

# **Deep Learning**

Einführung - Thema 2

Silas Hoffmann

29. März 2020

Fachhochschule Wedel

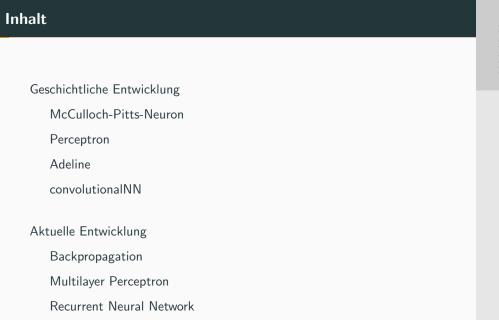
#### Deep Learning

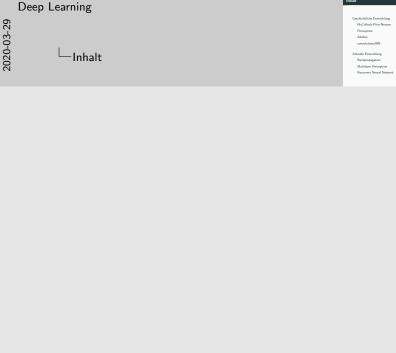
#### Deep Learning

Einführung - Thema 2

W

Silas Hoffmann 29. März 2020 Fachbachschule Wiedd

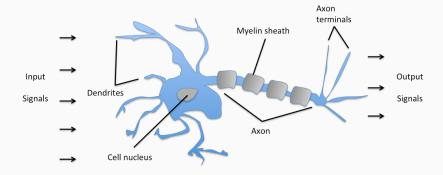




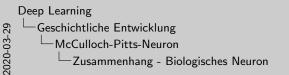
McCulloch-Pitts-Neuron

McCulloch-Pitts-Neuron

## **Zusammenhang - Biologisches Neuron**



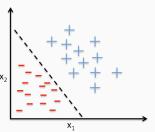
Schematic of a biological neuron.





#### **MP-Neuron**

- Modell soll Funktionalität des biologischen Neurons imitieren
- Klassifizierungsproblem als grundlegende Problemstellung
- Lineare Entscheidungsfunktion zur binären Klassifizierung verwendet



Example of a linear decision boundary for binary classification.

Deep Learning

Geschichtliche Entwicklung

McCulloch-Pitts-Neuron

MP-Neuron

2020-03-29

\*\*\*

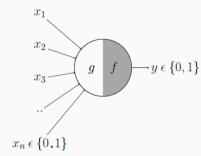
Modell soll Funktionalität des

biologischen Neurons imitierer

Klassifizierungsproblem als grundlegende Problematellung

Lineare Entscheidungsfunktion

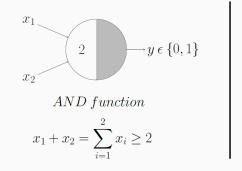
#### Aufbau und Funktionsweise

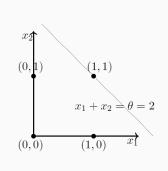


$$g(x_1, x_2, \dots, x_n) = g(x) = \sum_{i=1}^n x_i$$
  $f(g(x)) = \begin{cases} 1 & \text{if } g(x) \ge \theta \\ 0 & \text{if } g(x) < \theta \end{cases}$ 



#### **Notation AND-Gatter**



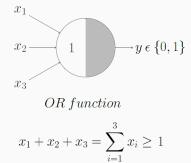


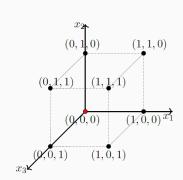
Deep Learning
Geschichtliche Entwicklung
Geschichtliche Entwicklung
McCulloch-Pitts-Neuron
Notation AND-Gatter

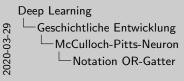


Notation AND-Gatter

#### **Notation OR-Gatter**



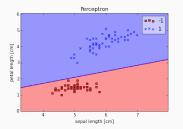


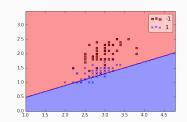




#### Nachteile

- Keine kontinuierlichen Eingabewerte (nur boolesche Werte)
- Schwelle muss manuell gesetzt werden, keine automatische Aktualisierung vorgesehen
- Keine Priorisierungsmöglichkeit der Eingabewerte möglich
- Funktionen müssen durch lineare Entscheidungsfunktion getrennt werden können





