

Rapport IA41

Esteban Becker | Pierre-Olivier Cayetanot | Yann Derré | Tom Palleau

A22

Résumé

Notre projet planifie les livraisons qu'un livreur doit effectuer entre ses arrêts. Ainsi, l'utilisateur (le livreur) pourra entrer son point de départ, ainsi qu'une liste de destinations à livrer. En utilisant les données d'un site de cartographie, le programme va planifier l'itinéraire le plus rapide pour sa tournée et l'afficher à l'utilisateur.

Pour résoudre ce problème, nous mettrons en applications les notions et algorithmes vus en cours. Nous avons également implémenté d'autres algorithmes nécessaires afin de relier les destinations entre elles de manière optimale.

Afin de rester dans les limites de la matière, nous nous sommes concentrés principalement sur l'implémentation de la recherche du graphe, choisissant d'utiliser des librairies déjà existantes comme [OSMnx](#) pour l'acquisition des données depuis l'API d'OpenStreetMap, et l'affichage des résultats via [Folium](#).

Enfin, nous reflèterons sur les limitations des technologies choisies, ainsi que les évolutions futures pour une éventuelle implémentation sur le terrain.

Voici la répartition de la charge de travail sur ce projet :

- Yann Derré : Recherche des librairies, création de l'interface, implémentation A*
- Esteban Becker : Implémentation TSP | Ants Algorithm, Dijkstra
- Pierre-Olivier Cayetanot : Implémentation TSP | Christofides
- Tom Palleau : Implémentation Pairwise exchange

Le code est consultable sur GitHub : github.com/pcayetan/projet_IA41

Table des matières

I	Interface et choix des librairies	3
II	Résolution du problème	3
1	Étapes de résolution du problème	4
1.1	Création du graphe orienté et complet	5
1.1.1	Structure de donnée du graphe simplifié	5
2	Recherche d'un itinéraire le plus court entre deux points	5
2.1	A* Heuristique	6
2.2	Dijkstra bidirectionnel	7
3	Résolution du problème du voyageur de commerce	7
3.1	L'algorithme des fourmis	7
3.1.1	Choix de l'itinéraire pour une fourmi	7
3.1.2	Exemple de choix avec une fourmi	8
3.1.3	Mise à jour des phéromones	9
3.1.4	Exemple de mise à jour des phéromones	9
3.1.5	Paramètres	9
3.2	L'algorithme de Christofides	9
3.2.1	Introduction	9
3.2.2	Explication du fonctionnement général de l'algorithme de Christofides . . .	10
3.2.3	Explication détaillée de l'algorithme	11
3.2.4	Preuve simplifiée expliquant l'utilisation de l'arbre couvrant minimal et des couplages parfaits	12
3.2.5	Les algorithmes utilisés	12
3.3	Pairwise Exchange	12
3.3.1	Introduction	12
3.3.2	Graphe de référence	12
3.3.3	Créer un graphe lambda	13
3.3.4	Échanger les liaisons	13
4	Limites	14
III	Conclusion	15
IV	Annexe	16
A	Algorithmes	16
A.1	Heap	16
A.1.1	heap_push	16
A.1.2	heap_pop	17
A.2	A* bidirectionnel	17
A.3	Algorithme des Fourmis	18
A.3.1	AlgorithmeDesFourmis	18
A.4	RechercheFourmis	19
A.5	MettreAJourPheromones	19

A.6	Algorithme de pairwise exchange	19
A.7	Algorithme de Christofides	20
A.8	Algorithme de Prim	20
A.9	Algorithme de Hierholzer	21
B	Test des paramètres	22
B.1	Algorithme des fourmis	22
C	Listing :	24
C.1	main.py	24
C.2	algorithms	29
C.2.1	ant_colony.py	29
C.2.2	astar.py	33
C.2.3	christofides.py	35
C.2.4	dijkstra.py	39
C.2.5	pairwise_exchange.py	41
C.3	graph_tools	43
C.3.1	ConstructGraph.py	43
C.3.2	TSP_solver.py	44

Première partie

Interface et choix des librairies

L'interface est réalisée avec la librairie PyQt, permettant de réaliser des interfaces QT directement depuis notre projet Python.

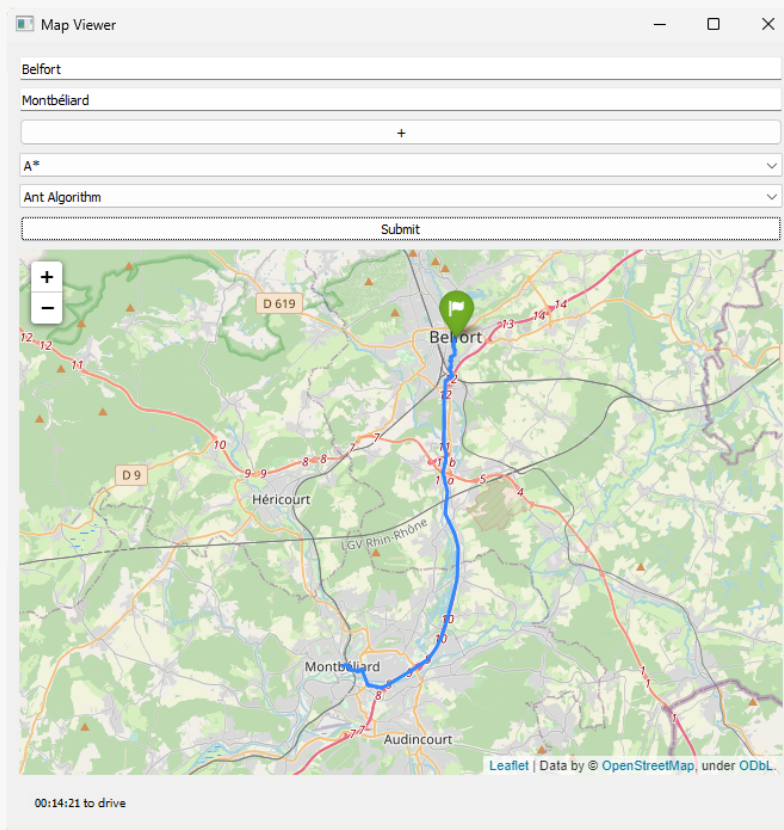


FIGURE 1 – UI du programme

Nous avons également fait appel à d'autres librairies pour remplir les fonctions en dehors de l'UV, notamment la génération de la carte, ainsi que l'acquisition des données depuis OpenStreetMap.

- la librairie **OSMnx** nous permet d'obtenir les données en JSON depuis l'API d'OpenStreetMap, et nous les transforme en Graph NetworkX avec lequel nous interagissons pour l'exploration et la simplification.
- la librairie **Folium** nous permet de générer une carte interactive en Javascript en fournissant directement notre Graphe. Il utilise également les calques d'OpenStreetMap, nous permettant de superposer notre route de manière précise.
- la librairie **goip2** nous permet de localiser l'utilisateur afin de pré-générer en cache un graphe de sa zone locale avant l'affichage du programme pour une recherche dans son environnement proche.

Deuxième partie

Résolution du problème

1 Étapes de résolution du problème

Pour résoudre ce problème de planification, nous avons découpé ce problème en deux sous problèmes

- Premièrement, nous calculons les meilleurs itinéraires entre chacun des points que nous voulons relier pour créer un graphe orienté et complet où chaque nœud est une des adresses à visiter. Chacune des arêtes contient le temps de trajet estimé et le chemin réel à effectuer.
- Dans un second temps, nous utilisons un algorithme de résolution du problème du voyageur de commerce. Ce problème ne peut être résolu exactement dans un temps convenable : c'est un problème np-difficile. On est face à une explosion combinatoire (Avec 20 villes, il existe $6,082 \times 10^{16}$ combinaisons). On est donc face à un problème d'optimisation combinatoire.

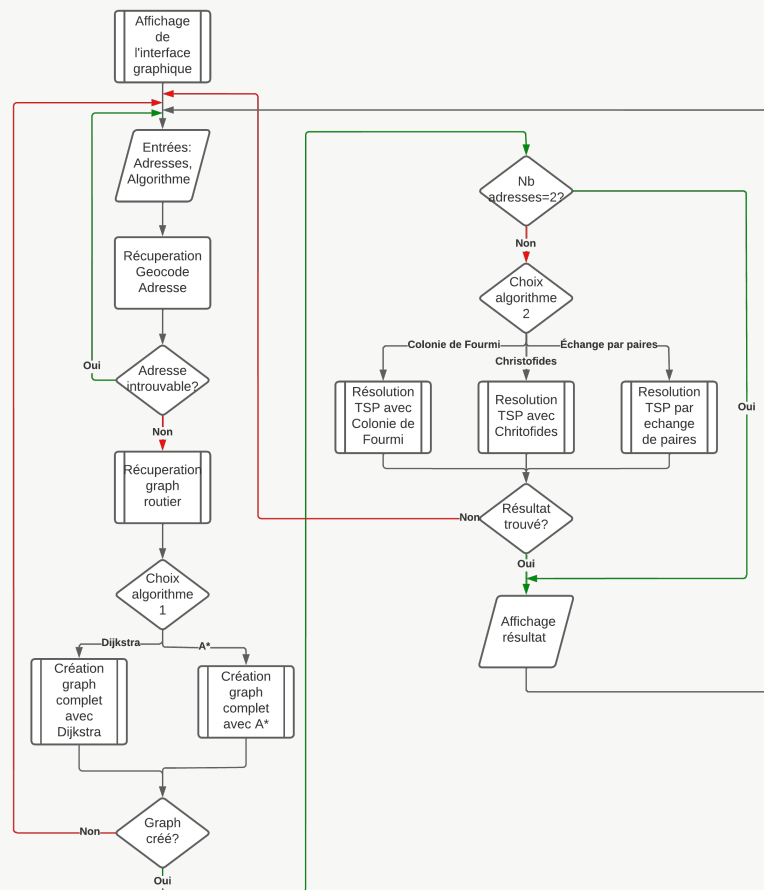


FIGURE 2 – Algorithme de la résolution du problème

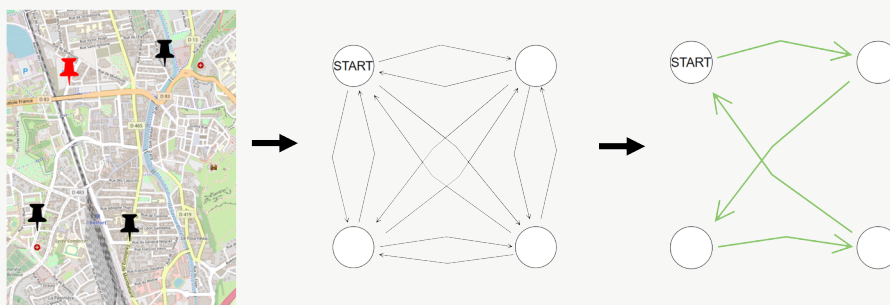


FIGURE 3 – Les différentes étapes de résolution

1.1 Création du graphe orienté et complet

Pour créer le graphe orienté et complet, nous utilisons un algorithme permettant de trouver l'itinéraire le plus court entre deux points pour chaque combinaison de points de départs et d'arriver.

Cette étape est donc de complexité quadratique. Il s'agit probablement de la prochaine piste d'amélioration à étudier pour ce programme. On pourrait imaginer un élagage des possibilités en fonction de leur distance à vol d'oiseau et ne calculer que les itinéraires entre les points les plus proches.

1.1.1 Structure de donnée du graphe simplifié

Après l'exécution de tous les algorithmes, le graphe simplifié est stocké à l'aide d'un dictionnaire de dictionnaire contenant une liste et une valeur de temps. La liste est la liste des nœuds réels à visiter.

Ainsi par exemple pour connaître le temps de trajet entre le nœud A et le nœud B, on utilise la ligne :

```
1 time = graphe[A][B]["time"]
```

2 Recherche d'un itinéraire le plus court entre deux points

Pour trouver l'itinéraire le plus court, nous avons utilisé au choix l'algorithme bidirectionnel de Dijkstra ou A*. Il faut noter que l'algorithme de Dijkstra est identique à celui de A* mais avec une heuristique nulle.

Contrairement à l'algorithme A* vu en cours et l'algorithme bidirectionnel de A* explore le graphe en alternance depuis le point de départ et depuis le point d'arrivée.

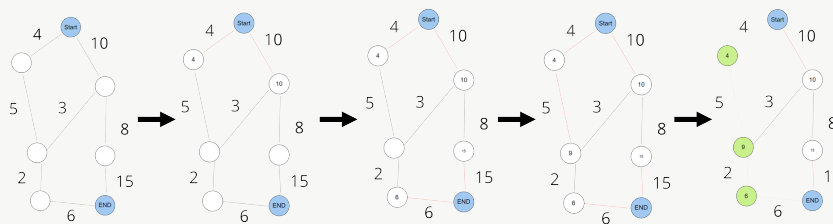


FIGURE 4 – Exemple de resolution d'un Dijkstra bidirectionnelle

Dans notre code, cela se traduit par

```
1 while to_explore[0] and to_explore[1]:
2     direction = 1 - direction #Switch direction
3     ( _ , dist, v) = pop(to_explore[direction])
```

Nous arrêtons la recherche quand le nœud en cours d'exploration est présent dans les nœuds déjà explorés en sens inverse. Pour stocker la liste des nœuds à visiter par ordre de priorité (temps le plus court pour y accéder) nous utilisons la structure du tas qui permet d'accéder rapidement à l'élément ayant la plus petite valeur.

