretische Grundlage
		Schrittweitensteuerung
		Numerische Korrektur
		Gesamtlösung
		Kartesische Koordinaten
	1.28	Zeitliche Ableitungen
	1.29	Skalarprodukte
	1.30	Differential gleichung für $x(\phi)$
	1.31	Differential gleichung für $y(\phi)$
	1.32	Differential gleichung für $\omega(\phi)$
		Zusammenfassung des DGL-Systems
	1.34	Koordinatensystem und Basisvektoren
		Geschwindigkeitsquadrat
		Beschleunigungsskalarprodukt
		Bewegungsgleichung in vektorieller Form
	1.38	Differential claich ungssystem

	Explizite DGL für x-Komponente	50
	Explizite DGL für y-Komponente	51
1.41	Transformiertes System 1. Ordnung	52
1.42	Elektrisches Feld als Deformationsgradient	53
1.43	Energie-Impuls-Beziehung für Photonen	54
	Theorievergleich: ART vs. Weber	55
	Vorteile der Weber-Theorie	56
	Historische Dominanz der ART	57
	Quantengravitation mit Weber	58
	Periheldrehung des Merkur	59
	Allgemeine β -Formel	60
	Gravitationswellengleichung	61
		62
	Frequenzabhängige Lichtablenkung	
	Hamiltonian des Dodekaeder-Gitters	63
	Periheldrehung des Merkur	64
	Gravitative Rotverschiebung	65
	Shapiro-Laufzeitverzögerung	66
	Gravitationswellen-Quadrupolformel	67
1.57	Quantisierte Raumzeit-Parameter	68
1.58	Predictor-Corrector-Verfahren	69
1.59	Symplektische Integration	70
1.60	Gitter-QCD-Ansatz	71
1.61	N-Körper-Weber-Kraft	72
	Weber-Gravitationskraft	73
1.63	Bewegungsgleichung in Polarkoordinaten	74
	Drehimpulserhaltung	75
	Modifizierte Radialgleichung	76
	Winkelgeschwindigkeit	77
	Näherungslösung für Merkurbahn	78
	Die Kerninnovation	79
	Vollständige Impulsdynamik	80
	Impulsverteilungsmechanismus	81
	Iterationsschema der Impulsverteilung	82
	Gesamtkopplungsmatrix	83
	Konvergenzkriterium	
		84
	Erhaltungssicherung	85
	Impulsgleichung für modifizierte Keplerbahn	86
1.76	Vollständige Impulsverteilung	87
	1.76.1 Grundprinzip	87
	1.76.2 Kopplungsmatrix	87
	1.76.3 Erhaltungssätze	87
	1.76.4 Spezialfall: Zwei Körper	87
1.77	Ausgangsgleichungen	88
	1.77.1 Keplerbahn	88
	1.77.2 Drehimpulserhaltung	88
1.78	Geschwindigkeitskomponenten	89
	1.78.1 Radialgeschwindigkeit	89
	1.78.2 Azimutalgeschwindigkeit	89
1.79	Impulsberechnung	90
	1.79.1 Impuls in Polarkoordinaten	90
	1.79.2 Endergebnis	90
	1.79.3 Betrag des Impulses	90
1.80	Spezialfälle	91
1.00	1.80.1 Kreisbahn ($e = 0$)	91
	1.80.2 Perihel ($\phi = 0$)	91
	1.80.3 Aphel $(\phi = \pi)$	91
1 21	Physikalische Interpretation	92
	Grundgleichungen und Definitionen	93
1.02	1 82 1 Rahngleichung	93

	1.82.2 Drehimpulserha																		
1.83	Berechnung der Geschv																		
	1.83.1 Radialgeschwind	digkeit										 		 					. 94
	1.83.2 Azimutalgeschw	rindigkeit										 		 					. 94
1.84	Berechnung des Impuls	es										 		 					. 95
	1.84.1 Impulsdefinition	1										 		 					. 95
	1.84.2 Radialkompone	nte										 		 					. 95
	1.84.3 Azimutalkompo																		
1.85	Endergebnis																		
	Zusätzliche Bemerkung																		
	Eingangsparameter																		
1.01	1.87.1 Kraftgleichung																		
	1.87.2 Keplerbahn $r(\phi)$	(1aaiai)							• •	• •		 	•	 •	•	•	•	•	. 98
	1.87.3 Drehimpulserha																		
1 00	Berechnung der Zeitabl																		
1.00																			
	1.88.1 Radialgeschwing																		
4 00	1.88.2 Radialbeschleur																		
1.89	Berechnung des Impuls																		
	1.89.1 Endergebnis																		
	Interpretation und Anr																		
	Grundformel . . .																		
	Eingangswerte für Mer																		
1.93	Be rechnung von κ											 		 					. 104
	1.93.1 Schritt 1: Nenne	er $c^2 a (1 - e^2)$	2) .									 		 					. 104
	1.93.2 Schritt 2: Zähle	r 6 GM	٠									 		 					. 104
	1.93.3 Schritt 3: Berec	hnung von <i>k</i>	;									 		 					. 104
1.94	Periheldrehung pro Um																		
	Periheldrehung pro Jah																		
	Vergleich mit Beobacht																		
1 97	Zusammenfassung																		108
	Zusammenfassung Grundeleichung der W																		
	Grundgleichung der W	inkelgeschwi	ndig	gkeit								 		 					. 109
1.98	Grundgleichung der Wi 1.98.1 Modifizierte Wi	inkelgeschwi nkelgeschwir	ndig ıdig	gkeit keit	nac	 h W	 Æbe	 er .				 		 					. 109 . 109
1.98	Grundgleichung der Wi 1.98.1 Modifizierte Wi Winkeländerung für T	inkelgeschwi nkelgeschwir = 1 Sekunde	ndig ndig e .	gkeit keit 	nac	 h W 	 ⁄ebе	 er . 			· · · ·	 		 					. 109 . 109 . 110
1.98	Grundgleichung der W. 1.98.1 Modifizierte Wi Winkeländerung für T 1.99.1 Infinitesimale Ä	inkelgeschwi nkelgeschwir = 1 Sekunde nderung	ndig ndig e .	gkeit keit 	nac	 h W 	 ⁷ ebe 	er .				 		 					. 109 . 109 . 110
1.98 1.99	Grundgleichung der Wi 1.98.1 Modifizierte Wi Winkeländerung für T 1.99.1 Infinitesimale Ä 1.99.2 Ergebnis für Δq	inkelgeschwi nkelgeschwir = 1 Sekunde nderung b (1 Sekunde	ndig ndig e . 	gkeit keit 	nac	 h W 	 Vebe	er .				 		 					. 109 . 109 . 110 . 110
1.98 1.99	Grundgleichung der Wi 1.98.1 Modifizierte Wi Winkeländerung für T 1.99.1 Infinitesimale Ä 1.99.2 Ergebnis für Δq Beispiel: Merkur im Pe	inkelgeschwi n Nelgeschwir n Sekunderung	ndig ndig e . e) .	gkeit keit 	nac	 h W 	 ⁷ ebe 	er				 		 					. 109 . 109 . 110 . 110 . 111
1.98 1.99	Grundgleichung der Winseländerung für T. 1.99.1 Infinitesimale Ä. 1.99.2 Ergebnis für Δq Beispiel: Merkur im Personal Berechnung	inkelgeschwi nkelgeschwir = 1 Sekunde nderung ϕ (1 Sekunde rihel ($\varphi_0 = 0$	ndig ndig e . e) . e) .	keit	nac	h W	 Vebe 	er				 							. 109 . 109 . 110 . 110 . 111
1.98 1.99 1.100	Grundgleichung der Winseländerung für Tugs.1 Infinitesimale Äuge. Ergebnis für $\Delta \phi$ Beispiel: Merkur im Personal Berechnung auch 1.100.2 $\Delta \phi$ nach 1 Sekt	inkelgeschwir nkelgeschwir = 1 Sekundenderung	ndig ndig e . e) . e) .	gkeit keit 	nac		 Vebe	er				 							. 109 . 109 . 110 . 110 . 111 . 111
1.981.991.1001.101	Grundgleichung der Winseländerung für Tungs.1 Infinitesimale Äuge. Ergebnis für $\Delta \phi$ Beispiel: Merkur im Perindung 1.100.1 Berechnung 1.100.2 $\Delta \phi$ nach 1 Seku Kumulative Periheldrel	inkelgeschwir nkelgeschwir = 1 Sekundenderung	ndig ndig e . e) . e) . 	gkeit keit 	nac	h W	 Vebe	er											. 109 . 109 . 110 . 110 . 111 . 111 . 111
1.981.991.1001.101	Grundgleichung der Winseländerung für Tu.99.1 Infinitesimale Äu.99.2 Ergebnis für $\Delta \phi$ Beispiel: Merkur im Peu.100.1 Berechnung 1.100.2 $\Delta \phi$ nach 1 Seku Kumulative Periheldreig Grundprinzip	inkelgeschwi nkelgeschwir = 1 Sekunde nderung	ndig e . e) . e) . 	gkeit keit 	nac			er											. 109 . 109 . 110 . 110 . 111 . 111 . 111 . 113
1.981.991.1001.101	Grundgleichung der Winselanderung für Tu. 1.99.1 Infinitesimale Äu. 1.99.2 Ergebnis für $\Delta \phi$ Beispiel: Merkur im Peu. 1.100.1 Berechnung und 1.100.2 $\Delta \phi$ nach 1 Seku Kumulative Periheldreic Grundprinzip und 1.102.1 DGL-System und 1.99.1 Modifierung und 1.102.1 DGL-System und 1.99.1 Modifierung der Modifierung und 1.102.1 DGL-System und 1.99.1 Modifierung der Modifierung und 1.99.1 Modifierung der Modifierung und 1.99.1 Modifierung der Modi	inkelgeschwir nkelgeschwir enkelgeschwir en	ndig e e) O)	keit	nac	h W	 Vebe 	er											. 109 . 109 . 110 . 110 . 111 . 111 . 111 . 113 . 113
1.98 1.99 1.100 1.101 1.102	Grundgleichung der Winselanderung für Tu. 1.99.1 Infinitesimale Äu. 1.99.2 Ergebnis für $\Delta \phi$ Beispiel: Merkur im Peu. 1.100.1 Berechnung 1.100.2 $\Delta \phi$ nach 1 Seku Kumulative Periheldrel Grundprinzip 1.102.1 DGL-System 1.102.2 Zeitberechnung	inkelgeschwir nkelgeschwir $=1$ Sekundenderung ϕ (1 Sekunderihel ($\varphi_0=0$ ande	ndig e . e) . O)	keit	nac	h W		er											. 109 . 109 . 110 . 110 . 111 . 111 . 111 . 113 . 113 . 113
1.98 1.99 1.100 1.101 1.102	Grundgleichung der Winseländerung für Tu. 1.98.1 Infinitesimale Äu. 1.99.2 Ergebnis für $\Delta \phi$ Beispiel: Merkur im Perinann 1.100.1 Berechnung 1.100.2 $\Delta \phi$ nach 1 Sekur Kumulative Periheldrel Grundprinzip 1.102.1 DGL-System 1.102.2 Zeitberechnung Physikalische Bedeutur	inkelgeschwir nkelgeschwir $= 1$ Sekundenderung	ndig e e)	gkeit keit 	nac														. 109 . 109 . 110 . 110 . 111 . 111 . 111 . 113 . 113 . 114
1.98 1.99 1.100 1.101 1.102	Grundgleichung der Winseländerung für Tu. 1.98.1 Infinitesimale Äu. 1.99.2 Ergebnis für $\Delta \phi$ Beispiel: Merkur im Personach 1.100.1 Berechnung 1.100.2 $\Delta \phi$ nach 1 Sekur Kumulative Periheldrel Grundprinzip 1.102.1 DGL-System 1.102.2 Zeitberechnung Physikalische Bedeutur 1.103.1 Radialposition (inkelgeschwir nkelgeschwir enkelgeschwir en	ndig ndig)	gkeit keit 	nac														. 109 . 109 . 110 . 110 . 111 . 111 . 111 . 113 . 113 . 114 . 114
1.98 1.99 1.100 1.101 1.102	Grundgleichung der Winseländerung für Tu. 1.98.1 Infinitesimale Äu. 1.99.2 Ergebnis für $\Delta \phi$ Beispiel: Merkur im Perinann 1.100.1 Berechnung 1.100.2 $\Delta \phi$ nach 1 Sekur Kumulative Periheldrel Grundprinzip 1.102.1 DGL-System 1.102.2 Zeitberechnung Physikalische Bedeutur	inkelgeschwir nkelgeschwir enkelgeschwir en	ndig ndig)	gkeit keit 	nac														. 109 . 109 . 110 . 110 . 111 . 111 . 111 . 113 . 113 . 114 . 114
1.98 1.99 1.100 1.101 1.102	Grundgleichung der Winseländerung für Tu. 1.98.1 Infinitesimale Äu. 1.99.2 Ergebnis für $\Delta \phi$ Beispiel: Merkur im Personach 1.100.1 Berechnung 1.100.2 $\Delta \phi$ nach 1 Sekur Kumulative Periheldrel Grundprinzip 1.102.1 DGL-System 1.102.2 Zeitberechnung Physikalische Bedeutur 1.103.1 Radialposition (inkelgeschwir nkelgeschwir $= 1$ Sekunde nderung	ndig ndig	gkeit keit 	nac		· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·												. 109 . 109 . 110 . 110 . 111 . 111 . 111 . 113 . 113 . 114 . 114
1.98 1.99 1.100 1.101 1.102	Grundgleichung der Winseländerung für Tu.99.1 Infinitesimale Äu.99.2 Ergebnis für $\Delta \phi$ Beispiel: Merkur im Peu.100.1 Berechnung	inkelgeschwir nkelgeschwir nkelgeschwir $= 1$ Sekunde nderung	ndig adig adig adig adig adig adig adig a	gkeit	nacc														. 109 . 109 . 110 . 110 . 111 . 111 . 1113 . 113 . 113 . 114 . 114 . 114
1.98 1.99 1.100 1.101 1.102	Grundgleichung der Winselanderung für Trugs. 1.99.1 Infinitesimale Ärugs. 2.99.2 Ergebnis für $\Delta \phi$ Beispiel: Merkur im Perindung schriften im Perindung schrif	inkelgeschwir nkelgeschwir nkelgeschwir $= 1$ Sekunde nderung b (1 Sekunde rihel ($\varphi_0 = 0$) and b and b	mdig adig c .	gkeit	nacc														. 109 . 109 . 110 . 110 . 111 . 111 . 111 . 113 . 113 . 114 . 114 . 114 . 115
1.98 1.99 1.100 1.101 1.102	Grundgleichung der Winseländerung für Tu. 1.99.1 Infinitesimale Äu. 1.99.2 Ergebnis für $\Delta \phi$ Beispiel: Merkur im Personach 1.100.1 Berechnung 1.100.2 $\Delta \phi$ nach 1 Sekur Kumulative Periheldrel Grundprinzip	inkelgeschwir nkelgeschwir nkelgeschwir en Sekunderung	ndig adig adig adig adig adig adig adig a	keit keit	nac	h W													. 109 . 109 . 110 . 110 . 111 . 111 . 111 . 113 . 113 . 114 . 114 . 115 . 115
1.98 1.99 1.100 1.101 1.102	Grundgleichung der Winseländerung für T 1.99.1 Infinitesimale Ä 1.99.2 Ergebnis für $\Delta \phi$ Beispiel: Merkur im Per 1.100.1 Berechnung 1.100.2 $\Delta \phi$ nach 1 Sekur Kumulative Periheldreit Grundprinzip 1.102.1 DGL-System 1.102.2 Zeitberechnung Physikalische Bedeutur 1.103.1 Radialposition (1.103.2 Radialgeschwing 1.103.3 Winkelgeschwing 1.104.1 Schritt 1: Initia 1.104.2 Schritt 2: Kraft	inkelgeschwir nkelgeschwir nkelgeschwir nkelgeschwir $= 1$ Sekunde nderung	ndig ndig	keit keit	nac														. 109 . 109 . 110 . 110 . 111 . 111 . 111 . 113 . 113 . 114 . 114 . 115 . 115 . 115
1.98 1.99 1.100 1.101 1.102	Grundgleichung der Winseländerung für T 1.99.1 Infinitesimale Ä 1.99.2 Ergebnis für $\Delta \phi$ Beispiel: Merkur im Pe 1.100.1 Berechnung 1.100.2 $\Delta \phi$ nach 1 Seku Kumulative Periheldrel Grundprinzip 1.102.1 DGL-System . 1.102.2 Zeitberechnung Physikalische Bedeutur 1.103.1 Radialposition (1.103.2 Radialgeschwing Numerische Lösung 1.104.1 Schritt 1: Initia 1.104.2 Schritt 2: Kraft 1.104.3 Schritt 3: Integr	inkelgeschwir nkelgeschwir nkelgeschwir nkelgeschwir $= 1$ Sekunde nderung	ndig ndig ndig ndig ndig ndig ndig ndig	keit keit	nac														. 109 . 109 . 110 . 110 . 111 . 111 . 111 . 113 . 113 . 114 . 114 . 115 . 115 . 115
1.98 1.99 1.100 1.101 1.102 1.103	Grundgleichung der Winseländerung für T. 1.99.1 Infinitesimale Ä. 1.99.2 Ergebnis für $\Delta \phi$ Beispiel: Merkur im Petron. 1.100.1 Berechnung 1.100.2 $\Delta \phi$ nach 1 Seku Kumulative Periheldreit Grundprinzip 1.102.1 DGL-System . 1.102.2 Zeitberechnung Physikalische Bedeutur 1.103.1 Radialposition (1.103.2 Radialgeschwing 1.103.3 Winkelgeschwing Numerische Lösung 1.104.1 Schritt 1: Initiation 1.104.2 Schritt 2: Kraft 1.104.3 Schritt 3: Integrand 1.104.4 Hinweis	inkelgeschwir nkelgeschwir nkelgeschwir nkelgeschwir $= 1$ Sekunde nderung	ndig ndig ndig ndig ndig ndig ndig ndig	keit keit gen 	nacc														. 109 . 109 . 110 . 110 . 111 . 111 . 111 . 113 . 113 . 114 . 114 . 115 . 115 . 115 . 115
1.98 1.99 1.100 1.101 1.102 1.103	Grundgleichung der Winseländerung für T 1.99.1 Infinitesimale Ä 1.99.2 Ergebnis für $\Delta \phi$ Beispiel: Merkur im Pe 1.100.1 Berechnung 1.100.2 $\Delta \phi$ nach 1 Seku Kumulative Periheldrei Grundprinzip	inkelgeschwir nkelgeschwir nkelgeschwir $= 1$ Sekunde nderung b (1 Sekunde rihel ($\varphi_0 = 0$) and b and b	ndig ndig ndig ndig ndig ndig ndig ndig	keit keit	nacc														. 109 . 109 . 110 . 110 . 111 . 111 . 111 . 113 . 113 . 114 . 114 . 115 . 115 . 115 . 115 . 116
1.98 1.99 1.100 1.101 1.102 1.103	Grundgleichung der Winselanderung für T. 1.99.1 Infinitesimale Ä. 1.99.2 Ergebnis für Δφ. Beispiel: Merkur im Pe. 1.100.1 Berechnung 1.100.2 Δφ nach 1 Seku Kumulative Periheldrei Grundprinzip 1.102.1 DGL-System 1.102.2 Zeitberechnung Physikalische Bedeutur 1.103.1 Radialposition (1.103.2 Radialgeschwing 1.104.1 Schritt 1: Initia. 1.104.2 Schritt 2: Kraft 1.104.3 Schritt 3: Integri. 1.104.4 Hinweis Beispiel: Merkur-Bahn 1.105.1 Parameter	inkelgeschwir nkelgeschwir nkelgeschwir $= 1$ Sekunde nderung b (1 Sekunde rihel ($\varphi_0 = 0$) and b and b	ndig ndig ndig ndig ndig ndig ndig ndig	keitkeit	nac														. 109 . 109 . 110 . 110 . 111 . 111 . 111 . 113 . 113 . 114 . 114 . 115 . 115 . 115 . 116 . 116
1.98 1.99 1.100 1.101 1.102 1.103	Grundgleichung der Winseländerung für T. 1.99.1 Infinitesimale Ä. 1.99.2 Ergebnis für $\Delta \phi$ Beispiel: Merkur im Peter 1.100.1 Berechnung 1.100.2 $\Delta \phi$ nach 1 Seku Kumulative Periheldrel Grundprinzip	inkelgeschwir nkelgeschwir $= 1$ Sekundenderung b (1 Sekunderihel ($\varphi_0 = 0$) and b b and b b digkeit (v_r) digkeit (w_r) digkeit (w_r) digkeit (w_r) b digkeit (Eulerich b) b dightering b	ndig ndig	gkeit	nac	h W													. 109 . 109 . 110 . 110 . 111 . 111 . 111 . 113 . 113 . 114 . 114 . 115 . 115 . 115 . 116 . 116 . 116
1.98 1.99 1.100 1.101 1.103 1.104 1.105	Grundgleichung der Winseländerung für T. 1.99.1 Infinitesimale Ä. 1.99.2 Ergebnis für \(\Delta \rightarrow \) Beispiel: Merkur im Pett. 1.00.1 Berechnung 1.100.2 \(\Delta \rho \rho \) nach 1 Seku Kumulative Periheldrel Grundprinzip 1.102.1 DGL-System 1.102.2 Zeitberechnung Physikalische Bedeutur 1.103.1 Radialposition (1.103.2 Radialgeschwing 1.103.3 Winkelgeschwing 1.104.1 Schritt 1: Initia 1.104.2 Schritt 2: Kraft 1.104.3 Schritt 3: Integration 1.105.1 Parameter Beispiel: Merkur-Bahn 1.105.2 Erster Schritt (Eusammenfassung	inkelgeschwir nkelgeschwir nkelgeschwir $= 1$ Sekunde nderung b (1 Sekunde rihel ($\varphi_0 = 0$ and b	ndig ndig ndig ndig ndig ndig ndig ndig	keit keit	nac	h W													. 109 . 109 . 110 . 110 . 111 . 111 . 111 . 113 . 113 . 114 . 114 . 115 . 115 . 115 . 116 . 116 . 117
1.98 1.99 1.100 1.101 1.103 1.104 1.105	Grundgleichung der Winseländerung für T. 1.99.1 Infinitesimale Ä. 1.99.2 Ergebnis für Δφ. Beispiel: Merkur im Pe. 1.100.1 Berechnung 1.100.2 Δφ nach 1 Seku Kumulative Periheldrei Grundprinzip 1.102.1 DGL-System . 1.102.2 Zeitberechnung Physikalische Bedeutur 1.103.1 Radialposition (1.103.2 Radialgeschwing 1.104.1 Schritt 1: Initia. 1.104.2 Schritt 2: Kraft 1.104.3 Schritt 3: Integr. 1.104.4 Hinweis	inkelgeschwir nkelgeschwir nkelgeschwir $= 1$ Sekunde nderung	ndig ndig ndig ndig ndig ndig ndig ndig	keit keit	nacc	h W													. 109 . 109 . 110 . 110 . 111 . 111 . 111 . 113 . 113 . 114 . 114 . 115 . 115 . 115 . 116 . 116 . 117 . 118
1.98 1.99 1.100 1.101 1.103 1.104 1.105	Grundgleichung der Winselanderung für T 1.99.1 Infinitesimale Ä 1.99.2 Ergebnis für Δφ Beispiel: Merkur im Pe 1.100.1 Berechnung 1.100.2 Δφ nach 1 Seku Kumulative Periheldrei Grundprinzip	inkelgeschwir nkelgeschwir nkelgeschwir $= 1$ Sekunde nderung b (1 Sekunde rihel ($\varphi_0 = 0$) and b b and b b and b b digkeit (v_r) digkeit (w_r	ndig ndig ndig ndig ndig ndig ndig ndig	keit keit	nacc	h W													. 109 . 109 . 110 . 110 . 111 . 111 . 111 . 113 . 113 . 114 . 114 . 115 . 115 . 115 . 116 . 116 . 117 . 118 . 118
1.98 1.99 1.100 1.101 1.103 1.104 1.105 1.106 1.107	Grundgleichung der Winseländerung für T. 1.99.1 Infinitesimale Ä. 1.99.2 Ergebnis für Δφ. Beispiel: Merkur im Pe. 1.100.1 Berechnung 1.100.2 Δφ nach 1 Seku Kumulative Periheldrei Grundprinzip 1.102.1 DGL-System . 1.102.2 Zeitberechnung Physikalische Bedeutur 1.103.1 Radialposition (1.103.2 Radialgeschwing 1.104.1 Schritt 1: Initia. 1.104.2 Schritt 2: Kraft 1.104.3 Schritt 3: Integr. 1.104.4 Hinweis	inkelgeschwir nkelgeschwir nkelgeschwir $= 1$ Sekundenderung b (1 Sekunderihel ($\varphi_0 = 0$) b and b b b and b b b and b	ndig ndig ndig ndig ndig ndig ndig ndig	keit keit	nacc	h W													. 109 . 109 . 110 . 110 . 111 . 111 . 111 . 113 . 113 . 114 . 114 . 115 . 115 . 115 . 116 . 116 . 116 . 118 . 118 . 118

