Aplicación de curvas de llenado del espacio en nubes de puntos 3D almacenadas en Octrees

Pablo Díaz, Miguel Yermo, José C. Cabaleiro, Francisco F. Rivera Junio 2025







Centro Singular de Investigad en Tecnoloxías da Información

Índice

- 1. Búsquedas de vecinos
- 2. Curvas de llenado del espacio (SFCs)
- 3. Octrees
- 4. Resultados
- 5. Bibliografía

Búsquedas de vecinos

Dada una nube de puntos tridimensional P, un centro c y un radio r, buscamos encontrar todos los puntos $q \in P$ con ||q - c|| < r. Esta operación extrae la estructura local de la nube, y tiene infinitos usos en el

procesado de nubes de puntos: clusterización, segmentación, extracción de propiedades, . . .

Problema: extraer los vecinos de un gran número de puntos puede ser costoso, y de hecho puede convertirse en el paso más lento dentro del procesado de la nube.

Nubes LiDAR

- Gran tamaño, altamente irregulares en densidad y geometría
- Varios tipos (sensor aéreo vs terrestre)
- Necesidad de métodos optimizados para el cálculo de vecinos

Curvas de llenado del espacio

- Normalmente, los datos de las nubes se almacenan como un vector de puntos, con el orden de escaneo del sensor $LiDAR \rightarrow Mala\ localidad\ espacial$
- Puntos muy cercanos en el espacio tridimensional se pueden encontrar muy alejados en memoria
- ¿Cómo mejorar la localidad? \rightarrow Reordenando la nube mediante una curva de llenado del espacio (Space Filling Curve) [1]

SFCs de Morton y Hilbert

SFC de Morton [6]

- Presenta saltos, menor localidad
- Cálculo en unas pocas instrucciones (LUTs, vectorización)

SFC de Hilbert [4, 5]

- Continua, mejor localidad teórica
- Cálculo iterativo más lento

Reordenando la nube

- 1 Discretización: hallar la bounding box y trasladar todos los puntos al espacio $S_L = [0, 2^L) \times [0, 2^L) \times [0, 2^L) \subset \mathbb{Z}^3$.
- 2 Para cada punto $p = (x, y, z) \in S_L$, hallar su código c de Morton o de Hilbert de 3L bits, marcando su orden en la curva de profundidad L.
- 3 Una vez se han hallado todos los códigos, utilizarlos como índice para reordenar la nube.

Búsquedas de vecinos Curvas de llenado del espacio (SFCs)

Octrees

- 1 Estructura jerárquica de volúmenes (*BVH*) donde el espacio se subdivide recursivamente en 8 octantes.
- 2 Los nodos internos tienen 8 suboctantes, las hojas tienen puntos de la nube.
- 3 Se subdivide hasta que las hojas no tienen más de N_{max} puntos.

¿Cómo almacenar los nodos?

- ightarrow Octrees basados en punteros
- → Octrees lineales

Ventajas

- ightarrow Mucho mejor que fuerza bruta $\mathcal{O}(\log N)$ en vez de $\mathcal{O}(N)$.
- ightarrow Los puntos de las hojas están próximos en memoria gracias a las SFCs.

Desventajas

- \rightarrow Se debe recorrer todo el árbol
- → Muchas redirecciones de punteros, peor localidad del árbol

Optimización con Octrees lineales

Nuestro Octree lineal es una variante de la estructura cornerstone-octree dada por Keller et al. [3], originalmente usada en simulaciones de partículas.

Ideas principales

- ightarrow Cada hoja o nodo interno se puede representar mediante el rango de índices de la nube reordenada, gracias al reordenamiento por SFCs.
- ightarrow La información para enlazar el árbol y realizar las búsquedas también se puede comprimir en un array indicando el primer hijo de cada octante.

