共乘問題

- 1. 可利用前述之 model
- 2. Rider 為 car pool 中之共享車輛 (M to M)
- 3. 餐廳為共乘旅客之出發地點
- 4. 客戶所在地(送貨點)為乘客之目的地
- 5. 食物運送箱之客量為共乘車輛可搭載之人數
- 6. 對乘客之 QoS 指標可含
 - 1. Pick up time
 - 2. Travel time
 - 3. Arrival time
 - 4. 共乘人數
 - 5. 分攤費用
 - 6. 共乘路徑與最短路徑之差值等

經多給定點之最短路徑問題 (S to M)

E.g. 機車接送學生 or 某員工開個 pick up 同仁一同上班,若為後者可進一步考慮公平性問題

- 1. 由 A 出發,目的地為 Z
- 2. 途中需經 $U_1, U_2, ..., U_n$ (無需依序) 之給定點 $(U_i, U_i') \in L'$
- 3. Modeled as G(N, L), 將 U_1 U_n 利用 node splitting 技術產出 artificial link 集合 L'
- 4. 可將 n 必經點排序,再找出依序之最短路徑,但複雜度為 n!,過高

5.

$$min \sum_{p \in P_z} \sum_{l \in L \cup L'} x_p s_{pl} a_l$$
 where $l = \text{const of link}, a_l = 0, \ \forall l \in L'$ (LP)

 $(P_z$: 所有由 A 至 Z 路徑所成之集合)

$$s.t. \sum_{p \in P_z} x_p = 1 \tag{1}$$

$$x_p = 0 \text{ or } 1 \qquad \forall p \in P_z \tag{2}$$

$$x_p = 0 \text{ or } 1 \qquad \forall p \in P_z$$

$$\text{(To be relaxed)} \sum_{p \in P_z} x_p s_{pl} = 1 \qquad \forall l \in L'$$

$$\text{(3)}$$

- 第 (3) 式保證最短路徑會經過 $U_1, U_2, ...U_n$
- 經 relaxed 後,對應之 arc weight (LR multipliers) 可為 ± or 0, 若為負則 LR 中做短路徑問題即不可用 Dijkstra, 而須改用 e.g. Bellman-Ford with max hop constraint (避免負迴圈)

將前述經特定多點之最短路徑問題修改為每一 U_i 有一需經過之對應 u_i ,同時所標路徑必須滿足先經 U_i 後經 u_i

- 1. 有趣之問題為合乎所有 U_i ,均須前於 u_i 條件之 permutations 共有多少種?
- 2. math formulation: $(u_i$ 亦經 node splitting 並增加 artificial links $\in L''$) {令 U_i 之集合為 V, u_i 之集合為 $U, i \in \{1, 2, ..., n\}$ }

 $\sum_{i} \sum_{j} \sum_{i} \sum_{j} \sum_{j} \sum_{i} \sum_{j} \sum_{i} \sum_{j} \sum_{i} \sum_{j} \sum_{i} \sum_{j} \sum_{i} \sum_{j} \sum_{i} \sum_{j} \sum_{j} \sum_{j} \sum_{j} \sum_{i} \sum_{j} \sum_{j$

$$\sum_{l \in L \cup L'} \sum_{p \in Q_{U_i}} z_p s_{pl} a_l \le \sum_{l \in L \cup L'} \sum_{p \in Q_{u_i}} z_p s_{pl} a_l \qquad \forall i \in \{1, 2, ..., n\}$$

$$(8)$$

 $(保證 U_i 先 u_i 後)$

於前面之 formulation 中可加入各客戶 $u \in \{1,2,...,n\} = R$ 所要求之 QoS,如此則需加入 admission control 機制

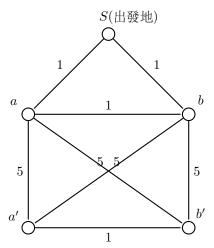
- 1. 定義客戶集 $\{1, 2, ..., n\} = R$
- 2. 定義各客戶之"獨享"收費為 r_i , $i \in R$
- 3. 重新定義前頁中之 y_l , $l \in L' \cup L''$ 為若 $i \in R$ 被允入,則對應之 2 個 y_l (個別對應於 U_i 及 u_i 分裂後之 artificial links) 之值設為 1,否則為 0
- 4. \diamondsuit $e(U_i)$ 為 the link corresponding to that in L' \diamondsuit $f(u_i)$ 為 the link corresponding to that in L"
- 5. 目標函數改為 $max \sum_{i \in R} y_{e(U_i)} r_i$
- 6. Constraint (3) 改為 $\sum_{p \in P_z} x_p s_{pl} \le y_l \quad \forall l \in L' \cup L''$ (若 i 被允入則獲 r_i 收益,且 A 至 Z 之路徑必須經過 i 於 L' 及 L" 對應之 links)
- 7. Constraint (4) 改為 $y_{e(U_i)} = y_{f(u_i)} \quad \forall i \in R$ (i 於 L' 及 L" 中對應 links 所對應之兩 y_l 必須等值)