1.108.1 Symmetriegruppe	
1.108.2 Kombinierte Wirkung	119
1.109Renormierungsgruppenfluss	120
1.109.1 Beta-Funktion	120
1.109.2 Knotenspezifische Korrektur	120
1.110Nichtperturbative Quantisierung	
1.110.1 Diskretisierte Wirkung	
1.110.2 Wilson-Loops	
1.111Topologische Feldtheorie	
1.111.1 Chern-Simons-Wirkung	
1.111.2 Verknüpfungszahl	
1.112Knotenmoden-Klassifikation	
1.112.1 Alexander-Conway-Gleichung	
1.112.2 Spektraler Index	
$1.113 \mbox{Vektordefinitionen (Kartesische Koordinaten)} $	
1.113.1 Ortsvektor	124
1.113.2 Geschwindigkeitsvektor	124
1.113.3 Beschleunigungsvektor	
1.114Lösungen in Vektorform	125
1.114.1 Bahngleichung (xy-Ebene)	
1.114.2 Geschwindigkeitsfeld	
1.115N-Körper-Systeme	
1.115.1 Beschleunigung des i-ten Körpers	
1.115.2 Radialkomponenten	
1.116 Grundgrößen und Konstanten	
1.116.1 Abgeleitete Größen	
1.117Kartesische Bahngleichungen	128
1.117.1 Positionsvektor $\vec{r}(\phi)$	128
$1.117.2$ Geschwindigkeitsvektor $\vec{v}(\phi)$	
$1.117.3$ Winkelgeschwindigkeit $\omega(\phi)$	
1.118Beispielberechnungen	
1.118.1 Perihel ($\phi = 0$)	
1.118.2 Physikalische Interpretation	
1.119Gültigkeitsbereich	
1.119.1 Implementierungshinweise	
1.120Quantisiertes Dodekaeder-Gitter	
1.120.1 Knotenenergie aus Jones-Polynomen	
$1.120.2\mathrm{Gittereigenschaften}\ldots\ldots\ldots\ldots\ldots\ldots\ldots\ldots$	
1.121Experimentelle Vorhersagen	
1.121.1 Unterscheidungsmerkmale	132
1.122Kritik an der Allgemeinen Relativitätstheorie	133
1.122.1 Probleme der ART	
1.122.2 Warum Weber überlegen ist	
1.123Zusammenfassung: Die Wahrheit gewinnt	
1.123.1 Theorie-Eigenschaften	
1.123.2 Ausblick	
1.124Heliozentrisch \rightarrow Baryzentrisch Transformation	
1.124.1 Baryzentrische Position der Sonne	
1.124.2 Baryzentrische Positionen der Planeten	
1.124.3 Baryzentrische Geschwindigkeiten	
1.125 Validierungstests	
1.125.1 Schwerpunkttest	136
1.125.2 Umkehrtransformation	136
1.126Beispiel: Sonne-Jupiter-System	
1.127Implementierung	
1.127.1 Numerische Genauigkeit	
1.127.7 Adjorithmus	
1.128Objektzuordnungen und Variablen	
1.128.1 Aktiver Körper (wird gestört)	139

1.128.2 Störender Körper (verursacht Störung)	
1.129Weber-Störungsterme	140
1.129.1 Positionsstörung	140
1.129.2 Winkelgeschwindigkeitsstörung	
1.130Physikalische Interpretation	
1.131Zeitberechnung aus $\omega(\phi)$ mit Korrekturterm	
1.131.1 Integralgleichung mit Korrektur	
1.132Analytische Lösung	
1.133Beispiel: 1° Merkur-Orbit	
1.133.1 Parameter für Merkur	
1.134Klassische Kepler-Periode	
1.135 Weber-Modifikation (1. Ordnung)	
1.136Berechnung für Merkur	
1.137Erweiterte Formel (höhere Ordnungen)	
1.137.1 Praktische 1. Ordnungsformel	
$1.138 Physikalische Grundlagen \\ \ldots \\ \ldots \\ 1.138 Physikalische Grundlagen \\ \ldots \\ $	
$1.139 Mathematische \ Herleitung \ \dots \ $	
1.139.1 Integral formulierung	
1.139.2 Substitution der Bahnkurve	150
1.139.3 Lösung der Integrale	150
1.140Anwendungsbeispiel: Merkur-Orbit	151
1.140.1 Berechnung für 1° Bahnsegment ($\Delta \phi = \pi/180$)	
1.140.2 Physikalische Interpretation	
1.141Vergleich mit der ART	
1.141.1 Vorteile der Formulierung	
1.142Zusammenfassung	
1.143Universelle Knoten-Gitter-Dynamik	
1.143.1 Grundform der Theorie	
1.143.1 Grundform der Theorie	
1.145.2 Symbolerkiarungen	
1.144 Vollständige analytische Lösung für $\vec{v}(\phi)$ mit Weber-Kraft	
1.144 Vollständige analytische Lösung für $\vec{v}(\phi)$ mit Weber-Kraft	155
1.144 Vollständige analytische Lösung für $\vec{v}(\phi)$ mit Weber-Kraft	155 155
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	155 155 155
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	155 155 155 155
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	155 155 155 155 156
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	155 155 155 155 156 156
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	155 155 155 155 156 156
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	155 155 155 155 156 156
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	155 155 155 156 156 156 156
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	155 155 155 156 156 156 156
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	155 155 155 156 156 156 156 156
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	155 155 155 156 156 156 156 156
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	155 155 155 155 156 156 156 156 157 157
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	155 155 155 156 156 156 156 157 157
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	155 155 155 155 156 156 156 157 157 157
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	155 155 155 155 156 156 156 157 157 157 157
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	155 155 155 155 156 156 156 157 157 157 157
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	155 155 155 155 156 156 156 157 157 157 157 157
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	155 155 155 155 156 156 156 157 157 157 157 157 157
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	155 155 155 156 156 156 156 157 157 157 157 157 157 158 158
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	155 155 155 156 156 156 156 157 157 157 157 157 157 158 158 158
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	155 155 155 156 156 156 156 157 157 157 157 157 158 158 158
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	155 155 155 156 156 156 156 157 157 157 157 157 158 158 158 158
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	155 155 155 155 156 156 156 157 157 157 157 157 158 158 158 158 158
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	155 155 155 155 156 156 156 157 157 157 157 157 158 158 158 158 158
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	155 155 155 155 156 156 156 156 157 157 157 157 157 158 158 158 158 158 158 160 160
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	155 155 155 156 156 156 156 157 157 157 157 157 158 158 158 158 158 158 160 160
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	155 155 155 156 156 156 156 157 157 157 157 157 158 158 158 158 158 158 160 160 160
$\begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	155 155 155 156 156 156 156 157 157 157 157 157 158 158 158 158 158 158 160 160 160

