

Deep Learning

Einführung - Thema 2

Silas Hoffmann

14. April 2020

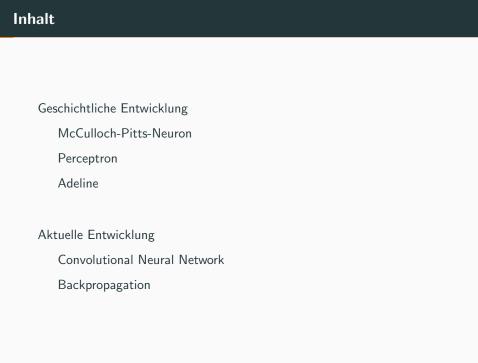
Fachhochschule Wedel

Deep Learning

W

Deep Learning Einführung - Thema 2

Silas Hoffmann 14. April 2020 Fachbachschule Wiedd





Geschichtliche Entwicklung McCulloch-Pitts-Neuron

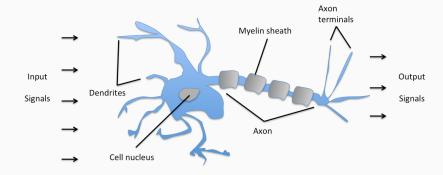
Deep Learning

McCulloch-Pitts-Neuron

Deep Learning
Geschichtliche Entwicklung
McCulloch-Pitts-Neuron

Geschichtliche Entwicklung
McCulloch-Pitts-Neuron

Zusammenhang - Biologisches Neuron



Schematic of a biological neuron.

Deep Learning

2020-04

Geschichtliche Entwicklung

-McCulloch-Pitts-Neuron

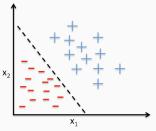
Zusammenhang - Biologisches Neuron



- 1. Dendriten: Nehmen Infos auf
 - besizten Rezeptoren und Signale anderer Dendriten aufzunehmen
- 2. Signale: bewirken elektrische Veränderungen
 - werden vom Zellkern (Soma) interpretiert / verarbeitet
 - Zellkern sammelt Infos, speichert diese im Axonhügel
- 3. Ursprung vom Axon / Neuriten
- 4. Wenn Signal stark genug: an Axon weitergeleitet
 - auch als Aktionspotential bezeichnet
 - Signal am Ende über Axonterminale per Neurotransmitter mit nächste Dendriten verbunden

McCulloch-Pitts-Neuron

- Modell soll Funktionalität des biologischen Neurons imitieren
- Klassifizierungsproblem als grundlegende Problemstellung
- Lineare Entscheidungsfunktion zur binären Klassifizierung verwendet



Example of a linear decision boundary for binary classification.

Deep Learning

Geschichtliche Entwicklung

└─McCulloch-Pitts-Neuron
└─McCulloch-Pitts-Neuron

tample of a laser ferciste bounds to both to b

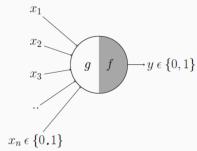
McCulloch-Pitts-Neuron

Modell soll Funktionalität des

biologischen Neurons imitiere Klassifizierungsproblem als grundlegende Problematellun

- 1. 1943: Warren McCulloch & Walter Pitts
- 2. soll biologisches Neuron imitieren
- 3. Klassifizierungsproblem: anhand vom geg. Merkmalsvektor entscheiden ob Objekt X in Klasse K liegt
- 4. hier lediglich binäre Klassifikation
 - Unterscheidung nur zwischen zwei Klassen
 - Sonderfall dieses Modells: nur boolesche Eingabewerte
- 5. muss mittels linearer Entscheidungsfunktion definierbar sein

Aufbau und Funktionsweise



$$g(x_1, x_2, \dots, x_n) = g(x) = \sum_{i=1}^n x_i$$
 $f(g(x)) = \begin{cases} 1 & \text{if } g(x) \ge \theta \\ 0 & \text{if } g(x) < \theta \end{cases}$

Deep Learning

2020-04-14

Geschichtliche Entwicklung -McCulloch-Pitts-Neuron



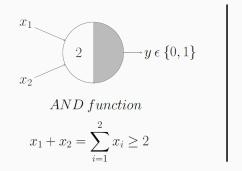
1. beliebig viele Eigabewerte

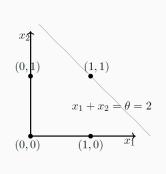
- müssen boolescher Natur sein

-Aufbau und Funktionsweise

- 2. Arbeitsschritte:
 - Alle Werte aufaddiert (Fkt. g)
 - Fkt. f prüft ob Schwellwert überschritten
- 3. Es folgt: Logik Gattter mit Modell dargestellt

Notation AND-Gatter





Deep Learning

Geschichtliche Entwicklung

McCulloch-Pitts-Neuron

Notation AND-Gatter

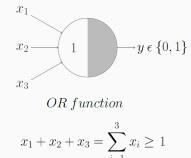
2020-04-14

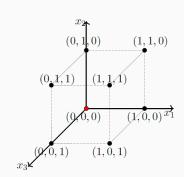


Notation AND-Gatter

- 1. Anhand von Grafik erläutern
- 2. Schwellwert auf der linken Seite notiert

Notation OR-Gatter





Deep Learning

Geschichtliche Entwicklung

McCulloch-Pitts-Neuron

Notation OR-Gatter

2020-04-14

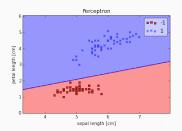


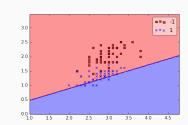
Notation OR-Gatter

1. Anhand von Grafik erläutern, auch im 3d - Raum möglich

Nachteile

- Keine kontinuierlichen Eingabewerte (nur boolesche Werte)
- Schwelle muss manuell gesetzt werden, keine automatische Aktualisierung vorgesehen
- Keine Priorisierungsmöglichkeit der Eingabewerte möglich
- Funktionen müssen durch lineare Entscheidungsfunktion getrennt werden können



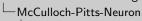


Deep Learning

2020-04-

—Geschichtliche Entwicklung

└─ Nachteile





· Funktionen müssen durch lineare Entscheidungsfunktion getren

Aktualisierung vorgesehen



- 1. keine kontinuierlichen Eingabewerte
 - nur boolesche Werte
 - Schwierig für komplexe Anwendungen
 - siehe Bilderkennung Farbwerte
- 2. Schwelle muss manuelle gesetzt werden
 - Sprich kein Lernalgorithmus vorhanden
- 3. Keine Priorisierungsmöglichkeiten
 - siehe Gewichtete Eingaben
- 4. Funktionen durch lineare Entscheidungsfunktion getrennt
 - schwierig bei überlappenden Cluster
 - keine Polynome wie bei späteren Entwicklungen möglich
- 5. auch gedeckelte Fkt. wie XOR können nicht dargestellt werden
 - Schwelle muss genau getroffen werden