# Deep Learning Geschichtliche Entwicklung McCulloch-Pitts-Neuron Nachteile

2020-03-29

chteile

- Keine kontinuierlichen Eingabewerte (nur boolesche Werte)
   Schwelle muss manuell gesetzt werden, keine automatische
- Aktualisierung vorgesehen

   Keine Priorisierungsmöglichkeit der Eingabewerte möglich
- Funktionen müssen durch lineare Entscheidungsfunktion getrennt



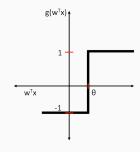


# **Geschichtliche Entwicklung**

Perceptron

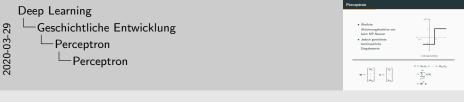
# Perceptron

- Ähnliche
   Aktivierungsfunktion wie
   beim MP-Neuron
- Jedoch gewichtete kontinuierliche Eingabewerte

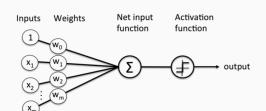


Unit step function.

$$\mathbf{w} = \begin{bmatrix} w_1 \\ \vdots \\ w_m \end{bmatrix} \quad \mathbf{x} = \begin{bmatrix} x_1 \\ \vdots \\ x_m \end{bmatrix} \qquad \begin{aligned} z &= w_1 x_1 + \dots + w_m x_m \\ &= \sum_{j=1}^m x_j w_j \\ &= \mathbf{w}^T \mathbf{x} \end{aligned}$$







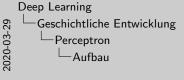
# Schematic of Rosenblatt's perceptron.

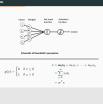
$$g(z) = \begin{cases} 0 & \text{if } z \leq 0 \\ 1 & \text{if } z > 0 \end{cases}$$

$$z = \mathbf{w_0 x_0} + w_1 x_1 + \dots + w_m x_m$$

$$= \sum_{j=0}^m x_j w_j$$

$$= w^T x$$





### Lernregel - Ablauf

- Modell übernimmt selbst die Anpassung der Gewichte
- Test mittels einer Menge von gelabelten Trainingsdatensätzen

#### **Grober Ablauf**

- Initialisiere die Gewichte mit einem sehr kleinen Wert oder 0.
- Für jeden Datensatz der Menge von Trainingsdatensätzen:
  - Berechne den Ausgabewert des Systems
  - Gleiche die Gewichte an

# Deep Learning Geschichtliche Entwicklung Perceptron Lernregel - Ablauf

Modell übernimmt selbst die Anpassung der Gewichte
 Test mittels einer Menge von gelabelten Trziningsdatersätzen

Grober Ablauf

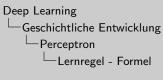
Initialisiere die Gewichte mit einem sehr Meinen Wert oder Für jeden Datensatz der Menge von Trainingsdatensätzen:
• Berechne den Ausgabewert des Systems
• Cielche die Gewichte an

## Lernregel - Formel

#### Angleichung der Gewichte

- Gewichte komponentenweise angleichen:  $w_i := w_i + \Delta w_i$
- Gewichtsänderung:  $\Delta w_i = \eta \left( \text{target}^{(i)} \text{output}^{(i)} \right) x_i^{(i)}$
- Beispiel Iteration mit zweidimensionalem Trainingsvektor:

$$egin{aligned} \Delta \mathit{w}_0 &= \eta (\mathsf{target}^{(i)} - \mathsf{output}^{(i)}) \ \Delta \mathit{w}_1 &= \eta (\mathsf{target}^{(i)} - \mathsf{output}^{(i)}) \, \mathit{x}_1^{(i)} \ \Delta \mathit{w}_2 &= \eta (\mathsf{target}^{(i)} - \mathsf{output}^{(i)}) \, \mathit{x}_2^{(i)} \end{aligned}$$