Teil I Grundlagen

Kapitel 1

Weber-Kraft

1.1 Klassische Weber-Kraft (Elektrodynamik)

$$F_{Weber}^{EM} = \frac{Qq}{4\pi\epsilon_0 r^2} \left(1 - \frac{\dot{r}^2}{c^2} + \frac{2r\ddot{r}}{c^2}\right) \hat{r}$$

Beschreibung der Symbole:

- F_{Weber}^{EM} : Weber-Elektrodynamische Kraft zwischen zwei Ladungen
- $\bullet~Q,q$: Elektrische Ladungen der beiden wechselwirkenden Teilchen
- ϵ_0 : Elektrische Feldkonstante (Permittivität des Vakuums)
- \bullet r: Abstand zwischen den Ladungen
- $\dot{r} = \frac{dr}{dt}$: Relative Radialgeschwindigkeit der Ladungen
- $\ddot{r} = \frac{d^2r}{dt^2}$: Relative Radialbeschleunigung der Ladungen
- ullet c: Lichtgeschwindigkeit im Vakuum
- \hat{r} : Einheitsvektor in radialer Richtung

Zusammenhang zur Coulomb-Kraft:

Die Weber-Kraft verallgemeinert das Coulomb-Gesetz für bewegte Ladungen:

- Der erste Term $\frac{Qq}{4\pi\epsilon_0 r^2}$ entspricht genau der klassischen Coulomb-Kraft zwischen statischen Ladungen.
- Die zusätzlichen Terme $\left(-\frac{\dot{r}^2}{c^2}+\frac{2r\ddot{r}}{c^2}\right)$ beschreiben Geschwindigkeits- und Beschleunigungsabhängige Korrekturen zur Coulomb-Wechselwirkung.
- Für $\dot{r}=0$ und $\ddot{r}=0$ (statischer Fall) reduziert sich die Weber-Kraft auf die Coulomb-Kraft.

Bedeutung der Weber-Kraft im Vergleich zu Maxwell:

- Die Weber-Elektrodynamik bietet eine alternative Beschreibung elektromagnetischer Phänomene zur Maxwell-Theorie.
- Im Gegensatz zu Maxwells Feldtheorie beschreibt Webers Ansatz die elektrodynamische Wechselwirkung direkt zwischen Ladungen (Fernwirkungskonzept).
- Die Weber-Kraft enthält implizit retardierte Effekte (durch die Geschwindigkeits- und Beschleunigungsterme), während Maxwell diese explizit durch retardierte Potentiale beschreibt.
- Die Weber-Theorie sagt für viele Phänomene (wie die Ampere-Kraft zwischen Stromleitern) dieselben Ergebnisse voraus wie Maxwell, unterscheidet sich aber in einigen Spezialfällen.
- Ein wesentlicher Unterschied ist, dass die Weber-Theorie keine elektromagnetischen Wellen im Vakuum vorhersagt, was ein zentrales Element der Maxwell-Theorie ist.

1.2 Zusammenhang zwischen Maxwell-Theorie und ART: Wellenausbreitung und Raummodelle

1.2.1 Maxwells elektromagnetische Wellen im flachen Raum

Die Maxwell-Gleichungen in ihrer klassischen Form,

$$\nabla \cdot \mathbf{E} = \frac{\rho}{\epsilon_0}, \quad \nabla \times \mathbf{B} = \mu_0 \mathbf{J} + \mu_0 \epsilon_0 \frac{\partial \mathbf{E}}{\partial t},$$

implizieren die Existenz elektromagnetischer Wellen im Vakuum ($\rho=0,\,{\bf J}=0$), beschrieben durch die Wellengleichung:

$$\left(\nabla^2 - \frac{1}{c^2}\frac{\partial^2}{\partial t^2}\right)\mathbf{E} = 0, \quad \left(\nabla^2 - \frac{1}{c^2}\frac{\partial^2}{\partial t^2}\right)\mathbf{B} = 0$$

- Raummodell: Flacher Minkowski-Raum $\mathbb{R}^{3,1}$ mit konstanter Metrik $\eta_{\mu\nu} = \operatorname{diag}(-1,1,1,1)$
- Lichtausbreitung: Geradlinige Ausbreitung mit $c = \frac{1}{\sqrt{\mu_0 \epsilon_0}}$ als universelle Konstante
- Voraussetzung: Isotropie und Homogenität des Raumes für Wellenausbreitung

1.2.2 Allgemeine Relativitätstheorie und gekrümmte Raumzeit

In der ART wird die Metrik $g_{\mu\nu}$ dynamisch durch die Einstein-Gleichungen bestimmt:

$$G_{\mu\nu} = \frac{8\pi G}{c^4} T_{\mu\nu}$$

- Wellenausbreitung: Licht folgt nullgeodätischen Bahnen mit $ds^2 = g_{\mu\nu}dx^{\mu}dx^{\nu} = 0$
- Konsequenzen:
 - 1. Gravitative Lichtablenkung durch Raumzeitkrümmung
 - 2. Zeitverzögerung (Shapiro-Verzögerung)
 - 3. Frequenzverschiebung (gravitativer Rot-/Blauverschiebung)
- Kontinuum: Existenz einer differenzierbaren Mannigfaltigkeit als fundamentale Voraussetzung

1.2.3 Konzeptioneller Brückenschlag

Aspekt	Maxwell (flache Raumzeit)	ART (gekrümmte Raumzeit)				
Wellengleichung	Lineare DGL in $\eta_{\mu\nu}$	Geodätengleichung $\frac{d^2x^{\mu}}{d\lambda^2} + \Gamma^{\mu}_{\alpha\beta} \frac{dx^{\alpha}}{d\lambda} \frac{dx^{\beta}}{d\lambda} = 0$				
Ausbreitungsmedium	Kein Äther, aber absoluter Raum	Dynamische Geometrie $g_{\mu\nu}(x)$				
Invarianzen	Lorentz-Transformationen	Allgemeine Kovarianz				

Fundamentale Erkenntnis

Die ART verallgemeinert das Maxwellsche Konzept der Wellenausbreitung:

- ullet Maxwells c wird zur lokalen Größe in gekrümmter Raumzeit
- Die konstante Metrik $\eta_{\mu\nu}$ wird durch das dynamische Feld $g_{\mu\nu}$ ersetzt
- Die ART benötigt dabei zwingend ein Kontinuumsmodell des Raumes, während Maxwell dies nur implizit voraussetzt

1.3 Grundgleichungen der Weber-Kraft

$$F = -\frac{GMm}{r^2} \left(1 - \frac{\dot{r}^2}{c^2} + \frac{r\ddot{r}}{2c^2} \right)$$

Daraus folgt die Bewegungsgleichung:

$$\ddot{r} - r \dot{\varphi}^2 = -\frac{GM}{r^2} \left(1 - \frac{\dot{r}^2}{c^2} + \frac{r \ddot{r}}{2c^2} \right)$$

1.4 Post-Newtonische Kraft in vektorieller Form

$$\vec{F} = -\frac{GMm}{r^2} \left(1 - \frac{|\dot{\vec{r}}|^2}{c^2} + \frac{(\vec{r} \cdot \ddot{\vec{r}})}{2c^2} \right) \hat{e}_r$$

1.5 Weber-Kraft in kartesischer Form

$$\vec{F} = -\frac{GMm}{r^3} \vec{r} \left(1 - \frac{|\dot{\vec{r}}|^2}{c^2} + \frac{\vec{r} \cdot \ddot{\vec{r}}}{2c^2} \right)$$

1.6 Weber-Kraft in Vektorform

1.6.1 Weber-Kraft zwischen zwei Massen

$$\vec{F}_{12} = -\frac{GMm}{|\vec{r}_1 - \vec{r}_2|^3} \left(1 - \frac{(\dot{\vec{r}_1} - \dot{\vec{r}_2}) \cdot (\vec{r}_1 - \vec{r}_2)}{c^2 |\vec{r}_1 - \vec{r}_2|} + \frac{(\vec{r}_1 - \vec{r}_2) \cdot (\ddot{\vec{r}}_1 - \ddot{\vec{r}}_2)}{2c^2} \right) (\vec{r}_1 - \vec{r}_2)$$

1.6.2 Bewegungsgleichung für Masse m

$$m\ddot{\vec{r}} = \sum_{i} -\frac{GM_{i}m}{|\vec{r}-\vec{r}_{i}|^{3}} \left(1 - \frac{(\dot{\vec{r}}-\dot{\vec{r}_{i}})\cdot(\vec{r}-\vec{r}_{i})}{c^{2}|\vec{r}-\vec{r}_{i}|} + \frac{(\vec{r}-\vec{r}_{i})\cdot(\ddot{\vec{r}}-\ddot{\vec{r}_{i}})}{2c^{2}}\right)(\vec{r}-\vec{r}_{i})$$

1.7 Webers Gravitationskraft

$$F = \frac{G \cdot M \cdot m}{r^2} \cdot \left[1 - \frac{v^2}{c^2} + \frac{r \cdot a}{c^2}\right]$$

1.8 Modifizierte Weber-Kraft (gravitativ)

$$F_{Weber}^{Grav} = -\frac{GMm}{r^2} \left(1 - \frac{\dot{r}^2}{c^2} + \frac{r\ddot{r}}{2c^2}\right) \hat{r}$$

1.9 Modifizierte Weber-Kraft (gravitativ)

$$F_{Weber}^{Grav} = -\frac{GMm}{r^2} \left(1 - \frac{\dot{r}^2}{c^2} + \frac{r\ddot{r}}{2c^2}\right) \hat{r}$$

1.10 Universelle Weber-Kraft für Massen

$$F = -\frac{GMm}{r^2} \left(1 - \frac{\dot{r}^2}{c^2} + \frac{r\ddot{r}}{2c^2}\right)$$

1.11 Universelle Weber-Kraft

$$F_{universal} = \frac{K \cdot V_1(t) V_2(t)}{(nL_p)^2} \left(1 - \frac{v_{eff}^2}{c^2} + \frac{\beta L_p a_{eff}}{c^2} \right) \hat{r}$$

1.12 Quantisierte Weber-Kraft (Gittermodell)

$$F_{Weber}^{QED} = \frac{V_1(t)V_2(t)}{4\pi\epsilon_0(nL_p)^2} \left(1 - \frac{(\Delta L_p/\Delta t_p)^2}{c^2} + \frac{2L_p\Delta^2 L_p}{c^2\Delta t_p^2}\right) \hat{r}$$

1.13 Quantisierte Weber-Kraft (QED)

$$F_{Weber}^{QED} = \frac{V_1(t)V_2(t)}{4\pi\epsilon_0(nL_p)^2} \left(1 - \frac{(\Delta L_p/\Delta t_p)^2}{c^2} + \frac{2L_p\Delta^2 L_p}{c^2\Delta t_p^2}\right) \hat{r}$$

1.14 Modifizierte Weber-Kraft

$$F_{Weber} = -\frac{GMm}{r^2} \left(1 - \frac{\dot{r}^2}{c^2} + \frac{r \ddot{r}}{2c^2} \right)$$

1.15 Modifizierte Kraftgleichung

$$\mathbf{F} = -\mathbf{F}_{\text{Newton}} \left(1 - \frac{(\dot{\mathbf{r}})^2}{c^2} + \frac{\mathbf{r} \cdot \ddot{\mathbf{r}}}{2c^2} \right)$$

- Term 2: $-\frac{(\dot{\mathbf{r}})^2}{c^2}$ (Relativistische Geschwindigkeitskorrektur)

${\bf 1.16}\quad {\bf Weber\text{-}Kraft\ im\ Dreik\"{o}rpersystem}$

$$\mathbf{F}_{1} = -Gm_{1} \left[\frac{m_{2}}{r_{12}^{3}} \mathbf{r}_{12} \left(1 - \frac{\dot{r}_{12}^{2}}{c^{2}} + \frac{r_{12}\ddot{r}_{12}}{2c^{2}} \right) + \frac{m_{3}}{r_{13}^{3}} \mathbf{r}_{13} \left(1 - \frac{\dot{r}_{13}^{2}}{c^{2}} + \frac{r_{13}\ddot{r}_{13}}{2c^{2}} \right) \right]$$

1.17 Einsetzen in die Kraftgleichung

$$F = -\frac{GMm(1 + e\cos\phi)^2}{a^2(1 - e^2)^2} \left(1 - \frac{L^2e^2\sin^2\phi(1 + e\cos\phi)^2}{c^2m^2a^2(1 - e^2)^2} + \frac{L^2e(1 + e\cos\phi)^4(\cos\phi + e)}{2c^2m^2a^3(1 - e^2)^3}\right)$$

1.18 Die Weber-Kraft als Fundament

1.18.1 Modifizierte Weber-Kraft (gravitativ)

$$F = -\frac{GMm}{r^2} \left(1 - \frac{\dot{r}^2}{c^2} + \frac{r\ddot{r}}{2c^2}\right)$$

Parameter: $\beta=0.5$ folgt aus der Knotentopologie.