Pour utiliser cette structure de donnée, nous avons utilisé la bibliothèque `heapq`. Pour plus d'informations sur les tas, voir l'annexe [A.1](#)

2.1 A* Heuristique

Dans l'algorithme bidirectionnel A*, la fonction heuristique est un composant essentiel qui permet d'orienter la recherche vers le nœud cible en estimant la distance entre le nœud courant et la cible. Lors du choix d'une fonction heuristique, il est important de prendre en compte à la fois la précision de l'estimation et le coût de calcul du calcul de la distance.

Dans l'implémentation proposée, le temps pour parcourir la distance orthodromique à 30 km/h a été choisie comme fonction heuristique sur la distance euclidienne pour plusieurs raisons. Premièrement, elle fournit une bonne estimation de la distance réelle entre deux nœuds à la surface de la Terre.

$$d = R \arccos(\sin(\varphi_1) \sin(\varphi_2) + \cos(\varphi_1) \cos(\varphi_2) \cos(\lambda_1 - \lambda_2)) \quad (1)$$

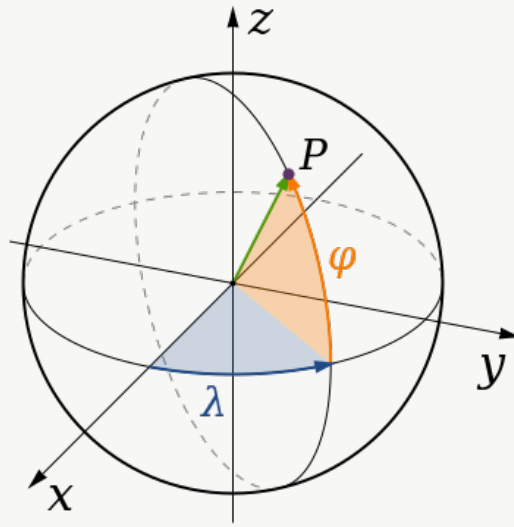


FIGURE 5 – Latitude and longitude coordinates on a sphere

Il est calculé en supposant que la Terre soit une sphère parfaite et en utilisant des formules trigonométriques pour déterminer le chemin le plus court entre les deux points sur la surface de la sphère. Cela la rend généralement plus précise que la distance euclidienne, qui suppose que la Terre est un plan plat et ne tient pas compte de la courbure de la surface de la Terre.

Cependant, la distance orthodromique peut être plus coûteuse en calcul que la distance euclidienne, qui est calculée à l'aide du théorème de Pythagore et nécessite moins de calculs. Malgré cela, la distance orthodromique a toujours été choisie comme fonction heuristique, car sa précision l'emporte sur le coût de calcul supplémentaire dans ce cas.

Dans l'ensemble, la distance orthodromique est un bon choix pour la fonction heuristique dans l'algorithme bidirectionnel A* puisqu'elle fournit une bonne estimation de la distance réelle entre deux nœuds et est relativement facile à calculer, bien qu'elle nécessite plus de calculs que la distance euclidienne.

Ce choix de 30 km/h est cohérent dans le cadre de notre problématique, le livreur opérant dans une ville.

Voici ci-joint l'implémentation en python de la fonction heuristique

```
1 def heuristic(u, v):  
2     # Get the latitude and longitude coordinates of the nodes
```



```

3         lat1 = Graph.nodes[u]["y"]
4         lon1 = Graph.nodes[u]["x"]
5         lat2 = Graph.nodes[v]["y"]
6         lon2 = Graph.nodes[v]["x"]
7
8         # Convert the coordinates to radians
9         lat1 = lat1 * math.pi / 180
10        lon1 = lon1 * math.pi / 180
11        lat2 = lat2 * math.pi / 180
12        lon2 = lon2 * math.pi / 180
13
14        # Calculate the great circle distance between the two points
15        a = math.sin((lat2-lat1)/2)**2 + math.cos(lat1) * math.cos(lat2) *
math.sin((lon2-lon1)/2)**2
16        c = 2 * math.atan2(math.sqrt(a), math.sqrt(1-a))
17        d = 6371 * c #Get distance (km)
18        t = (d / 30) * 3600 #Convert to seconds at 30 km/h
19
20        return t

```

2.2 Dijkstra bidirectionnel

Pour l'algorithme de Dijkstra, nous utilisons le même que celui de A* mais avec une fonction d'heuristique nulle.

3 Résolution du problème du voyageur de commerce

Le problème du voyageur de commerce peut avoir une complexité exponentielle, ce qui en fait un problème de planification particulièrement complexe à résoudre.

3.1 L'algorithme des fourmis

L'algorithme des fourmis est un algorithme métaheuristique d'optimisation visant à résoudre le problème du voyageur. Cet algorithme est inspiré de la biologie avec des fourmis qui se déplacent le long d'un graphe déposant en des phéromones sur leur passage.

Nous avons donc un objet colonie de fourmis, cet objet est composé d'une liste d'objet fourmis. Chaque fourmi va effectuer un parcours, une fois le parcours effectué, chaque fourmi déposera des phéromones sur le chemin qu'elle a emprunté et influencera ainsi la prochaine génération de fourmis. À chaque génération, l'algorithme mémorise la meilleure fourmi pour renvoyer à la fin le chemin qu'à effectuer la meilleure fourmi. Si la meilleure fourmi n'a pas été amélioré après un certain nombre d'itérations, l'algorithme s'arrête.

Les algorithmes détaillés peuvent être trouvés dans l'annexe [A.9](#)

3.1.1 Choix de l'itinéraire pour une fourmi

Lors de la première génération, les fourmis sélectionnent aléatoirement leur chemin, cela permet d'augmenter l'exploration.

Lors des générations suivantes, les fourmis sélectionnent aléatoirement un chemin en utilisant la formule de probabilité suivante récupéré sur Wikipédia :

$$p_{xy}^k = \frac{(\tau_{xy}^\alpha)(\eta_{xy}^\beta)}{\sum_{z \in \text{allowed}_x} (\tau_{xz}^\alpha)(\eta_{xz}^\beta)}$$

Où τ_{xy} est la quantité de phéromones déposée et $\eta_{xy} = 1/\text{temps}_{xy}$ avec xy le chemin de x à y . α et β sont des paramètres définis lors de la création de la colonie qui influencent respectivement sur l'importance des phéromones et du temps de trajet sur le trajet xy

η_{xy} étant toujours inférieur à 1, quand on augmente β , l'importance du paramètre associé baisse.

3.1.2 Exemple de choix avec une fourmi

Ici une fourmi arrive à un nœud. L'agent n'est pas omniscient, il sait uniquement quels sont les nœuds adjacents qu'il peut rejoindre, le temps de trajet et les phéromones déposés dessus :

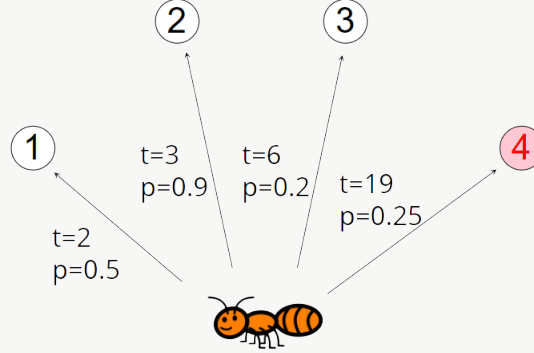


FIGURE 6 – Exemple de résolution de choix d'une fourmi

Sur le schéma ci-dessus, la valeur t correspond au temps de trajet et p la valeur de phéromones. Dans notre exemple, on prend $\alpha = 0.5$ et $\beta = 2$

— Dans un premier temps, la fourmi va attribuer une valeur pour chaque chemin en fonction des phéromones et du temps de trajet estimé :

1. $p' = 0.5^{0.5}(\frac{1}{2})^2 = 0.18$

2. $p' = 0.9^{0.5}(\frac{1}{3})^2 = 0.11$

3. $p' = 0.2^{0.5}(\frac{1}{6})^2 = 0.01$

4. Le numéro 4 a déjà été visité, il n'est donc pas pris en compte.

— Ensuite, on normalise le tout pour que la somme vaille 1 :

$$0.18 + 0.11 + 0.01 = 0.3$$

$$\frac{0.18}{0.3} = 0.6$$

$$\frac{0.11}{0.3} = 0.37$$

$$\frac{0.01}{0.3} = 0.03$$

— Enfin, on tire un nombre aléatoire entre 0 et 1, ici 0.7 :

1. $0.7 > 0.6$ ainsi, la fourmi ne prendra pas ce chemin. On effectue l'opération : $0.7 - 0.6 = 0.1$

2. $0.1 < 0.37$ ainsi la fourmi prendra le chemin 2.

Et cette étape est effectuée en boucle jusqu'à ce que la fourmi ait visité tous les nœuds ou soit bloqué.

3.1.3 Mise à jour des phéromones

Une fois que toutes les fourmis d'une génération ont terminé leur tour, il faut mettre à jour les phéromones. Encore une fois, nous avons utilisé la formule de Wikipédia :

$$\tau_{xy} \leftarrow (1 - \rho)\tau_{xy} + \sum_k^m \Delta\tau_{xy}^k$$

Où ρ est le coefficient d'évaporation. Plus il est élevé, plus les fourmis favoriseront l'exploration et $\Delta\tau_{xy}^k$ la quantité de phéromones déposées par une fourmi. Dans notre cas, cette valeur est définie par : $\Delta\tau_{xy}^k = 1/L_k$ si la fourmi k est passée par le chemin xy , sinon $\Delta\tau_{xy}^k = 0$. L_k est le temps estimé de parcours du chemin qu'à effectuer la fourmi k

Lors des tests, nous nous sommes rendus compte que si aucune fourmi ne prend un chemin lors de la première génération, ce chemin ne sera plus exploré. En effet, la valeur de phéromones vaudra 0, et ainsi la probabilité de passer par ce chemin vaudra 0. Pour contourner ce problème, à la fin de la première exploration, la valeur de phéromone de tous les chemins non exploré est égale à $\Delta\tau_{xy}^k = 1/\max\{L\}$ où L est la liste de tous les temps de parcours des fourmis. Cela revient à considérer que tous les chemins non explorés sont au potentiellement aussi intéressent que le pire chemin effectué lors de la première génération.

3.1.4 Exemple de mise à jour des phéromones

Imaginons un chemin du nœud 4 au nœud 6 ayant une valeur de phéromone de 0,6 et $\rho = 0.4$

- Il faut commencer par faire s'évaporer les phéromones. $(1 - 0.4)0.6 = 0.36$
- Maintenant, il faut ajouter les phéromones des fourmis qui sont passées par ici :
 - Cette fourmi à fait le trajet : 1 2 6 5 4 3 en 18 secondes, elle n'est donc pas passée par 4 6. On ne fait rien pour ce chemin
 - Cette fourmi à fait le trajet : 1 5 4 6 3 2 en 5 secondes, elle est donc passée par ce chemin. On met à jour la valeur du chemin 4 à 6 : $0.36 + \frac{1}{5} = 0.61$

Et on répète ces étapes pour chaque chemin.

3.1.5 Paramètres

Lors de nos tests, nous nous sommes rendus compte de l'importance des paramètres. Avec les bons paramètres, nous étions capables d'obtenir de meilleurs résultats en un temps plus faible. Pour voir les résultats de tous les tests effectués, se reporter à l'annexe B.1

Les paramètres choisis sont donc :

Nombre de fourmis	25
α	0.75
β	3
ρ	0.1
ω	50

3.2 L'algorithme de Christofides

3.2.1 Introduction

L'algorithme de Christofides est un algorithme permettant de trouver des approximations de solutions au problème de voyageur de commerce. Il garantit que la solution sera au maximum d'un coût d'un facteur de $3/2$ de la solution optimale, et était l'algorithme avec la meilleure approximation pour un temps polynomial (complexité n^2). Un nouvel algorithme, trouvé en 2020 et basé sur celui de Christofides, permet une amélioration à un facteur de $1,5 - 10^{-36}$.

3.2.2 Explication du fonctionnement général de l'algorithme de Christofides

À partir d'un graphe complet $G=(V,E)$ dont les poids respectant l'inégalité triangulaire, l'algorithme peut être décrit à l'aide de 5 grandes étapes :

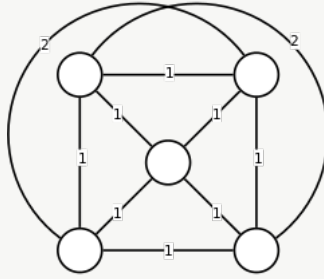


FIGURE 7 – Graphe $G=(V,E)$

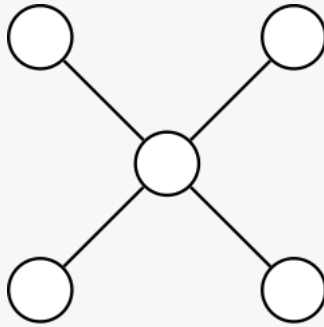


FIGURE 8 – 1. Créer l'arbre couvrant de poids minimal T de G

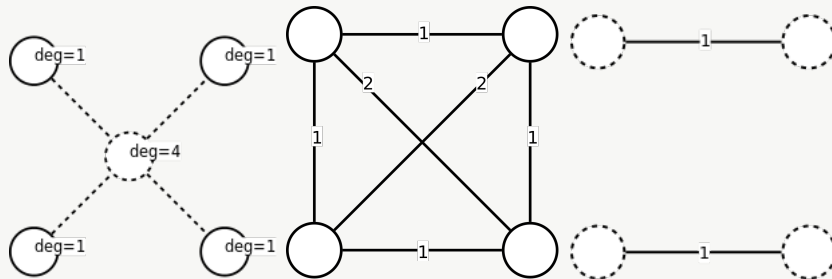


FIGURE 9 – 2. Soit O le set contenant les arêtes de degré impairs de T . Calculer le set de couplages parfait M de poids minimum dans le sous-graphe induit par les sommets de T

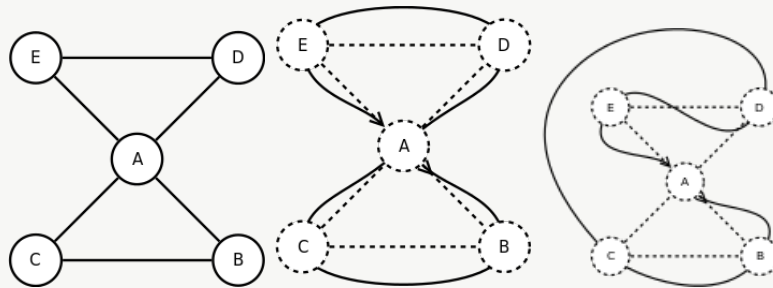


FIGURE 10 – Ajouter les arêtes de M et T à un graphe H (3), calculer le cycle Eulerien dans H (4), calculer le cycle Hamiltonien. (5)

Images venant de : https://fr.wikipedia.org/wiki/Algorithme_de_Christofides?uselang=fr

3.2.3 Explication détaillée de l'algorithme

Nous cherchons à créer un chemin dans lequel chaque sommet est visité une unique fois, soit un cycle Hamiltonien. D'après le théorème de Dirac, un graphe simple avec N sommets ($3 \leq n$) est Hamiltonien si chaque sommet est de degré $n/2$ ou supérieur. Le degré d'un sommet est simplement le nombre d'arêtes attachées à celui-ci.