Geschichtliche Entwicklung

Perceptron

Deep Learning

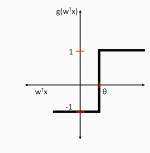
1 Geschichtliche Entwicklung
Perceptron

Geschichtliche Entwicklung

Perceptron

Perceptron

- Ähnliche
 Aktivierungsfunktion wie beim MP-Neuron
- Jedoch gewichtete Eingabewerte

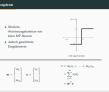


Unit step function.

$$\mathbf{v} = \begin{bmatrix} w_1 \\ \vdots \\ w_m \end{bmatrix} \quad \mathbf{x} = \begin{bmatrix} x_1 \\ \vdots \\ x_m \end{bmatrix} \qquad \begin{aligned} z &= w_1 x_1 + \dots + w_m x_m \\ &= \sum_{j=1}^m x_j w_j \\ &= \mathbf{w}^T \mathbf{x} \end{aligned}$$

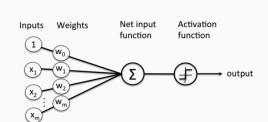
Deep Learning
Geschichtliche Entwicklung
Perceptron
Perceptron

2020-04-14



- 1. 1958: US-amerikanische Psychologe / Informatiker Frank Rosenblatt
- 2. älteste heutzutage noch genutzte NN
- 3. inspiriert vom Auge einer Fliege
- Flugrichtung Entscheidungen teils direkt im Auge getroffen
- 4. Weiterentwicklung der MP-Zelle
- 5. Eingabewerte mit Gewichten priorisiert
 - Auf Formel verweisen
- 6. Gleich bleibt jedoch die binäre Klassifikation
 - Verweis auf Unit step function
 - hier jedoch nicht Wahrheitswerte sondern -1 und 1

Aufbau



 $= w^T x$

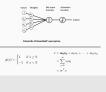
Schematic of Rosenblatt's perceptron.

$$g(z) = \begin{cases} 1 & \text{if } z \ge 0 \\ -1 & \text{if } z < 0 \end{cases} =$$

$$z = \mathbf{w_0} \mathbf{x_0} + w_1 x_1 + \dots + w_m x_m$$
$$= \sum_{j=0}^m x_j w_j$$
$$= \mathbf{w}^T \mathbf{x}$$

2020-04-14

Geschichtliche Entwicklung -Perceptron └─ Aufbau



- 1. Grafik erläutern
- 2. Konvention:

Deep Learning

- erleichtert später Notation der Lernregel
- Schwellwert auf andere Seite der z-Wert Gleichung ziehen

Lernregel - Ablauf

- Modell übernimmt selbst die Anpassung der Gewichte
- Test mittels einer Menge von gelabelten Trainingsdatensätzen

Grober Ablauf

- Initialisiere die Gewichte mit einem sehr kleinen Wert oder 0.
- Für jeden Datensatz der Menge von Trainingsdatensätzen:
 - Berechne den Ausgabewert des Systems
 - Gleiche die Gewichte an



1. Rosenblatt erfindet lernenden Algorithmus

2020-04-

- 2. Auf Menge von Trainingsdatensätzen zurückgegriffen
 - Datensätze bestehen aus Ein- und erwarteten Ausgabewerten
 - in Literatur auch *gelabelte* Werte genannt
- 3. Lernalgorithmus grobe Zusammenfassung
 - Gewichte mit kleinem Wert / 0 vorinitialisieren
 - Datensätze durchiterieren
 - Ausgabewert berechnenGewichte angleichen

Lernregel - Formel

Angleichung der Gewichte

- Gewichte komponentenweise angleichen: $w_i := w_i + \Delta w_i$
- Gewichtsänderung: $\Delta w_i = \eta \left(\text{target}^{(i)} \text{output}^{(i)} \right) x_i^{(i)}$
- Beispiel Iteration mit zweidimensionalem Trainingsvektor:

$$\Delta w_0 = \eta(\mathsf{target}^{(i)} - \mathsf{output}^{(i)})$$

$$\Delta w_1 = \eta(\mathsf{target}^{(i)} - \mathsf{output}^{(i)}) \ x_1^{(i)}$$

$$\Delta w_2 = \eta(\mathsf{target}^{(i)} - \mathsf{output}^{(i)}) \ x_2^{(i)}$$



- 1. Erste Formel auf Slide beschreiben
 - Gewichte können zu Gewichtsvektor zusammengezogen werden
 - hier komponentenweise betrachtet
 - Delta (Dreieck) wird stets als Änderung verstanden
- 2. Exponent i hierbei jeweils als Index des Trainingsvektors in Menge
- 3. Lernalgorithmus arbeitet inkrementell
 - Lernrate (eta) bestimmt wie stark die Gewichte pro Durchlauf angeglichen werden
- Differenz mit Lernrate und Eingabewert multipliziert
- 4. Iteration mit 2d Eingabevektor
 - w0 hierbei der Schwellwert selbst
 - Faktor x weggelassen da bereits gleich 1
 - Nutzung der beschriebenen Notation

Lernregel - **Trainingsbeispiele**

Gewichtsänderung

$$\Delta w_j = \eta \left(\mathsf{target}^{(i)} - \mathsf{output}^{(i)} \right) x_i^{(i)}$$

• Trainingsdatensatz richtig erkannt:

$$\Delta w_j = \eta ((-1^{(i)}) - (-1^{(i)})) \ x_j^{(i)} = 0$$
$$\Delta w_j = \eta (1^{(i)} - 1^{(i)}) \ x_j^{(i)} = 0$$

• Trainingsdatensatz falsch erkannt:

$$\Delta w_j = \eta (1^{(i)} - (-1^{(i)})) \ x_j^{(i)} = \eta(2) \ x_j^{(i)}$$
$$\Delta w_j = \eta ((-1^{(i)}) - 1^{(i)}) \ x_i^{(i)} = \eta(-2) \ x_j^{(i)}$$

Deep Learning

2020-04-14

Geschichtliche Entwicklung

-Perceptron

Lernregel - Trainingsbeispiele

 $\Delta w_i = \eta \left(target^{(i)} - output^{(i)} \right) x_i^{(i)}$ $\Delta w_i = \eta ((-1^{(i)}) - (-1^{(i)})) x_i^{(i)} = 0$ $\Delta w_j = \eta \big(\mathbf{1}^{(i)} - (-\mathbf{1}^{(i)}) \big) \ x_i^{(i)} = \eta(2) \ x_i^{(i)}$

 $\Delta w_j = \eta((-1^{(i)}) - 1^{(i)}) \times_j^{(i)} = \eta(-2) \times_j^{(i)}$

Lernregel - Trainingsbeispiele

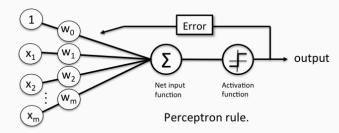
- 1. Erinnerung: erst target dann output
- 2. Richtig erkannt
 - Generell Ausgabe 0, keine Änderung
 - Beide Falsch: -1
 - Beide Richtig: +1
- 3. Falsch erkannt
 - output zu klein
 - erwartetet +1 bekommen -1
 - Positiver (Differenz-)Faktor
 - output zu groß
 - erwartetet -1 bekommen +1 Negativer (Differen-)Faktor

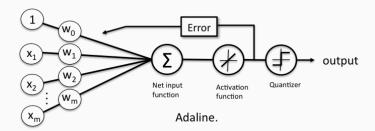
Geschichtliche Entwicklung

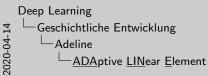
Adeline

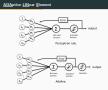
ie.