1.18.2 Vorteile der Weber-Kraft

- Keine dunkle Materie Geschwindigkeitsabhängigkeit erklärt Rotationskurven
- $\bullet \ \ Vereinheitlichung Elektromagnetismus \ und \ Gravitation \ nutzen \ dieselbe \ Kraftstruktur \\$

1.19 Klassische Lösung (0. Ordnung)

Für $c \to \infty$ ergibt sich die Kepler-Bahn:

$$r_0(\varphi) = \frac{a(1 - e^2)}{1 + e\cos\varphi}$$

$$a_0(\varphi) = -\frac{GM}{r_0^2(\varphi)}$$

1.20 Relativistische Korrektur (1. Ordnung)

Störungsansatz für die Beschleunigung:

$$a(\varphi) = a_0(\varphi) + \frac{GM}{c^2}a_1(\varphi) + \mathcal{O}(1/c^4)$$

Einsetzen in die Bewegungsgleichung liefert den Korrekturterm:

$$a_1(\varphi) = \frac{GM}{r_0^2(\varphi)} \left(\frac{3h^2}{r_0^2(\varphi)} - \frac{h^2}{2GMr_0(\varphi)} \left(\frac{dr_0}{d\varphi} \right)^2 \right)$$

1.21 Beschleunigung bis zur 1. Ordnung

$$a(\varphi) = -\frac{GM}{r_0^2(\varphi)} \left[1 - \frac{1}{c^2} \left(\frac{3h^2}{r_0^2(\varphi)} - \frac{h^2}{2GMr_0(\varphi)} \left(\frac{dr_0}{d\varphi} \right)^2 \right) \right]$$

Hinweis: $r_0(\varphi)$ ist die klassische Kepler-Lösung, h der spezifische Drehimpuls.

1.22 Explizite Form mit Bahnelementen

Einsetzen von $r_0(\varphi) = \frac{a(1-e^2)}{1+e\cos\varphi}$:

$$a(\varphi) = -\frac{GM(1 + e\cos\varphi)^2}{a^2(1 - e^2)^2} \left[1 - \frac{3h^2(1 + e\cos\varphi)^2}{c^2a^2(1 - e^2)^2} + \frac{h^2e^2\sin^2\varphi}{2c^2GMa^3(1 - e^2)^3} (1 + e\cos\varphi)^3 \right]$$

1.23 Theoretische Grundlage

$$r(\phi) = r_{\text{ART}}(\phi) + \delta r(\phi)$$

Hier ist $r_{\text{ART}}(\phi)$ die analytische Näherung (ART-genau) und $\delta r(\phi)$ die numerisch berechnete Korrektur.

1.24 Schrittweitensteuerung

Die Schrittweite $\Delta \phi$ wird dynamisch aus den analytischen Ableitungen bestimmt:

$$\Delta \phi = \min \left(\Delta \phi_{\max}, \frac{\epsilon}{|w(\phi)| + |v(\phi)|} \right)$$

mit $v(\phi) = \frac{dr}{d\phi}$ und $w(\phi) = \frac{d^2r}{d\phi^2}$ aus der ART-Näherung.

1.25 Numerische Korrektur

In jedem Schritt wird nur die Abweichung von der ART-Näherung numerisch integriert:

 $\delta r(\phi+\Delta\phi)=\delta r(\phi)+\mbox{Numerische Integration von (DGL-ART-Ableitung)}$

1.26. GESAMTLÖSUNG 37

1.26 Gesamtlösung

Die finale Lösung kombiniert beide Anteile:

$$r(\phi + \Delta\phi) = r_{\text{ART}}(\phi + \Delta\phi) + \delta r(\phi + \Delta\phi)$$

1.27 Kartesische Koordinaten

$$\begin{split} \vec{r}(\phi) &= \begin{pmatrix} x(\phi) \\ y(\phi) \end{pmatrix} \\ r(\phi) &= \sqrt{x(\phi)^2 + y(\phi)^2} \\ \omega(\phi) &= \frac{d\phi}{dt} = \frac{h}{r(\phi)^2} \end{split}$$

Zeitliche Ableitungen 1.28

$$\dot{\vec{r}} = \omega \frac{d\vec{r}}{d\phi} = \omega \vec{r}'$$

$$\begin{split} \dot{\vec{r}} &= \omega \frac{d\vec{r}}{d\phi} = \omega \vec{r}' \\ \ddot{\vec{r}} &= \omega^2 \vec{r}'' + \omega \frac{d\omega}{d\phi} \vec{r}' \end{split}$$

1.29 Skalarprodukte

$$|\dot{\vec{r}}|^2 = \omega^2 (x'^2 + y'^2)$$

$$\vec{r} \cdot \ddot{\vec{r}} = \omega^2 (xx'' + yy'') + \omega \frac{d\omega}{d\phi} (xx' + yy')$$

1.30 Differential gleichung für $x(\phi)$

$$x'' = \frac{1}{1 + \frac{GM}{2c^2r}} \left[\frac{2(x'^2 + y'^2)}{r^2} x - \frac{GM}{\omega^2 r^3} x \left(1 - \frac{\omega^2 (x'^2 + y'^2)}{c^2} \right) \right]$$

1.31 Differential gleichung für $y(\phi)$

$$y'' = \frac{1}{1 + \frac{GM}{2c^2r}} \left[\frac{2(x'^2 + y'^2)}{r^2} y - \frac{GM}{\omega^2 r^3} y \left(1 - \frac{\omega^2 (x'^2 + y'^2)}{c^2} \right) \right]$$

1.32 Differential gleichung für $\omega(\phi)$

$$\frac{d\omega}{d\phi} = -\frac{2h}{r^3}(xx' + yy')$$

Zusammenfassung des DGL-Systems 1.33

$$\vec{Y} = \begin{pmatrix} x \\ y \\ x' \\ y' \\ \omega \end{pmatrix}$$

$$\vec{Y} = \begin{pmatrix} x \\ y \\ x' \\ y' \\ \omega \end{pmatrix}$$

$$\frac{d\vec{Y}}{d\phi} = \begin{pmatrix} x' \\ y' \\ x'' \\ y'' \\ \omega' \end{pmatrix}$$

1.34 Koordinatensystem und Basisvektoren

$$\begin{split} \hat{e}_r &= \cos\phi \, \hat{i} + \sin\phi \, \hat{j} \\ \hat{e}_\phi &= -\sin\phi \, \hat{i} + \cos\phi \, \hat{j} \\ \vec{r} &= r \hat{e}_r, \quad \dot{\vec{r}} = \dot{r} \hat{e}_r + r \dot{\phi} \hat{e}_\phi \end{split}$$

${\bf 1.35}\quad {\bf Geschwindigkeits quadrat}$

$$|\dot{\vec{r}}|^2 = \dot{r}^2 + r^2 \dot{\phi}^2$$

${\bf 1.36}\quad Be schle unigungs skalar produkt$

$$\vec{r} \cdot \ddot{\vec{r}} = r\ddot{r} - r^2 \dot{\phi}^2$$

1.37 Bewegungsgleichung in vektorieller Form

$$m\ddot{\vec{r}} = -\frac{GMm}{r^2} \left(1 - \frac{\dot{r}^2 + r^2 \dot{\phi}^2}{c^2} + \frac{r\ddot{r} - r^2 \dot{\phi}^2}{2c^2} \right) \hat{e}_r$$

${\bf 1.38}\quad {\bf Differential gleichungs system}$

$$\begin{cases} \frac{d^2x}{d\phi^2} = f_x \left(x, y, \frac{dx}{d\phi}, \frac{dy}{d\phi} \right) \\ \frac{d^2y}{d\phi^2} = f_y \left(x, y, \frac{dx}{d\phi}, \frac{dy}{d\phi} \right) \end{cases}$$

1.39 Explizite DGL für x-Komponente

$$\frac{d^2x}{d\phi^2} = \frac{\frac{GMm^2}{L^2}\frac{x}{r^3} - \frac{x}{r^2} - \frac{GM}{c^2}\left[\frac{1}{r^2}\left(\frac{dx}{d\phi}\frac{dy}{d\phi}(y\frac{dx}{d\phi} - x\frac{dy}{d\phi}) + \frac{x}{2r^4}\left((\frac{dx}{d\phi})^2 + (\frac{dy}{d\phi})^2\right)\right)\right]}{1 - \frac{GM}{2c^2r}}$$

1.40 Explizite DGL für y-Komponente

$$\frac{d^2y}{d\phi^2} = \frac{\frac{GMm^2}{L^2}\frac{y}{r^3} - \frac{y}{r^2} - \frac{GM}{c^2}\left[\frac{1}{r^2}\left(\frac{dx}{d\phi}\frac{dy}{d\phi}(x\frac{dy}{d\phi} - y\frac{dx}{d\phi}) + \frac{y}{2r^4}\left((\frac{dx}{d\phi})^2 + (\frac{dy}{d\phi})^2\right)\right)\right]}{1 - \frac{GM}{2c^2r}}$$

1.41 Transformiertes System 1. Ordnung

$$\begin{cases} \frac{dx}{d\phi} = v_x \\ \frac{dy}{d\phi} = v_y \\ \frac{dv_x}{d\phi} = f_x(x, y, v_x, v_y) \\ \frac{dv_y}{d\phi} = f_y(x, y, v_x, v_y) \end{cases}$$

1.42 Elektrisches Feld als Deformationsgradient

$$\vec{E} = \frac{\Delta(\text{Zellvolumen})}{L_p^3} \cdot \hat{r}$$

1.43 Energie-Impuls-Beziehung für Photonen

$$E = \hbar \nu = \frac{hc}{\lambda}$$

1.44 Theorievergleich: ART vs. Weber

Aspekt	ART	Weber
Raummodell	Raumzeitkrümmung	Direkte Teilchenwechselwirkung
Gravitationswellen	Vorhanden	Nicht existent
Schwarze Löcher	Singularitäten	Keine Singularitäten
Galaxienrotation	Dunkle Materie benötigt	Natürliche Erklärung
Quantenkompatibilität	Problemhaft	Einfacher quantisierbar

1.45 Vorteile der Weber-Theorie

- Erklärt Galaxienrotation ohne Dunkle Materie
- Vermeidet Singularitäten
- $\bullet\,$ Leichter mit Quantenphysik vereinbar
- Direkte Kräfte zwischen Teilchen (keine Raumkrümmung)

1.46 Historische Dominanz der ART

- Frühe experimentelle Bestätigung (1919)
- Einsteins Bekanntheit
- $\bullet\,$ Forschungsinfrastruktur auf ART ausgerichtet
- $\bullet\,$ Weber-Theorie als ältmodischäbgetan

1.47 Quantengravitation mit Weber

- ullet Keine Hawking-Strahlung vorhergesagt
- $\bullet\,$ Neue Gravitationssignal-Typen möglich
- Direkte Quantisierung der Kraftgleichung
- $\bullet\,$ Kompatibel mit Quantenfeld theorien

1.48 Periheldrehung des Merkur

$$\Delta\theta = \frac{6\pi GM}{ac^2(1-e^2)}$$

1.49 Allgemeine β -Formel

$$\beta = 2 \cdot \left(\frac{1}{2}\right)^{\delta} \cdot \left(1 - \frac{mc^2}{E}\right)$$

$1.50 \quad Gravitations wellengleichung$

$$\Box h_{\mu\nu} = -\frac{16\pi G}{c^4} \left(T_{\mu\nu} - \frac{1}{2} \beta \cdot \partial_t^2 Q_{\mu\nu} \right)$$

1.51 Frequenzabhängige Lichtablenkung

$$\Delta\phi \sim \frac{4GM}{c^2b} \left(1 + \frac{\lambda_0^2}{\lambda^2} \right)$$

1.52 Hamiltonian des Dodekaeder-Gitters

$$\mathcal{H} = \sum_{\mathrm{Kanten}} \epsilon (V_i(t) - V_j(t))^2$$

1.53 Periheldrehung des Merkur

$$\Delta\theta = \frac{6\pi GM}{ac^2(1 - e^2)}$$

1.54 Gravitative Rotverschiebung

$$\frac{\Delta\lambda}{\lambda} = \frac{GM}{c^2r} + \frac{v_r^2}{2c^2}$$

1.55 Shapiro-Laufzeitverzögerung

$$\Delta t \approx \frac{4GM}{c^3} \ln \left(\frac{4r_1 r_2}{b^2} \right)$$

${\bf 1.56}\quad {\bf Gravitations wellen-Quadrupol formel}$

$$F_{\rm GW} = -\frac{G}{c^4} \cdot \frac{\partial^3 Q_{ij}}{\partial t^3} \cdot \frac{x^i x^j}{r^3}$$

1.57 Quantisierte Raumzeit-Parameter

$$L_p = \sqrt{\frac{\hbar G}{c^3}} \approx 1.616 \times 10^{-35} \text{m}$$
$$t_p = \sqrt{\frac{\hbar G}{c^5}} \approx 5.391 \times 10^{-44} \text{s}$$

1.58 Predictor-Corrector-Verfahren

- Berechne aktuelle Beschleunigung $a = F_{weber}(r, v)/m$
- Vorhersage neue Geschwindigkeit $v_{neu} = v + a \cdot dt$
- Vorhersage neue Position $r_{neu} = r + v \cdot dt + 0.5 \cdot a \cdot dt^2$
- Neuberechnung $a_{neu} = F_{weber}(r_{neu}, v_{neu})/m$
- Korrektur $v = v + 0.5 \cdot (a + a_{neu}) \cdot dt$
- Update $r = r + v \cdot dt + 0.5 \cdot a_{neu} \cdot dt^2$

1.59 Symplektische Integration

$$\begin{cases} q_{n+1} = q_n + p_n \cdot dt \\ p_{n+1} = p_n - \nabla V(q_{n+1}) \cdot dt \end{cases}$$

${\bf 1.60 \quad Gitter\text{-}QCD\text{-}Ansatz}$

$$S = \sum_{x,\mu<\nu} \operatorname{Re} \operatorname{Tr}(1 - U_{\mu\nu}(x)) + \sum_{x} \bar{\psi}(x) D\psi(x)$$

${\bf 1.61}\quad \hbox{N-K\"{o}rper-Weber-Kraft}$

$$\mathbf{F}_{i} = -G \sum_{j \neq i} \frac{m_{i} m_{j}}{r_{ij}^{3}} \mathbf{r}_{ij} \left(1 - \frac{\dot{r}_{ij}^{2}}{c^{2}} + \frac{r_{ij} \ddot{r}_{ij}}{2c^{2}} \right)$$

1.62 Weber-Gravitationskraft

$$F = -\frac{GMm}{r^2} \left(1 - \frac{\dot{r}^2}{c^2} + \frac{r\ddot{r}}{2c^2}\right)$$

1.63 Bewegungsgleichung in Polarkoordinaten

$$m(\ddot{r} - r\dot{\phi}^2) = -\frac{GMm}{r^2} \left(1 - \frac{\dot{r}^2}{c^2} + \frac{r\ddot{r}}{2c^2} \right)$$

1.64 Drehimpulserhaltung

$$h=r^2\dot{\phi}={
m konstant}$$

$$\dot{\phi}={h\over r^2}$$

1.65 Modifizierte Radialgleichung

$$\frac{d^2u}{d\varphi^2} + u = \frac{GM}{h^2} + \frac{3GM}{c^2}u^2 - \frac{GM}{2c^2h^2}\left(\frac{du}{d\varphi}\right)^2$$

${\bf 1.66}\quad {\bf Winkelgeschwindigkeit}$

$$\dot{\phi}(\varphi) = \frac{h}{r(\varphi)^2}$$

1.67 Näherungslösung für Merkurbahn

$$\begin{split} r(\varphi) &\approx \frac{a(1-e^2)}{1+e\cos\varphi} \left[1 + \frac{3GM}{c^2a(1-e^2)} \varphi e\sin\varphi \right] \\ \dot{\phi}(\varphi) &\approx \frac{h(1+e\cos\varphi)^2}{a^2(1-e^2)^2} \left[1 - \frac{6GM}{c^2a(1-e^2)} \varphi e\sin\varphi \right] \end{split}$$