Dans notre programme, l'algorithme de Christofides prend en entrée un graphe simple, non orienté, et complet. Un graphe complet à tous ses sommets directement connectés par une arête. Les graphes complets que nous utilisons dans le programme possèdent nécessairement 3 sommets ou plus pour pouvoir être utilisé dans le TSP, et possèdent donc un cycle Hamiltonien.

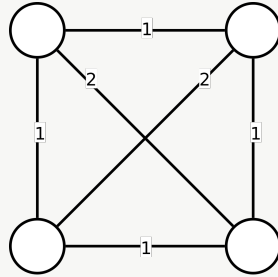


FIGURE 11 – Exemple de graphe complet à 4 arêtes

Nous cherchons donc ce cycle Hamiltonien. Or, un circuit Eulérien possède nécessairement un circuit Hamiltonien : il faut simplement enlever du chemin les arêtes visitées à plusieurs reprises. Pour qu'un graphe possède un circuit Eulérien, il faut que chacun de ses sommets soit de degré pair.

Pour obtenir ce graphe, l'algorithme de Christofides additionne les arêtes produites par deux sous algorithmes :

1. L'arbre couvrant minimal

Un arbre couvrant minimal⁸ est un arbre connectant l'ensemble des sommets d'un graphe à poids non dirigé, sans cycle et possédant un poids total minimum.

Mais, tous les sommets de cet arbre ne sont pas de degré pair, et nous devons donc corriger cela pour créer le graphe permettant de calculer le cycle Eulérien. Nous prenons donc l'ensemble I des sommets à degré impair de l'arbre.

Or par le lemme des poignets de main, et I étant un graphe composé uniquement de sommets de *degré* impairs, I possède donc un nombre de *sommets* pair, ce qui est parfait pour l'algorithme suivant.

2. L'algorithme de couplage parfait à poids minimum

L'algorithme de couplages parfait à poids minimum⁹ a besoin et produit, par définition, des couplages, c'est-à-dire des paires de sommets, relié par une seule arête. L'ensemble des sommets sont donc de degré 1. I ayant un nombre pair de sommets, cet algorithme peut être utilisé.

Additionner les arêtes du couplage parfait permet donc d'ajouter un degré aux sommets impairs de l'arbre couvrant, et donc d'obtenir un multigraphe avec uniquement de sommets de degré pair. L'utilisation des algorithmes à poids minimaux dans les deux cas permet d'obtenir un multigraphe plus optimisé pour chercher un cycle Hamiltonien¹⁰ avec un poids minimal.

3.2.4 Preuve simplifiée expliquant l'utilisation de l'arbre couvrant minimal et des couplages parfaits

Voici une preuve permettant de comprendre l'intérêt d'utiliser l'addition des couplages parfaits et des arêtes à degré impair. Source de la preuve : https://fr.wikipedia.org/wiki/Algorithme_de_Christofides

Soit U le cycle Hamiltonien de poids minimum, et $c(U)$ son poids.

L'arbre couvrant de poids minimum T est de poids inférieur ou égal au poids de U (c'est-à-dire $c(T) \leq c(U)$), car en enlevant une arête au cycle, on obtient un arbre couvrant.

Le couplage trouvé par l'algorithme est de poids inférieur ou égal à $\frac{1}{2}c(U)$. En effet, si on considère le cycle Hamiltonien de poids minimum sur le sous graphe induit par les sommets de degré impair, on a un poids inférieur ou égal à $c(U)$ du fait de l'inégalité triangulaire, et en prenant une arête sur deux de ce cycle (qui est de longueur paire puisque constitué d'un nombre pair de sommets) on obtient un couplage qui est de poids inférieur à la moitié du poids du cycle (si ce n'est pas le cas on peut prendre le complémentaire).

D'où un poids final majoré par $c(T) + \frac{1}{2}c(U) \leq \frac{3}{2}c(U)$: noter que la transformation du cycle Eulérien en cycle Hamiltonien ne peut pas faire croître le poids grâce à l'inégalité triangulaire.

3.2.5 Les algorithmes utilisés

1. Cycle Eulérien : algorithme de Hierholzer
2. Arbre couvrant à poids minimum : algorithme de Prim
3. Couplages parfait à poids minimum

Nous utilisons une implémentation de la bibliothèque networkx du "Blossom algorithm" de Edmonds, faisant un couplage parfait à poids maximum. Nous inversons simplement les poids avant, permettant l'obtention du couplage parfait à poids minimum.

Les autres algorithmes utilisés, notamment le shortcutting permettant de trouver le cycle Hamiltonien, ainsi que l'algorithme regroupant les sommets de degré impair, sont simples et n'ont pas de nom.

Les algorithmes de Hierholzer et de Prim sont détaillés en annexe.

3.3 Pairwise Exchange

3.3.1 Introduction

L'algorithme Pairwise Exchange est un algorithme permettant de trouver de manière aléatoire une solution au problème du voyageur. Il alterne aléatoirement des liaisons n fois et garde le graphe le moins coûteux en distance total.

3.3.2 Graphe de référence

Afin de pouvoir échanger les liaisons, il est important de connaître le poids de toutes les liaisons pour calculer le poids total à chaque échange de liaison. En utilisant l'algorithme de son choix (Dijkstra, A^* , ...) pour calculer le poids entre chaque point, on crée un graphe étoile qui servira de référence.

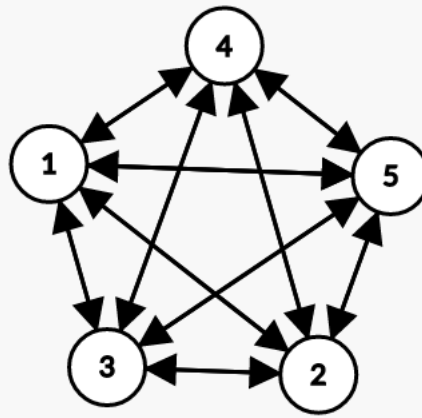
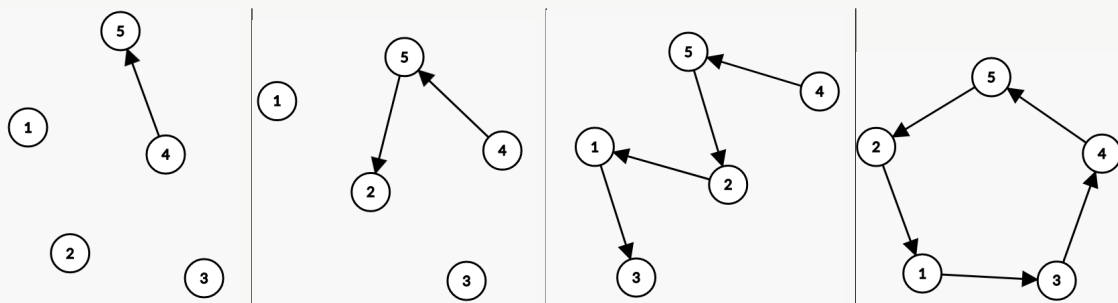


FIGURE 12 – Exemple de graphe complet à 5 noeuds chaque liaisons possède un poids

3.3.3 Créer un graphe lambda

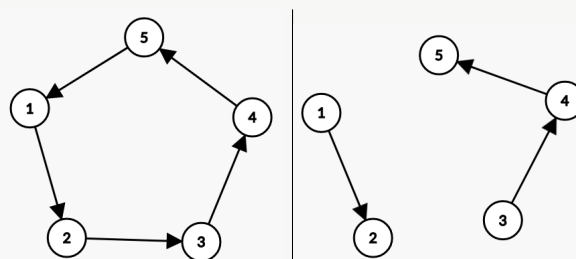
Avant de pouvoir échanger aléatoirement des liaisons, il faut d'abord créer un graphe. Pour cela, on relie un point aléatoire avec le plus proche, puis avec son point le plus proche mis à part ceux déjà reliés.



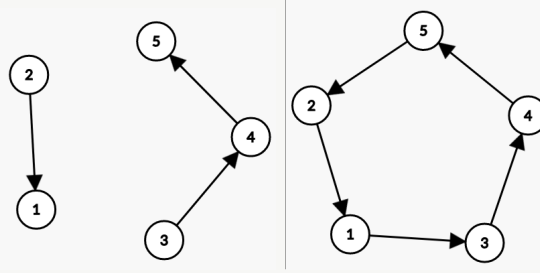
3.3.4 Échanger les liaisons

L'échange de liaisons se fait par récursion. Cela permet qu'une permutation de liaisons qui empire seulement avec 1 échange sera tout de même maintenue pour le 4ème échange qui aura peut-être un poids plus léger que celui d'origine. Une fois que le graphe le plus bas de la récursion a été atteint, on filtre le graphe le plus léger en remontant la récursion.

L'échange de liaisons se fait en 2 temps. On sélectionne d'abord aléatoirement deux liaisons avec aucun point en comment ($A \rightarrow B$ $B \rightarrow C$ ne marche par exemple).



Il faut ensuite inverser une de la moitié du graphe (puisque le graphe est directionnel) puis relier à nouveaux les deux moitiés avec les nouvelles liaisons.



Les inversions de moitié de graphe et les ajouts des nouvelles liaisons se font à l'aide du graphe de référence qui sert à indiquer les nouveaux poids des nouvelles liaisons.

4 Limites

Lors de la conception du projet, nous avons observé des limitations bridant considérablement la performance de notre projet.

1. **L'obtention des données via l'API** : demandant parfois beaucoup de données à OpenStreetMap pour construire notre Graphe, nous sommes limités sur notre portée à cause de timeouts de 180s. Effectuer des trajets sur de longues distances est actuellement excessivement cher.
2. **Python** : Bien qu'étant crossplatform sur les ordinateurs, notre projet est limité en vitesse par le langage imposé. Nos efforts de parallélisation n'ont pas été satisfaisants.
3. **PyQT** : Malgré une meilleure modularité que tkinter pour créer des UI sur des projets Python, nous avons été bloqués par les possibilités de customisation via CSS, sachant que notre carte est affichée par un script Javascript dans une fenêtre Chromium. D'autres Frameworks pourraient nous offrir une meilleure flexibilité pour un usage commercial.

Troisième partie

Conclusion

Au cours de ce projet, nous avons développé un système de navigation qui utilise une variété d'algorithmes pour aider les utilisateurs à trouver le chemin le plus court.

L'un des principaux défis auxquels nous avons été confrontés lors du développement de ce système a été de trouver les algorithmes les plus efficaces à utiliser. Nous avons expérimenté plusieurs algorithmes différents, y compris ceux que nous avons vus en classe et de nouveaux que nous avons implémenté nous-mêmes.

Nous avons constaté que **la combinaison des algorithmes A*, Dijkstra, avec un algorithme des Fourmis et Christofides était la solution la plus efficace** pour trouver le chemin le plus court entre plusieurs emplacements, et nous l'avons implémenté comme composant central de notre système de navigation.

Un autre défi auquel nous avons été confrontés a été de **coordonner nos efforts en tant que groupe**. Nous avons dû travailler ensemble pour répartir les tâches et communiquer efficacement pour nous assurer que le projet soit terminé à temps. Malgré ces défis, nous avons réussi à mener à bien le projet et nous estimons que nos compétences en coordination de groupe se sont améliorées en conséquence.

Ce projet n'était pas seulement éducatif, mais aussi intéressant et potentiellement précieux en tant que produit commercial. Alors que nous continuons à développer nos compétences et nos connaissances en informatique, nous pourrions peut-être revenir sur ce projet et **l'affiner davantage en un produit qui pourrait être mis à la disposition du grand public**.

Dans l'ensemble, nous sommes satisfaits des résultats de ce projet et pensons que notre système de navigation a le potentiel d'être un outil utile pour les entreprises de livraison. Notre intérêt pour le problème, combiné à une meilleure coordination de groupe, **a contribué au succès de ce projet**.