ADAptive **LIN**ear **E**lement









- 1. 1959: Stanford Prof. Bernard Widrow & Elektroingenieur Marcian Edward Hoff
- 2. ADELINE: ADAptive LINear Element
- 3. Modell: Verzicht auf Einheitssprungfunktion bei Angleichung der Gewichte
 - Stattdessen lineare Aktierungsfunktion
 - erstmal nur Identitätsfunktion verwendet
 - Entscheidungsfunktion für output weiterhin verwendet

Delta-Regel

- Lernalgorithmus durch Erfinder geprägt
- auch unter *Least-Mean-Square*-Algrithmus bekannt
- Wesentlicher Vorteil: Ableitbare Kostenfunktion

Notation

$$J(w) = rac{1}{2} \sum (\mathsf{target}^{(i)} - \mathsf{output}^{(i)})^2 \qquad \mathsf{output}^{(i)} \in \mathbb{R}$$

Deep Learning

Geschichtliche Entwicklung

Adeline
Delta-Regel



1. Auch unter Least-Mean-Square-Algorithmus bzw.

Regressionsquadratsumme bekannt

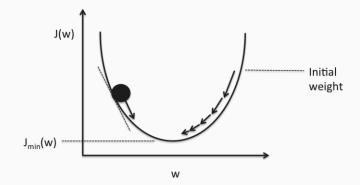
- noch heute relevant
- 2. Funktion stellt Kostenfunktion dar
 - Fehler bei Kostenfunktion soll mithilfe der Lernregel minimiert werden
- 3. Vorteil dieses Ansatzes: Ableitbare Kostenfunktion
- 4. Formel erläutern:

2020-04-14

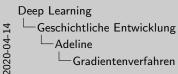
- Differenz quadriert um Vorzeichen zu verlieren
- Faktor 1 / 2 vorschieben um Ableitung einfacher zu gestalten
- über alle Trainingsdatensätze der Menge iterieren
 - Größe i
- 5. Für genaueres Verständnis erstmal Einschub mit Gradientenverfahren

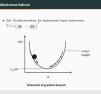
• Ziel: Gradientenvektor für bestimmten Input bestimmen:

$$\nabla J \equiv \left(\frac{\partial J}{\partial w_1}, \dots, \frac{\partial J}{\partial w_m}\right)^T$$
.



Schematic of gradient descent.





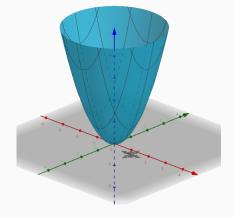
- 1. Wesentlicher Nachteil der Sprungfunktion: Nicht stetig & damit nicht differenzierbar
- 2. Adeline verwendet Identitätsfunktion
- 3. Abbildung erläutern, Metapher: Ball rollt Hügel herunter
 - Abbildung erstmal nur mit einem einzelnen Gewicht geplottet
 - Ableitung an einer bestimmten Stelle gleich der Steigung
 - Gradientenvektor gibt diese Richtung an
 - Mehrdimensional wenn mehreren Eingabeargumenten vorhanden
 - Steigung muss invertiert werden
- 4. Es folgt: Exkurs Partielle Ableitungen

Partielle Ableitungen

- Differenzieren von Funktionen mit mehreren Eingabewerten
- Beispiel: $z = f(x, y) = x^2 + y^2$

Partielle Ableitung - Notation

 $\frac{\partial AbzuleitendeFkt.}{\partial BetrachteteKomponente}$



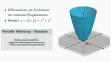
Deep Learning

Geschichtliche Entwicklung

L_Adeline

2020-04-14

Partielle Ableitungen



Partielle Ableitungen

1. Notation: Bruch

- Zähler: Abzuleitende Funktion

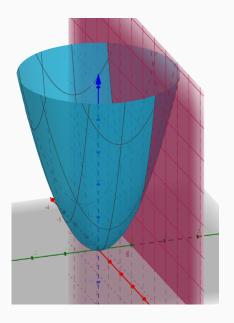
Nenner: Betrachtete Komponente

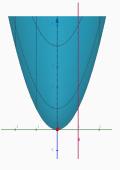
2. Abbildung: Fkt. geplottet mit 2 Eingabekomponenten

- Funktion: $z = f(x) = x^2 + y^2$

- Metapher: Blickwinkel erläutern

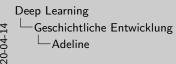
- nächste Folie miteinbeziehen





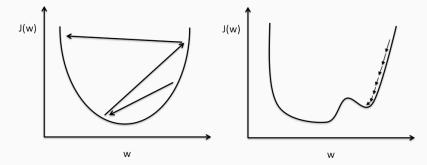
Ableitung - Beispiel

$$z = f(x, y) = x^{2} + y^{2}$$
$$\frac{\partial z}{\partial x} = 2x \qquad \frac{\partial z}{\partial y} = 2y$$



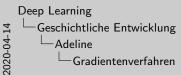


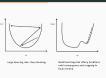
1. Metapher: Blickwinkel erläutern



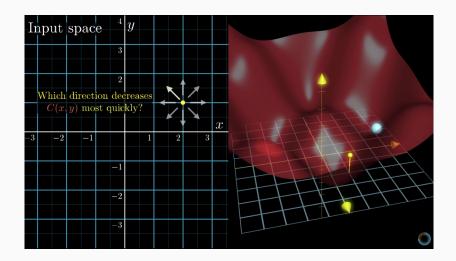
Large learning rate: Overshooting.

Small learning rate: Many iterations until convergence and trapping in local minima.