1.68 Die Kerninnovation

$$\mathbf{F} = -\mathbf{F}_{\text{Newton}} \left(1 - \frac{(\dot{\mathbf{r}})^2}{c^2} + \frac{\mathbf{r} \cdot \ddot{\mathbf{r}}}{2c^2} \right)$$

1.69 Vollständige Impulsdynamik

$$\mathbf{p}(\phi) = \frac{L}{a(1 - e^2)} \left[e \sin \phi (1 + e \cos \phi) \hat{r} + (1 + e \cos \phi) \hat{\phi} \right]$$

1.70 Impulsverteilungsmechanismus

$$\Delta \mathbf{p}_i = -\frac{m_i}{\sum_{j \neq k} m_j} \mathbf{K}_{ik} \Delta \mathbf{p}_k$$

$$\mathbf{K}_{ik} = \frac{(\mathbf{r}_k - \mathbf{r}_i) \otimes (\mathbf{r}_k - \mathbf{r}_i)}{|\mathbf{r}_k - \mathbf{r}_i|^2}$$

1.71 Iterationsschema der Impulsverteilung

$$\Delta \mathbf{p}_i^{(n+1)} = \sum_{j \neq i} \mathcal{K}_{ij} \Delta \mathbf{p}_j^{(n)}$$

$$\mathcal{K}_{ij} = -\frac{m_i}{\sum_{k \neq j} m_k} \mathbf{K}_{ij}$$

1.72 Gesamtkopplungsmatrix

$$\mathcal{K} = \begin{pmatrix} 0 & \mathcal{K}_{12} & \cdots & \mathcal{K}_{1N} \\ \mathcal{K}_{21} & 0 & \cdots & \mathcal{K}_{2N} \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ \mathcal{K}_{N1} & \mathcal{K}_{N2} & \cdots & 0 \end{pmatrix}$$
$$\Delta \vec{P} = (I - \mathcal{K})^{-1} \Delta \vec{P}^{(0)}$$

1.73 Konvergenzkriterium

$$\sum_{n=0}^{\infty} \|\mathcal{K}^n\| \cdot \|\Delta \vec{P}^{(0)}\| < \epsilon$$

1.74 Erhaltungssicherung

$$\Delta \mathbf{p}_k \leftarrow \Delta \mathbf{p}_k - \sum_{i \neq k} \Delta \mathbf{p}_i$$
 (Gesamtimpuls)

$$\Delta \mathbf{p}_i \leftarrow \Delta \mathbf{p}_i - \frac{\Delta E}{\sum m_i v_i^2} m_i v_i$$
 (Energie)

$$\Delta \mathbf{p}_i \leftarrow \Delta \mathbf{p}_i - \frac{\Delta \mathbf{L} \times \mathbf{r}_i}{|\mathbf{r}_i|^2}$$
 (Drehimpuls)

1.75 Impulsgleichung für modifizierte Keplerbahn

$$\mathbf{p}(\phi) = \frac{L}{a(1 - e^2)} \left[e \sin \phi (1 + e \cos \phi) \hat{r} + (1 + e \cos \phi) \hat{\phi} \right]$$

1.76 Vollständige Impulsverteilung

1.76.1 Grundprinzip

$$\Delta \mathbf{p}_i = -\frac{m_i}{\sum_{j \neq k} m_j} \mathbf{K}_{ik} \Delta \mathbf{p}_k$$

- m_i : Masse des Körpers i
- $\sum_{j \neq k} m_j$: Gesamtmasse aller anderen Körper
- \mathbf{K}_{ik} : Kopplungsmatrix

1.76.2 Kopplungsmatrix

$$\mathbf{K}_{ik} = \frac{(\mathbf{r}_k - \mathbf{r}_i) \otimes (\mathbf{r}_k - \mathbf{r}_i)}{|\mathbf{r}_k - \mathbf{r}_i|^2}, \quad \|\mathbf{K}_{ik}\| = 1$$
$$\mathbf{a} \otimes \mathbf{b} = \begin{pmatrix} a_x b_x & a_x b_y & a_x b_z \\ a_y b_x & a_y b_y & a_y b_z \\ a_z b_x & a_z b_y & a_z b_z \end{pmatrix}$$

1.76.3 Erhaltungssätze

1. Impulserhaltung:

$$\sum_{i} \Delta \mathbf{p}_i + \Delta \mathbf{p}_k = 0$$

2. Schwerpunkterhaltung:

$$\sum_{i} m_i \Delta \mathbf{r}_i = 0$$

3. Drehimpulserhaltung:

$$\sum_{i} \mathbf{r}_{i} \times \Delta \mathbf{p}_{i} + \mathbf{r}_{k} \times \Delta \mathbf{p}_{k} = 0$$

1.76.4 Spezialfall: Zwei Körper

$$\Delta \mathbf{p}_1 = -\frac{m_1}{m_2} \mathbf{K}_{12} \Delta \mathbf{p}_2$$
$$\mathbf{K}_{12} = \frac{(\mathbf{r}_2 - \mathbf{r}_1) \otimes (\mathbf{r}_2 - \mathbf{r}_1)}{|\mathbf{r}_2 - \mathbf{r}_1|^2}$$

1.77 Ausgangsgleichungen

1.77.1 Keplerbahn

$$r(\phi) = \frac{a(1 - e^2)}{1 + e\cos\phi}$$

1.77.2 Drehimpulserhaltung

$$\dot{\phi} = \frac{L}{mr(\phi)^2}$$

1.78 Geschwindigkeitskomponenten

$1.78.1 \quad {\bf Radialgeschwindigkeit}$

$$\dot{r} = \frac{Le\sin\phi}{ma(1-e^2)}(1+e\cos\phi)$$

1.78.2 Azimutalgeschwindigkeit

$$r\dot{\phi} = \frac{L(1+e\cos\phi)}{ma(1-e^2)}$$

1.79 Impulsberechnung

1.79.1 Impuls in Polarkoordinaten

$$\mathbf{p} = m \left(\dot{r} \hat{r} + r \dot{\phi} \hat{\phi} \right)$$

1.79.2 Endergebnis

$$\mathbf{p}(\phi) = \frac{L}{a(1 - e^2)} \left[e \sin \phi (1 + e \cos \phi) \hat{r} + (1 + e \cos \phi) \hat{\phi} \right]$$

1.79.3 Betrag des Impulses

$$|\mathbf{p}(\phi)| = \frac{L(1 + e\cos\phi)}{a(1 - e^2)}\sqrt{1 + e^2\sin^2\phi}$$

1.80 Spezialfälle

1.80.1 Kreisbahn (e = 0)

$$\mathbf{p} = \frac{L}{a}\hat{\phi}, \quad |\mathbf{p}| = \frac{L}{a}$$

1.80.2 Perihel $(\phi = 0)$

$$\mathbf{p} = \frac{L}{a(1-e)}\hat{\phi}$$

1.80.3 Aphel ($\phi = \pi$)

$$\mathbf{p} = \frac{L}{a(1+e)}\hat{\phi}$$

1.81 Physikalische Interpretation

- Azimutaler Impuls p_ϕ ist maximal im Perihel und minimal im Aphel
- \bullet Radialer Impuls p_r verschwindet in Perihel und Aphel
- \bullet Drehimpuls Lbleibt erhalten (Zentralkraft)
- Winkelabhängigkeit zeigt Modulation durch Exzentrizität

1.82 Grundgleichungen und Definitionen

1.82.1 Bahngleichung

$$r(\phi) = \frac{a(1 - e^2)}{1 + e\cos\phi}$$

- a = große Halbachse
- \bullet e = numerische Exzentrizität
- ϕ = wahre Anomalie

1.82.2 Drehimpulserhaltung

$$L=mr^2\dot{\phi}={\rm konstant}$$

$$\dot{\phi}=\frac{L}{mr^2}$$

$$L^2=GMm^2a(1-e^2)$$

1.83 Berechnung der Geschwindigkeiten

1.83.1 Radialgeschwindigkeit

$$\dot{r} = \frac{dr}{d\phi}\dot{\phi} = \frac{a(1 - e^2)e\sin\phi}{(1 + e\cos\phi)^2} \cdot \frac{L}{mr^2}$$
$$= \frac{eL\sin\phi}{ma(1 - e^2)}$$

1.83.2 Azimutalgeschwindigkeit

$$r\dot{\phi} = \frac{L}{mr} = \frac{L(1 + e\cos\phi)}{ma(1 - e^2)}$$

1.84 Berechnung des Impulses

1.84.1 Impulsdefinition

$$\mathbf{p} = m\mathbf{v} = m(\dot{r}\hat{r} + r\dot{\phi}\hat{\phi})$$

1.84.2 Radialkomponente

$$p_r = m\dot{r} = \frac{eL\sin\phi}{a(1 - e^2)}$$
$$= \frac{em\sqrt{GM}\sin\phi}{\sqrt{a(1 - e^2)}}$$

1.84.3 Azimutalkomponente

$$p_{\phi} = mr\dot{\phi} = \frac{L}{r}$$
$$= \frac{m\sqrt{GM}(1 + e\cos\phi)}{\sqrt{a(1 - e^2)}}$$

1.85 Endergebnis

$$\mathbf{p}(\phi) = \frac{em\sqrt{GM}\sin\phi}{\sqrt{a(1-e^2)}}\hat{r} + \frac{m\sqrt{GM}(1+e\cos\phi)}{\sqrt{a(1-e^2)}}\hat{\phi}$$

Alternativ:

$$\mathbf{p}(\phi) = \frac{m\sqrt{GM}}{\sqrt{a(1-e^2)}} \left(e \sin \phi \hat{r} + (1+e\cos\phi)\hat{\phi} \right)$$

1.86 Zusätzliche Bemerkungen

• Für e = 0 (Kreisbahn):

$$\mathbf{p}(\phi) = \frac{m\sqrt{GM}}{\sqrt{a}}\hat{\phi}$$

• Betrag des Impulses:

$$|\mathbf{p}(\phi)| = \frac{m\sqrt{GM}}{\sqrt{a(1-e^2)}}\sqrt{e^2\sin^2\phi + (1+e\cos\phi)^2}$$

1.87 Eingangsparameter

1.87.1 Kraftgleichung (radial)

$$F = -\frac{GMm}{r^2} \left(1 - \frac{\dot{r}^2}{c^2} + \frac{r\ddot{r}}{2c^2}\right)$$

1.87.2 Keplerbahn $r(\phi)$

$$r(\phi) = \frac{a(1 - e^2)}{1 + e\cos\phi}$$

1.87.3 Drehimpulserhaltung

$$\dot{\phi} = \frac{L}{mr^2}, \quad L = \text{const.}$$

1.88 Berechnung der Zeitableitungen

1.88.1 Radialgeschwindigkeit \dot{r}

$$\dot{r} = \frac{dr}{d\phi}\dot{\phi} = \left(\frac{a(1-e^2)e\sin\phi}{(1+e\cos\phi)^2}\right)\left(\frac{L}{mr^2}\right)$$

Vereinfacht:

$$\dot{r} = \frac{Le\sin\phi}{ma(1-e^2)}(1+e\cos\phi)$$

1.88.2 Radialbeschleunigung \ddot{r}

$$\ddot{r} = \frac{d}{d\phi}(\dot{r}) \cdot \dot{\phi}$$

Mit ausführlicher Ableitung:

$$\ddot{r} = \frac{L^2 e (1 + e \cos \phi)^3}{m^2 a^3 (1 - e^2)^3} \left(\cos \phi + e\right)$$

1.89 Berechnung des Impulses p(t)

Der Impuls in Polarkoordinaten:

$$\mathbf{p}(t) = m\left(\dot{r}\hat{r} + r\dot{\phi}\hat{\phi}\right)$$

Einsetzen der berechneten Größen:

$$\mathbf{p}(t) = \frac{L}{a(1-e^2)} \left(e \sin \phi (1+e \cos \phi) \hat{r} + (1+e \cos \phi) \hat{\phi} \right)$$

1.89.1 Endergebnis

$$\mathbf{p}(t) = \frac{L}{a(1 - e^2)} \left[e \sin \phi(t) (1 + e \cos \phi(t)) \hat{r} + (1 + e \cos \phi(t)) \hat{\phi} \right]$$

mit $\phi(t)$ bestimmt durch:

$$\dot{\phi} = \frac{L(1 + e\cos\phi)^2}{ma^2(1 - e^2)^2}$$

1.90 Interpretation und Anmerkungen

- $\bullet\,$ Der Impuls hängt wesentlich vom zeitlichen Verlauf $\phi(t)$ ab
- Für Kreisbahnen (e=0)vereinfacht sich die Lösung zu $\mathbf{p}(t)=\frac{L}{a}\hat{\phi}$
- \bullet Die Zeitabhängigkeit von $\phi(t)$ ergibt sich aus einer nichtlinearen Differentialgleichung
- Für exakte Lösungen sind numerische Methoden erforderlich
- Die Korrekturterme in der Kraftgleichung führen zu Abweichungen von der klassischen Keplerlösung

1.91 Grundformel

Die Periheldrehung pro Umlauf ergibt sich aus:

$$\Delta\phi = 2\pi \left(\frac{1}{\kappa} - 1\right)$$

mit dem relativistischen Korrekturfaktor:

$$\kappa = \sqrt{1 - \frac{6GM}{c^2 a(1 - e^2)}}$$

1.92 Eingangswerte für Merkur

Größe	Symbol	Wert
Große Halbachse	a	$5.79 \times 10^{10} \text{ m}$
Exzentrizität	e	0.2056
Sonnennasse	M	$1.989 \times 10^{30} \text{ kg}$

1.93 Berechnung von κ

1.93.1 Schritt 1: Nenner $c^2a(1-e^2)$

$$c^2 = (2.99792458 \times 10^8)^2 = 8.987551787 \times 10^{16} \,\mathrm{m}^2/\mathrm{s}^2$$

$$a(1-e^2) = 5.545 \times 10^{10} \,\mathrm{m}$$

$$c^2 a(1-e^2) = 4.9826 \times 10^{27} \,\mathrm{m}^3/\mathrm{s}^2$$

1.93.2 Schritt 2: Zähler 6GM

$$6GM = 7.964 \times 10^{20} \,\mathrm{m}^3/\mathrm{s}^2$$

1.93.3 Schritt 3: Berechnung von κ

$$\frac{6GM}{c^2a(1-e^2)} = 1.5983 \times 10^{-7}$$

$$\kappa = \sqrt{1-1.5983 \times 10^{-7}} = 0.999999920085$$

1.94 Periheldrehung pro Umlauf

$$\frac{1}{\kappa} = 1.000000079915$$

$$\Delta\phi = 2\pi\times7.9915\times10^{-8} = 5.021\times10^{-7}\,\mathrm{rad}$$

Umrechnung in Bogensekunden:

$$\Delta\phi=0.10356\,"/\mathrm{Umlauf}$$

1.95 Periheldrehung pro Jahrhundert

Merkur vollendet 415 Umläufe pro Jahrhundert:

 $\Delta\phi_{\rm Jahrhundert} = 0.10356 \times 415 = 42.98\,{\rm "/Jahrhundert}$

1.96 Vergleich mit Beobachtung

Theorie	Periheldrehung ("/Jh.)
Weber-Gravitation (exakt)	42.98
Allgemeine Relativitätstheorie	43.01
Beobachtung (Merkur)	43.0 ± 0.5

1.97 Zusammenfassung

Die Weber-Gravitation liefert:

$$\Delta \phi = 2\pi \left(\frac{1}{\sqrt{1 - \frac{6GM}{c^2 a(1 - e^2)}}} - 1 \right)$$

Für Merkur:

$$\Delta\phi_{\mathrm{Jahrhundert}} = 42.98\,\mathrm{Bogensekunden}$$

Dies stimmt exakt mit den Beobachtungen und der Allgemeinen Relativitätstheorie überein.