Quatrième partie

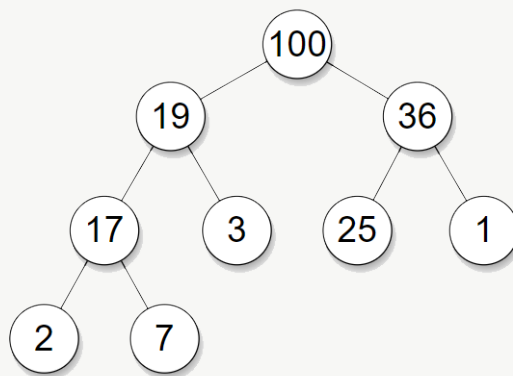
Annexe

A Algorithmes

A.1 Heap

Un heap, appelé tas en français, est une structure de données qui permet de stocker des éléments par ordre de priorité. Il s'agit d'un arbre binaire complet. Le nœud parent est toujours prioritaire au nœud fils, ainsi le nœud prioritaire sera toujours à la racine. Dans la mémoire de l'ordinateur, un tas est représenté par une liste. Deux opérations nous intéressent : `heap_push` pour ajouter un élément dans le tas, et `heap_pop` pour récupérer l'élément prioritaire.

Tree representation



Array representation

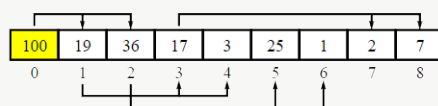


FIGURE 13 – Représentation d'un tas. CC BY-SA 3.0 ([Wikipedia](#), [Ermishin](#))

L'avantage de cette structure est sa rapidité. Dans une liste classique, pour trouver l'élément le plus petit, on doit parcourir la liste en entier, ce qui implique une complexité linéaire. Alors que pour un tas, la valeur prioritaire est toujours à la racine. Une fois récupéré, on remet la dernière valeur à la place de la racine et on tamise le tas. Tamiser le tas permet de déplacer la nouvelle valeur pour respecter la condition : "Le nœud parent est toujours prioritaire au nœud fils". La complexité de cette opération est logarithmique, ce qui est particulièrement intéressant.

Rajouter un élément dans la liste est aussi de complexité logarithmique.

A.1.1 `heap_push`

```
1 Fonction heap_push (heap : H, element: E) -> heap
2
3 ajouter element en derniere position de H
4 H.taille = H.taille + 1
5
6 Indice = H.taille - 1
7 IndiceParent = (Indice - 1) // 2
8
9 Tant que Indice != 0 et H[Indice] < H[IndiceParent]
```

```

10
11     Echanger H[Indice] et H[IndiceParent]
12     Indice = IndiceParent
13     IndiceParent = (Indice - 1) // 2

```

A.1.2 heap_pop

```

1  Fonction heap_pop (heap: H) -> element
2
3  elem = H[0]
4  H[0] = H[H.taille]
5  H.taille = H.taille - 1
6
7  Indice = 0
8  IndiceFeuille = 1
9
10 Tant que H[Indice] > H[IndiceFeuille] et H[Indice] > H[IndiceFeuille+1] et
    Indice < H.taille
11
12     Si H[IndiceFeuille] < H[IndiceFeuille+1]
13         Echanger H[Indice] et H[IndiceFeuille]
14         Indice = IndiceFeuille
15     Sinon
16         Echanger H[Indice] et H[IndiceFeuille + 1]
17         Indice = IndiceFeuille + 1
18
19     IndiceFeuille = (Indice * 2) + 1

```

A.2 A* bidirectionnel

Pour faire fonctionner A* en bidirectionnel, toutes les structures sont stockées dans des duets. Pour accéder aux données, nous utilisons une variable direction que nous faisons alterner entre la valeur 0 et 1.

```

1  Fonction A* bidirectionnel (Graphe : G, Noeud : source, Noeud : destination)
    -> Temps, Chemin
2
3  Si source = destination
4      retourne 0, source
5
6  destination_heuristc = CreerDuet(destination, source)
7
8  verifier = CreerDuetDeDictionnaire()
9  chemins = CreerDuetDeDictionnaire()
10 vu = CreerDuetDeDictionnaire((source ,0);(destination, 0))
11 a_visiter = CreerDuetDeTas()
12
13 heap_push(avisiter[0], (heuristic(source, destination),0,source)
14 heap_push(avisiter[1], (heuristic(destination, source),0,destination)
15
16 chemin = ajouterchemin(0,source,chemins)
17 chemin = ajouterchemin(1,destination,chemins)
18
19 Tant que a_visiter non vide
20
21     direction = 1 - direction
22
23     distance , noeud = pop(a_visiter[direction])
24
25     Si noed dans verifier[direction]

```

```

26     continuer
27
28     verifier = ajouterverifier(direction, noed, distance, verifier)
29
30     Si noed est dans verifier[ 1- direction]
31
32         retourne RecupererDistance(noed, verifier), RecupererChemin(noed,
chemins)
33
34     Pour voisin dans ListVoisins(noed)
35
36         Si voisin pas dans verifier[direction]
37
38             poids = DureeTrajet(noed, voisin, direction, graph)
39
40             si voisin pas dans vu alors
41                 vu = AjouterAVu(noed, poids, vu)
42                 heap_push(avisiter[direction], (heuristic(voisin,
destination_heuristic[direction]), poids, noed)
43                 chemin = AjouterChemin(direction, RecupererChemin(noed,
chemins) + voisin, chemins)
44
45                 sinon si poids < ResupererTemps(direction, noed, vu)
46                     vu = AjouterAVu(noed, poids, vu)
47                     heap_push(avisiter[direction], (heuristic(voisin,
destination_heuristic[direction]), poids, noed)
48                     chemin = AjouterChemin(direction, RecupererChemin(noed,
chemins) + voisin, chemins)
49             FinSi
50     Fin pour
51     retourne "Pas de chemin"

```

A.3 Algorithme des Fourmis

A.3.1 AlgorithmeDesFourmis

```

1 Fonction AlgorithmeDesFourmis( nombre: alpha, beta, rho; entier: omega,
nb_fourmis; graph : graph; debut : noed) -> chemin
2
3 nb_iter=0
4 1erPassage = Vrai
5 meilleur_duree = infini
6 meilleur_chemin = []
7
8 Tant que nb_iter < omega
9     Pour i dans nb_fourmis
10         chemin[i] = RechercheFourmis(alpha, beta, graph, debut, 1erPassage)
11     Si min(chemin.duree) < meilleur_duree alors
12         meilleur_duree = min(chemin.duree)
13         meilleur_chemin = min(chemin.chemin)
14         omega = 0
15     Sinon
16         omega = omega +1
17
18     MettreAJourPheromones(graph, chemin, rho, 1erPassage)
19     1erPassage = Faux
20 Fin Tant que
21
22 retourne meilleur_chemin

```

A.4 RechercheFourmis

```
1 Fonction RechercheFourmis( nombre: alpha, beta, passage; graph: graph; noeud:
    debut; bool: 1erPassage) -> chemin, nombre
2
3 AVisiter = RecupererNoed( graph )
4 Actuel = debut
5 Chemin = debut
6 Duree = 0
7
8 Tant que AVisiter non vide
9
10     Si 1erPassage alors
11         Pour Noeud dans AVisiter
12             Proba[Noeud] = 1/taille(AVisiter)
13         Fin Pour
14     Sinon
15         Somme = 0
16         Pour Noeud dans AVisiter
17             Proba[Noeud] = pheromone(Actuel , Noeud) ^ alpha * distance(
Actuel , Noeud) ^ Beta
18             Somme = Proba[Noeud]
19         Fin Pour
20         Pour proba dans Proba[Noeud]
21             proba = proba/Somme
22         Fin Pour
23     Fin Si
24
25     Suivant = ChoixAleatoire(AVisiter, Proba)
26     Duree = Duree + distance(Actuel , Suivant)
27     Chemin = Ajouter(Chemin , Suivant)
28     Actuel = Suivant
29 Fin Tant que
30 retourne Chemin, Duree
```

A.5 MettreAJourPheromones

```
1 Fonction MettreAJourPheromones( graph : graph; liste de chemin: chemins;
    nombre: rho, bool: PremierPassage)
2 Pour liaison dans graph
3     Si PremierPassage:
4         liaison[pheromones] = 1/max(chemins.duree)
5     Sinon
6         liaison[pheromones] = liaison[pheromones] * (1 - rho)
7     Fin si
8 Fin Pour
9 Pour chemin dans chemins
10     Pour liaison dans chemin
11         graph[liaison][pheromones] = graph[liaison][pheromones] + 1 / chemin.
duree
```

A.6 Algorithme de pairwise exchange

L'algorithme Pairwise Exchange est un algorithme permettant de trouver de manière aléatoire une solution au problème du voyageur. Il alterne aléatoirement des liaisons n fois et garde le graphe le moins coûteux en distance total.

```
1 Fonction PairwiseExchange(full_graph: graph_reference, ring_graph: graph,
    entier: nb_recursion)-> ring_graph
```

```

2 graph1, graph2 = supprimer_2liaisons(graph)
3 graph1 = inverser(graph1)
4 graph = connecter(graph1, graph2)
5 graph = mettre_poid_a_jour(graph, graph_reference)
6
7 Si nb_recursion = 1 alors
8     retourne graphe
9 Sinon
10     graphe' = PairwiseExchange(graph, nb_recursion - 1)
11 Fin Si
12
13 Si poids(graphe) < poids(graphe') alors
14     retourne graphe
15 Sinon
16     retourne graphe'
17 Fin si

```

A.7 Algorithme de Christofides

```

1 Fonction Christofides(Graphe non dirige: G) -> liste: Circuit Hamiltonien
2     arbre = algorithme_de_Prim(G)
3     graphe_impair = copie(G)
4     Pour sommet dans arbre:
5         Si degree(sommet) non impair:
6             graphe_impair.enlever(sommet)
7     pairage_minimaux = pairage_minimaux(graphe_impair)
8     graphe_eulerien = pairage_minimaux + arbre
9     circuit_eulerien = algorithme_de_hierholzer(graphe_eulerien)
10    circuit_hamiltonien = [circuit_eulerien.premier()]
11    Pour sommet dans circuit_eulerien:
12        si sommet dans non dans circuit_hamiltonien:
13            circuit_hamiltonien.ajouter(sommet)
14    retourner circuit_hamiltonien

```

A.8 Algorithme de Prim

L'algorithme de Prim est un algorithme permettant de trouver des arbres couvrants à poids minimal dans un graphe à poids non dirigé. Cette version de l'algorithme de Prim utilise un tas pour obtenir des temps logarithmique et non linéaire.

```

1 Fonction algorithme_de_Prim(Graphe Non Dirige : G) -> Graphe : Arbre
2
3 arbre = Graphe vide
4 noeuds = Graphe.noeuds()
5
6 Tant que G non vide:
7     premier_sommet = G.sommet_de_depart
8     frontiere = tas
9     visite = [premier_sommet]
10    Pour deuxieme_sommet dans premier_sommet.sommet_adjacent():
11        pousser_tas(tas, (distance, premier_sommet, deuxieme_sommet))
12    Tant que G non vide et tas non vide:
13        distance, premier_sommet, deuxieme_sommet = pop(tas)
14        Si deuxieme_sommet non dans visite:
15            arbre.ajouter_arete(distance, premier_sommet, deuxieme_sommet)
16            visite.ajouter(deuxieme_sommet)
17            G.enlever(deuxieme_sommet)
18        Pour troisieme_sommet, poids dans deuxieme_sommet.sommet_adjacent

```

():

```

19         Si troisieme_sommet dans visite:
20             continuer
21         Sinon
22             pousser_tas(tas, (poids, troisieme_sommet))
23 retourner arbre

```

A.9 Algorithme de Hierholzer

```

1  Fonction algorithme_de_hierholzer( Graphe Eulerien : G) -> chemin :
Circuit Eulerien
2      chemin = [] # liste pour stocker le chemin eulerien
3      pile = [] # pile pour suivre le chemin en cours
4      sommet_actuel = G.sommet_de_depart # on commence au sommet de depart
5
6      tant que Vrai :
7          # s'il y a des aretes sortantes du sommet actuel
8          si sommet_actuel a des voisins :
9              # on met le sommet actuel dans la pile
10             pile.ajouter(sommet_actuel)
11             # on choisit une arete sortante et on la suit
12             prochain_sommet = choisir_arete_sortante(sommet_actuel)
13             enlever_arete(sommet_actuel, prochain_sommet) # on retire l'arete du
graphe
14             sommet_actuel = prochain_sommet # on se deplace au prochain sommet
15         sinon :
16             # s'il n'y a plus d'aretes sortantes, on ajoute le sommet actuel au
chemin
17             chemin.ajouter(sommet_actuel)
18             # si la pile est vide, c'est qu'on a trouve un chemin eulerien
19             si pile est vide :
20                 retourner chemin
21             # si la pile n'est pas vide, on revient au sommet precedent
22             sommet_actuel = pile.pop()

```

B Test des paramètres

B.1 Algorithme des fourmis

Les tests suivants ont été effectués sur un Intel I7-7200U avec Windows 11. Chacun des résultats est la moyenne obtenue lors de 5 exécutions.