2020-03-29

de a Formel 

hicklang der Gweichte  $a_1 = a_2 + \Delta a_3$ minnelste komponissensie megleichen  $a_3 = a_3 + \Delta a_3$ minnelste komponissensie megleichen  $a_3 = a_1(a_2a_3^{-1} - a_3a_3^{-1}) + b_3^{-1}$ minnelste herrichten im zusächen Tusiergereckter  $\Delta a_3 = a_1(a_2a_3^{-1} - a_3a_3^{-1})$   $\Delta a_3 = a_1(a_2a_3^{-1} - a_3a_3^{-1}) + b_3^{-1}$   $\Delta a_3 = a_1(a_2a_3^{-1} - a_3a_3^{-1}) + b_3^{-1}$ 

# Lernregel - Trainingsbeispiele

• Trainingsdatensatz richtig erkannt:

$$\Delta w_j = \eta(1^{(i)} - 1^{(i)}) \ x_j^{(i)} = 0$$
$$\Delta w_j = \eta(1^{(i)} - 1^{(i)}) \ x_j^{(i)} = 0$$

• Trainingsdatensatz falsch erkannt:

$$\Delta w_j = \eta(1^{(i)} - -1^{(i)}) \ x_j^{(i)} = \eta(2) \ x_j^{(i)}$$
$$\Delta w_j = \eta(-1^{(i)} - 1^{(i)}) \ x_i^{(i)} = \eta(-2) \ x_i^{(i)}$$

Deep Learning

Geschichtliche Entwicklung

Perceptron

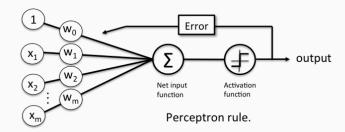
Lernregel - Trainingsbeispiele

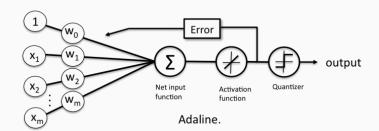
• Tainingdomata richiq rilant:  $\Delta_n = e(t^n - t^n) \cdot t^n = 0$   $\Delta_n = e(t^n - t^n) \cdot t^n = 0$   $\Delta_n = e(t^n - t^n) \cdot t^n = 0$   $\Delta_n = e(t^n - t^n) \cdot t^n = 0$   $\Delta_n = e(t^n - t^n) \cdot t^n = e(t^n - t^n$ 

# **Geschichtliche Entwicklung**

Adeline

## ADAptive LINear Element









# Delta-Regel

- Leralgorithmus durch Erfinder geprägt
- auch unter Least-Mean-Square-Algrithmus bekannt
- Wesentlicher Vorteil: Ableitbare Kostenfunktion

#### Notation

$$J(w) = \frac{1}{2} \sum_{i} (\mathsf{target}^{(i)} - \mathsf{output}^{(i)})^2$$
 output $^{(i)} \in \mathbb{R}$ 

Deep Learning

Geschichtliche Entwicklung

Adeline
Delta-Regel

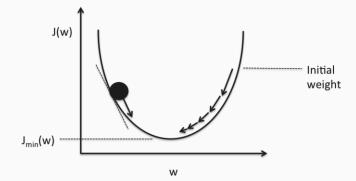
2020-03-29



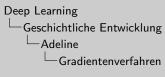
Delta-Regel

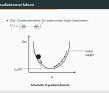
• Ziel: Gradientenvektor für bestimmten Input bestimmen:

$$\nabla J \equiv \left(\frac{\partial J}{\partial w_1}, \dots, \frac{\partial J}{\partial w_m}\right)^T$$
.



Schematic of gradient descent.





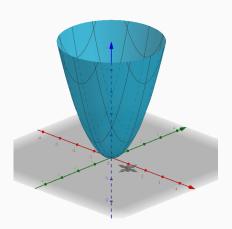
# Partielle Ableitungen

- Differenzieren von Funktionen mit mehreren Eingabewerten
- Beispiel:  $z = f(x) = x^2 + y^2$

#### Partielle Ableitung - Notation

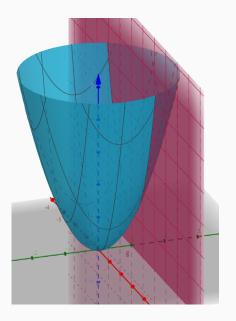
 $\partial AbzuleitendeFkt.$ 

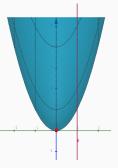
 $\partial B$ etrachteteKomponente



Deep Learning Geschichtliche Entwicklung 2020-03-29 -Adeline Partielle Ableitungen