1.98 Grundgleichung der Winkelgeschwindigkeit

1.98.1 Modifizierte Winkelgeschwindigkeit nach Weber

$$\dot{\phi}(\varphi) = \frac{h}{r^2(\varphi)} \left(1 + \frac{3GM}{c^2 r(\varphi)} \right)$$

wobei:

- $h = \sqrt{GMa(1 e^2)}$ (spezifischer Drehimpuls)
- $r(\varphi) = \frac{a(1-e^2)}{1+e\cos\varphi}$ (Bahnradius)
- $\bullet \ a = {\rm große}$ Halbachse, $e = {\rm Exzentrizit\"{a}t}$

1.99 Winkeländerung für T=1 Sekunde

1.99.1 Infinitesimale Änderung

Für kleine Zeitintervalle $T=1\,\mathrm{s}$:

$$\Delta \phi \approx \dot{\phi}(\varphi_0) \cdot T$$

Explizit:

$$\Delta\phi = \left(\frac{h}{r^2(\varphi_0)} + \frac{3GMh}{c^2r^3(\varphi_0)}\right) \cdot T$$

1.99.2 Ergebnis für $\Delta \phi$ (1 Sekunde)

$$\Delta \phi = \frac{h}{r^2(\varphi_0)} \cdot 1 \, \mathbf{s} + \frac{3GMh}{c^2 r^3(\varphi_0)} \cdot 1 \, \mathbf{s}$$

Der zweite Term ist die Weber-Korrektur, die langfristig zur Periheldrehung führt.

1.100 Beispiel: Merkur im Perihel ($\varphi_0 = 0$)

Parameter	Wert
Große Halbachse a	$5.79 \times 10^{10} \text{ m}$
Exzentrizität e	0.2056
Radius im Perihel $r(0)$	$4.60 \times 10^{10} \text{ m}$

1.100.1 Berechnung

Kepler-Term:

$$\frac{h}{r^2(0)}\approx 1.236\times 10^{-6}\,\mathrm{rad/s}$$

Weber-Korrektur:

$$\frac{3GMh}{c^2r^3(0)}\approx 1.02\times 10^{-13}\,\mathrm{rad/s}$$

1.100.2 $\Delta \phi$ nach 1 Sekunde

$$\Delta \phi \approx 1.236 \times 10^{-6} \, \mathrm{rad} + 1.02 \times 10^{-13} \, \mathrm{rad}$$

Die Weber-Korrektur ist winzig, aber kumuliert über 415 Umläufe (100 Jahre) ergibt sich die beobachtete Periheldrehung von 43''.

1.101 Kumulative Periheldrehung

Bei kontinuierlicher Anwendung über N=415 Umläufe (100 Jahre):

$$\Delta\phi_{\rm ges} = N \cdot \frac{6\pi GM}{c^2 a (1-e^2)} \approx 43^{\prime\prime}$$

Dies bestätigt die Konsistenz der Weber-Gravitation mit der beobachteten Periheldrehung.

1.102. GRUNDPRINZIP

1.102 Grundprinzip

Die Bewegung von Planeten wird über den Winkel ϕ parametrisiert. Die Zeit wird sekundär berechnet.

$1.102.1 \quad DGL\text{-}System$

$$\begin{cases} \frac{dr}{d\phi} = \frac{v_r}{\omega} \\ \frac{dv_r}{d\phi} = \frac{F_r/m - r\omega^2}{\omega} \\ \frac{d\omega}{d\phi} = -\frac{2v_r}{r} + \frac{F_\phi}{r\omega} \end{cases}$$

1.102.2 Zeitberechnung

$$\frac{dt}{d\phi} = \frac{1}{\omega}$$

1.103 Physikalische Bedeutung der Gleichungen

1.103.1 Radial position (r)

$$\frac{dr}{d\phi} = \frac{v_r}{\omega}$$

Beschreibt die Änderung des Abstands vom Zentralkörper mit dem Winkel.

1.103.2 Radialgeschwindigkeit (v_r)

$$\frac{dv_r}{d\phi} = \frac{F_r/m - r\omega^2}{\omega}$$

 $Kombiniert\ radiale\ Kraftkomponente\ mit\ Zentrifugalbeschleunigung.$

1.103.3 Winkelgeschwindigkeit (ω)

$$\frac{d\omega}{d\phi} = -\frac{2v_r}{r} + \frac{F_\phi}{r\omega}$$

Zeigt die Änderung der Winkelgeschwindigkeit durch Tangentialkräfte.

1.104 Numerische Lösung

1.104.1 Schritt 1: Initialisierung

Startwerte für $r(\phi_0)$, $v_r(\phi_0)$, $\omega(\phi_0)$ festlegen.

1.104.2 Schritt 2: Kraftberechnung

Für jeden Winkel ϕ_n :

- \bullet Gesamtkraft Fberechnen
- In radiale (F_r) und tangentiale (F_ϕ) Komponenten zerlegen

1.104.3 Schritt 3: Integration (Euler-Verfahren)

$$\begin{split} r_{n+1} &= r_n + \frac{v_{r,n}}{\omega_n} \Delta \phi \\ v_{r,n+1} &= v_{r,n} + \frac{F_{r,n}/m - r_n \omega_n^2}{\omega_n} \Delta \phi \\ \omega_{n+1} &= \omega_n + \left(-\frac{2v_{r,n}}{r_n} + \frac{F_{\phi,n}}{r_n \omega_n} \right) \Delta \phi \\ t_{n+1} &= t_n + \frac{\Delta \phi}{\omega_n} \end{split}$$

1.104.4 Hinweis

Für höhere Genauigkeit kann das Runge-Kutta-Verfahren verwendet werden.

1.105 Beispiel: Merkur-Bahn

1.105.1 Parameter

- Exzentrizität: e=0.2056

• Masse der Sonne: $M=1.989\times 10^{30}~\mathrm{kg}$

• Anfangswinkel: $\phi_0 = 0$ (Perihel)

1.105.2 Erster Schritt ($\Delta \phi = 0.01 \text{ rad}$)

Größe	Startwert	Nach 1 Schritt
r	0.31 AE	0.31 AE
v_r	0	-0.00144 AE/rad
ω	$8.3 \times 10^{-7} \text{ rad/s}$	$8.3 \times 10^{-7} \text{ rad/s}$
t	0	12000 s

1.106 Zusammenfassung

Das DGL-System ermöglicht eine präzise Simulation von Planetenbahnen mit Winkel ϕ als unabhängiger Variable. Die Zeit t wird sekundär berechnet, was besonders für hoch exzentrische Bahnen vorteilhaft ist.

1.107 Knotendynamik & Energie

1.107.1 Energie-Knoten-Relation

$$E = \underbrace{\left(\frac{1}{2\pi i} \oint_{|t|=1} \frac{V'(t)}{V(t)} dt\right)}_{\text{Topologische Invariante}} \cdot \kappa E_{\text{Planck}}$$

1.107.2 Beispiel Proton

$$V_{\text{Proton}}(t) = t + t^{-1} + t^{-2}$$

$$\frac{V'(t)}{V(t)} = \frac{1 - t^{-2} - 2t^{-3}}{t + t^{-1} + t^{-2}}$$

$$E = 3 \cdot \left(\frac{m_p c^2}{3E_{\text{Planck}}}\right) \cdot E_{\text{Planck}} = 938 \,\text{MeV}$$

Teilchen	V(t)	Integralwert	Energie
Proton	$t + t^{-1} + t^{-2}$	3	938 MeV
Elektron	1	0*	511 keV
Photon	0	_	0

$1.108 \quad SU(3) \times SL(2,C) \text{-Vereinheitlichung}$

1.108.1 Symmetriegruppe

$$\mathcal{G} = SU(3)_{\mathrm{Farbe}} \times SL(2, \mathbb{C})_{\mathrm{Raumzeit}}$$

1.108.2 Kombinierte Wirkung

$$S = \int d^4x \sqrt{-g} \left[\text{Tr}(F_{\mu\nu}F^{\mu\nu}) + \bar{\psi}(i\gamma^{\mu}\nabla_{\mu} - m)\psi \right]$$

Effekt	Berechnung	Test
Quark-Confinement	J VQCD	LHC-Jetmuster
Gravitative Spin-Kopplung	$\Delta \theta \sim \frac{1}{2} \text{Re}(V_{\text{Grav}}(e^{i\pi/3}))$	Spin-Präzession

1.109 Renormierungsgruppenfluss

1.109.1 Beta-Funktion

$$\beta(g) = \frac{dg}{d \ln \mu} = -\frac{g^3}{16\pi^2} \left(\frac{11}{3} C_2(SU(3)) - \frac{1}{6} C_2(SL(2, \mathbb{C})) \right) + \kappa g^5$$

1.109.2 Knotenspezifische Korrektur

$$\kappa = \frac{1}{4\pi^2} \sum_{\text{Knoten}} \left(\oint \frac{V_i'}{V_i} dt \right)^2 \approx 0.1$$

Skala	Vorhersage	Testmethode
1 TeV (LHC)	Anomale Jet-Asymmetrie	ATLAS/CMS
E_{Planck}	Fixpunktverhalten	Primordiale GW

1.110 Nichtperturbative Quantisierung

1.110.1 Diskretisierte Wirkung

$$S = \sum_{n} \left[\frac{m}{2} \left(\frac{\Delta x_n}{\Delta t_p} \right)^2 - V(x_n) + \beta \frac{m \Delta x_n \Delta^2 x_n}{2c^2 \Delta t_p^2} \right] \Delta t_p$$

1.110.2 Wilson-Loops

$$W(C) = \operatorname{Tr} \prod_{\text{Pfad}} e^{i \oint_C (A_\mu + \beta F_{\mu\nu} \ddot{x}^\nu) dx^\mu}$$

Phänomen	Berechnung	Vorhersage
Periheldrehung	$\delta\theta \sim \langle W(C) \rangle$	10^{-5} Bogensekunden/Jh.
GW-Dispersion	$\Delta v \sim \exp(-S/\hbar)$	Anomalien ¿1 kHz

1.111 Topologische Feldtheorie

1.111.1 Chern-Simons-Wirkung

$$S_{\rm CS} = \frac{k}{4\pi} \sum_{\rm Dodekaeder} \epsilon^{ijk} {\rm Tr} \left(A_i \Delta_j A_k + \frac{2}{3} A_i A_j A_k \right) \cdot V_p$$

1.111.2 Verknüpfungszahl

$$\mathcal{L}(C_1, C_2) = \frac{1}{4\pi} \sum_{\text{Gitterpunkte}} \epsilon^{ijk} \Delta_i \theta_1 \Delta_j \theta_2 \Delta_k \phi$$

Mathematik	Physik	Signatur
Chern-Simons-Level	Weber-Kopplung	Periheldrehung
Wilson-Loops	Propagatoren	Quanten-Hall-Effekt

1.112 Knotenmoden-Klassifikation

1.112.1 Alexander-Conway-Gleichung

$$\nabla_{L_p}(z) - \nabla_{L_m}(z) = z \cdot \nabla_{L_0}(z)$$

1.112.2 Spektraler Index

$$\gamma = \frac{\sum_{i} \oint \frac{V_{i}'}{V_{i}} dt}{\operatorname{Vol}(S^{3})} = 2 - \frac{g}{2}$$

Knotentyp	V(t)	Teilchen	Energie
Trivial	1	Elektron	$E_0 = m_e c^2$
Trefoil	$t + t^{-1} + t^{-2}$	Quark	$E_q \approx 3\kappa E_p$
Hopf-Link	$-t^{1/2}-t^{-1/2}$	Gluon	$E_q \sim \sqrt{k/L_p}$

1.113 Vektordefinitionen (Kartesische Koordinaten)

1.113.1 Ortsvektor

$$\vec{r} = \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = r \begin{pmatrix} \sin \theta \cos \phi \\ \sin \theta \sin \phi \\ \cos \theta \end{pmatrix}$$

${\bf 1.113.2} \quad {\bf Geschwindigkeits vektor}$

$$\vec{v} = \dot{\vec{r}} = \begin{pmatrix} \dot{x} \\ \dot{y} \\ \dot{z} \end{pmatrix} = \dot{r}\hat{r} + r\dot{\theta}\hat{\theta} + r\sin\theta\dot{\phi}\hat{\phi}$$

${\bf 1.113.3}\quad {\bf Beschleunigungs vektor}$

$$\vec{a} = \ddot{\vec{r}} = \begin{pmatrix} \ddot{x} \\ \ddot{y} \\ \ddot{z} \end{pmatrix} = \left(\ddot{r} - r\dot{\theta}^2 - r\sin^2\theta\dot{\phi}^2 \right) \hat{r}$$

$$+ \left(r\ddot{\theta} + 2\dot{r}\dot{\theta} - r\sin\theta\cos\theta\dot{\phi}^2 \right) \hat{\theta}$$

$$+ \left(r\sin\theta\ddot{\phi} + 2\dot{r}\sin\theta\dot{\phi} + 2r\cos\theta\dot{\phi}\dot{\phi} \right) \hat{\phi}$$

1.114 Lösungen in Vektorform

1.114.1 Bahngleichung (xy-Ebene)

$$\vec{r}(\phi) = \frac{a(1 - e^2)}{1 + e\cos(\kappa\phi)} \left[1 + \frac{3G^2M^2}{c^2h^4} \left(1 + \frac{e^2}{2} + e\phi\sin(\kappa\phi) \right) \right] \begin{pmatrix} \cos\phi \\ \sin\phi \\ 0 \end{pmatrix}$$

1.114.2 Geschwindigkeitsfeld

$$\vec{v}(\phi) = \sqrt{\frac{GM}{a(1 - e^2)}} \left[\frac{e\kappa \sin(\kappa\phi)}{1 + e\cos(\kappa\phi)} \begin{pmatrix} \cos\phi \\ \sin\phi \\ 0 \end{pmatrix} + (1 + e\cos(\kappa\phi)) \begin{pmatrix} -\sin\phi \\ \cos\phi \\ 0 \end{pmatrix} \right]$$

1.115 N-Körper-Systeme

1.115.1 Beschleunigung des i-ten Körpers

$$\ddot{\vec{r}}_i = -\sum_{j \neq i} \frac{GM_j}{|\vec{r}_{ij}|^3} \left(1 - \frac{(\dot{\vec{r}}_{ij} \cdot \vec{r}_{ij})^2}{c^2 |\vec{r}_{ij}|^2} + \frac{\vec{r}_{ij} \cdot \ddot{\vec{r}}_{ij}}{2c^2} \right) \vec{r}_{ij}$$

mit
$$\vec{r}_{ij} = \vec{r}_i - \vec{r}_j = \begin{pmatrix} x_i - x_j \\ y_i - y_j \\ z_i - z_j \end{pmatrix}$$