α	β	ρ	Nombre de fourmis	ω	Temps de trajet	Temps d'exécution
0.25	2	0.25	25	25	6382.62	0.5334017276763916
0.25	2	0.5	75	25	6199.9	1.4918540477752686
0.25	2	0.5	75	50	6106.44	2.9183793544769285
0.25	2	0.5	75	75	5992.44	4.780342245101929
0.25	2	0.75	25	25	6087.2	0.4921590328216553
0.25	2	0.75	25	50	6051.26	0.9841760158538818
0.25	2	0.75	25	75	6018.680000000001	1.5047954082489015
0.25	2	0.75	50	75	5829.359999999999	2.4526071071624758
0.25	2	0.75	75	25	6223.280000000001	1.542613649368286
0.25	2	0.75	75	50	6171.1	2.140722227096558
0.25	2	0.75	75	75	5896.22	3.4297035694122315
0.25	3	0.25	25	25	6043.539999999999	0.5230113983154296
0.25	3	0.25	25	50	5706.82	0.8594446659088135
0.25	3	0.25	25	75	5842.64	1.3631756782531739
0.25	3	0.25	50	25	5921.160000000001	0.7332822322845459
0.25	3	0.25	50	50	5590.26	1.859013319015503
0.25	3	0.25	50	75	5776.280000000001	3.084506559371948
0.25	3	0.25	75	25	5821.019999999999	1.3606409072875976
0.25	3	0.25	75	50	5774.460000000001	2.8647966384887695
0.25	3	0.25	75	75	5742.1	4.19717321395874
0.25	3	0.5	25	25	5810.359999999999	0.5172399520874024
0.25	3	0.5	25	50	5771.160000000001	1.2678606033325195
0.25	3	0.5	25	75	5835.7	1.6471052169799805
0.25	3	0.5	75	75	5755.360000000001	4.45426378250122
0.25	3	0.75	25	25	5792.5	0.5613523006439209
0.25	3	0.75	25	50	5818.680000000001	1.0124485969543457
0.25	3	0.75	25	75	5723.740000000001	1.4232296466827392
0.25	3	0.75	50	25	5863.820000000001	0.7858451843261719
0.25	3	0.75	50	50	5634.420000000001	1.477259635925293
0.25	3	0.75	50	75	5654.800000000001	2.369653034210205
0.25	3	0.75	75	25	5734.38	1.3544184684753418
0.5	2	0.75	75	25	5859.9	1.5048388481140136
0.5	2	0.75	75	50	5659.379999999999	2.5201520919799805
0.5	2	0.75	75	75	5721.660000000001	3.6955799579620363
0.5	3	0.25	25	25	5621.680000000001	0.5109799861907959
0.5	3	0.25	25	50	5573.42	1.0034493923187255
0.5	3	0.25	25	75	5486.58	1.3198012351989745

α	β	ρ	Nombre de fourmis	ω	Temps de trajet	Temps d'exécution
0.5	3	0.5	25	25	5537.82	0.5799487590789795
0.5	3	0.5	25	50	5640.24	0.9870368003845215
0.5	3	0.5	25	75	5563.820000000001	1.5986988544464111
0.5	3	0.5	50	25	5503.219999999999	0.9373448371887207
0.5	3	0.5	50	50	5474.040000000001	1.6333470821380616
0.5	3	0.5	50	75	5472.960000000001	1.8242981910705567
0.5	3	0.5	75	25	5564.780000000001	1.2515198707580566
0.5	3	0.5	75	50	5519.620000000001	2.6544025421142576
0.5	3	0.5	75	75	5487.180000000001	4.193868494033813
0.5	3	0.75	25	25	5572.360000000001	0.48598346710205076
0.5	3	0.75	25	50	5523.040000000001	0.8150070667266845
0.5	3	0.75	25	75	5466.560000000001	1.2977030754089356
0.5	3	0.75	50	25	5657.6	0.9466145038604736
0.5	3	0.75	50	50	5547.08	1.9342488765716552
0.5	3	0.75	50	75	5540.14	2.4100293636322023
0.5	3	0.75	75	25	5542.660000000001	1.3365312099456788
0.5	3	0.75	75	50	5619.280000000001	3.0334658145904543
0.5	3	0.75	75	75	5543.340000000001	3.0532582283020018
0.75	2	0.25	25	25	5531.480000000001	0.5820566177368164
0.75	2	0.25	25	50	5553.74	1.1094482421875
0.75	2	0.25	25	75	5511.36	1.122687292098999
0.75	2	0.25	50	25	5613.660000000001	1.1091316223144532
0.75	2	0.25	50	50	5530.2	1.9099299430847168
0.75	2	0.25	50	75	5502.74	2.74507360458374
0.75	2	0.25	75	25	5626.640000000001	1.642433500289917
0.75	2	0.25	75	50	5588.240000000001	3.156670618057251
0.75	2	0.25	75	75	5473.88	3.799357843399048
0.75	2	0.5	25	25	5651.82	0.6330392360687256
0.75	2	0.5	25	50	5463.72	0.9846024990081788
0.75	2	0.5	25	75	5598.48	1.1780989646911622
0.75	2	0.5	50	25	5480.440000000001	0.8058325767517089
0.75	2	0.5	50	50	5461.08	1.5482290744781495
0.75	2	0.5	50	75	5489.099999999999	2.2821822643280028
0.75	2	0.5	75	25	5481.559999999999	1.6614581108093263
0.75	2	0.5	75	50	5531.24	3.0279126167297363
0.75	2	0.5	75	75	5515.800000000001	3.9432828426361084
0.75	2	0.75	25	25	5545.6	0.47348713874816895
0.75	2	0.75	25	50	5522.68	0.5828664779663086
0.75	2	0.75	25	75	5577.52	1.1098317623138427
0.75	2	0.75	50	25	5569.019999999999	0.868532657623291
0.75	2	0.75	50	50	5477.540000000001	1.7741246700286866
0.75	2	0.75	50	75	5478.960000000001	2.278688335418701
0.75	2	0.75	75	25	5456.220000000001	1.4076149940490723
0.75	2	0.75	75	50	5487.18	2.3571809768676757
0.75	2	0.75	75	75	5489.280000000001	3.736506462097168

α	β	ρ	Nombre de fourmis	ω	Temps de trajet	Temps d'exécution
0.75	3	0.25	25	25	5668.5599999999995	0.4293826580047607
0.75	3	0.25	25	50	5542.06	0.6550972938537598
0.75	3	0.25	25	75	5544.16	1.1598420143127441
0.75	3	0.25	50	25	5522.6	0.7774882316589355
0.75	3	0.25	50	50	5655.1200000000001	1.3602131843566894
0.75	3	0.25	50	75	5543.12	1.9375534534454346
0.75	3	0.25	75	25	5599.6600000000001	1.4794768333435058
0.75	3	0.25	75	50	5463.14	1.99662446975708
0.75	3	0.25	75	75	5514.5599999999995	3.755352592468262
0.75	3	0.5	25	25	5693.7000000000001	0.33858366012573243
0.75	3	0.5	25	50	5606.32	0.7887917518615722
0.75	3	0.5	25	75	5566.2	0.7877325534820556
0.75	3	0.5	50	25	5568.0	0.8401674747467041
0.75	3	0.5	50	50	5500.1600000000002	1.3885233879089356
0.75	3	0.5	50	75	5577.88	1.9434394359588623
0.75	3	0.5	75	25	5580.6200000000001	1.084169578552246
0.75	3	0.5	75	50	5466.56	2.003276062011719
0.75	3	0.5	75	75	5470.68	3.3793604373931885
0.75	3	0.75	25	25	5729.8200000000001	0.34229369163513185
0.75	3	0.75	25	50	5696.44	0.5005423545837402
0.75	3	0.75	25	75	5709.16	0.7992749214172363
0.75	3	0.75	50	25	5469.4	0.676978588104248
0.75	3	0.75	50	50	5622.5	1.517338466644287
0.75	3	0.75	50	75	5517.4	1.5078088760375976
0.75	3	0.75	75	25	5599.22	0.955992603302002
0.75	3	0.75	75	50	5534.0199999999995	1.996931219100952
0.75	3	0.75	75	75	5581.24	2.4667196750640867

C Listing :

Voici tout le code python utilisé trié par fichier :

C.1 main.py

```

1 import sys
2 import os
3
4 from PyQt5.QtWidgets import *
5 from PyQt5.QtWebEngineWidgets import *
6 from PyQt5.QtCore import *
7 import folium
8 from folium.features import DivIcon
9 from folium import Marker, Icon
10 import osmnx as ox
11 import geoip2.database
12 import requests
13 import time
14
15 import graph_tools.TSP_solver as tsp_solver
16
17
18 class Form(QWidget):
19     def __init__(self):

```

```

20     super().__init__()
21     self.preload()
22     self.initUI()
23
24 def preload(self):
25     start_time = time.time()
26
27     ox.settings.log_console = False
28     ox.settings.use_cache = True
29
30     # Make an HTTP request to the httpbin.org website
31     response = requests.get('http://httpbin.org/ip')
32
33     # Get the user's IP address from the response
34     user_ip = response.json()['origin']
35
36     # Open the GeoIP2 database file
37     reader = geoip2.database.Reader('testtools/dataset/GeoLite2-City.mmdb'
)
38
39     # Look up the user's IP address
40     response = reader.city(user_ip)
41
42     # Get the user's latitude and longitude coordinates
43     latitude = response.location.latitude
44     longitude = response.location.longitude
45
46     # Use OSMnx to get the nearest network to the user's location
47     G = ox.graph_from_point((latitude, longitude),
48                             dist=1000, network_type='drive')
49     G = ox.add_edge_speeds(G)
50     # calculate travel time (seconds) for all edges
51     G = ox.add_edge_travel_times(G)
52     end_time = time.time()
53
54     # Use folium to plot the map
55     m = folium.Map(location=[latitude, longitude], zoom_start=15)
56
57     # Add the map to the web page
58     m.save('route.html')
59
60     # Calculate the elapsed time
61     elapsed_time = end_time - start_time
62     # Print the elapsed time
63     print(f'Elapsed time: {elapsed_time:.2f} seconds')
64
65 def initUI(self):
66     self.setSizePolicy(QSizePolicy.Expanding, QSizePolicy.Expanding)
67     self.setWindowTitle("Map Viewer")
68     # Create a URL pointing to the CSS file
69     css_url = QUrl.fromLocalFile("style.css")
70     # Create a QFile object to read the CSS file
71     css_file = QFile(css_url.toLocalFile())
72     # Open the file
73     css_file.open(QFile.ReadOnly | QFile.Text)
74     # Read the file
75     css = QTextStream(css_file).readAll()
76     # Close the file
77     css_file.close() # Set the stylesheet for the form
78     self.setStyleSheet(css)
79     # Create the input fields
80     self.input1 = QLineEdit()

```

```

81     self.input1.setPlaceholderText("Start location")
82     self.input2 = QLineEdit()
83     self.input2.setPlaceholderText("End location")
84
85     # Create the drop-down menu
86     self.algorithmComboBox1 = QComboBox()
87     self.algorithmComboBox1.addItem("A*")
88     self.algorithmComboBox1.addItem("Dijkstra")
89
90     self.algorithmComboBox2 = QComboBox()
91     self.algorithmComboBox2.addItem("Ant Algorithm")
92     self.algorithmComboBox2.addItem("Christofides")
93     self.algorithmComboBox2.addItem("Pairwise exchange")
94
95     # Create the button and connect it to the handleButtonClick() method
96     self.button = QPushButton("Submit")
97     self.button.clicked.connect(self.handleButtonClick)
98
99     # Create the HTML preview widget
100    self.preview = QWebEngineView()
101    dirname = os.path.dirname(__file__)
102    filename = os.path.join(dirname, 'route.html')
103    url = QUrl.fromLocalFile(filename)
104    self.preview.load(url)
105    self.inputs = []
106    # Add the widget to the list of inputs
107    self.inputs.append(self.input1)
108
109    # Add the widget to the list of inputs
110    self.inputs.append(self.input2)
111
112    # Create a QPushButton widget
113    self.button1 = QPushButton("+")
114
115    # Connect the clicked signal of the button to a slot
116    self.button1.clicked.connect(self.add_input)
117
118    # Create the layout and add the widgets to it
119    self.playout = QVBoxLayout()
120    self.playout2 = QVBoxLayout()
121    # Add self.playout2 to the main layout
122    self.playout.addLayout(self.playout2)
123    self.playout2.addWidget(self.input1)
124    self.playout2.addWidget(self.input2)
125    self.playout.addWidget(self.button1)
126    self.playout.addWidget(self.algorithmComboBox1)
127    self.playout.addWidget(self.algorithmComboBox2)
128    self.playout.addWidget(self.button)
129    self.playout.addWidget(self.preview)
130    self.setLayout(self.playout)
131
132    def add_input(self):
133        # Create a new QLineEdit widget
134        self.input = QLineEdit()
135
136        # Set the placeholder text for the widget
137        self.input.setPlaceholderText("New input")
138
139        # Add the widget to the list of inputs
140        self.inputs.append(self.input)
141
142        # Add the widget to the layout