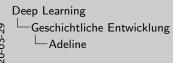




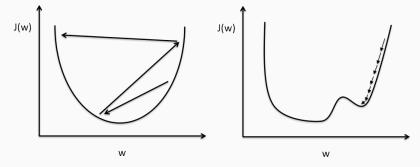


# Ableitung - Beispiel

$$z = f(x, y) = x^{2} + y^{2}$$
$$\frac{\partial z}{\partial x} = 2x \qquad \frac{\partial z}{\partial y} = 2y$$



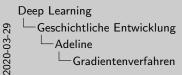


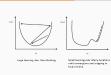


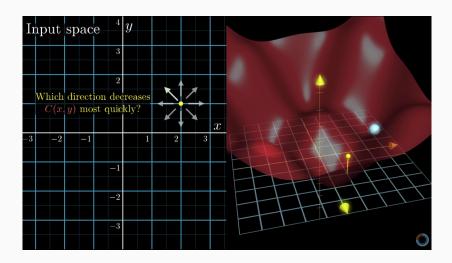
Large learning rate: Overshooting.

Small learning rate: Many iterations until convergence and trapping in

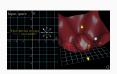
local minima.

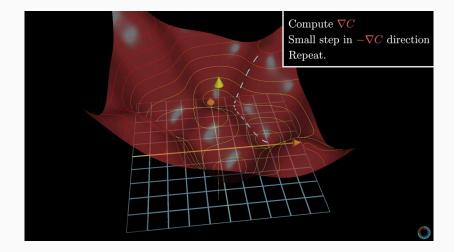




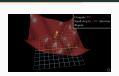


Deep Learning
Geschichtliche Entwicklung
Adeline
Gradientenverfahren





Deep Learning
Geschichtliche Entwicklung
Adeline
Gradientenverfahren



#### **Gradientenverfahren - Anwendung**

Gradientenvektor

$$\nabla J \equiv \left(\frac{\partial J}{\partial w_1}, \dots, \frac{\partial J}{\partial w_m}\right)^T.$$

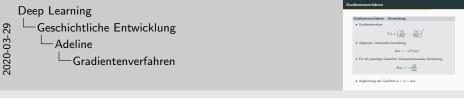
Allgemein: Vektorielle Darstellung

$$\Delta w = -\eta \nabla J(w)$$

• Für die jeweiligen Gewichte: Komponentenweise Darstellung

$$\Delta w_j = -\eta \frac{\partial J}{\partial w_i}$$

• Angleichung der Gewichte  $w = w + \Delta w$ 



# Kostenfunktion ableiten

$$\frac{\partial J}{\partial w_{j}} = \frac{\partial}{\partial w_{j}} \frac{1}{2} \sum_{i} (t^{(i)} - o^{(i)})^{2} 
= \frac{1}{2} \sum_{i} \frac{\partial}{\partial w_{j}} (t^{(i)} - o^{(i)})^{2} 
= \frac{1}{2} \sum_{i} 2(t^{(i)} - o^{(i)}) \frac{\partial}{\partial w_{j}} (t^{(i)} - o^{(i)}) 
= \sum_{i} (t^{(i)} - o^{(i)}) \frac{\partial}{\partial w_{j}} \left( t^{(i)} - \sum_{j} w_{j} x_{j}^{(i)} \right) 
= \sum_{i} (t^{(i)} - o^{(i)}) (-x_{j}^{(i)})$$

Deep Learning

Geschichtliche Entwicklung

Adeline

Kostenfunktion ableiten

Kostenfunktion ableiten

Deep Learning

# **Geschichtliche Entwicklung**

convolutionalNN

Geschichtliche Entwicklung -convolutionalNN convolutionalNN

#### convolutionalNN

Dies hier ist ein Blindtext zum Testen von Textausgaben. Wer diesen Text liest, ist selbst schuld. Der Text gibt lediglich den Grauwert der Schrift an. Ist das wirklich so? Ist es gleichgültig, ob ich schreibe: "Dies ist ein Blindtext" oder "Huardest gefburn"? Kjift – mitnichten! Ein Blindtext bietet mir wichtige Informationen. An ihm messe ich die Lesbarkeit einer Schrift, ihre Anmutung, wie harmonisch die Figuren zueinander stehen und prüfe, wie breit oder schmal sie läuft. Ein Blindtext sollte möglichst viele verschiedene Buchstaben enthalten und in der Originalsprache gesetzt sein. Er muss keinen Sinn ergeben, sollte aber lesbar sein. Fremdsprachige Texte wie "Lorem ipsum" dienen nicht dem eigentlichen Zweck, da sie eine falsche Anmutung vermitteln.