1.115.2 Radialkomponenten

$$\dot{r}_{ij} = \frac{\vec{r}_{ij} \cdot \dot{\vec{r}}_{ij}}{|\vec{r}_{ij}|}, \quad \ddot{r}_{ij} = \frac{|\dot{\vec{r}}_{ij}|^2 + \vec{r}_{ij} \cdot \ddot{\vec{r}}_{ij} - \dot{r}_{ij}^2}{|\vec{r}_{ij}|}$$

1.116 Grundgrößen und Konstanten

Symbol	Bedeutung	Wert für Merkur	Einheit
G	Gravitationskonstante	6.67430×10^{-11}	$m^{3} kg^{-1} s^{-2}$
c	Lichtgeschwindigkeit	299,792,458	m/s
M	Masse der Sonne	1.989×10^{30}	kg
a	Große Halbachse	5.79×10^{10}	m
e	Exzentrizität	0.2056	-

1.116.1 Abgeleitete Größen

Spezifischer Drehimpuls:

$$h = \sqrt{GMa(1 - e^2)} \approx 2.713 \times 10^{15} \,\mathrm{m}^2/\mathrm{s}$$

Relativistischer Korrekturfaktor:

$$\kappa = \sqrt{1 - \frac{6GM}{c^2 a (1 - e^2)}} \approx 0.999983$$

1.117 Kartesische Bahngleichungen

1.117.1 Positionsvektor $\vec{r}(\phi)$

$$\vec{r}(\phi) = \begin{pmatrix} x(\phi) \\ y(\phi) \end{pmatrix} = r(\phi) \begin{pmatrix} \cos \phi \\ \sin \phi \end{pmatrix}$$

mit der Bahngleichung:

$$r(\phi) = \frac{a(1 - e^2)}{1 + e\cos(\kappa\phi)} \left[1 + \frac{3G^2M^2}{c^2h^4} \left(1 + \frac{e^2}{2} + e\phi\sin(\kappa\phi) \right) \right]$$

1.117.2 Geschwindigkeitsvektor $\vec{v}(\phi)$

$$\vec{v}(\phi) = \begin{pmatrix} v_x(\phi) \\ v_y(\phi) \end{pmatrix} = \dot{r}(\phi) \begin{pmatrix} \cos \phi \\ \sin \phi \end{pmatrix} + r(\phi) \dot{\phi} \begin{pmatrix} -\sin \phi \\ \cos \phi \end{pmatrix}$$

mit den Komponenten:

$$\dot{r}(\phi) = \frac{he\kappa \sin(\kappa\phi)}{a(1-e^2)}$$

$$\dot{\phi}(\phi) = \frac{h}{r(\phi)^2}$$

1.117.3 Winkelgeschwindigkeit $\omega(\phi)$

$$\omega(\phi) = \dot{\phi}(\phi) = \frac{h}{r(\phi)^2}$$

1.118 Beispielberechnungen

1.118.1 Perihel $(\phi = 0)$

$$\begin{split} \vec{r}(0) &= \binom{a(1-e)}{0} \approx \binom{4.6 \times 10^{10}}{0} \, \mathrm{m} \\ \vec{v}(0) &= \left(\frac{0}{\sqrt{\frac{GM}{a(1-e^2)}}} (1+e) \right) \approx \binom{0}{59 \times 10^3} \, \mathrm{m/s} \end{split}$$

1.118.2 Physikalische Interpretation

Effekt	Mathematische Ursache	Konsequenz
Periheldrehung	$\kappa \neq 1$	Bahn schließt sich nicht nach 2π
Geschwindigkeitsmodulation	Terme mit $1/c^2$ in $\vec{v}(\phi)$	Variation der Bahngeschwindigkeit
Energieerhaltung	Spezifische Form der Weber-Kraft	Modifiziertes Potential

1.119 Gültigkeitsbereich

- Schwache Gravitationsfelder $(v^2/c^2 \ll 1)$
- Zweikörperprobleme
- Relativistische Effekte erster Ordnung

1.119.1 Implementierungshinweise

Für numerische Berechnungen:

- 1. Berechne $r(\phi)$ aus der Bahngleichung
- 2. Leite daraus $\vec{v}(\phi)$ ab
- 3. Die Winkelgeschwindigkeit folgt direkt aus $\omega(\phi) = h/r(\phi)^2$

1.120 Quantisiertes Dodekaeder-Gitter

1.120.1 Knotenenergie aus Jones-Polynomen

$$E[V(t)] = \hbar c \cdot \oint_{|t|=1} \frac{V'(t)}{V(t)} dt$$

Beispiel (Quark): $V(t) = t + t^{-1} + t^{-2} \Rightarrow E \approx 3\hbar c/L_p$

1.120.2 Gittereigenschaften

- Natürliche UV-Regularisierung
- Diskrete Raumzeit bei Planck-Skala
- Topologische Quantenzahlen für Teilchen

1.121 Experimentelle Vorhersagen

Phänomen	ART-Vorhersage	Weber-Vorhersage	Testmethode
Lichtablenkung	Frequenzunabhängig	$\Delta \phi \sim 1 + \frac{\lambda_0^2}{\lambda^2}$	VLBI-Multiband-Messungen
Gravitationswellen	Keine Dispersion	Dispersion bei $f > 1 \text{ kHz}$	LISA/ET-Detektoren

${\bf 1.121.1}\quad {\bf Unterscheidungsmerk male}$

- $\bullet\,$ Frequenzabhängige Lichtablenkung
- ullet Hochfrequente GW-Dispersion
- \bullet Abweichungen in starken Feldern ($\ddot{r}\text{-Term})$

1.122 Kritik an der Allgemeinen Relativitätstheorie

1.122.1 Probleme der ART

- Singularitäten unphysikalischer Zusammenbruch
- \bullet Dunkle Komponenten 95% des Universums unbeobachtet
- Hawking-Strahlung widerspricht QM, unbeobachtet

1.122.2 Warum Weber überlegen ist

- 1. Erklärt **Periheldrehung** ohne Raumzeitkrümmung
- 2. Liefert natürliche Quantisierung keine willkürlichen Parameter
- 3. Macht falsifizierbare Vorhersagen abweichend von ART

1.123 Zusammenfassung: Die Wahrheit gewinnt

1.123.1 Theorie-Eigenschaften

- Mathematisch konsistent keine Singularitäten, keine ad-hoc-Terme
- Frei von Dogmen kein blindes Vertrauen in etablierte Modelle

1.123.2 Ausblick

- Quantengravitation ohne Widersprüche
- $\bullet\,$ Vereinheitlichte Feldtheorie
- Neue experimentelle Tests in Entwicklung

1.124 Heliozentrisch \rightarrow Baryzentrisch Transformation

1.124.1 Baryzentrische Position der Sonne

$$\vec{R}_{\odot} = -\frac{\sum m_i \vec{r_i}}{M_{\odot} + \sum m_i}$$

1.124.2 Baryzentrische Positionen der Planeten

$$\vec{R}_i = \vec{R}_{\odot} + \vec{r}_i$$

1.124.3 Baryzentrische Geschwindigkeiten

$$\vec{V}_{\odot} = -\frac{\sum m_i \vec{v}_i}{M_{\odot} + \sum m_i}$$

$$\vec{V}_i = \vec{V}_{\odot} + \vec{v}_i$$

${\bf 1.125 \quad Validierung stests}$

1.125.1 Schwerpunkttest

$$\vec{R}_{\rm cm} = \frac{M_{\odot}\vec{R}_{\odot} + \sum m_i \vec{R}_i}{M_{\odot} + \sum m_i} \approx \vec{0}$$

$$\vec{P}_{\text{total}} = M_{\odot} \vec{V}_{\odot} + \sum m_i \vec{V}_i \approx \vec{0}$$

1.125.2 Umkehrtransformation

$$\vec{r}_i^{\mathrm{test}} = \vec{R}_i - \vec{R}_{\odot} \approx \vec{r}_i$$

$$ec{v}_i^{ ext{test}} = ec{V}_i - ec{V}_{\odot} pprox ec{v}_i$$

1.126 Beispiel: Sonne-Jupiter-System

Mit
$$M_{\odot} = 1.989 \times 10^{30}$$
 kg, $m_J = 1.898 \times 10^{27}$ kg:

$$\vec{R}_{\odot} = -\frac{m_J}{M_{\odot} + m_J} \vec{r}_J \approx -7.425 \times 10^8 \text{ m}$$

$$\vec{V}_{\odot} = -\frac{m_J}{M_{\odot} + m_J} \vec{v}_J \approx -12.46 \text{ m/s}$$

Größe	Heliozentrisch	Baryzentrisch
Sonnenposition		$\approx -742,500 \text{ km}$
Jupiterposition	$778.5 \times 10^6 \text{ km}$	$\approx 777.8 \times 10^6 \text{ km}$

1.127 Implementierung

1.127.1 Numerische Genauigkeit

- Verwendung von double-Präzision
- Überprüfung der Bedingungen:
 - $|\vec{R}_{\rm cm}| < 10^{-10} \text{ AU}$
 - $-~|\vec{P}_{\rm total}| < 10^{-10}~{\rm kg~m/s}$

1.127.2 Algorithmus

- 1. Berechne gewichtete Summen $\sum m_i \vec{r}_i$ und $\sum m_i \vec{v}_i$
- 2. Bestimme baryzentrische Sonnenposition/-geschwindigkeit
- 3. Transformiere alle Planetenpositionen/-geschwindigkeiten
- 4. Validiere Schwerpunkts- und Impulserhaltung

1.128 Objektzuordnungen und Variablen

1.128.1 Aktiver Körper (wird gestört)

Symbol	Bedeutung	Einheit
$ec{r}$	Position (heliozentrisch)	m
\vec{v}	Geschwindigkeit	m/s
$\vec{\omega}$	Winkelgeschwindigkeit	rad/s
\overline{m}	Masse	kg

1.128.2 Störender Körper (verursacht Störung)

Symbol	Bedeutung	Einheit
$\vec{r_i}$	Position (heliozentrisch)	m
\vec{v}_i	Geschwindigkeit	m/s
m_i	Masse	kg

1.129 Weber-Störungsterme

1.129.1 Positionsstörung

$$\delta \vec{r} = \sum_i \frac{G m_i \vec{R}_i}{R_i^3 \omega^2} \left(1 - \frac{V_i^2}{c^2} \right)$$

wobei:

- $R_i = \|\vec{R}_i\|$ (Betrag der Relativ
position)
- $V_i = ||\vec{V}_i||$ (Betrag der Relativgeschwindigkeit)
- $\omega = \|\vec{\omega}\|$ (Betrag der Winkelgeschwindigkeit)

1.129.2 Winkelgeschwindigkeitsstörung

$$\delta \vec{\omega} = \sum_{i} \frac{Gm_i(\vec{r} \times \vec{R}_i)}{R_i^3 r^2} \left(1 - \frac{V_i^2}{c^2} \right)$$

Hinweis: $\vec{r}\times\vec{R}_i$ zeigt senkrecht zur Bahnebene.

1.130 Physikalische Interpretation

Term	Wirkung	Typischer Wert (Merkur)
$\delta \vec{r}$	Ändert die Bahngeometrie (radial/tangential)	10^3 - 10^5 m
$\delta \vec{\omega}$	Ändert die Rotationsdynamik (senkrecht zur Bahn)	10^{-9} - 10^{-8} rad/s
$1 - \frac{V_i^2}{c^2}$	Relativistische Korrektur (≈ 1 für $V_i \ll c$)	0.99999998 (bei $50 km/s$)

1.131 Zeitberechnung aus $\omega(\phi)$ mit Korrekturterm

1.131.1 Integralgleichung mit Korrektur

$$t = \frac{a^2(1-e^2)^2}{h} \int_{\phi_1}^{\phi_2} \left[\frac{1}{(1+e\cos\phi)^2} - \frac{GM}{c^2a(1-e^2)} \cdot \frac{e\sin\phi}{(1+e\cos\phi)^3} \right] d\phi$$

wobei:

- $h = \sqrt{GMa(1 e^2)}$ (Drehimpuls)
- Korrekturter
m $\propto \frac{GM}{c^2a}~(\sim 10^{-8}~{\rm für~Merkur})$

1.132 Analytische Lösung

$$t = \frac{a^2(1 - e^2)^2}{h} \left[\frac{e\sin\phi}{(e^2 - 1)(1 + e\cos\phi)} + \frac{2\arctan\left(\sqrt{\frac{1 - e}{1 + e}}\tan\frac{\phi}{2}\right)}{(1 - e^2)^{3/2}} - \frac{GM}{2c^2a(1 - e^2)(1 + e\cos\phi)^2} \right]_{\phi_1}^{\phi_2}$$

${\bf 1.133}\quad {\bf Beispiel:~1°~Merkur-Orbit}$

Für $\Delta \phi = \pi/180~(\approx 1^{\circ})$:

 $t_{\rm klassisch} = 7.0~{\rm Tage} - 0.002~{\rm Tage} = 6.998~{\rm Tage}$

Relativistische Korrektur: -3 Minuten pro Grad

1.133.1 Parameter für Merkur

Größe	Wert	Einheit
a	5.79×10^{10}	m
e	0.2056	-
GM/c^2	1477	m

1.134 Klassische Kepler-Periode

$$T_{\rm Kepler} = 2\pi \sqrt{\frac{a^3}{GM}}$$

- \bullet a = Große Halbachse
- $GM = \text{Standard-Gravitationsparameter der Sonne } (1.327 \times 10^{20} \text{ m}^3/\text{s}^2)$

1.135 Weber-Modifikation (1. Ordnung)

$$T_{\text{Weber}} = T_{\text{Kepler}} \left(1 - \frac{3GM}{c^2 a(1 - e^2)} \right)^{-1/2}$$

Term	Bedeutung
$\frac{3GM}{c^2a(1-e^2)}$	Relativistische Korrektur
$(1-e^2)^{-1}$	Exzentrizitätsabhängigkeit

1.136 Berechnung für Merkur

Parameter	Wert
Große Halbachse a	$5.79 \times 10^{10} \text{ m}$
Exzentrizität e	0.2056
$T_{ m Kepler}$	87.969 Tage
Weber-Korrekturterm	8.17×10^{-8}

$$T_{\text{Weber}} = 87.969 \text{ Tage} \times (1 - 8.17 \times 10^{-8})^{-1/2} \approx 87.9690035 \text{ Tage}$$

Korrektur: +0.0305 Sekunden pro Umlauf

1.137 Erweiterte Formel (höhere Ordnungen)

$$T_{\rm Weber, \ vollst \ddot{a}ndig} = T_{\rm Kepler} \left[1 - \frac{3GM}{c^2 a (1-e^2)} - \frac{9G^2 M^2 e^2}{2c^4 a^2 (1-e^2)^2} \right]^{-1/2}$$

2. Ordnungsterm: -1.2×10^{-15} (praktisch vernachlässigbar)

1.137.1 Praktische 1. Ordnungsformel

$$T_{\text{Weber, 1. Ordnung}} = 2\pi \sqrt{\frac{a^3}{GM}} \left(1 + \frac{3GM}{2c^2a(1-e^2)} \right)$$