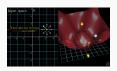




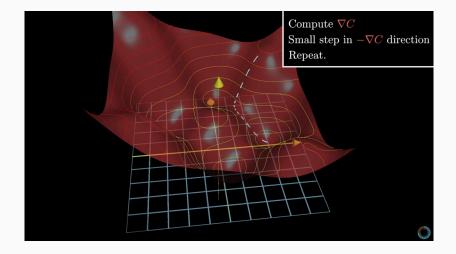
- 1. Lernrate kann als Schrittweite verstanden werden
- 2. Zwei mögliche Probleme:
 - Overshooting: Schrittweite zu groß Minimum wird nicht erkannt
 - Lokales Minimum wird gefunden Globales bleibt unerkannt
- 3. Gradientenabstieg bisher nur in 2 Dimensionen (siehe nächste Folie



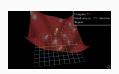
Deep Learning
Geschichtliche Entwicklung
Adeline
Gradientenverfahren



- 1. Abbildung: Gradientenabstieg in 3 Dimensionen geplottet
- 2. Hier Ball-Metapher dargestellt
- 3. Es folgt kompletter Durchlauf des Gradientenabsiegs



Deep Learning
Geschichtliche Entwicklung
Adeline
Gradientenverfahren



- 1. Abbildung: Gradientenabstieg in 3 Dimensionen geplottet
- 2. Hier durchgeführter Gradientenabstieg

Kostenfunktion ableiten

$$\frac{\partial J}{\partial w_{j}} = \frac{\partial}{\partial w_{j}} \frac{1}{2} \sum_{i} (t^{(i)} - o^{(i)})^{2}
= \frac{1}{2} \sum_{i} \frac{\partial}{\partial w_{j}} (t^{(i)} - o^{(i)})^{2}
= \frac{1}{2} \sum_{i} 2(t^{(i)} - o^{(i)}) \frac{\partial}{\partial w_{j}} (t^{(i)} - o^{(i)})
= \sum_{i} (t^{(i)} - o^{(i)}) \frac{\partial}{\partial w_{j}} (t^{(i)} - \sum_{j} w_{j} x_{j}^{(i)})
= \sum_{i} (t^{(i)} - o^{(i)}) (-x_{j}^{(i)})$$

Deep Learning

Geschichtliche Entwicklung

_

2020-04-14

−Adeline └─Kostenfunktion ableiten Contentional blottom
$$\begin{split} \frac{\partial J}{\partial u_i} &= \frac{\partial J}{\partial u_i} \sum_{k} \sum_{i} (r^{ij} - \omega^{ij})^k \\ &= \frac{1}{2} \sum_{i} \frac{\partial J}{\partial u_i} (s^{ij} - \omega^{ij})^k \\ &= \frac{1}{2} \sum_{i} \frac{\partial J}{\partial u_i} (s^{ij} - \omega^{ij}) \\ &= \frac{1}{2} \sum_{i} \frac{\partial J}{\partial u_i} (s^{ij} - \omega^{ij}) \\ &= \sum_{i} (r^{ij} - \omega^{ij}) \frac{\partial J}{\partial u_i} (s^{ij} - \sum_{i} u_i^{ij}) \\ &= \sum_{i} (r^{ij} - \omega^{ij}) \frac{\partial J}{\partial u_i} (s^{ij} - \sum_{i} u_i^{ij}) \end{split}$$

- 1. Ableiten der bisher vorgestellten Kostenfuntion (Least-Mean-Square)
- 2. Summe und Faktor vorziehen
- 3. Kettenregel anwenden
 - äußere Ableitung bereits bestimmt (Vorfaktor 2)
 - innere Ableitung steht noch aus
- 4. Faktor 2 kann vorgezogen werden, wird mit 1/2 verrechnet
- 5. Ursprüngliche Notation für die Ausgabe wird eingesetzt:
 - Ausgabe: $\sum_{i} w_{i} x_{i}^{(i)}$
- 6. Summe aufgelöst
 - es wird nach w_i abgeleitet
 - alle Summanden in denen dieser Faktor nicht vorkommt entfallen

Gradientenverfahren - Anwendung

Gradientenvektor

$$\nabla J \equiv \left(\frac{\partial J}{\partial w_1}, \dots, \frac{\partial J}{\partial w_m}\right)^T$$
.

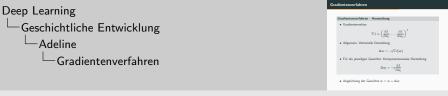
• Allgemein: Vektorielle Darstellung

$$\Delta w = -\eta \nabla J(w)$$

• Für die jeweiligen Gewichte: Komponentenweise Darstellung

$$\Delta w_j = -\eta \frac{\partial J}{\partial w_j}$$

• Angleichung der Gewichte $w = w + \Delta w$



- 1. Gradientenvektor: Richtung des Abstiegs
 - mit Nabla dargestellt (Dreieck)
 - kann auch mehrdimensional sein
- 2. Vektorielle Darstellung

2020-04-14

- Eingabeparameter werden als Vektor verstanden
- mit Gradientenvektor und Negativer Lernrate verrechnet / multipliziert
- 3. Komponentenweise Darstellung
 - negative Lernrate mit partieller Ableitung verrechnet
- 4. Angleichung der Gewichte:
 - wie schon bei vorherigen Modellen
 - Mathematische Darstellung: $w = w + \Delta w$

Aktuelle Entwicklung

Convolutional Neural Network

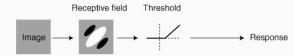
Deep Learning

41
Convolutional Neural Network

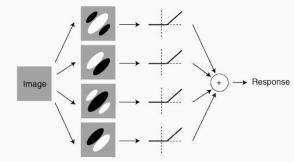
Aktuelle Entwicklung

Biologische Zellarten

A Simple cell



B Complex cell



Deep Learning

2020-04-14

-Aktuelle Entwicklung

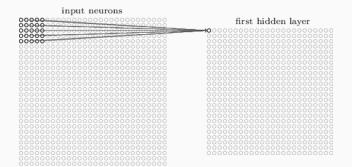
Convolutional Neural Network
Biologische Zellarten



- 1. 1962: zwei Neurophysiologen Torsten Wiesel und David Hubel
- 2. Konzept der simple und complex cells
 - nicht positionsbunden spatial invariance, räumliche Invarianz
- 3. Arten von Zellen zur Erkennung einfacher Kanten und Balken
 - simple cells: ist Positionsgebunden
 - complex cells: Muster können an beliebigen Positionen auftauchen
- 4. 1962: Konzept wie im Bild
- 5. 1980er Dr. Kunihiko Fukushima: erstes Modell nach diesem Konzept

Convolutinal Layer - Filter

- Mehrdimensionales Array mit Farbwerten zur Repräsentation im Rechner
- Durch Filter auf bestimmte Low-Level Eigenschaften schließen



Visualization of 5 x 5 filter convolving around an input volume and producing an activation map

Deep Learning

Aktuelle Entwicklung

Convolutional Neural Network

Convolutinal Layer - Filter

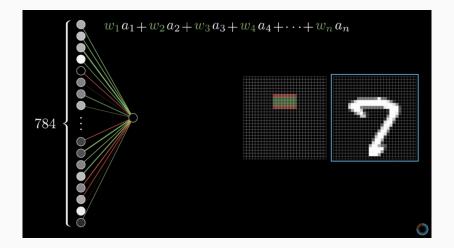


1. Array als Eingabe

2020-04-14

- Repräsentiert die Pixel im Bild
- 2. Farbwertearray kann pro Pixel mehrere Werte enthalten
 - entsprechend eventuell auch mehrere Dimensionen im Array
- 3. Fenster läuft Eingabematrix ab
 - dadurch simple Formen erkennen
 - Beispiel folgt
- 4. Hidden Layer kann als Ansammlung von low-level Merkmalen verstanden werden