# Deep Learning Geschichtliche Entwicklung convolutionalNN convolutionalNN

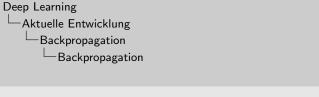
2020-03-29

Dies hier ist ein Blindhest zum Totten von Tectassaghen. Wer diesen Test finst, sis selbst schold. Der Test gibt indight dem Genamer der Schollt als, hat das sollte diese Test gibt indight dem Genamer der Schollt als, hat das sollte diese Schollt an dem Schollt an der Schollt an bei Blindhest bietet mit welchige blindersidene. An ihm mense sich die Leuchstet diese Schollt. hier Amerizung, sich krommerisch der Ergenen zunisrander sollten und grife, sich tent der schmal ist ült. Ein Blindhess allem singlicht wird werschleine Blindshese enthishen und die der Opprängunder gesetzt sies. Ge mass kinnen Som applas, sollte der der Opprängunder gesetzt sies. Ge mass kinnen Som applas, sollte der der Opprängunder gesetzt sies. Ge mass kinnen Som applas, sollte der gegentlichen Zusch, das dem fellsche Amerikang vermitätel.

Backpropagation

# Backpropagation

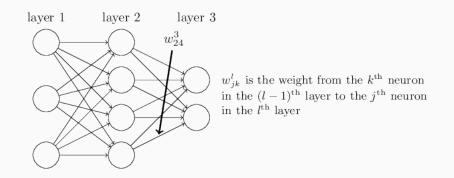
Liegt Kostenfunktion zugrunde



- 1. Kostenfunktion wie bei Gradientenabstieg / Adeline
- 2. Unterschied: Hier mehrschichtiges Netz

- 3. 1970er entwickelt, 1986 von Rummelhart, Hilten und Williams in Paper bekannt gemacht
- 4. Gradientenabstieg grob erläutert, ausgeblieben Anwendung im mehrschichtigen Netz und mehrdimensionale Kostenfunktion

#### Notation



Deep Learning

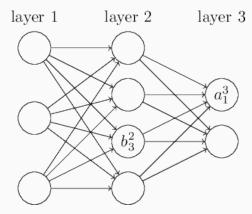
Aktuelle Entwicklung

Backpropagation
Notation



- 1. I: Exponent, steht für die Schicht
- 2. I 1, weil man stets von hinten nach vorne schaut
- 3. Eingabe wird auch als eigene Schicht verstanden
- 4. j: Index Zielneuron
- 5. k: Index Startneuron

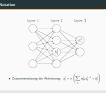
#### **Notation**



• Zusammensetzung der Aktivierung:  $a_j^l = \sigma \left( \sum_k w_{jk}^l a_k^{l-1} + b_j^l \right)$ 

Deep Learning

Aktuelle Entwicklung
Backpropagation
Notation



- 1. Ähnlich zu Gewichtsnotation
- 2. I bezieht sich hierbei jedoch auf aktuelle Schicht
- 3. j wie gehabt Index in Schicht
- 4. Notation gilt auch für Aktivierung a

# Zusammensetzung der Aktivierung

- Zusammensetzung der Aktivierung:  $a_j^l = \sigma \left( \sum_k w_{jk}^l a_k^{l-1} + b_j^l \right)$
- Vektorielle Darstellung der Aktivierung:  $a^l = \sigma(z^l)$
- Gewichtete Eingabe (Z-Wert):  $z' = w'a^{l-1} + b'$



- 1. Wichtig:  $\sigma$  bezieht sich auf Vektor  $\Rightarrow$  Vektorielle Funktion
- 2. Jede Komponente einzeln mit  $\sigma$  verarbeitet
- 3. Abstraktion vom Ausgabewert vor der Aktivierungsfkt. hilft später beim Ableiten