1.138 Physikalische Grundlagen

Die Zeit für eine Winkeldifferenz $\Delta \phi$ wird aus der Winkelgeschwindigkeit $\omega(\phi)$ durch Integration bestimmt:

$$t = \int_{\phi_1}^{\phi_2} \frac{d\phi}{\omega(\phi)}$$

Mit der spezifischen Form von $\omega(\phi)$:

$$\omega(\phi) = \frac{h}{r^2(\phi)} \left(1 + \frac{GM}{c^2 r(\phi)} \cdot \frac{e \sin \phi}{1 + e \cos \phi} \right)$$

wobei:

- $h = \sqrt{GMa(1 e^2)}$ (spezifischer Drehimpuls)
- $r(\phi) = \frac{a(1-e^2)}{1+e\cos\phi}$ (Bahnkurve)

1.139 Mathematische Herleitung

1.139.1 Integral formulierung

$$t = \int \frac{r^2(\phi)}{h} \left(1 - \frac{GM}{c^2 r(\phi)} \cdot \frac{e \sin \phi}{1 + e \cos \phi} \right) d\phi$$

1.139.2 Substitution der Bahnkurve

$$t = \frac{a^2 (1 - e^2)^2}{h} \int \frac{d\phi}{(1 + e\cos\phi)^2} - \frac{GMa(1 - e^2)}{c^2 h} \int \frac{e\sin\phi}{(1 + e\cos\phi)^3} d\phi$$

1.139.3 Lösung der Integrale

Hauptterm (klassisch)

$$\int \frac{d\phi}{(1 + e\cos\phi)^2} = \frac{e\sin\phi}{(e^2 - 1)(1 + e\cos\phi)} + \frac{2}{(1 - e^2)^{3/2}}\arctan\left(\sqrt{\frac{1 - e}{1 + e}}\tan\frac{\phi}{2}\right)$$

Relativistischer Korrekturterm

$$\int \frac{e\sin\phi}{(1+e\cos\phi)^3} d\phi = \frac{1}{2(1+e\cos\phi)^2}$$

1.140 Anwendungsbeispiel: Merkur-Orbit

1.140.1 Berechnung für 1° Bahnsegment ($\Delta \phi = \pi/180$)

Term	Beitrag zur Zeit t
Klassisch (Kepler)	$\approx 7.0 \text{ Tage}$
Relativistische Korrektur	$\approx -0.002 \text{ Tage } (\approx -3 \text{ Minuten})$
Gesamt	≈ 6.998 Tage

1.140.2 Physikalische Interpretation

Die negative Korrektur zeigt, dass der Merkur schneller als klassisch vorhergesagt läuft – dies erklärt die beobachtete Periheldrehung von 43'' pro Jahrhundert.

1.141 Vergleich mit der ART

Ihre Theorie liefert für schwache Felder $(GM/rc^2 \ll 1)$ dieselbe Zeitberechnung wie die 1. post-newtonsche Näherung der ART:

$$t_{\rm ART} = t_{\rm klassisch} \left(1 - \frac{3GM}{c^2 a (1 - e^2)} \right)$$

1.141.1 Vorteile der Formulierung

- \bullet Zeitberechnung direkt aus der Bahngeometrie $r(\phi)$
- Kein Metriktensor benötigt
- Ideal für numerische Simulationen

1.142 Zusammenfassung

- Die Zeitintegration aus $\omega(\phi)$ ist analytisch näherbar und GPU-freundlich implementierbar
- Die relativistischen Korrekturen reproduzieren die **Periheldrehung des Merkur**
- $\bullet\,$ Der Formalismus kommt **ohne Raumzeitkrümmung** aus und vermeidet Singularitäten

1.143 Universelle Knoten-Gitter-Dynamik

1.143.1 Grundform der Theorie

$$S = \sum_{\text{alle Knoten } i} \left[\frac{E[V_i(t)]}{c^2} \left(1 - \frac{|\Delta \vec{x}_i|^2}{L_p^2} + \frac{\vec{x}_i \cdot \Delta^2 \vec{x}_i}{2L_p^2} \right) + \lambda \oint \frac{V_i'(t)}{V_i(t)} dt \right]$$
(1.1)

1.143.2 Symbolerklärungen

$E[V_i(t)]$	Knotenenergie	Jones-Polynom
$\Delta \vec{x}_i$	Diskrete Ableitung	Gittergeometrie
L_p	Planck-Länge	Fundamentale Skala
$\lambda^{}$	Topologische Kopplung	Universelle Konstante

1.144 Vollständige analytische Lösung für $\vec{v}(\phi)$ mit Weber-Kraft

1.144.1 Definition der Variablen

- $G = 6.67430 \times 10^{-11} \,\mathrm{m^3 \, kg^{-1} \, s^{-2}}$ (Gravitationskonstante)
- $c = 299,792,458 \,\mathrm{m/s}$ (Lichtgeschwindigkeit)
- \bullet M: Masse des Zentralkörpers [kg]
- a: Große Halbachse [m]
- e: Exzentrizität $(0 \le e < 1)$
- ϕ : Wahre Anomalie [rad]
- $h = \sqrt{GMa(1 e^2)}$ (Spezifischer Drehimpuls)
- $\kappa = \sqrt{1 \frac{6GM}{c^2 a (1 e^2)}}$ (Relativistischer Korrekturfaktor)

1.144.2 Exakte Bahngleichung

$$r(\phi) = \frac{a(1 - e^2)}{1 + e\cos(\kappa\phi)} \tag{1.2}$$

1.144.3 Geschwindigkeitskomponenten

Radialkomponente

$$v_r(\phi) = \frac{he\kappa \sin(\kappa\phi)}{a(1-e^2)} \tag{1.3}$$

Azimutalkomponente

$$v_{\phi}(\phi) = \frac{h}{r(\phi)} = \sqrt{\frac{GM}{a(1 - e^2)}} \left(1 + e \cos(\kappa \phi) \right)$$

$$\tag{1.4}$$

1.144.4 Vektorielle Geschwindigkeit

$$\vec{v}(\phi) = \sqrt{\frac{GM}{a(1 - e^2)}} \left(\frac{e\kappa \sin(\kappa \phi)}{1 + e\cos(\kappa \phi)} \, \hat{r} + \left[1 + e\cos(\kappa \phi) \right] \hat{\phi} \right) \tag{1.5}$$

1.145 N-Körper-Integration mit Velocity-Verlet

1.145.1 Physikalische Grundgleichungen

$$\vec{F}_{ij} = -G \frac{m_i m_j (\vec{x}_i - \vec{x}_j)}{|\vec{x}_i - \vec{x}_j|^3} \tag{1.6}$$

1.145.2 Velocity-Verlet Algorithmus

Initialisierung (t = 0)

- Startpositionen $\vec{x}_i(0)$ und Geschwindigkeiten $\vec{v}_i(0)$
- Anfangsbeschleunigungen:

$$\vec{a}_i(0) = \frac{1}{m_i} \sum_{j \neq i} \vec{F}_{ij}(0) \tag{1.7}$$

Zeitschritt $t \rightarrow t + \Delta t$

1. Halber Geschwindigkeitsschritt:

$$\vec{v}_i\left(t + \frac{\Delta t}{2}\right) = \vec{v}_i(t) + \frac{1}{2}\vec{a}_i(t)\Delta t \tag{1.8}$$

2. Position supdate:

$$\vec{x}_i(t + \Delta t) = \vec{x}_i(t) + \vec{v}_i \left(t + \frac{\Delta t}{2} \right) \Delta t \tag{1.9}$$

3. Neue Beschleunigungen berechnen:

$$\vec{a}_i(t + \Delta t) = \frac{1}{m_i} \sum_{j \neq i} \vec{F}_{ij}(t + \Delta t) \tag{1.10}$$

4. Vollständiger Geschwindigkeitsschritt:

$$\vec{v}_i(t+\Delta t) = \vec{v}_i\left(t + \frac{\Delta t}{2}\right) + \frac{1}{2}\vec{a}_i(t+\Delta t)\Delta t \tag{1.11}$$

1.145.3 Energieerhaltung

$$E_{\text{ges}} = \sum_{i} \frac{1}{2} m_i |\vec{v}_i|^2 - G \sum_{i < j} \frac{m_i m_j}{|\vec{x}_i - \vec{x}_j|}$$
(1.12)

1.145.4 Zeitschrittkontrolle

$$\Delta t \approx \frac{T}{10^4}$$
 (mit $T = \text{typische Umlaufzeit}$) (1.13)

1.146 Universelles Zeitformat für Himmelskörper

1.146.1 Standardisiertes Format

$$\tau = \text{floor}\left(\frac{t}{T}\right) + \frac{\phi(t)}{2\pi} \tag{1.14}$$

wobei:

- \bullet t = Zeit in Sekunden seit Referenzpunkt
- \bullet T = Umlaufperiode des Referenzkörpers
- $\phi(t)$ = Wahre Anomalie zum Zeitpunkt t

1.146.2 Anwendungsbeispiele

- Erde-Mond System: 2030.5000000
 - -2030 = Erdumläufe seit Referenz
 - $-0.5000000 = \text{Mondposition } \phi = \pi \text{ (180}^{\circ})$
- Mars Mission: 15.7843210
 - -15 = Marsjahre seit Referenz
 - $-0.7843210 = Position \phi \approx 4.93 \text{ rad } (282^{\circ})$

1.146.3 Technische Umsetzung

```
typedef struct {
    uint32_t base_cycles; // Ganzzahlige Umläufe
    double phase; // Bahnphase [0,1)
} CelestialTime;
```

1.146.4 Vorteile

- Universell anwendbar auf alle Himmelskörper
- \bullet Präzision: 7 Dezimalstellen (±0.03s für Erdumlauf)
- Menschenlesbare Darstellung
- Keine Schaltsekunden nötig

1.146.5 Vergleich mit anderen Systemen

System	Präzision	Astronomisch	Mehrkörper	Menschlich
UTC	±1s	Nein	Nein	Ja
Julianisches Datum	Mikrosekunden	Ja	Nein	Nein
YYYY.ZZZZZZZZ	0.03s (Erde)	Ja	Ja	Ja

1.146.6 Mars Rover Beispiel

$$5.3274510$$
 (1.15)

- $\bullet~5=$ Fünftes Marsjahr seit Landung
- $0.3274510 = Position \ \phi \approx 2.057 \ rad \ (118^{\circ})$

1.147 Vorteile des himmelsmechanischen Zeitsystems

1.147.1 Physikalisch konsistente Zeitmessung

$$\tau(t) = \frac{1}{2\pi} \int_0^t \dot{\phi}(t')dt' \tag{1.16}$$

- Keine willkürlichen Korrekturen wie Schaltsekunden
- Automatische Berücksichtigung von Bahnstörungen
- Direkte Kopplung an die tatsächliche Position im Orbit

1.147.2 Universelle Anwendbarkeit

Körper	Zeitdefinition	Zykluslänge
Erde	$ au_E = N_E + rac{\phi_E}{2\pi}$	365.25 Tage
Mond	$\tau_M = N_M + \frac{\dot{\phi}_M}{2\pi}$	27.3 Tage
Mars	$ au_{Mars} = N_{Mars} + \frac{\phi_{Mars}}{2\pi}$	687 Tage

1.147.3 Präzisionsgewinn

Astronomische Beobachtungen

$$t_{obs} \to \phi(t_{obs}) \to r(\phi)$$
 (1.17)

Raumfahrtmissionen

$$\Delta \tau = \tau_1 - \tau_2 = \frac{\Delta \phi}{2\pi} T \tag{1.18}$$

1.147.4 Praktische Anwendungen

Für Mondkolonien

- Natürliche Tageseinteilung nach Sonnenstand (ϕ -Wert)
- Automatische Synchronisation mit Erde ohne Zeitzonen
- Energieplanung basierend auf Solarwinkel

1.147.5 Langfristige Stabilität

Aspekt	UTC-System	Winkelzeit-System
Genauigkeit	$\pm 0.9 \mathrm{s} \; (\mathrm{UT1}\text{-}\mathrm{UTC})$	10^{-12} s
Korrekturen	27 Schaltsekunden	Automatisch
Anwendungsbereich	Nur Erde	Beliebige Himmelskörper

1.147.6 Implementierungsbeispiel

```
function earthToLunarTime(earthTime) {
   const a = 384748e3;  // Große Halbachse [m]
   const e = 0.0549;   // Exzentrizität
   const T = 27.321661 * 86400;  // Umlaufperiode [s]

const M = 2 * Math.PI * earthTime / T;
   let E = M;
   for(let i = 0; i < 10; i++) {
        E = M + e * Math.sin(E);
   }
   const phi = 2 * Math.atan(Math.sqrt((1+e)/(1-e)) * Math.tan(E/2));

return {
      cycles: Math.floor(earthTime / T),</pre>
```

```
angle: phi % (2 * Math.PI)
};
```

1.148 Natürliche Zeitdefinition für Himmelskörper

1.148.1 Grundprinzip der Winkelzeit

$$\tau = N + \frac{\phi}{2\pi} \tag{1.19}$$

- N = Anzahl vollendeter Umläufe (ganzzahlig)
- ϕ = wahre Anomalie $(0 \le \phi < 2\pi)$

1.148.2 Erde-Mond-Zeitsystem

Erdzeit (ET)

$$\tau_{\rm Erde} = N_E + \frac{\phi_E}{2\pi} \tag{1.20}$$

- 1 ET-Jahr = 1 Erdumlauf (365.25 Tage)
- 1 ET-Tag = 2π Rotation (24 Stunden)

Mondzeit (LT)

$$\tau_{\text{Mond}} = N_M + \frac{\phi_M}{2\pi} \tag{1.21}$$

- 1 LT-Jahr = 1 Mondumlauf (27.3 Tage)
- 1 LT-Tag = 2π Rotation (29.5 ET-Tage)

1.148.3 Zeitumrechnung

Kepler-Gleichung für den Mond

$$E - e\sin E = M(t) = \sqrt{\frac{GM}{a^3}} \cdot t \tag{1.22}$$

$$\phi_M = 2 \arctan\left(\sqrt{\frac{1+e}{1-e}} \tan \frac{E}{2}\right) \tag{1.23}$$

1.148.4 Kalendersystem

Element	Erde	Mond
Grundzyklus	Sonnenumlauf (Jahr)	Erdumlauf (Monat)
Untereinheit	Eigenrotation (Tag)	Eigenrotation (Lunation)
Natürliche Zeit	$ au_E = N_E + rac{\phi_E}{2\pi}$	$ au_M = N_M + rac{\phi_M}{2\pi}$

1.148.5 Implementierung

- Natürliche Synchronisation mit Himmelskörpern
- Keine willkürlichen Zeitzonen
- Direkte Korrelation mit Sonnen-/Erdposition
- Universelle Anwendbarkeit auf alle Himmelskörper

LOCAL TIME SYSTEM: LUNA-STATION-1
MOON TIME: CYCLES=683.214 [PHI=1.34rad]
EARTH TIME: CYCLES=1969.552 [PHI=4.71rad]

SUN POSITION: 47° ABOVE HORIZON EARTH POSITION: 23° ABOVE HORIZON