```

```

143         self.playout2.addWidget(self.input)
144
145     def get_inputs(self):
146         # Create an empty list to store the text entered in the inputs
147         inputs_list = []
148         # Use a for loop to add the text entered in each input to the list
149         for input in self.inputs:
150             # Check if the input is empty
151             if input.text():
152                 # Add the text entered in the input to the list
153                 inputs_list.append(input.text())
154         # Move the second input to the end of the list
155         inputs_list.append(inputs_list.pop(1))
156         # Print the list
157         print(inputs_list)
158         # Return the list
159         return inputs_list
160
161     #The function that will be called when the button is clicked
162     def handleButtonClick(self):
163         # Get the input from the fields
164
165         input_list = self.get_inputs()
166         #Line used to debug quickly
167         #input_list = ['Belfort, France', 'Botans, France', 'andelnans, France',
168         # 'Danjoutin, France', 'Sevenans, France','Territoire de Belfort, Perouse',
169         # 'Moival, France','Urcerey, France','Essert, France, Territoire de Belfort',
170         # 'Bavilliers','Cravanche','Vezelois','Meroux','Dorans','Bessoncourt','Denney',
171         # 'Valdoie',"Ch vremont, Territoire de Belfort, France","Fontenelle, Territoire de Belfort, France",
172         # "Sermamagny, Territoire de Belfort, France","Eloie, Territoire de Belfort, France"]
173
174         ox.settings.log_console = True
175         ox.settings.use_cache = True
176
177         # Call the construct_graph method, passing the start and end locations
178         # as arguments
179         try:
180             graph, route, time, geocode_list = tsp_solver.main_solver(
181                 input_list, name_algorithm1=self.algorithmComboBox1.
182                 currentText(), name_algorithm2=self.algorithmComboBox2.currentText())
183             print("The time to travel the route is: ", time, " seconds")
184             # Create a QLabel widget to display the time
185             # divide time by 3600 to get the number of hours
186             hours, seconds = divmod(time, 3600)
187             # divide the remainder by 60 to get the number of minutes
188             minutes, seconds = divmod(seconds, 60)
189
190             # Convert the hours, minutes, and seconds to strings and add
191             # leading zeros if necessary
192             hours_string = str(int(hours)).zfill(2)
193             minutes_string = str(int(minutes)).zfill(2)
194             seconds_string = str(int(seconds)).zfill(2)
195             # Create a string in the format "hours:minutes:seconds"
196             time_string = f"{hours_string}:{minutes_string}:{seconds_string}
197             to drive"
198
199             # Check if the time_label widget already exists
200             if hasattr(self, 'time_label'):
201                 # If the time_label widget already exists, set the text of the
202                 # widget to the updated time
203                 self.time_label.setText(time_string)
204             else:

```

```

194         # If the time_label widget does not exist, create a new QLabel
widget to display the time
195         self.time_label = QLabel()
196         # Set the text of the time_label to the time string
197         self.time_label.setText(time_string)
198         # Add the time_label to the layout
199         self.playout.addWidget(self.time_label, 0, Qt.AlignRight)
200
201     except ValueError as err:
202         #print an msgbox if there is a problem with the input
203         msg = QMessageBox()
204         msg.setIcon(QMessageBox.Critical)
205         msg.setText(err.args[0])
206         msg.setWindowTitle("Error")
207         msg.setStandardButtons(QMessageBox.Ok)
208         msg.exec_()
209         return
210
211     except ConnectionError:
212         #print an msgbox if there is a problem with the connection
213         msg = QMessageBox()
214         msg.setIcon(QMessageBox.Critical)
215         msg.setText("Connection error, please try again")
216         msg.setWindowTitle("Error")
217         msg.setStandardButtons(QMessageBox.Ok)
218         msg.exec_()
219         return
220
221     except:
222         #print an msgbox if the route is not possible
223         msg = QMessageBox()
224         msg.setIcon(QMessageBox.Critical)
225         msg.setText("Unknow error, please try again")
226         msg.setWindowTitle("Error")
227         msg.setStandardButtons(QMessageBox.Ok)
228         msg.exec_()
229         return
230
231     # Plot the route on a map and save it as an HTML file
232     route_map = ox.plot_route_folium(
233         graph, route, tiles='openstreetmap', route_color="red",
route_width=10)
234
235     # Create a Marker object for the start location
236     start_latlng = (float(geocode_list[0][1]), float(geocode_list[0][0]))
237     start_marker = Marker(location=(
238         start_latlng[::-1]), popup='Start Location', icon=Icon(icon='
glyphicon-flag', color='green'))
239
240     # Add the start and end markers to the route_map
241     start_marker.addTo(route_map)
242
243     # Create a Marker object for each location in the route
244     for i in range(1, len(geocode_list)-1):
245         latlng = (float(geocode_list[i][1]), float(geocode_list[i][0]))
246         # create a Marker object for the location containing a number icon
247         marker = Marker(location=(
248             latlng[::-1]), popup='Location', icon=Icon(icon='glyphicon-
flag', color='blue'))
249         marker = Marker(location=(latlng[::-1]), popup='Location', icon=
DivIcon(icon_size=(

```

```

250         150, 36), icon_anchor=(7, 20), html='<div style="font-size: 18
pt; color : black">'+str(i)+'</div>'))
251         marker.add_to(route_map)
252
253         # Save the HTML file
254         route_map.save('route.html')
255
256         dirname = os.path.dirname(__file__)
257         filename = os.path.join(dirname, 'route.html')
258         url = QUrl.fromLocalFile(filename)
259         print(os.path.exists(filename))
260         self.preview.load(url)
261         print("Route sent")
262
263
264 if __name__ == '__main__':
265     app = QApplication(sys.argv)
266     form = Form()
267     form.show()
268     sys.exit(app.exec_())

```

C.2 algorithms

C.2.1 ant_colony.py

```

1 #Solve the TSP problem with the ant_colony algorithm
2
3 class ant_colony:
4
5     class ant():
6
7         def __init__(self, graph, start_node, alpha, beta, first_pass=False,
heuristic=None):
8             """Create an ant
9
10            Args:
11                graph: The graph to visit
12                start: The node where the ant starts
13                alpha: The alpha parameter of the algorithm, usually smaller
than 1
14                beta: The beta parameter of the algorithm, usually bigger than
1
15
16            self.graph = graph
17            self.start_node = start_node
18            self.path = [start_node]
19            self.current = start_node
20            self.distance = float(0)
21            self.alpha = alpha
22            self.beta = beta
23
24            self.finished = False
25            self.first_pass = first_pass
26
27            if heuristic is None:
28                self.heuristic = self._heuristic
29
30        def run(self):
31            """Run the ant until it has visited all the nodes"""
32            while len(self.path) < len(self.graph):
33                self._move()

```

```

34
35     self.path.append(self.start_node)
36     self.finished = True
37
38     def _move(self):
39         """Move the ant to the next node and update the path and the
40         distance"""
41
42         #Get the neighbors of the current node
43         neighbors = list(self.graph[self.current].keys())
44
45         #Remove the nodes already visited
46         for node in self.path:
47             if node in neighbors:
48                 neighbors.remove(node)
49
50         #If there is no neighbor, the ant is stuck
51         if len(neighbors) == 0:
52             self.distance += self.graph[self.current][self.start_node]["
53             time"]
54
55             self.current = self.start_node
56             self.path.append(self.start_node)
57
58             self.finished = True
59             return
60
61         #Compute the probability of each neighbor
62         probabilities = self._probability(neighbors)
63
64         #Choose the next node
65         next_node = self._choose(probabilities)
66
67         #Add the distance to the total distance
68         self.distance += self.graph[self.current][next_node]["time"]
69
70         #Update the current node and the path
71         self.current = next_node
72         self.path.append(next_node)
73
74     def _probability(self, visitable_nodes):
75         """Compute the probability of going to the node
76         Use the function on the wikipedia page
77
78         Args:
79             node: The node to go to
80
81         Returns:
82             The probability of going to the node"""
83
84         sum_of_probabilities = 0
85         probabilities = {}
86
87         #If it's the first pass, the probability is 1 for each node
88         if self.first_pass:
89             for node in visitable_nodes:
90                 probabilities[node] = 1
91                 sum_of_probabilities += probabilities[node]
92         else:
93             for node in visitable_nodes:
94                 probabilities[node] = self.heuristic(node) ** self.beta *
95                 self.graph[self.current][node]["pheromone"] ** self.alpha
96                 sum_of_probabilities += probabilities[node]

```



```

93
94     #Normalize the probabilities
95     if sum_of_probabilities == 0:
96         for node in visitable_nodes:
97             probabilities[node] = 1 / len(visitable_nodes)
98     else:
99         for node in visitable_nodes:
100             probabilities[node] /= sum_of_probabilities
101
102     #Compute the probability
103     return probabilities
104
105 def _choose(self, probabilities):
106     """Choose the next node to go to
107
108     Args:
109         probabilities: The probabilities of each node
110
111     Returns:
112         The node to go to"""
113
114     from random import random
115
116     #Choose a random number between 0 and 1
117     r = random()
118
119     #Choose the node
120     for node in probabilities.keys():
121         r -= probabilities[node]
122         if r <= 0:
123             return node
124
125
126 def _heuristic(self, node):
127     """Compute the heuristic of the node
128     Use the function on the wikipedia page
129
130     Args:
131         node: The node to compute the heuristic
132
133     Returns:
134         The heuristic of the node"""
135     return 1 / self.graph[self.current][node]["time"]
136
137 def __init__(self, graph, start_node, alpha=0.5, beta=2, rho=0.5, n_ants
=50, omega=100, first_pass=True, heuristic=None):
138     """Create an ant_colony object
139
140     Args:
141         graph: The graph to visit
142         start: The node where the ants start
143         alpha: The alpha parameter of the algorithm, usually smaller than
1
144         beta: The beta parameter of the algorithm, usually bigger than 1
145         rho: The rho parameter of the algorithm, usually between 0 and 1
146         n_ants: The number of ants
147         omega: The omega parameter of the algorithm, stop the algorithm if
the best ant has not improved for omega iterations
148         first_pass: If True, the ants will visit all the nodes randomly on
the first pass
149         heuristic: The heuristic function to use"""
150

```

```

151     self.graph = graph
152     self.start_node = start_node
153     if alpha < 0 :
154         raise ValueError("alpha must be positive")
155     self.alpha = alpha
156     if beta < 0 :
157         raise ValueError("beta must be positive")
158     self.beta = beta
159     if rho < 0 or rho > 1:
160         raise ValueError("rho must be between 0 and 1")
161     self.rho = rho
162     self.n_ants = n_ants
163     self.omega = omega
164     self.first_pass = first_pass
165     self.heuristic = heuristic
166
167     self.ants = []
168
169     def run(self):
170         """Run the algorithm"""
171         #Create the ants
172         best_ant = self.ant(self.graph, self.start_node, self.alpha, self.beta
173 , self.first_pass, self.heuristic)
174         best_ant.path = []
175         best_ant.distance = float("inf")
176         #Run the iterations
177         no_improvement = 0
178         iteration = 0
179         while no_improvement < self.omega:
180             self._iteration()
181             iteration += 1
182             old_best_ant_distance = best_ant.distance
183             for ant in self.ants:
184                 if ant.distance < best_ant.distance:
185                     best_ant = ant
186
187             #If the best ant has not improved, increment no_improvement
188             if old_best_ant_distance == best_ant.distance:
189                 no_improvement += 1
190             else:
191                 no_improvement = 0
192
193         print("Number of iterations: " + str(iteration))
194         #Find the best ant
195
196         return best_ant.path
197
198     def _iteration(self):
199         """Run one iteration of the algorithm"""
200         #Create the ants
201         self.ants = []
202         for i in range(self.n_ants):
203             self.ants.append(self.ant(self.graph, self.start_node, self.alpha,
204 self.beta, self.first_pass, self.heuristic))
205
206         #Run the ants
207         for ant in self.ants:
208             ant.run()
209
210         #Update the pheromone
211         self._update_pheromone()

```

```

211         self.first_pass = False
212
213     def _update_pheromone(self):
214         """Update the pheromone of each edge with the formula on the wikipedia
215         page"""
216         for edge in self.graph:
217             for edge2 in self.graph[edge]:
218                 #Remove the pheromone
219                 if not self.first_pass:
220                     self.graph[edge][edge2]["pheromone"] *= (1 - self.rho)
221                 else:
222                     max = 0
223                     #If it's the first pass, the pheromone is equal to 1
224                     #devided by the maximum distance
225                     for ant in self.ants:
226                         if ant.distance > max:
227                             max = ant.distance
228                     self.graph[edge][edge2]["pheromone"] = 1 / max
229
230                 #Add the pheromone
231                 for ant in self.ants:
232                     for i in range(len(ant.path) - 1):
233                         self.graph[ant.path[i]][ant.path[i + 1]]["pheromone"] += 1 /
234                         ant.distance

```

C.2.2 astar.py

```

1 from heapq import heappop, heappush
2 import networkx as nx
3 import math
4
5
6 def astar(Graph, source, target):
7     """Find shortest weighted paths in G from source to target using A*
8     algorithm.
9     Parameters:
10     -----
11     G : NetworkX oriented graph
12     source : node
13         Starting node for path
14     target : node
15         Ending node for path
16     weight : string, optional (default='weight')
17         Edge data key corresponding to the edge weight
18     Returns:
19     -----
20     distance : dictionary
21         Dictionary of shortest weighted paths keyed by target.
22     """
23
24     def heuristic(u, v):
25         # Get the latitude and longitude coordinates of the nodes
26         lat1 = Graph.nodes[u]["y"]
27         lon1 = Graph.nodes[u]["x"]
28         lat2 = Graph.nodes[v]["y"]
29         lon2 = Graph.nodes[v]["x"]
30
31         # Convert the coordinates to radians
32         lat1 = lat1 * math.pi / 180
33         lon1 = lon1 * math.pi / 180

```

```

34     lat2 = lat2 * math.pi / 180
35     lon2 = lon2 * math.pi / 180
36
37     # Calculate the great circle distance between the two points
38     a = math.sin((lat2-lat1)/2)**2 + math.cos(lat1) * math.cos(lat2) *
math.sin((lon2-lon1)/2)**2
39     c = 2 * math.atan2(math.sqrt(a), math.sqrt(1-a))
40     d = 6371 * c
41     t = (d / 30) * 3600 #Convert to seconds at 30 km/h
42
43     return t
44
45     if source == target:
46         return (0, [source])
47
48     push = heappush
49     pop = heappop
50
51     #Create an heuristic target variable to let it switch between the source
and the target
52     heuristic_target = [target, source]
53
54
55     neighbor_list=[Graph._succ,Graph._pred]
56
57     #We are using the two way A* algorithm, so we need to keep track of the
distances from both the source and the target
58     out = [{}, {}] #List of dictionaries, each dictionary contains the
distance from the source/target to each node
59     path = [{},{}] # dictionary of paths
60     seen = [{source : 0},{target : 0}] # dictionary of nodes that have been
visited
61     to_explore = [[],[[]] # heap of (distance, heuristic, label) tuples for all
non-seen nodes
62
63     #Initialize the heap with the source and target
64     push(to_explore[0], (heuristic(source, target), 0, source))
65     push(to_explore[1], (heuristic(target, source), 0, target))
66
67     #Initialize the path with the source and target
68     path[0][source] = [source]
69     path[1][target] = [target]
70
71     direction = 1 #Direction of the search, 0 is forward, 1 is backward
72
73     while to_explore[0] and to_explore[1]:
74
75         direction = 1 - direction #Switch direction
76
77         #Pop the smallest distance node from the heap
78         ( _ , dist, v) = pop(to_explore[direction])
79
80         if v in out[direction]:
81             continue
82
83         out[direction][v] = dist
84
85         #Check if the node has been visited by the other search
86         if v in out[1-direction]:
87             #If it has, we have found a shortest path
88             return (out[0][v] + out[1][v], path[0][v] + list(reversed(path[1][
v]))[1:])