- 1 Construcción rápida y altamente paralelizable
- 2 Rangos de índices en la rama disponible en todos los nodos, y consecutivos gracias a las SFCs
- 3 Estructura compacta y contenida en unos pocos arrays, muy buena localidad del árbol

Algoritmo optimizado de búsquedas

Setup experimental

Conjunto de nubes variado: Paris-Lille, DALES, Semantic3D y Speulderbos.

- \rightarrow 2 experimentos principales:
 - 1 Búsquedas aleatorias: 5000 búsquedas en un subconjunto de centros aleatorio $v_c \subset P$, con varios radios, kernels (esfera, círculo, cubo, cuadrado) y combinaciones SFC+Octree.
 - 2 Búsquedas completas: lo mismo pero con $v_c = P$, y realizando las búsquedas con el orden de la nube tras el reordenamiento, para más localidad.
- → Paralelización a nivel de bucle con OpenMP, 40 hilos sobre arquitectura NUMA.

Octree	Reordenamiento	Nombre		
Punteros	Ninguno	poct_unsorted		
	Morton	<pre>poct_mort</pre>		
	Hilbert	poct_hilb		
Lineal	Morton	• loct_mort		
	Hilbert	• loct_hilb		

Resultados

Búsquedas aleatorias - radio (m) vs tiempo acumulado (s) para las 5000 búsquedas en Paris_Luxembourg_6 Búsquedas aleatorias - Tiempo vs tamaño promedio de los vecindarios en varias nubes y configuraciones (escala log-log)

Resultados

Búsquedas completas -Varias nubes, kernel esférico

Nube	n	r (m)	Octree	SFC	Tiempo (s)
11450	10.00M	3.0	Punteros		445.24
				Morton	332.11
Lille_0				Hilbert	324.87
			Lineal	Morton	130.96
				Hilbert	130.20
	12.22M	10.0	Punteros	-	98.04
				Morton	64.99
5080_54400				Hilbert	62.80
			Lineal	Morton	42.66
				Hilbert	46.31
	29.70M	0.1	Punteros	-	118.44
				Morton	106.35
bildstein_station1				Hilbert	103.08
			Lineal	Morton	60.66
				Hilbert	65.11
	429.62M	0.05	Punteros	-	2549.36
				Morton	2243.24
sg27_station8				Hilbert	2208.13
			Lineal	Morton	1273.68
				Hilbert	1427.66

Conclusiones

TODO

Últimos avances

- Método de búsqueda en Octree lineal devolviendo rangos de índices en vez de lista de punteros / índices → Gran mejora para r grande.
- Mejorada la comprobación geométrica para kernels esféricos, a partir del trabajo de Behley et al. [2]
- Con todo esto, búsquedas mucho más rápidas ($\approx 10x$) que los Octrees y KD-Trees de PCL y 2-3x veces más rápidas que el Octree desarrollado por Behley et al. [2]

Referencias I

- [1] Tetsuo Asano et al. "Space-filling curves and their use in the design of geometric data structures". In: *Theoretical Computer Science* 181.1 (1997), pp. 3–15.
- [2] Jens Behley, Volker Steinhage, and Armin B Cremers. "Efficient radius neighbor search in three-dimensional point clouds". In: 2015 IEEE international conference on robotics and automation (ICRA). IEEE. 2015, pp. 3625–3630.
- [3] Sebastian Keller et al. "Cornerstone: Octree Construction Algorithms for Scalable Particle Simulations". In: *Proceedings of the Platform for Advanced Scientific Computing Conference*. PASC '23. ACM, June 2023, 1–10.
- [4] Warren M Lam and JH Shapiro. "A class of fast algorithms for the Peano-Hilbert space-filling curve". In: *Proceedings of 1st International Conference on Image Processing*. Vol. 1. IEEE. 1994, pp. 638–641.

Referencias II

- [5] Yohei Miki and Masayuki Umemura. "GOTHIC: Gravitational oct-tree code accelerated by hierarchical time step controlling". In: *New astronomy* 52 (2017), pp. 65–81.
- [6] Guy M Morton. A computer oriented geodetic data base and a new technique in file sequencing. IBM, Ottawa, Canada. 1966.