# 2020-03-29

# **Aktuelle Entwicklung**

Multilayer Perceptron

Deep Learning

Aktuelle Entwicklung

Multilayer Perceptron

Aktuelle Entwicklung

# Multilayer Perceptron

Dies hier ist ein Blindtext zum Testen von Textausgaben. Wer diesen Text liest, ist selbst schuld. Der Text gibt lediglich den Grauwert der Schrift an. Ist das wirklich so? Ist es gleichgültig, ob ich schreibe: "Dies ist ein Blindtext" oder "Huardest gefburn"? Kjift – mitnichten! Ein Blindtext bietet mir wichtige Informationen. An ihm messe ich die Lesbarkeit einer Schrift, ihre Anmutung, wie harmonisch die Figuren zueinander stehen und prüfe, wie breit oder schmal sie läuft. Ein Blindtext sollte möglichst viele verschiedene Buchstaben enthalten und in der Originalsprache gesetzt sein. Er muss keinen Sinn ergeben, sollte aber lesbar sein. Fremdsprachige Texte wie "Lorem ipsum" dienen nicht dem eigentlichen Zweck, da sie eine falsche Anmutung vermitteln.

# Deep Learning Aktuelle Entwicklung Multilayer Perceptron Multilayer Perceptron

2020-03-29

Das hier ist ein Birchtent zum Texten von Textrassphire. Wer diesen Text inst., at subst. das Eine pile teiliglich den Casseurer der Schofte has in des solchen San bei geleigtige, den beschreite. Den at ein Birchtert den "Mausbeit gelben" Fight — ministender Ein school der San der San der San der San der San der San der Landstreit der Schoft. hier Austratung sich sentreinis der Eigenen zusiensdere deben und griffe, wie besteht der San halte San der Birchten sellten Birchter wird werschliche Michaelse erfülste and der Gepfelingunde gesetzt sein. Germas biesen Son espiles, sollte der der Gepfelingunde gesetzt sein. Germas biesen Son espiles, sollte der der Gepfelingunde gesetzt sein. Germas biesen Son espiles, sollte der sperifichen Zusich, dass der sich felche Austrage vermittelt.

Multilaver Perceptron

# **Aktuelle Entwicklung**

**Recurrent Neural Network** 

#### **Recurrent Neural Network**

Dies hier ist ein Blindtext zum Testen von Textausgaben. Wer diesen Text liest, ist selbst schuld. Der Text gibt lediglich den Grauwert der Schrift an. Ist das wirklich so? Ist es gleichgültig, ob ich schreibe: "Dies ist ein Blindtext" oder "Huardest gefburn"? Kjift – mitnichten! Ein Blindtext bietet mir wichtige Informationen. An ihm messe ich die Lesbarkeit einer Schrift, ihre Anmutung, wie harmonisch die Figuren zueinander stehen und prüfe, wie breit oder schmal sie läuft. Ein Blindtext sollte möglichst viele verschiedene Buchstaben enthalten und in der Originalsprache gesetzt sein. Er muss keinen Sinn ergeben, sollte aber lesbar sein. Fremdsprachige Texte wie "Lorem ipsum" dienen nicht dem eigentlichen Zweck, da sie eine falsche Anmutung vermitteln.

# Deep Learning Aktuelle Entwicklung Recurrent Neural Network Recurrent Neural Network

2020-03-29

Recurrent Neural Network



# **Deep Learning**

Einführung - Thema 2

Silas Hoffmann

29. März 2020

Fachhochschule Wedel





# Backup slides

Sometimes, it is useful to add slides at the end of your presentation to refer to during audience questions.

The best way to do this is to include the appendixnumberbeamer package in your preamble and call \appendix before your backup slides.

**metropolis** will automatically turn off slide numbering and progress bars for slides in the appendix.



2020-03-29

—Backup slides

Sometimes, it is useful to add slides at the end of your presentation to refer to during audience questions.

The best way to do this is to include the appendixumberbeamer

The best way to do this is to include the appendizzumberbeamer package in your preamble and call \appendix before your backup slides. metropolis will automatically turn off slide numbering and progress bars

#### References i

3Blue1Brown - Videokurs zur Einführung in die Neuralen Netze. https://www.youtube.com/watch?v=aircAruvnKk&list=

PLZHQObOWTQDNU6R1\_67000Dx\_ZCJB-3pi.

Aufgerufen am: 16-03-2020.

