# Aplicación de curvas de llenado del espacio en nubes de puntos 3D almacenadas en Octrees

Pablo Díaz, Miguel Yermo, José C. Cabaleiro, Francisco F. Rivera Junio 2025







Centro Singular de Investigad en Tecnoloxías da Información

# Índice

1. Búsquedas de vecinos

2. Curvas de llenado del espacio (SFCs)

3. Octrees

4. Resultados

# Búsquedas de vecinos

Dada una nube de puntos tridimensional P, un centro c y un radio r, buscamos encontrar todos los puntos  $q \in P$  con ||q - c|| < r.

Esta operación extrae la estructura local de la nube, y tiene infinitos usos en el procesado de nubes de puntos: clusterización, segmentación, extracción de propiedades, . . .

**Problema:** extraer los vecinos de un gran número de puntos puede ser costoso, y de hecho puede convertirse en el paso más lento dentro del procesado de la nube.

### **Nubes LiDAR**

- Gran tamaño, altamente irregulares en densidad y geometría
- Varios tipos (sensor aéreo vs terrestre)
- Necesidad de métodos optimizados para el cálculo de vecinos

# Curvas de llenado del espacio

- Normalmente, los datos de las nubes se almacenan como un vector de puntos, con el orden de escaneo del sensor LiDAR  $\rightarrow$  Mala localidad espacial
- Puntos muy cercanos en el espacio tridimensional se pueden encontrar muy aleiados en memoria
- ullet ; Cómo mejorar la localidad? ightarrow Reordenando la nube mediante una curva de llenado del espacio (Space Filling Curve)

# SFCs de Morton y Hilbert

#### SFC de Morton

- Presenta saltos, menor localidad
- Cálculo en unas pocas instrucciones (LUTs, vectorización)

#### SFC de Hilbert

- Continua, mejor localidad teórica
- Cálculo iterativo más lento

### Reordenando la nube

- 1 Discretización: hallar la bounding box y trasladar todos los puntos al espacio  $S_L = [0, 2^L) \times [0, 2^L) \times [0, 2^L) \subset \mathbb{Z}^3$ .
- 2 Para cada punto  $p = (x, y, z) \in S_L$ , hallar su código c de Morton o de Hilbert de 3L bits, marcando su orden en la curva de profundidad L.
- 3 Una vez se han hallado todos los códigos, utilizarlos como índice para reordenar la nube.

# Relación con las SFCs

# Búsquedas de vecinos optimizadas con cornerstone-octree

# Búsquedas aleatorias y completas

# **Últimos** avances

### **Blocks**

### Normal block

Content

# Example block

Such as  $\alpha < 0.2$ 

### Alert block

Hola

### **Pictures**



Centro Singular de Investigación en **Tecnoloxías** da **Información** 

Figure: CITIUS Logo

# **Tables**

Competitor Name	Swim	Cycle	Run	Total
John T	13:04	24:15	18:34	55:53
Norman P	8:00	22:45	23:02	53:47
Alex K	14:00	28:00	n/a	n/a
Sarah H	9:22	21:10	24:03	54:35

Table: Triathlon results

# **Hyperlinks and Buttons**

contents page Here are some other button commands we can use.

- → columns page
- pictures page
- pictures page

# Top text

Nunc sed pede. Praesent vitae lectus. Praesent neque justo, vehicula eget, interdum id, facilisis et, nibh. Phasellus at purus et libero lacinia dictum. Fusce aliquet. Nulla eu ante placerat leo semper dictum. Mauris metus. Curabitur lobortis. Curabitur sollicitudin hendrerit nunc. Donec ultrices lacus id ipsum.

# **Using Columns**

Nunc sed pede. Praesent vitae lectus. Praesent neque justo, vehicula eget. interdum id. facilisis et. nibh. Phasellus at purus et libero lacinia dictum. Fusce aliquet. Nulla eu ante placerat leo semper dictum. Mauris metus. Curabitur lobortis. Curabitur sollicitudin hendrerit nunc. Donec ultrices lacus id ipsum.

Nunc sed pede. Praesent vitae lectus. Praesent negue justo, vehicula eget. interdum id. facilisis et. nibh. Phasellus at purus et libero lacinia dictum. Fusce aliquet. Nulla eu ante placerat leo semper dictum. Mauris metus. Curabitur lobortis. Curabitur sollicitudin hendrerit nunc. Donec ultrices lacus id ipsum.