Filter - Funktionsweise



Deep Learning

Newalla Ent

Aktuelle Entwicklung

Convolutional Neural Network

Filter - Funktionsweise



- 1. Bild erläutern
 - Beispiel: Ziffer 7
 - Strich am oberen Rand
 - Gewichtsmatrix hier getrennt aufgeführt
 - rot: negative Werte
 - grün: positive Werte
- 2. Dieses Feature (oberer Strich) kann aber auch bei anderen Ziffern auftauchen
 - Bsp. schlecht geschriebene Ziffer Null
- 3. Erkannte Merkmale können von weiteren Filtern genutzt werden
 - erinnert an ganz alte Prinzipien
 - wie schonn beim Adeline Modell, hier jedoch mit mehreren Schichten

Pooling Layer

- Aggregiert die Ergebnisse von Convolutional Layern
 - Ziele
 Nur die relevantesten Signale an nächste Schicht weitergeben
 - Null die relevantesten Signale an nachste

• MaxPooling Layer am weitesten verbreitet

Anzahl der Parameter im Netz reduzieren

1. Pooling Layer - aggregiert Ergebnisse von Convolutional Layern - Zweck: nur die relevantesten Signale an die nächste Schicht weitergeben 2. während die Größe des Inputs durch die Faltungen und das Pooling immer weiter reduziert wird, erhöht sich die Anzahl der Filter zur Erkennung von übergeordneten Signalen zunehmend 3. Verschiedene Pooling-Mechanismen: – MaxPooling: am weitesten verbreitet maximale Eingabewert wird weitergegeben fractional max pooling lp pooling mean pooling

Aggregiert die Engebnisse von Convolutional Layern
 Ziele
 Nur die relevantesten Signale an nächste Schicht weitergebe

Deep Learning

2020-04-

Aktuelle Entwicklung

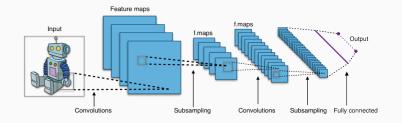
-Pooling Layer

stochastic poolingspatial pooling

Convolutional Neural Network

Fully Connected Layer

- Ausgagngspunkt: High-Level Merkmale bereits durch frühere Schichten erkannt
- Alle Neuronen der Ausgabeschicht sowie dieser Merkmale alle direkt miteinander verbunden
- Ausgabe sollte mit den richtigen Gewichten / Schwellwerten relativ eindeutige Ausgaben generieren



Deep Learning

2020-04-

—Aktuelle Entwicklung

Convolutional Neural Network

Fully Connected Layer



Fully Connected Laver

- 1. auch dense Layer genannt
- 2. Ausgagngspunkt: *High-Level* Merkmale bereits durch frühere Schichten erkannt
 - Neuronen halten diese Eigenschaften
- 3. Ausgabeneuronen repräsentieren verschienden Klassen
 - siehe Klassifizierungsproblem
 - Fully connected Layer: stellt verbindung zwischen letztem hidden Layer und Ausgabelayer bereit
- 4. Beispiel: Schnörkel zu Ziffern interpretieren
 - 10 dimensionaler Ausgabevektor bei Ziffern

Aktuelle Entwicklung

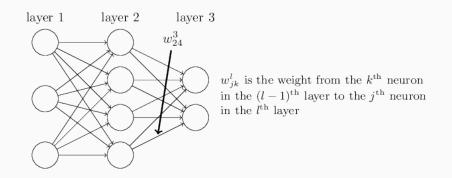
Backpropagation

Deep Learning

Aktuelle Entwicklung
Backpropagation

Aktuelle Entwicklung Backpropagation

Notation



Deep Learning

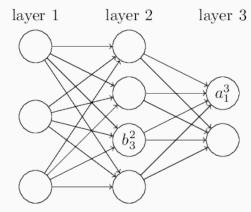
Aktuelle Entwicklung
Backpropagation

└─ Notation



- 1. I: Exponent, steht für die Schicht
 - I 1, weil man stets von hinten nach vorne schaut
- 2. Eingabe wird auch als eigene Schicht verstanden
- 3. j: Index Zielneuron
- 4. k: Index Startneuron

Notation

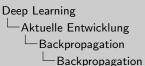


 $a'_j = \sigma \left(\sum_k w'_{jk} a'_{k-1} + b'_j \right) \Rightarrow \quad \begin{aligned} a' &= \sigma(z') \\ z' &= w' a'^{-1} + b' \end{aligned}$

- 1. Ähnlich zu Gewichtsnotation
 - I bezieht sich hierbei jedoch auf aktuelle Schicht
 - j wie gehabt Index in Schicht
 - Notation gilt auch für Aktivierung a
- 2. Wichtig: σ bezieht sich auf Vektor \Rightarrow Vektorielle Funktion
- 3. Jede Komponente einzeln mit σ verarbeitet
- 4. Abstraktion vom Ausgabewert vor der Aktivierungsfkt
 - Unterschied zwischen Aktivierung und Z-Wert erläutern
 - hilft später beim Ableiten

Backpropagation

- Kostenfunktion soll minimiert werden.
- Ziel: Optimale Gewichte und Schwellwerte finden
- Grobe Vorgehensweise: Iterativer Prozess
 - Fehlervektor der letzten Schicht berechnen
 - Fehler schichtweise zum Eingabelayer zurückführen
 - Parameter schichtweise nach Gradienten angleichen



2020-04-

spropagation
Kostenfunktion soll minimiert werden
Ziel: Optimale Gewichte und Schwellwerte finden
Grobe Vorgehensweise: Iterativer Prozess
Fehlervektor der letzten Schicht berechnen
Fehler schichtweise zum Eingabelayer zursckfahren
Parameter schichtweise nach Gradienten angleichen

- 1. 1970er entwickelt, 1986 von Rummelhart, Hilten und Williams in Paper bekannt gemacht
- 2. Kostenfunktion wie bei Gradientenabstieg / Adeline
 - Unterschied: Hier mehrschichtiges Netz
 - Gradientenabstieg grob erläutert, ausgeblieben -
 - Anwendung im mehrschichtigen Netz und mehrdimensionale Kostenfunktion
- 3. Fehlervektor der letzten Schicht berechnen
 - Fehler schichtweise zum Eingabelayer zurückführen
- 4. Parameter schichtweise nach Gradienten angleichen

Fehler - Ausgabeschicht

$$\delta_{j}^{L} = \frac{\partial C}{\partial z_{j}^{L}}$$

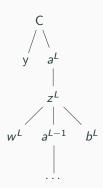
$$= \sum_{k} \frac{\partial C}{\partial a_{k}^{L}} \frac{\partial a_{k}^{L}}{\partial z_{j}^{L}}$$

$$= \frac{\partial C}{\partial a_{j}^{L}} \frac{\partial a_{j}^{L}}{\partial z_{j}^{L}}$$

$$= \frac{\partial C}{\partial a_{k}^{L}} \sigma'(z_{j}^{L})$$

Anmerkung: Kettenregel

$$\frac{d}{dx}\left[f\left(u\right)\right] = \frac{d}{du}\left[f\left(u\right)\right]\frac{du}{dx}$$