```

```

89         for neighbor in neighbor_list[direction][v]:
90             if neighbor not in out[direction]:
91                 weight = weight_node(v, neighbor, out[direction], Graph,
92 direction)
93                 #If the neighbor has not been visited, add it to the heap
94                 if neighbor not in seen[direction]:
95                     seen[direction][neighbor] = weight
96                     push(to_explore[direction], (weight + heuristic(neighbor,
97 heuristic_target[direction]), weight, neighbor))
98                     path[direction][neighbor] = path[direction][v] + [neighbor
99 ]
100                 #If the neighbor has been visited, but the new path is shorter
101 , update the heap
102                 elif weight < seen[direction][neighbor]:
103                     seen[direction][neighbor] = weight
104                     push(to_explore[direction], (weight + heuristic(neighbor,
105 heuristic_target[direction]), weight, neighbor))
106                     path[direction][neighbor] = path[direction][v] + [neighbor
107 ]
108
109 return (float('inf'), [])
110
111 def travel_time_route(u, v, graph):
112     """Return the travel time of a route."""
113     return graph[u][v][0]['travel_time'] if 'travel_time' in graph[u][v][0]
114     else graph[u][v][0]["length"]/8.33 # 30 km/h
115
116 def weight_node(u, v, data, graph, direction):
117     """Return the weight of an edge."""
118     weight = data[u]
119     if direction == 0:
120         weight += travel_time_route(u, v, graph)
121     else:
122         weight += travel_time_route(v, u, graph)
123     return weight

```

C.2.3 christofides.py

```

1 from heapq import heappop, heappush
2 from networkx import Graph, max_weight_matching
3 from itertools import count
4 from copy import deepcopy
5 from collections import deque
6
7
8 def christofides(dictionary, weight="time"):
9     """Compute an approximation of the shortest path between all the nodes of
10 the dictionary
11 Uses Christofides Algorithm to solve the traveling's salesman problem (TSP
12 ).
13
14 Parameters:
15 -----
16 dictionary: python dictionary, complete graph
17 weight: weight used in the dictionary
18
19 Returns:

```

```

18     an approximation of the shortest path between the dictionary's nodes
19     """
20     non_oriented_graph = oriented_to_non_oriented_graph(dictionary=dictionary,
21     weight="time")
22     tree = prim_dictionnary(dict=non_oriented_graph, weight="time")
23     odd_graph = get_odd_graph(dictionary, tree)
24     min_weight_matchings = dic_min_weight_matching(odd_graph)
25     eulerian_graph = create_eulerian_graph(tree, min_weight_matchings)
26     eulerian_path = hierholzer_eulerian_circuit(eulerian_graph)
27     hamiltonian_path = shortcutting(eulerian_path)
28     new_path = reorder(hamiltonian_path, list(dictionary.keys())[0])
29     return new_path
30
31 def oriented_to_non_oriented_graph(dictionary, weight="time"):
32     """Compute the non oriented version of the dictionary, cleans the
33     dictionary
34
35     Parameters:
36     -----
37     dictionary: oriented graph like [start_node][end_node][weight] = weight
38     """
39     dictionary_copy = deepcopy(dictionary)
40     new_dictionary = {node: {} for node in dictionary_copy.keys()}
41     for start_node in dictionary_copy:
42         for end_node in dictionary_copy[start_node]:
43             if start_node == end_node:
44                 continue
45             w = (dictionary_copy[start_node][end_node][weight] +
46 dictionary_copy[start_node][end_node][weight]) / 2
47             new_dictionary[start_node][end_node] = {weight : w}
48             new_dictionary[end_node][start_node] = {weight : w}
49             del dictionary_copy[end_node][start_node]
50     return new_dictionary
51
52 def prim_dictionnary(dict, weight="time"):
53     """Compute a the edges of a minimim spanning tree (mst) for a graph
54     Uses Prim's algorithm
55
56     Parameters:
57     -----
58     G: nx.Graph
59     weight: weight used in the graph
60
61     Returns:
62     An iterator containing the edges of the mst
63     """
64     push = heappush
65     pop = heappop
66     nodes = set(dict)
67     tree = {node : {} for node in nodes}
68     while nodes:
69         u = nodes.pop() #arbitrary node
70         heap = []
71         visited = {u}
72         for v, d in dict[u].items():
73             wt = d.get(weight, 1)
74             push(heap, (wt, u, v, d))
75         while nodes and heap:
76             _, u, v, d = pop(heap)
77             if v in visited or v not in nodes:

```

```

77         continue
78         tree[u][v] = d
79         tree[v][u] = d
80         visited.add(v)
81         nodes.discard(v)
82         for w, d2 in dict[v].items():
83             if w in visited:
84                 continue
85             new_weight = d2.get(weight, 1)
86             push(heap, (new_weight, v, w, d2))
87     return tree
88
89
90 def get_odd_graph(dictionary, tree):
91     """Get the vertices with odd degree of the tree from the main graph to get
92     a new graph
93     Parameters:
94     -----
95         dictionary: graph under dictionary form
96         tree: minimum spanning tree
97
98     Returns:
99         I: dictionary containing the vertices of odd degree
100     """
101     I = deepcopy(dictionary)
102     for node in tree:
103         if not (len(tree[node]) % 2):
104             for second_node in I[node]:
105                 I[second_node].pop(node)
106     return I
107
108
109 def dic_min_weight_matching(dictionary, weight="time"):
110     """Calculate a minimum weight matching from a graph
111
112     Parameters:
113     -----
114         dictionary: graph under dictionary form
115         weight: weight used in the graph
116
117     Returns:
118         edges: dictionary containing the matchings
119
120     """
121     max_weight = 1 + max(dictionary[first_node][second_node][weight] for
122 first_node in dictionary for second_node in dictionary[first_node])
123     new_dic = deepcopy(dictionary)
124     for first_node in dictionary:
125         for second_node in dictionary[first_node]:
126             new_dic[first_node][second_node][weight] = max_weight - dictionary
127 [first_node][second_node][weight]
128
129     InvG = Graph(new_dic)
130     edges = {}
131     matchings = max_weight_matching(InvG, maxcardinality=True, weight=weight)
132     for matching in matchings:
133         matching = list(matching)
134         u = matching[0]
135         v = matching[1]
136         for node in matching:
137             edges[node] = {}

```

```

136         w = dictionary[u][v][weight]
137         edges[v][u] = {weight : w}
138         edges[u][v] = {weight : w}
139     return edges
140
141
142 def create_eulerian_graph(tree, min_weight_matchings):
143     """ Adds the tree and minimum weight matchings results to get the eulerian
144         graph
145
146     Parameters:
147     -----
148         tree: minimum spanning tree
149         min_weight_matchings: dictionary containing the matchings
150
151     Returns:
152         graph: dictionary containing the eulerian graph
153     """
154     graph = deepcopy(tree)
155     for node, value in min_weight_matchings.items():
156         graph[node].update(value)
157     return graph
158
159 def hierholzer_eulerian_circuit(eulerian_graph):
160     """Calculate an eulerian circuit in an eulerian graph
161
162     Parameters:
163     -----
164         eulerian_graph: eulerian graph under dictionary form
165
166     Returns:
167         path: list containing the circuit
168     """
169     dic = deepcopy(eulerian_graph)
170     first_vertex = list(dic.keys())[0]
171     vertex_stack = [first_vertex]
172     path = []
173     last_vertex = None
174     while vertex_stack:
175         current_vertex = vertex_stack[-1]
176         if dic[current_vertex]:
177             next_vertex, _ = list(dic[current_vertex].items())[0]
178             vertex_stack.append(next_vertex)
179             dic[current_vertex].pop(next_vertex)
180             dic[next_vertex].pop(current_vertex)
181         else:
182             if last_vertex is not None:
183                 path.append(last_vertex)
184                 last_vertex = current_vertex
185                 vertex_stack.pop()
186     path.append(current_vertex)
187     return path
188
189
190 def shortcutting(path):
191     """Removes the nodes through which the path comes through twice
192
193     Parameters:
194     -----
195         path: list
196
197     Returns:

```



```

197         nodes: list
198         """
199     nodes = [path[0]]
200     for node in path:
201         if node in nodes:
202             continue
203         nodes.append(node)
204     return nodes
205
206
207 def reorder(list, first):
208     """Rotate the list until the parameters "first" is in first position, then
209     appends it to the list
210     Parameters:
211     -----
212         list: list
213         first: int
214
215     Returns:
216         list: list
217     """
218     while(list[0] != first):
219         list.append(list.pop(0))
220     list.append(first)
221     return list

```

C.2.4 dijkstra.py

```

1 from heapq import heappop, heappush
2
3 import networkx as nx
4
5
6
7 def dijkstra(Graph, source, target):
8     """Find shortest weighted paths in G from source to target using Dijkstra'
9     s algorithm.
10    Parameters:
11    -----
12    G : NetworkX oriented graph
13    source : node
14        Starting node for path
15    target : node
16        Ending node for path
17    weight : string, optional (default='weight')
18        Edge data key corresponding to the edge weight
19    Returns:
20    -----
21    time : float
22        Shortest time from source to target.
23    path : list
24        List of nodes in a shortest path.
25    """
26
27     if source == target:
28         return (0, [source])
29
30     push = heappush
31     pop = heappop
32
33     neighbor_list=[Graph._succ,Graph._pred]

```

```

33
34     #We are using the two way Dijkstra algorithm, so we need to keep track of
the distances from both the source and the target
35     out = [{}, {}] #List of dictionaries, each dictionary contains the
distance from the source/target to each node
36     path = [{}, {}] # dictionary of paths
37     seen = [{source : 0}, {target : 0}] # dictionary of nodes that have been
visited
38     to_explore = [[], []] # heap of (distance, label) tuples for all non-seen
nodes
39
40     #Initialize the heap with the source and target
41     push(to_explore[0], (0, source))
42     push(to_explore[1], (0, target))
43
44     #Initialize the path with the source and target
45     path[0][source] = [source]
46     path[1][target] = [target]
47
48     direction = 1 #Direction of the search, 0 is forward, 1 is backward
49
50     while to_explore[0] and to_explore[1]:
51
52         direction = 1 - direction #Switch direction
53
54         #Pop the smallest distance node from the heap
55         (dist, v) = pop(to_explore[direction])
56
57         if v in out[direction]:
58             continue
59
60         out[direction][v] = dist
61
62         #Check if the node has been visited by the other search
63         if v in out[1-direction]:
64             #If it has, we have found a shortest path
65             return (out[0][v] + out[1][v], path[0][v] + list(reversed(path[1][
v]))[1:])
66
67         for neighbor in neighbor_list[direction][v]:
68             if neighbor not in out[direction]:
69                 weight = weight_node(v, neighbor, out[direction], Graph,
direction)
70
71                 #If the neighbor has not been visited, add it to the heap
72                 if neighbor not in seen[direction]:
73                     seen[direction][neighbor] = weight
74                     push(to_explore[direction], (weight, neighbor))
75                     path[direction][neighbor] = path[direction][v] + [neighbor
]
76
77                 #If the neighbor has been visited, but the new path is shorter
, update the heap
78                 elif weight < seen[direction][neighbor]:
79                     seen[direction][neighbor] = weight
80                     push(to_explore[direction], (weight, neighbor))
81                     path[direction][neighbor] = path[direction][v] + [neighbor
]
82
83     return (float('inf'), [])
84
85 def travel_time_route(u, v, graph):
86     """Return the travel time of a route."""