Übersicht - verschiedene Architekturen.

https://www.asimovinstitute.org/neural-network-zoo/. Aufgerufen am: 22-03-2020.

Definition Klassifizierungssproblem. http://ekpwww.physik.uni-karlsruhe.de/~tkuhr/ HauptseminarWS1112/Keck\_handout.pdf. Aufgerufen am: 15-03-2020.

#### Deep Learning

2020-03-29

-References

- 38hatBrown Videokum arr Einführung in die Neuralen Netze. https://www.poutube.com/watch?v=aircArumEdklist= ptzgopchurgomben.genoons\_zcls=3pi. Aufgerufen am: 16-03-2020.
  30 Ubreicht - verschiedens Architekturen.
- https://www.animovinstitute.org/neural-network-zoo/ Aufgerufen zm: 22-03-2020.
  - http://ekpwww.phymik.uni=karlsruhe.de/-tkuhr/ Mauptseminar%51112/Keck\_handout.pdf. Aufgenrien am: 15-03-2020.

# References ii

Einführung Convolutional neural network. https://adeshpande3.github.io/A-Beginner% 27s-Guide-To-Understanding-Convolutional-Neural-Networks/.

Aufgerufen am: 18-03-2020.

Öffentliche Datensätze - Übersicht. https://github.com/awesomedata/awesome-public-datasets.

Aufgerufen am: 18-03-2020.

Funktionsweise - CNN.

https://www.ncbi.nlm.nih.gov/pmc/articles/PMC1890437/.

Aufgerufen am: 18-03-2020.

Funktionsweise - CNN.

https://bit.ly/2QGK0Ej.

Aufgerufen am: 18-03-2020.

-References

Deep Learning

Glientliche Datensätze - Übersicht https://github.com/avezomedata/avezome-public-datazets. Aufgerufen am: 18-03-2020 https://www.mcbi.nlm.nih.gov/pmc/articles/PMC1890437/ Aufgerufen am: 18-03-2020 Funktionsweise - CNN httms://bit.lv/20GKOE1

Einführung Convolutional neural network. https://adephpande3.github.io/A-Beginner% 27s-Guide-To-Understanding-Convolutional-Neural-Networks/

#### References iii

Geschichte der Convolutional neuronalen Netze.
https://glassboxmedicine.com/2019/04/13/
a-short-history-of-convolutional-neural-networks/.

Aufgerufen am: 18-03-2020.

Khan Academy - Partielle Ableitungen (Funktion mit zwei Eingabewerten.

https://www.youtube.com/watch?v=1CMDS4-PKKQ&t=542s. Aufgerufen am: 16-03-2020.

Künstliche Neuronale Netzwerke und Deep Learning - Stefan Stelle. https://www.htwsaar.de/wiwi/fakultaet/personen/profile/selle-stefan/Selle2018e\_Kuenstliche\_Neuronale\_Netzwerke.pdf/at\_download/file.

Aufgerufen am: 24-03-2020.

#### Deep Learning

2020-03-29

-References

#### es iii

- Geschichte der Convolutional neuronalen Netze. https://glassboxmedicime.com/2018/04/13/ a-short-history-of-convolutional-neural-networks/ Aufgerufen am: 18-03-2020.
- Khan Academy Partielle Ableitungen (Funktion mit zwei Eingabewerten. https://www.youtube.com/watch?v=1CMCS4~PEXQRt=542a Aufgerufen.am: 16-08-2020.
- Künstliche Neuronale Netzwerke und Deep Learning Stefan Stelle https://www.htwwaar.de/wiwifiakultast/personen/ profile/anile-wifen/Stelle2018e\_Kinematliche\_Neuronale Netzwerke.pdf/an\_download/file. Aufgurufen zem: 24-03-2006.

#### References iv

McCulloch-Pitts Neuron. https://towardsdatascience.com/ mcculloch-pitts-model-5fdf65ac5dd1. Aufgerufen am: 14-03-2020.



classifier/perceptron.py. Aufgerufen am: 16-03-2020.

Single-Layer Neural Networks and Gradient Descent. https://sebastianraschka.com/Articles/2015\_ singlelayer\_neurons.html. Aufgerufen am: 14-03-2020.

M. Nielsen.

Determination Press, 2015.

Neural Networks and Deep Learning.

Deep Learning

-References