- **C**: Kostenfunktion
- y: Erwartete Ausgabe



- 1. Baum nur für Netz mit einer einzigen Aktivierung repräsentativ
- 2. Zusammenhang mit Kettenregel erläutern
- 3. Großes L immer für Ausgabeschicht
- 4. Summfunktion: für mehrere Neuronen pro Schicht generalisiert

Fehler - Ausgabeschicht

Zusammenfassung

Um den Fehlervektor der letzten Schicht zu bestimmen:

$$\delta^L = \nabla_a C \odot \sigma'(z^L)$$

• Äguivalent zu:

$$\delta^L = (a^L - y) \odot \sigma'(z^L)$$

• Um die Fehler komponentenweise zu bestimmen:

$$\delta_j^L = \frac{\partial C}{\partial a_i^L} \sigma'(z_j^L)$$



1. Um den Fehlervektor der letzten Schicht zu bestimmen:

$$\delta^L = \nabla_a C \odot \sigma'(z^L)$$

- $\nabla_a C$ entspricht dabei Vektor aller $\frac{\partial C}{\partial a_i^L}$ einer Schicht
- ⊙: Hadamard-Produkt
- Komponentenweise Multiplikation zweier Vektoren
 - Ausgabe ebenfalls wieder ein Vektor
- 2. Äquivalent zu: $\delta^L = (a^L y) \odot \sigma'(z^L)$ - $(a^L - y)$ Ausgabe des Systems minus erwartete Ausgabe
- 3. Um die Fehler komponentenweise zu bestimmen: $\delta_j^L = \frac{\partial C}{\partial a_i^L} \sigma'(z_j^L)$

Fehler - Zwischenschicht

- Zusammenhang zwischen Fehler zweier Schichten herleiten
- Es gilt: $\delta_i^l = \partial C/\partial z_i^l$ sowie $\delta_k^{l+1} = \partial C/\partial z_k^{l+1}$

$$\delta_{j}^{l} = \frac{\partial C}{\partial z_{j}^{l}}$$

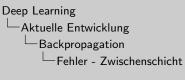
$$= \sum_{k} \frac{\partial C}{\partial z_{k}^{l+1}} \frac{\partial z_{k}^{l+1}}{\partial z_{j}^{l}}$$

$$= \sum_{k} \frac{\partial z_{k}^{l+1}}{\partial z_{j}^{l}} \delta_{k}^{l+1}$$

$$w^{l+1} = \sum_{k} \frac{\partial z_{k}^{l+1}}{\partial z_{j}^{l}} \delta_{k}^{l+1}$$

$$w^{l} = \sum_{k} \frac{\partial z_{k}^{l+1}}{\partial z_{j}^{l}} \delta_{k}^{l+1}$$

$$w^{l} = \sum_{k} \frac{\partial z_{k}^{l+1}}{\partial z_{j}^{l}} \delta_{k}^{l+1}$$





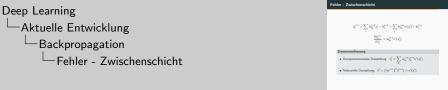
- 1. Um von letzter Schicht auf vorherige Fehler zu schließen: $\delta_k^{l+1} = \partial C/\partial z_k^{l+1}$
- 2. Baum: Netz-Ausschnitt mit nur einem Neuron pro Schicht
- 3. Über Kettenregel wird nach aktuellem Z-Wert abgeleitet
- 4. Reihenfolge vertauscht
 - Letzter Term mit Definition $\delta_{\nu}^{l+1} = \partial C/\partial z_{\nu}^{l+1}$ ausgetauscht

Fehler - Zwischenschicht

$$z_k^{l+1} = \sum_j w_{kj}^{l+1} a_j^l + b_k^{l+1} = \sum_j w_{kj}^{l+1} \sigma(z_j^l) + b_k^{l+1}$$
$$\frac{\partial z_k^{l+1}}{\partial z_j^l} = w_{kj}^{l+1} \sigma'(z_j^l)$$

Zusammenfassung

- Komponentenweise Darstellung: $\delta_j^l = \sum_k w_{kj}^{l+1} \delta_k^{l+1} \sigma'(z_j^l)$
- Vektorielle Darstellung: $\delta^l = ((w^{l+1})^T \delta^{l+1}) \odot \sigma'(z^l)$



- . Zwischenschritt: Z-Wert des nächsten Layers
 - Definition Z-Wert eingesetzt
 - Aktivierung wird mit Sigma-Funktion ausgetauscht
- 2. Diese Gleichung wird nun nach ∂z_j^I abgeleitet
- 3. Komponentenweise Darstellung: $\delta_j^l = \sum_k w_{kj}^{l+1} \delta_k^{l+1} \sigma'(z_j^l)$
 - vorherigen Zwischenschritte wurden wieder in die ursprüngliche Form eingesetzt $\sum_k \frac{\partial z_k^{l+1}}{\partial z_l^l} \delta_k^{l+1}$
- Reihenfolge der Faktoren wurde lediglich etwas verändert
- 4. Vektorielle Darstellung: $\delta' = ((w'^{+1})^T \delta'^{+1}) \odot \sigma'(z')$
 - Summfunktion durch Vektormultiplikation ausgetauscht

Fehler - Schwellwerte & Gewichte

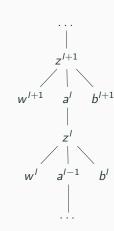
$$z'_{k} = \sum_{j} w'_{kj} a'_{j}^{-1} + b'_{k} = \sum_{j} w'_{kj} \sigma(z'_{j}^{-1}) + b'_{k}$$

Schwellwerte

$$\frac{\partial C}{\partial b_j^l} = \frac{\partial C}{\partial z_j^l} \frac{\partial z_j^l}{\partial b_j^l} = \delta$$

Gewichte

$$\frac{\partial C}{\partial w_{jk}^{I}} = \frac{\partial C}{\partial z_{j}^{I}} \frac{\partial z_{j}^{I}}{\partial w_{jk}^{I}} = a_{k}^{I-1} \delta_{j}^{I}$$



Deep Learning

-Aktuelle Entwicklung
--Backpropagation

Fehler - Schwellwerte & Gewichte

 $\begin{aligned} x_d^i &= \sum_{l} w_{ll}^i x_l^{l-1} + b_l^l - \sum_{l} w_{ll}^i x_l^{l-1} + b_l^l \\ &= \sum_{l} w_{ll}^i x_l^{l-1} + b_l^l - \sum_{l} w_{ll}^i x_l^{l-1} + b_l^l \end{aligned}$ $\begin{aligned} &= \sum_{l} w_{ll}^i x_l^{l-1} + b_l^l - \sum_{l} w_{ll}^i x_l^{l-1} + b$

- 1. Bisher nur die Ableitung nach Z-Wert betrachtet
 - Nun nach Schwellwerten & Gewichten
- 2. Kettenregel: Ableitung nach dem Z-Wert vor Ableitung nach Gewicht / Schwellwert schalten
- 3. Schwellwerte: der hintere Bruch entfällt komplett
 - vordere Teil $\frac{\partial \mathit{C}}{\partial z_{i}^{l}}$ entspricht bereits δ_{j}^{l}
- 4. Gewichte: obere Z-Wert Gleichung nach Gewicht abgeleitet
 - $w_{ki}^{l} a_{i}^{l-1} \rightarrow a_{k}^{l-1}$
 - Fehler per Kettenregel angehängt

Anwendung

- Menge an Trainingsdatensätzen auswählen
- Für jeden einzelnen Datensatz:
 - 1. **Feedforward**: Z-Wert und Aktivierung für jede Schicht $l = 2, 3, \dots, L$ berechnen.