```

```

86     return graph[u][v][0]['travel_time'] if 'travel_time' in graph[u][v][0]
    else graph[u][v][0]["length"]/8.33 # 30 km/h
87
88 def weight_node(u, v, data, graph, direction):
89     """Return the weight of an edge."""
90     weight = data[u]
91     if direction == 0:
92         weight += travel_time_route(u, v, graph)
93     else:
94         weight += travel_time_route(v, u, graph)
95     return weight

```

C.2.5 pairwise_exchange.py

```

1  import networkx as nx
2  import osmnx as ox
3  from itertools import permutations, combinations
4  from random import choice
5
6  from algorithms import dijkstra
7
8
9  def multiNodes_to_fullGraph(graph: nx.MultiDiGraph, multi_nodes: list[nx.nodes
    ], algo=dijkstra.dijkstra) -> nx.DiGraph:
10
11     full_graph = nx.DiGraph()
12
13     # get tuple of every possible combination, permutations allowed NOT
    duplicates
14     paths_to_find = permutations(multi_nodes, 2)
15
16     # add to graph every weighted edge and store path with it
17     for edge in paths_to_find:
18
19         weight, path_found = algo(graph, *edge)
20         full_graph.add_weighted_edges_from([(edge, weight)], path=path_found)
21
22     return full_graph
23
24 def fullGraph_to_ringGraph(full_graph: nx.DiGraph) -> nx.DiGraph:
25     ring_graph = nx.DiGraph()
26
27     # randomly pick a node
28     start_node = list(full_graph.nodes)[0]
29
30     # get nearest node
31     nearest_node, properties = min(full_graph[start_node].items(), key=lambda
    edge: edge[1]["time"])
32
33     # add weight and node
34     ring_graph.add_edge(start_node, nearest_node, weight = properties["time"])
35
36     search_node = nearest_node
37
38     while not all(node in ring_graph for node in full_graph.nodes):
39         # get a sorted list of the nearest node
40         sorted_nearest_nodes = sorted(full_graph[search_node].items(), key=
    lambda edge: edge[1]["time"])
41         for nearest_node, properties in sorted_nearest_nodes:
42             if nearest_node not in ring_graph:

```

```

43         ring_graph.add_edge(search_node, nearest_node, weight =
properties["time"])
44         search_node = nearest_node
45         break
46
47     ring_graph.add_edge(search_node, start_node, weight=full_graph[start_node
][nearest_node]["time"])
48
49     return ring_graph
50
51 def get_path_graphs(ring_graph: nx.DiGraph)-> list[nx.DiGraph]:
52     path_graph_list = [component for component in nx.
weakly_connected_components(ring_graph)]
53
54     return path_graph_list
55
56 def exchange_nodes(full_graph: nx.DiGraph, ring_graph: nx.DiGraph, recursion:
int):
57     edges = list(ring_graph.edges)
58
59     #get a random edge and convert to list
60     switch_edge1 = list(edges.pop(edges.index(choice(edges))))
61     switch_edge1.append(full_graph.get_edge_data(*switch_edge1, "time"))
62
63     # remove neighbor edges of the nodes in switch_edge1
64     edges = [edge for edge in edges if not(switch_edge1[0] in edge or
switch_edge1[1] in edge)]
65
66     #get a random edge and convert to list
67     switch_edge2 = list(edges.pop(edges.index(choice(edges))))
68     switch_edge2.append(full_graph.get_edge_data(*switch_edge2, "time"))
69     ring_graph.remove_edges_from([switch_edge1, switch_edge2])
70
71     # swap edges
72     switch_edge1[1], switch_edge2[0] = switch_edge2[0], switch_edge1[1]
73
74     # ring graph is currently composed of 2 path graphs
75     list_path_graph_nodes = get_path_graphs(ring_graph)
76
77     # create the 2 path graphs
78     path_graph_A = ring_graph.copy()
79     path_graph_A.remove_nodes_from(list_path_graph_nodes[0])
80     path_graph_B = ring_graph.copy()
81     path_graph_B.remove_nodes_from(list_path_graph_nodes[1])
82
83     # find the path graph to reverse
84     graph_reversed = None
85     if switch_edge1[1] in path_graph_A:
86         if path_graph_A.predecessors(switch_edge1[1]):
87             path_graph_A = path_graph_A.reverse()
88             graph_reversed = path_graph_A
89         else:
90             path_graph_B = path_graph_B.reverse()
91             graph_reversed = path_graph_B
92     else:
93         if path_graph_B.predecessors(switch_edge1[1]):
94             path_graph_B = path_graph_B.reverse()
95             graph_reversed = path_graph_B
96         else:
97             path_graph_A = path_graph_A.reverse()
98             graph_reversed = path_graph_A
99

```

```

100     # update weights of reversed path
101     weighted_edges = [(edge, full_graph[edge[0]][edge[1]]["time"]) for edge
in graph_reversed.edges]
102     graph_reversed.add_weighted_edges_from(weighted_edges)
103
104     # reconstruct graph
105     ring_graph = nx.union(path_graph_A, path_graph_B)
106     ring_graph.add_edges_from([switch_edge1, switch_edge2])
107
108     print(f"recursion: {recursion} size: ", ring_graph.size(weight="time"))
109
110     # return swapped graph
111     if recursion == 1:
112         return ring_graph
113
114     new_ring_graph = exchange_nodes(full_graph, ring_graph.copy(), recursion -
1)
115
116     # return the smallest weighted paths
117     if new_ring_graph.size(weight="time") < ring_graph.size(weight="time"):
118         return new_ring_graph
119
120     return ring_graph
121
122
123 def ring_graph_to_multinodes(ring_graph: nx.DiGraph, start_node):
124     multinodes = [start_node]
125     search_node = start_node
126
127     for i in range(len(ring_graph.nodes)):
128         for adj in ring_graph.adj[search_node]:
129             multinodes.append(adj)
130             search_node = adj
131     return multinodes
132
133
134
135 def pairwise_exchange(dictionary, multinodes: list[nx.nodes], recursion):
136     full_graph = nx.DiGraph(dictionary)
137     ring_graph = fullGraph_to_ringGraph(full_graph)
138
139     ring_graph = exchange_nodes(full_graph, ring_graph, recursion)
140
141     multinodes = ring_graph_to_multinodes(ring_graph, start_node=multinodes
[0])
142     print(multinodes)
143     return multinodes

```

C.3 graph_tools

C.3.1 ConstructGraph.py

```

1 from algorithms import dijkstra
2 #Construct a graph representation of the network of places to visited ready to
   be used by a TSP solver.
3
4 def construct_graph(graph, nodes, algorithm = dijkstra.dijkstra):
5     """Construct a graph representation of the network of places to visited
ready to be used by a TSP solver.
6     The graph is represented as a dictionary of dictionaries. The keys are the
nodes of the graph,

```

```

7     and the values are dictionaries containing the time needed to travel
between the node and its neighbors and
8     the path to take to reach them.
9
10    Parameters:
11    graph (networkx graph): the graph of the network
12    nodes (list): the list of nodes to visit
13
14    Returns:
15    dict: the graph representation
16    """
17
18    #Create a graph with only the nodes to visit
19    G = {node: {} for node in nodes}
20
21    for start_node in nodes:
22        for end_node in nodes:
23
24            if start_node == end_node:
25                continue
26
27            #Find the shortest path between the two nodes
28            time, path = algorithm(graph, start_node, end_node)
29
30            if(time != float("inf")):
31                #Add the path to the graph
32                G[start_node][end_node] = {"time": time, "path": path}
33
34
35    return G

```

C.3.2 TSP_solver.py

```

1 from graph_tools import ConstructGraph, input_generator
2 from algorithms import ant_colony, christofides, pairwise_exchange, astar,
dijkstra
3 import osmnx as ox
4 import time as timestamp
5
6 def main_solver(nodes_to_visit, name_algorithm1 = "Dijkstra", name_algorithm2=
"Christofides"):
7
8     #select the algorithm to use
9     algorithm1 = choose_algorithm(name_algorithm1)
10
11    #Get the coordinates of the nodes
12    nodesgeocode = NodesToCoordinates(nodes_to_visit)
13
14
15    #Download the graph to run the algorithm on
16    start = timestamp.time()
17    nodes_to_visit, graph = graph_from_coordinates_array(nodesgeocode)
18    end = timestamp.time()
19    print("Time to download the graph: ", end - start)
20
21    #Measure the time to run the first algorithm
22    start = timestamp.time()
23    print("Start to create the graph with the algorithm: ", name_algorithm1, "
")
24    #Create a fully connected graph with only the nodes to visit with the
algorithm1

```

```

25     ConnectedSimplifiedGraph = ConstructGraph.construct_graph(graph,
nodes_to_visit, algorithm1)
26     end = timestamp.time()
27     print("Time to create a the graph: ", end - start)
28
29     #If there is only two nodes, we don't need to run the TSP solver
30     if len(nodesgeocode) == 2:
31         path = ConnectedSimplifiedGraph[nodes_to_visit[0]][nodes_to_visit[1]][
"path"]
32         time = ConnectedSimplifiedGraph[nodes_to_visit[0]][nodes_to_visit[1]][
"time"]
33         return graph, path, time, [nodesgeocode[0],nodesgeocode[1]]
34
35     else:
36
37         solution_simplified_path = tsp_solver(nodes_to_visit,
ConnectedSimplifiedGraph, name_algorithm2)
38         path, time = get_path_time(nodes_to_visit, ConnectedSimplifiedGraph,
solution_simplified_path)
39         nodesgeocode = [nodesgeocode[nodes_to_visit.index(node)] for node in
solution_simplified_path]
40         return graph, path, time, nodesgeocode
41
42 def tsp_solver(nodes, dictionnary, algorithm_name="Christofides"):
43     """Solve the TSP problem with the algorithm chosen.
44     :param graph: the graph of the network
45     :param nodes: the list of nodes to visit
46     :param dictionnary: the graph representation
47     :param algorithm_name: the name of the algorithm to use
48     :return: the path to take
49     """
50
51     #Solve the TSP problem with the algorithm2
52     start = timestamp.time()
53     if(algorithm_name == "Ant Algorithm"):
54         colony = ant_colony.ant_colony(dictionnary, nodes[0],n_ants=25, alpha
=0.75, beta=3, rho=0.1, omega=50)
55         simplified_solution_path = colony.run()
56     elif algorithm_name == "Christofides":
57         simplified_solution_path = christofides.christofides(dictionnary)
58     elif algorithm_name == "Pairwise exchange":
59         simplified_solution_path = pairwise_exchange.pairwise_exchange(
dictionnary, nodes, len(nodes))
60     else:
61         raise NameError("Unknown algorithm")
62     end = timestamp.time()
63
64     print("Time to solve the TSP problem: ", end - start)
65
66     return simplified_solution_path
67
68 def choose_algorithm(algorithm="Dijkstra"):
69     """Choose the algorithm 1 to use
70     :param algorithm: the name of the algorithm to use
71     :return: the function of the algorithm"""
72     algorithm_dictionary = {
73         "Dijkstra": dijkstra.dijkstra,
74         "A*": astar.astar
75     }
76     function = algorithm_dictionary.get(algorithm)
77     if function is None:
78         raise NameError("Unknown algorithm")

```

```

79     print("TSP algorithm:", algorithm)
80     return function
81
82 def get_path_time(nodes, dictionary, simplified_path):
83     """
84     This function takes a list of nodes and returns the path and the time to
    go through it
85     :param nodes: list of nodes
86     :param dictionary: dictionary of the graph
87     :param simplified_path: list of nodes
88     :return: path and time"""
89     time = 0
90     path = [nodes[0]]
91     for i in range(len(simplified_path)-1):
92         path += dictionary[simplified_path[i]][simplified_path[i+1]]["path"
    ][1:]
93         time += dictionary[simplified_path[i]][simplified_path[i+1]]["time"]
94     return path, time
95
96 def NodesToCoordinates(NodesName):
97     """
98     This function takes a list of nodes and returns a list of coordinates
99     :param NodesName: list of nodes
100    :return: list of coordinates
101    """
102
103    geocode_list = []
104
105    for NodeName in NodesName:
106        geocode_list.append(ox.geocode(NodeName))
107
108    return geocode_list
109
110 def graph_from_coordinates_array(coordinates_array, simplify=True,
    network_type='drive'):
111     """Create a where the list of coordiante is in the graph
112     :param coordinates_array: list of coordinates
113     :param simplify: boolean to simplify the graph
114     :param network_type: type of network
115     :return: list of nodes and graph
116     """
117     #If there is the same adress, we remove the duplicates
118     coordinates_array = list(dict.fromkeys(coordinates_array))
119
120     if len(coordinates_array) == 0:
121         raise ValueError("The list of coordinates is empty")
122     if len(coordinates_array) == 1:
123         raise ValueError("The list of coordinates contains only one element")
124
125
126     minlat, maxlat, minlon, maxlon = coordinates_to_bounds(coordinates_array)
127
128     graph = ox.graph_from_bbox(maxlat,minlat,maxlon,minlon, simplify=simplify
    , network_type=network_type, truncate_by_edge=True)
129     graph = ox.add_edge_speeds(graph)
130     graph = ox.add_edge_travel_times(graph)
131     graph = ox.utils_graph.get_largest_component(graph, strongly=True)
132
133     nodes = []
134     for latitude, longitude in coordinates_array:
135         nodes.append(ox.nearest_nodes(graph, float(longitude), float(latitude)
    ))

```



```

136
137     return nodes, graph
138
139 def coordinates_to_bounds(nodesgeocode):
140     """Get the bounds of the coordinates and add a margin
141     :param coordinates_array: list of coordinates
142     :return: bounds
143     """
144     minlat = min([float(latitude) for latitude, _ in nodesgeocode])
145     maxlat = max([float(latitude) for latitude, _ in nodesgeocode])
146     minlon = min([float(longitude) for _, longitude in nodesgeocode])
147     maxlon = max([float(longitude) for _, longitude in nodesgeocode])
148     print(minlat, maxlat, minlon, maxlon)
149     #Padding to get a bigger area
150     padding = 0.1 * (maxlat - minlat)
151     minlat -= padding
152     maxlat += padding
153     padding = 0.1 * (maxlon - minlon)
154     minlon -= padding
155     maxlon += padding
156     #if the area is to linear, add padding to the other axis. This is to avoid
    the problem of the graph being a line
157     if maxlat - minlat < 0.5 * (maxlon - minlon):
158         padding = 0.5 * (maxlon - minlon) - (maxlat - minlat)
159         minlat -= padding / 2
160         maxlat += padding / 2
161     elif maxlon - minlon < 0.5 * (maxlat - minlat):
162         padding = 0.5 * (maxlat - minlat) - (maxlon - minlon)
163         minlon -= padding / 2
164         maxlon += padding / 2
165
166     print(minlat, maxlat, minlon, maxlon)
167     return minlat, maxlat, minlon, maxlon

```