就前述共乘服務提出公平之付費機制

(忽略以下論述,直接跳至下頁 $a \rightarrow a'$ 及 $b \rightarrow b'$)

- 1. 可比較對應任一客戶i"獨享"與"共享"後之QoS差異,含前述五項之頭四項
- 2. 總計費可考慮"單人依旅程計費"乘以 $\alpha_i(\alpha_i \leq 1)$ 以反映共乘服務帶給乘客之價值 (當乘客人數始終為 1時, $\alpha_i = 1$;當共享人數越多時, α_i 可當一 convex 且遞減曲線)
- 3. 以 2 所計算出之總計費 (先考慮 $\alpha_i = 1$ 之情況以簡化問題),再依 1 所計算出之 QoS 差異及
- 4. 另可定義 β_j 為 $j\in D$ 因共乘所"犧牲"之程度,則 α_i 可視為 $\overrightarrow{\beta_j},\ j\in D$ 之函數,當其他乘客之"犧牲"度 高時,則 α_i 亦多愈高 \Longrightarrow
 - (a) α_i 因 $\overrightarrow{B_i}$, $i \in D$ 之維度升高而下降
 - (b) α_i 因 β_i , $j \in D$, 之個別值提高而升高(其他乘客較大之犧牲應由提高之費用 (α_i) 予以補償)

承 4. β_j 可擴充為 β_{ji} ,即為"i 對 j 造成之不便"(or j 對 i 所付出之犧牲); α_i 為 $\overrightarrow{\beta_{ji}},\ j\in D$ 之函數且 α_i 因此造成提升之資費,應依 β_{ji} 之大小而分配至相同 $j \in D$



For A to travel from a to a'B to travel from b to b'

- 若只有 A 則費用為 $\overline{aa'} = 5$
- 若只有 B 則費用為 $\overline{bb'} = 5$
- 最佳 car pool 路線為

Path 1: S-b-a-b'-a', 費用為 8, or

Path 2: S - b - a - a' - b', 費用為 8

(若自接到第一個客戶起算則為7)

但前者 A 之"費用"為 6 ,B 為 6 而後者 A 之"費用"為 5 ,B 為 7

- ⇒ 可考慮在 min 全程費用之同時亦令各客戶之"犧牲度"愈平均愈好
 - Path1 以上述 路程分析,B 分攤之費用為 $1+\frac{1}{2}\times 5$,A 則為 $\frac{1}{2}\times 5+1$ \implies 各為 $3.5 < 5_{\times}$
 - 若為 Path 2, 則 A 分攤 2.5, B 4.5

Final formulation

 $\min_{p \in P} \max_{i \in D}$ Travel time $\min_{p \in P} \max_{i \in D}$ "費用"

- performance metric 亦傾向縮短總路經長
- 此 program 解出之路徑可與"min 總路徑長"之結果比較
- 費用之分攤則依前頁例子中所述之法(可視每一 U_i 至 u_i 間有一單位流量需求,各 link l 上各乘客之分攤費用為 $\frac{1}{q_i}$ (link l 上之流量)
- 基本 model 不可慮各客戶之 pick up 及 ETA 條件限制,但須考慮前述 U_i 先於 u_i 之限制
- 未來可考慮 maxmin 各客戶所減少支付(因共乘分攤)車資之比例
- 未來亦可結合 admission control, 各客戶提出"增額上限"及"節約下限"之條件

關鍵字

- 1. 全程最短路徑(必訪中繼短之最短路徑問題為 NP-Complete)
- 2. 各別 QoS;乘客間可配性(分數)
- 3. 各別犧牲程度
- 4. 分組機制
- 5. 3 與 4 之公平性
- 6. M to M
- 7. MP 方法;先接後送之限制
- 8. 最佳 pick up 點之計算
- 9. 提前最大化
- 10. 送餐服務 (MP, LR)
- 11. U-bike (MDP)
- 12. 隨時重算(以當下情形最為初始狀態)