• Z-Wert:
$$z^{x,l} = w^l a^{l-1} + b^l$$

• Aktivierung
$$a^{x,l} = \sigma(z^l)$$

2. **Ausgabe-Fehler** $\delta^{x,L}$: Fehlervektor der Ausgabeschicht berechnen.

•
$$\delta^L = \nabla_a C \odot \sigma'(z^L)$$

 Backpropagation-Fehler: Rückwirkend Fehlervektor aller Schichten berechnen.

•
$$\delta^{x,l} = ((w^{l+1})^T \delta^{x,l+1}) \odot \sigma'(z^{x,l})$$

• **Gradientenabstieg**: Gewichte und Schwellwerte getrennt anpassen.

• Gewichte:
$$w^l \to w^l - \frac{\eta}{m} \sum_{x} \delta^{x,l} (a^{x,l-1})^T$$

• Schwellwerte:
$$b^l \rightarrow b^l - \frac{\eta}{m} \sum_{x} \delta^{x,l}$$

Deep Learning

Aktuelle Entwicklung

Backpropagation

Anwendung

Menge an Trainingsdatensätzen auswählen
 Für ieden einzelnen Datensatz:

 Feedforward: Z-Wert und Aktivierung für jede Schicht I = 2, 3, . . . , L berechnen.

Aktaierung a^{*,j} = σ(zⁱ)
 Ausgabe-Fehler δ^{*,j}: Fehlervektor der Ausgabeschicht berechn
 δ[±] = ∇_xC ⊗ σ^{*}(z[±])

d¹ = ∇_xC ⊗ d'(d²)
 Backpropagation-Fehler: Rackwirkend Fehlervektor aller Schichte

* s'' = (((ω'1)² f g')²() ⊗ g'(y''))

• Gradientenabating: Gewichte und Schoollwerte getrennt anpasses

• Gewichte: w' → w' − \(\frac{\pi}{\pi}\)\(\fractin\)\(\frac{\pi}{\pi}\)\(\frac{\pi}{\pi}\)\(\frac{\pi}{\pi}\)\(

- 1. Menge an Trainingsdatensätzen auswählen
 - Siehe Stachastischer Gradientenabstieg
- 2. Für jeden Datensatz
 - Feedforward Aktivierungsvektor / Z-Wert jeder Schicht berechnen
 - Ausgabe-Fehler: Fehler letzter Schicht berechnen
 - Backpropagation-Fehler: Ausgehend von letzter Schicht Fehler bis hin zur Ersten berechnen
- 3. Gradientenabstieg mit Ergebnissen

- Gewichte:
$$w^l \to w^l - \frac{\eta}{m} \sum_{x} \delta^{x,l} (a^{x,l-1})^T$$

- hintere Teil: durchschnittlicher Fehler über alle m Trainingsdatensätze
- Lernrate als Faktor davorgehängt
- Schwellwerte: $b^l \to b^l \frac{\eta}{m} \sum_{x} \delta^{x,l}$



Deep Learning

Einführung - Thema 2

Silas Hoffmann

14. April 2020

Fachhochschule Wedel



Deep Learning -Backup Slides

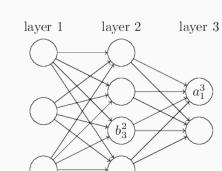
Multilayer Perceptron

Multilayer Perceptron

Backup Slides Multilayer Perceptron

Multilayer Perceptron

• In Grundzügen bereits beim Backpropagation Algorithmus erläutert



Anwendungsbereiche:

- Mustererkennung
- Funktionenapproximation
- Klassifizierung
- Prognose
- Diagnose
- Steuerung
- Optimierung

2020-04-

 Mustererkennung Funktionenapproximation

5. Feedforward: durchiterieren von Eingabewerten

- Klassifizierung
- Prognose Diagnose

2. Mehrschichtiges Netz, bereits beim Backpropagationalgorithmus

Multilayer Perceptron

1. vielfältige Struktur

Deep Learning

Backup Slides

verwendet

-Multilayer Perceptron -Multilayer Perceptron

- 3. Zu tiefe Netz: Probleme beim Training
- Techniken unter Deep learning zusammengefasst 4. Stuktur: mehrschichtiges forwärtsgekoppeltes Netz
- 6. Anwendungsbereiche

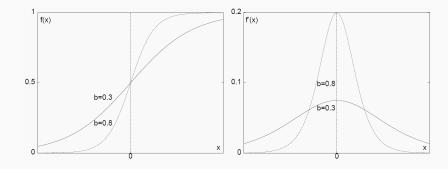
 - Steuerung Optimierung

Sigmoid Aktivierungsfunktion

- Einfach / schnell zu berechnen
- Einfach / schnell abzuleiten

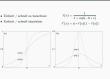
$$f(x) = \frac{1}{1 + exp(-b * x)}$$
$$f'(x) = b * f(x)(1 - f(x))$$

$$f'(x) = b * f(x)(1 - f(x))$$



Deep Learning Backup Slides -Multilayer Perceptron -Sigmoid Aktivierungsfunktion

2020-04-14



- 1. Wertebereich: zwischen 0 und 1
- 2. Konstante berschreibt Steilheit der Kurve
- 3. Über die komplette Domäne differenzierbar

Recurrent Neural Network

Deep Learning

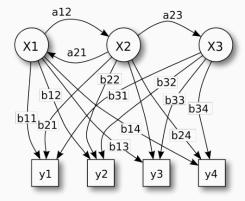
Backup Slides
Recurrent Neural Network

Backup Slides

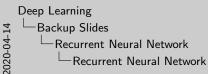
Recurrent Neural Network

Recurrent Neural Network

• Bekommen sowohl von Eingangssignale sowohl durch Trainingsdatensatz als auch durch Rückkopplungen.



- Mustererkennung
- Muster ergänzen
- Sprachanalyse





- 1. Bisher nur feedforward NN
 - Eingangssignale ohne Bezug auf vorherige Durchläufe
- 2. Hierbei Reihenfolge von Bedeutung
 - RNNs bekommen sowohl Eingagssignale durch den Trainingsdatensatz als auch durch Rückkopplungen während der Ausführung
- 3. Viele Anwendungsbereiche
 - besonders gut um Muster zu erkennen bzw. zu Ergänzen
 - aber auch in der Sprachanalyse sehr wichtig

-Backup Slides

Convolutional NN - Zusatz

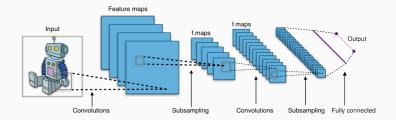
Convolutional NN - Zusatz

Backup Slides

Convolutional NN - Zusatz

Anfänge

- Yann LeCun: erstes Modell zum Erkennen von Handschrift.
- Verwendung von MNIST database of handwritten digits
 - 60.000 Trainingsdatensätze
 - 10.000 zum Berechnen des Fehlers



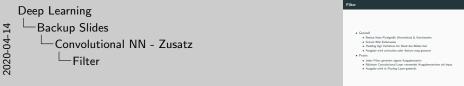
2020-04-



- 1. Pioniere, fr. Informatiker Yann LeCun
- 2. Bekannteste Ausarbeitung über CNN für Handschriften
- 3. Verwendung von MNIST database of handwritten digits
 - 60.000 Trainingsdatensätze
 - 10.000 zum Berechnen des Fehlers
 - unterschiedliche Personen für Trainings- und Evaluierungsdatensätze
- 4. soll erkennen ob ein Bild zu einer (oder mehreren) bestimmten Klasse(n) gehört
 - von low-level Eigenschaften auf komplexe Formen schließen
- 5. Covolutional NN: zwei wesentliche Komponenten
 - Convolutional layer: Filter
 - Pooling Layer: Aggregations-Schichten
 - wiederholen sich abwechselnd

Filter

- Generell
 - Besitzt feste Pixelgröße (Kernelsize) & Schrittweite
 - Scannt Bild Zeilenweise
 - Padding legt Verfahren für Rand des Bildes fest
 - Ausgabe wird activation oder feature map genannt
- Praxis
 - Jeder Filter generiert eigene Ausgabematrix
 - Nächster Convolutional Layer verwendet Ausgabematrizen als Input
 - Ausgabe wird in *Pooling Layer* gesteckt



- 1. Bsp. Filter 2 x 2, Schrittweite: 2 führt zu Halbierung der InputMatrix
 - Im Bsp. hängen immer 4 Pixel an einem Filter, die Eingabematrix wird gefaltet (convolute)
- 2. Filter generieren eigene Ausgabematrix
- 3. Filter können auch auf Filter folgen
- 4. von Filtern generierte Ausgaben werden auch *activation map* oder *feature map* genannt

Deep Learning Backup Slides

Alle Meterialen sind unter folgender URL zu finden:

https://github.com/derMacon/deeplearning_seminar

References i

3Blue1Brown - Videokurs zur Einführung in die Neuralen Netze. https://www.youtube.com/watch?v=aircAruvnKk&list=

PLZHQObOWTQDNU6R1_67000Dx_ZCJB-3pi.

Aufgerufen am: 16-03-2020.

Übersicht - verschiedene Architekturen.

https://www.asimovinstitute.org/neural-network-zoo/. Aufgerufen am: 22-03-2020.

Definition Klassifizierungssproblem.
http://ekpwww.physik.uni-karlsruhe.de/~tkuhr/
HauptseminarWS1112/Keck_handout.pdf.
Aufgerufen am: 15-03-2020.

Deep Learning Backup Slides Convolutional NN - Zusatz References References

2020-04-14

References ii

Einführung Convolutional neural network. https://adeshpande3.github.io/A-Beginner% 27s-Guide-To-Understanding-Convolutional-Neural-Networks/.

Aufgerufen am: 18-03-2020.

Öffentliche Datensätze - Übersicht. https://github.com/awesomedata/awesome-public-datasets.

Aufgerufen am: 18-03-2020.

Funktionsweise - CNN.

https://www.ncbi.nlm.nih.gov/pmc/articles/PMC1890437/.

Aufgerufen am: 18-03-2020.

Funktionsweise - CNN. https://bit.ly/2QGK0Ej.

Aufgerufen am: 18-03-2020.

Backup Slides 27s-Guide-To-Understanding-Convolutional-Neural-Networks/ 2020-04-Glientliche Datensätze - Übersicht Convolutional NN - Zusatz https://github.com/avezomedata/avezome-public-datazets. Aufgerufen am: 18-03-2020 -References https://www.mcbi.nlm.nih.gov/pmc/articles/PMC1890437/ Aufgerufen am: 18-03-2020 Funktionsweise - CNN httms://bit.lv/20GKOE1

Einführung Convolutional neural network. https://adephpande3.github.io/A-Beginner%

Deep Learning

References iii

Geschichte der Convolutional neuronalen Netze. https://glassboxmedicine.com/2019/04/13/

 $\verb|a-short-history-of-convolutional-neural-networks||.$

Aufgerufen am: 18-03-2020.

Khan Academy - Partielle Ableitungen (Funktion mit zwei Eingabewerten.

https://www.youtube.com/watch?v=1CMDS4-PKKQ&t=542s. Aufgerufen am: 16-03-2020.

Künstliche Neuronale Netzwerke und Deep Learning - Stefan Stelle. https://www.htwsaar.de/wiwi/fakultaet/personen/profile/selle-stefan/Selle2018e_Kuenstliche_Neuronale_Netzwerke.pdf/at_download/file.

Aufgerufen am: 24-03-2020.

Deep Learning

Backup Slides
Convolutional NN - Zusatz
References

2020-04-

Geschichte der Convolutional neuronalen Netze.
https://glamboxmedicine.com/2019/04/13/
a-mbort-history-of-convolutional-meural-metworks/

Aufgerufen am: 16-03-2020.

Khan Academy - Partielle Ableitungen (Funktion mit zwei Eingabewerten.

Eingabewerten.
https://www.youtube.com/watch?y=109054-PHXQ&t=542s
Aufgerufen am: 16-03-2020.

Networks Networks and Deep Louville. Status

Künatliche Neuronale Netzwerke und Desp Learning - Stefan Stelle https://www.htvmaar.de/utvi/fakultaet/personen/ profile/selle-retfan/Selle/DDISe_Kinenatliche_Neuronale Netzwerke.pdf/st_doulloud/file. Aufgenden zer: 24-03-2020.

References iv

McCulloch-Pitts Neuron.
https://towardsdatascience.com/
mcculloch-pitts-model-5fdf65ac5dd1.

Aufgerufen am: 14-03-2020.

Perceptron - Python Implementierung.
https://github.com/rasbt/mlxtend/blob/master/mlxtend/
classifier/perceptron.py.

Aufgerufen am: 16-03-2020.

Single-Layer Neural Networks and Gradient Descent.

| Single-Layer Neural Networks and Gradient Descent. https://sebastianraschka.com/Articles/2015_ singlelayer_neurons.html. Aufgerufen am: 14-03-2020.

A NULL

M. Nielsen.

Neural Networks and Deep Learning.Determination Press, 2015.

└─Backup Slides └─Convolutional NN - Zusatz └─References

Deep Learning

References on Macdisch Pers Reserved
McGellach Pers Reserved
Secretary State reseals of destinated
Analysis and Advisory State
Analysis and Advisory State
Analysis and Advisory State
Analysis and Advisory State
S